- **Задача 11.1.** Али-Баба и 40 разбойников делят добычу. Делёж считается справедливым, если любым 30 участникам достаётся в сумме не менее половины добычи. Какая наибольшая доля может достаться Али-Бабе при справедливом дележе?
- **Задача 11.2.** Студент за 5 лет учения сдал 31 экзамен. В каждом следующем году он сдавал больше экзаменов, чем в предыдущем, а на пятом курсе сдал втрое больше экзаменов, чем на первом курсе. Сколько экзаменов он сдал на четвёртом курсе?
- **Задача 11.3.** В коллективе n сотрудников. Каждые двое из них либо друзья, либо враги, причём у каждого сотрудника ровно 3 врага. Каждый сотрудник может правдиво заявить: «Враги моих друзей мои враги». При каких n такое возможно?
- Задача 11.4. В записи десятизначного числа использованы все 10 цифр. Двигаясь слева направо, вместо каждой цифры этого числа записали количество цифр, которые меньше неё и расположены справа от неё. Получили 3 501 210 210. Каким было первоначальное число?
- **Задача 11.5.** В лифте 2018-этажного небоскреба есть только две кнопки: [-3] и [\times 2]. При нажатии кнопки лифт, соответственно, вычитает из номера текущего этажа 3 или умножает его на 2, и, если такой этаж есть едет на него. Гриша зашел в лифт на первом этаже. До каких этажей Гриша сможет доехать, а до каких не сможет?
- **Задача 11.6.** Кащей даст Ивану клетчатый прямоугольник какого-то размера. И предложит отметить некоторые его клетки так, чтобы в каждом квадрате с указанной Кащеем стороной (не большей сторон прямоугольника) оказалось названное им число отмеченных клеток (не большее числа клеток в квадрате). Всегда ли Иван сможет выполнить задание?
- Задача 11.7. В ряд выложили дукаты и цукаты, не отличающиеся по внешнему виду, причём сначала лежит подряд несколько дукатов, а потом подряд несколько цукатов. Каждый дукат весит 7 граммов, а каждый цукат 8 граммов. Как с помощью **a)** одного, **б)** двух, **в)** трёх взвешиваний на чашечных весах без гирь отделить дукаты от цукатов, если всего в ряд выложили a) 4 предмета, б) 10 предметов, в) 28 предметов?
- **Задача 11.8.** Существует ли набор из 100 различных натуральных чисел, произведение любых пяти из которых делится на сумму этих ста чисел?

Дополнительные задачи

- **Задача 11.9.** Квадрат разбит прямыми на 25 квадратиков-клеток. В некоторых клетках нарисована одна из диагоналей так, что никакие две диагонали не имеют общей точки (даже общего конца). Каково наибольшее возможное число нарисованных диагоналей?
- Задача 11.10. В команде сторожей у каждого есть разряд (натуральное число). Сторож N-го разряда N суток дежурит, потом N суток спит, снова N суток дежурит, N спит, и так далее. Известно, что разряды любых двух сторожей различаются хотя бы в три раза. Может ли такая команда осуществлять ежедневное дежурство? (Приступить к дежурству сторожа могут не одновременно, в один день могут дежурить несколько сторожей.)
- Задача 11.11. По кругу стоит 101 мудрец. Каждый из них либо считает, что Земля вращается вокруг Юпитера, либо считает, что Юпитер вращается вокруг Земли. Один раз в минуту все мудрецы одновременно оглашают свои мнения. Сразу после этого каждый мудрец, оба соседа которого думают иначе, чем он, меняет своё мнение, а остальные не меняют. Докажите, что через некоторое время мнения перестанут меняться.
- Задача 11.12. Петя разрезал прямоугольный лист бумаги по прямой. Затем он разрезал по прямой один из получившихся кусков. Затем он проделал то же самое с одним из трёх получившихся

кусков и т.д. Докажите, что после достаточного количества разрезаний можно будет выбрать среди получившихся кусков 100 многоугольников с одинаковым числом вершин (например, 100 треугольников или 100 четырёхугольников и т.д.).