

При анализе различных экспериментов или событий часто возникает желание предсказать результат. Теория вероятностей занимается созданием и разбором моделей, призванных упростить или, по крайней мере, формализовать данную задачу. Разработка конкретной модели для решения конкретной задачи — сугубо личное дело каждого. В связи с этим, набор «общепринятых» терминов пестрит разнообразием и неоднозначностью.

Тем не менее, есть некоторое множество моделей, с которыми имеет смысл ознакомиться, а часть из них ещё и позволяет предсказать результат опытов, являющихся наиболее распространёнными.

**Определение 1.** Исходом события будем называть *любой* из возможных результатов проводимого испытания.

В некоторых случаях, здравый смысл или жизненный опыт могут подсказать, что шансы на появление любого исхода из некоторого множества одинаковы, или, что то же самое, многократное повторение исходов приведёт к тому, что различные исходы встретятся примерно одинаковое количество раз. Так, при подбрасывании монеты мы говорим, что шансы на выпадение «орла» или «решки» равны, а если монету подбросить достаточное количество раз, то количество выпавших «орлов» будет примерно равно количеству выпавших «решек».

**Определение 2.** Говорят, что исходы **равновероятны**, если количества их появлений при многократном повторении опыта примерно равны.

**Вероятностью** исхода называют отношение количества его появлений к общему количеству проведённых испытаний при достаточно большом общем количестве испытаний.

Какие исходы считать равновероятными и как велики «многократное» и «достаточно большое» количества повторений — вопрос договоренности между людьми, обсуждающими данный опыт.

**Определение 3.** Пусть в случае проведения опыта уже определились, какие его исходы мы рассматриваем. Устраивающие нас исходы мы будем называть **благоприятными**, все остальные — **неблагоприятными**. Множество всех благоприятных исходов — **событие**.

Вероятность события равна сумме вероятностей всех благоприятных исходов. В случае, *если все исходы равновероятны*, **вероятностью события** будет отношение числа благоприятных исходов к общему числу исходов.

**Задача 1.** Игральный кубик бросают дважды. Найдите вероятности следующих событий: **а)** оба раза выпало одно и то же число; **б)** число, выпавшее во второй раз, оказалось больше первого; **в)** сумма чисел после двух бросков больше 5.

**Задача 2.** В очередь в случайном порядке становятся Аня, Боря, Варя и Гена. Определите вероятности следующих событий: **а)** Аня стоит первой; **б)** Аня стоит рядом с Борей; **в)** Аня стоит раньше Бори и Вари; **г)** Аня стоит раньше Бори, а Варя — после Гены.

**Задача 3\*.** У Пети есть погнутая монета. Каким образом можно оценить вероятность выпадения «орла» и «решки» на этой монете при её подбрасывании? Сколько раз нужно подбросить монету, чтобы при повторении опыта доля решек изменилась не более на 1% с вероятностью 99%?

**Задача 4.** Из пруда, в котором плавает 50 щук, выловили 18, поместили и вернули обратно. На следующий день из пруда выловили 7 щук. Какова вероятность того, что более половины щук, выловленных во второй день, окажется помеченными?

**Задача 5.** Набор домино состоит из 28 костей, на которых встречаются все возможные пары чисел от 0 до 6. Какова вероятность, что две случайно выбранные кости можно будет приложить друг к другу согласно правилам?

$\frac{1}{a}$	$\frac{1}{\bar{0}}$	$\frac{1}{B}$	$\frac{2}{a}$	$\frac{2}{\bar{0}}$	$\frac{2}{B}$	$\frac{2}{\Gamma}$	3	4	5

**Задача 6.** При игре в покер игроку раздаётся 5 карт. Ниже перечислены все возможные игровые комбинации в порядке убывания достоинства. Найдите вероятность появления некоторых из них на ваш вкус в случае колоды из 52 карт. Если комбинация подходит для двух — она идёт в зачёт только более сильной.

- а) Роял-флэш — пять старших карт одной масти;
- б) Стрит-флэш — пять последовательных карт одной масти. Туз может как начинать, так и заканчивать порядок, но не может быть в середине;
- в) Каре — четыре карты одного достоинства;
- г) Фул-хаус — три карты одного достоинства и две карты другого достоинства;
- д) Флэш — пять карт одной масти;
- е) Стрит — пять последовательных карт любых мастей. Туз может как начинать, так и заканчивать порядок, но не может быть в середине;
- ж) Сет — три карты одного достоинства;
- з) Две пары — две карты одного достоинства и две карты другого достоинства;
- и) Пара — две карты одного достоинства;
- к) Кикер — ни одна из вышеперечисленных комбинаций.

**Задача 7.** Петя достаёт 6 карт из колоды в 36 карт. Вася называет произвольную масть. Что больше — вероятность того, что Вася назовёт масть какой-то карты из петиного набора или что карты такой масти в петином наборе нет? Во сколько раз больше?

**Задача 8.** Тест состоит из 10 вопросов, по 4 варианта ответа на каждый, причём только один из них правильный. Если к каждому вопросу подбирать случайный ответ, то какова вероятность ответить верно **а)** на все 10 вопросов; **б)** ровно на 5 вопросов; **в)** не менее, чем на 5 вопросов?

**Задача 9.** В урне находится 10 белых и 7 чёрных шаров. Наугад выбирается 8 шаров. Какова вероятность, что среди них окажется ровно 5 белых шаров, если после взятия из урны шар а) не возвращается назад; б) возвращается назад?

**Задача 10.** В теннисном турнире участвуют 32 спортсмена, причём силы всех спортсменов постоянны, а более сильный всегда выигрывает у более слабого. Найдите вероятность того, что в финале встретятся два самых сильных спортсмена, если:

- а) Перед началом турнира создаётся сетка и спортсмены случайным образом распределяются по ней;
- б) Перед началом каждого тура спортсмены случайным образом разбиваются на пары, победители которых проходят в следующий тур.

**Задача 11.** Учитель составляет контрольную на два варианта, случайным образом выбирая для каждого из них 6 задач из данных 12. Найдите наиболее вероятное количество задач, встречающихся как в первом варианте, так и во втором.

**Задача 12.** У Саши есть ящик с обувью, в котором лежат 3 одинаковых пары сапог. Саша наугад выбирает два сапога. Какова вероятность того, что он выберет себе пару?

[illegible]