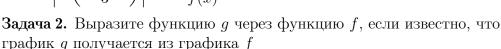
Задача 1. График f изображён на рис. 1. Нарисуйте графики функций:

- a) 2 f(x); 6) f(2x); B) f(x+2); r) f(x) + 2; A) f(-x); e) f(|x|);
- ж) |f(-|x|)|; з) 1-2f(x); и) $f\left(\frac{1}{2}x-3\right)$; к) 3-2f(3-2x);
- \mathbf{J}) $1 \left| f\left(\frac{1-|x|}{3}\right) \right|$; \mathbf{M}) $\frac{1}{f(x)}$.



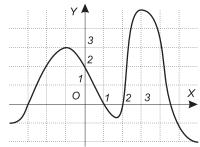


Рис. 1. График y = f(x)

- а) параллельным переносом на вектор (3,5);
- $\mathbf{6}$) сжатием в 2 раза к оси OY:
- **в)** симметрией относительно оси OX;
- \mathbf{r}) симметрией относительно прямой x = 3;
- д) растяжением в 3 раза от прямой y = -1;
- е) центральной симметрией относительно начала координат;
- ж) гомотетией с коэффициентом 2 относительно начала координат;
- 3) гомотетией с коэффициентом -1/3 относительно точки (-3,2).

Задача 3. Постройте графики: **a)** $\sin(1/x)$; **b)** $x\sin(1/x)$; **b)** $\cos^2 x$; **г)** $\sqrt{\cos x}$.

Определение 1. Функция f определена на множестве $A \subseteq \mathbb{R}$ и принимает значения в множестве $B \subset \mathbb{R}$. Если найдётся функция q, которая определена на множестве B, принимает значения в множестве A и g(f(x)) = x для всех $x \in A$, f(g(y)) = y для всех $y \in B$, то g называют обратной к функции f. Обозначение: $g = f^{-1}$.

Задача 4. Докажите, что графики y = f(x) и $y = f^{-1}(x)$ симметричны относительно прямой y = x.

Задача 5. Найдите обратную к функции

a) 2x + 3; 6) x^3 ; B) 1/x; r) $x^3 + 1$; π) x/(1+x); e) $\sqrt{1-x^2}$, $x \ge 0$.

Задача 6. Нарисуйте кривые:

a) $x^2 = y^2$: 6) $x^2y - xy^2 = x - y$: B) $4x^2 + 9y^2 = 36$: r) $16x^2 - 25y^2 = 400$.

Задача 7. Нарисуйте кривые:

а) $y^2 = x^3$; б) $y = 1 + x^3$; в) $y^2 = 1 + x^3$; г) $y^2 = x + x^3$; д) $y^2 = x^2 + x^3$.

Задача 8. Кривая на рис. 2 задана уравнением $\Phi(x,y) = 0$. Нарисуйте кривые:

- a) $\Phi(x+2,y-1)=0$; 6) $\Phi(y,x)=0$; B) $\Phi(-x,-y)=0$; r) $\Phi(2x,y)=0$;
- д) $\Phi\left(\frac{x}{2}, 2y\right) = 0$; **e**) $\Phi(|y|, x) = 0$; **ж**) $\Phi(x + y, x y) = 0$.

Задача 9. Задайте уравнением кривую, получающуюся из кривой $\Phi(x,y)=0$

- а) сдвигом на вектор (-2,3);
- $\mathbf{6}$) растяжением в 2 раза от оси OX;
- **в**) симметрией относительно OY;
- \mathbf{r}) симметрией относительно прямой y=2;
- д) центральной симметрией относительно начала координат;
- е) гомотетией с коэффициентом 2 относительно начала координат;



0

- ж) поворотом на 45° вокруг точки O;
- **з)** сжатием в 3 раза к прямой x = 1;
- **и)** гомотетией с коэффициентом -1/3 относительно точки (1,-1).

Задача 10*. Найдите уравнение, задающее

- а) гиперболу y = 1/x, сдвинутую и повёрнутую так, что её центр находится в точке (-5,2), а асимптоты составляют углы в 45° с OX;
- **б)** параболу $y=x^2$, сдвинутую и повёрнутую так, что её вершина находится в точке (-1,-1), а ось идёт под углом 45° к OX.

