

[illegible]

**Задача 16.** Прямая  $l$  пересекает две неконцентрические окружности  $S_1$  и  $S_2$  в точках  $A, B$  и  $C, D$  соответственно. Пусть  $l_A, l_B, l_C, l_D$  — касательные, проведённые к  $S_1$  и  $S_2$  в соответствующих точках. Докажите, что точки пересечения прямых  $l_A, l_B$  с прямыми  $l_C, l_D$  а) лежат на радикальной оси  $S_1$  и  $S_2$ , если  $l$  проходит через центр подобия этих окружностей; б) лежат на некоторой окружности  $S$  в противном случае. в) Докажите, что окружность  $S$  принадлежит тому же пучку, что и окружности  $S_1$  и  $S_2$ .

**Задача 23\*.** а) В выпуклом бумажном многоугольнике сделаны несколько одинаковых круглых дырок. Можно ли разрезать этот многоугольник на несколько меньших выпуклых многоугольников так, чтобы в каждом из них оказалось ровно по одной дырке? б) А если дырки круглые, но не обязательно одинаковые?

[illegible]