

## 七、排序（上）

7.1. 格式: void X\_Sort(ElementType A[], intN)

- X: 排序名称
- 讨论从小到大的整数排序
- N是正整数
- 只讨论继续比较的排序 ( $\geq$  有定义)
- 只讨论内部排序 (所有数据的排序在内存空间中一次完成)
- 稳定性: 保证任意两个相等的数据, 排序前后相对位置不变
- 没有一种排序是任何情况下都表现最好的

7.2. 冒泡排序: Bubble\_Sort()

- 比较相邻两数据, 前大后小则交换, 指针一次+1
- 一次排序之后, 最大的冒到最后一个
- 最后一部分的数据总是有序的
- 代码:

```
1 for(P=N-1; P>=0; P--){
2
3     flag=0;
4
5     for(i=0; i<P; i++){
6
7         if(A[i]>A[i+1]){ //判断写>不写>=, 保证稳定性
8
9             Swap();
10
11             flag++;
12         }
13     }
14
15     if(flag==0) break; //全程无交换
```

- 时间复杂度T=:
  - 最好:  $O(N)$
  - 最坏:  $O(N^2)$   $N+(N-1)+(N-2)+\dots+1$

7.3. 插入排序: Insertion\_Sort()

- 从前往后摸牌
- 在摸过的牌中, 从后往前比较, 大则放在最后, 小则往前找到合适的位置插入
- 前面摸过的牌总是有序的
- 代码:

```

for(P=1;P<N;P++){ //默认第一张牌已经摸过

Tmp=A[P]; //摸下一张牌

for(i=P;i>0 && A[i-1]>Tmp;i--){ //判断写>不写>=, 保证稳定性

A[i]=A[i-1]; //移出空位

}

A[i]=Tmp; //新牌落位

}

```

- 时间复杂度T=
  - 最好:  $O(N)$
  - 最坏:  $O(N^2)$

#### 7.4.时间复杂度下界

- 逆序对inversion: 对于 $i < j$ , 若 $A[i] > A[j]$ , 则称 $(i, j)$ 是一对逆序对
- 插入排序:  $T(N, I) = O(N + I)$
- 定理:  $N$ 个不同元素的序列平均具有 $N(N-1)/4$ 个逆序对( $I$ )
- 定理: 任何仅以交换两相邻元素来排序的算法, 平均时间复杂度为 $\Omega(N^2)$ 
  - →想提高算法效率, 每次要消去不止一个逆序对
  - 每次交换相隔较远的两个元素

#### 7.5.希尔排序---by Donald Shell

- 定义希尔增量序列:  $D_m > D_{m-1} > \dots > D_1 = 1$
- 对每个 $D_k$ 进行 $D_k$ 间隔排序
- 每次间隔排序不会打乱前一次的间隔排序
- 原始希尔排序:
  - $D_m = \lfloor N/2 \rfloor$ , 之后每次都除二取下整数
  - 代码:

```

1 void Shell_sort(ElementType A[], int N){
2     for(D=N/2; D>0; D/=2){
3         for(P=D; P<N; P++){ //P+D???
4             Tmp=A[P];
5             for(i=P; i\>=D && A[i-D]>Tmp; i-=D){
6                 A[i]=A[i-D]
7             }
8             A[i]=Tmp
9         }
10    }
11 }

```

- 最坏情况:  $T = \theta(N^2)$

- 希尔增量不互质导致
- $D=1$ 之前都没有交换

## 7.6.堆排序