Разложение чисел на множители

Исмит Шаманта НФИмд-01-22

26 ноября, 2022, Москва, Россия

Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи

Цель лабораторной работы

Изучение задачи дискретного логарифмирования.

Выполнение лабораторной работы

Задача дискретного логарифмирования

Решение задачи дискретного логарифмирования состоит в нахождении некоторого целого неотрицательного числа x, удовлетворяющего уравнению. Если оно разрешимо, у него должно быть хотя бы одно натуральное решение, не превышающее порядок группы.

p-алгоритм Полларда

- Вход. Простое число p, число a порядка r по модулю p, целое число bб $1 < b < p$; отображение f, обладающее сжимающими свойствами и сохраняющее вычислимость логарифма.
- Выход. показатель x, для которого $a^x = b(mod p)$, если такой показатель существует.

1. Выбрать произвольные целые числа u, v и положить $c = a^u b^v (mod p)$, $d = c$
2. Выполнять $c=f(c)(mod p), d=f(f(d))(mod p), вычисляя при этом логарифмы для c и d как линейные функции от x по модулю r, до получения равенства $c = d(mod p)$
3. Приняв логарифмы для c и d, вычислить логарифм x решением сравнения по модулю r. Результат x или РЕШЕНИЯ НЕТ.

Оценка сложности

Алгоритм полного перебора нашёл бы решение за число шагов не выше порядка данной группы.

Пример работы алгоритма

```
111 args = [
112     (10, 64, 107),
113 ]
114
115 for arg in args:
116     res = pollard(*arg)
117     print(arg, ': ', res)
118     print("Validates: ", verify(arg[0], arg[1], arg[2], res))
119     print()
```

```
(10, 64, 107) :  20
Validates:  True
```

Figure 1: Работа алгоритма

Выводы

Результаты выполнения лабораторной работы

Изучили задачу дискретного логарифмирования.