אלגברה ב' - גיליון תרגילי בית 1 מטריצות מייצגות ודטרמיננטה

14.11.2022 הגשה:

 $T^2=-5\, {
m Id}_V$ המקיימת לינארית לינארית תרגיל $T\colon V o V$ ותהי תעל מעל מעל מרחב וקטורי מעל פוער תרגיל $v\colon V o V$ הקבוצה ע $v\in V\setminus\{0\}$ בלתי־תלויה לינארית.

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -5 & 0 \end{pmatrix}$$
 ידי על מיוצגת מיום בסיס בי קיים הוכיחו . $\dim V = 2$.2

תרגיל הפיכה $T\colon V\to V$ נתונה וקטורי בסיס למרחב בסיס $B=(v_i)_{i\in[n]}$ יהי גיהי תרגיל תרגיל.

$$T(v_1 + 2v_2) = \sum_{i \in [n]} v_i$$

 $.ig[T^{-1}ig]_B$ מצאו את סכום איברי

תרגיל 3. חשבו את הדטרמיננטה של המטריצות המרוכבות הבאות.

תהיי .($c_n=1$, מתוקן מתוקן פולינום $p=\sum_{i=0}^n a_i x^i \in \mathbb{F}\left[x
ight]$ יהי .4 תרגיל

$$.C(p) := \begin{pmatrix} 0 & 0 & \cdots & 0 & -a_0 \\ 1 & 0 & \cdots & 0 & -a_1 \\ 0 & 1 & \cdots & 0 & -a_2 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 1 & -a_{n-1} \end{pmatrix} \in \operatorname{Mat}_n(\mathbb{F})$$

הראו כי

$$\det\left(xI-C\left(p\right)\right)=p\left(x\right)$$

יכי של .V בסיסים של בסיסים היראו לינארית העתקה $T\colon V \to V$ תהי .1 הראו כי

$$\mathrm{tr}\,([T]_B)=\mathrm{tr}\,([T]_C)$$

וגם

$$\det\left([T]_B\right) = \det\left([T]_C\right)$$

אז נוכל להגדיר

$$\operatorname{tr} T \coloneqq \operatorname{tr} \left([T]_B \right)$$

$$\cdot \det T \coloneqq \det \left([T]_B \right)$$

ותהי $V=\operatorname{Mat}_{2}\left(\mathbb{C}
ight)$ יהי .2

$$T\colon V\to V$$

$$. \qquad A \mapsto \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} A \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

 $\det\left(T
ight)$ חשבו את

 $\det\left(A
ight)>0$ בלי שמתקיים. הראו עצמיים. בלי בלי בלי $A\in\operatorname{Mat}_{n}\left(\mathbb{R}
ight)$ תרגיל