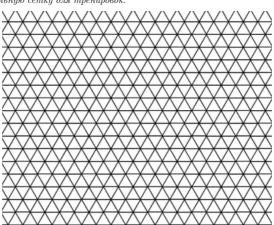
- Задача 4.1. Пятиклассник Петя нарисовал 5 рисунков. На каждом рисунке он изобразил несколько прямых и отметил все их точки пересечения друг с другом. В результате на первом рисунке он отметил всего 1 точку, на втором -2, на третьем -3, на четвертом -4 и на пятом -5. а) Приведите примеры таких рисунков. 6) Про какие из Петиных рисунков можно наверняка сказать, сколько на них проведено прямых?
- **Задача 4.2.** а) В клетках квадрата  $3 \times 3$  расставлены целые числа так, что сумма чисел в любом уголке из трёх клеток неотрицательна. Может ли сумма всех чисел в квадрате быть отрицательной? **б**) Тот же вопрос для квадрата  $4 \times 4$ .
- Задача 4.3. а) Можно ли покрыть квадрат  $4 \times 4$  уголками из трёх клеток в несколько слоёв так, чтобы над каждой клеткой квадрата было одинаковое количество уголков? (Уголки не должны вылезать за пределы квадрата.) б) Тот же вопрос для квадрата  $3 \times 3$ .
- Задача 4.4. Планетная система Ух-ты состоит из 9 планет, каждая из которых обитаема. С незапамятных времён все планеты жили дружно. Но после того, как в Ух-ты побывали космические пираты Весельчак и Глот, некоторые планеты разорвали дипломатические отношения. Однако среди любых 4-х планет какие-то 2 по-прежнему дружат между собой.

Системе Ух-ты угрожает вторжение сумчатых бегемотов, противостоять которому могут только объединенные силы трех планет. Докажите, что сумчатым бегемотам не одолеть систему Ух-ты.

- Задача 4.5. У электромонтёра был кусок провода длиной 25 м, из которого утром он собирался вырезать необходимые для работы куски в 1 м, 2 м, 3 м, 6 м и 12 м. Но утром обнаружилось, что ночью какой-то хулиган разрезал провод на две части. Сможет ли монтёр выполнить намеченные работы?
- Задача 4.6. Можно ли замостить всю плоскость квадратами, среди которых всего два одинаковых?
- Задача 4.7. В заповеднике живут 16 жирафов, все разного роста. Возможно ли построить этих жирафов в ряд так, что, какие бы 11 из них ни убежали, оставшиеся пятеро будут стоять не по росту? (По росту значит в порядке убывания роста или в порядке возрастания роста.)
- Задача 4.8. Петя копал полчаса, и вместо клада нашёл табличку с надписью: "Иди на север 1 м, там поверни направо на угол 60°, потом прямо 2 м, направо на 60°, прямо 3 м, направо на 60°, ..., направо на 60°, прямо 60 м. Полчаса покопай, и найдешь клад". Как Пете дойти до клада напрямик? Предлагаем вам треугольную сетку для тренировок.





## Дополнительные задачи

- Задача 4.9. В строку выписано 11 целых чисел. Для любой группы подряд идущих чисел подсчитана ее сумма (группы из одного числа тоже учитывались). Какое наибольшее количество сумм могло оказаться нечетными?
- Задача 4.10. У входа в пещеру с сокровищами стоит бочка с 4 дырками по кругу в крышке. В каждой дырке можно нашупать селедку хвостом вверх или вниз. Али-Баба может просунуть руки в любые две дырки, определить положение селедок под ними и, если хочет, перевернуть одну или обе по своему усмотрению. Когда хвосты всех четырех селедок окажутся направленными в одну сторону, дверь в пещеру откроется. Однако, после того как Али-Баба вытаскивает руки, бочка некоторое время с дикой скоростью крутится, так что Али-Баба не может определить, куда именно он совал руки раньше. Как Али-Бабе открыть дверь не более чем за 10 засовываний?
- Задача 4.11. Учитель заполнил клетчатую таблицу 5 × 5 различными целыми числами и выдал по одной её копии Боре и Мише. Боря выбирает наибольшее число в таблице, затем вычёркивает строку и столбец, содержащие это число, затем выбирает наибольшее число из оставшихся, вычёркивает строку и столбец, содержащие это число, и т.д. Миша производит аналогичные операции, каждый раз выбирая наименьшие числа. Может ли учитель так заполнить таблицу, что сумма пяти чисел, выбранных Борей?
- Задача 4.12. Верно ли, что при любом покрытии шахматной доски 32-мя костяшками домино получится чётное число вертикально расположенных и чётное число горизонтально расположенных костяшек?