Mécanisme de faucheuse

1 - Présentation

Le **mécanisme** présenté ci-contre est constitué :

du arbre d'entrée S1 en liaison pivot d'axe $(O_0, \vec{x}_{0.1})$ avec le bâti S_0 ,

Paramètre de mouvement 1/0 :

$$\psi = (\vec{y}_0, \vec{y}_1)$$

du boitier S₂ en liaison pivot d'axe $(O_{1,2}, \vec{x}_{1,2})$ avec l'arbre d'entrée S₁,

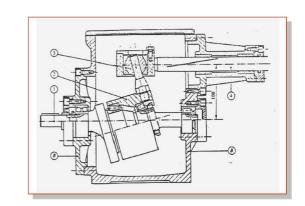
Paramètre de mouvement 2/1 :

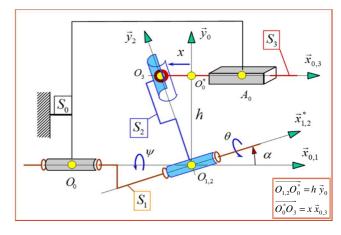
de l'axe de sorite S₃ en liaison glissière d'axe (A_0, \vec{x}_0) avec le bâti S_0 ,

Paramètre de mouvement 3/0 :

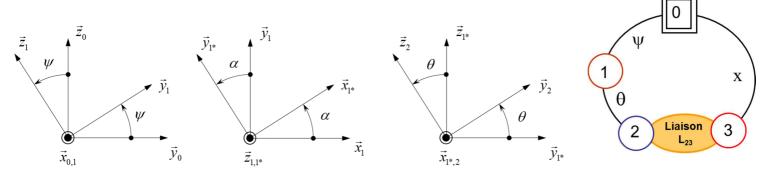


Par ailleurs le boitier S₃ est en liaison linéaire annulaire en O_3 avec l'axe de sortie S_3 .





Graphe des liaisons et figures de changement de base



3 - Equations de liaison

La présence de la liaison 3/2 impose :

$$O_3 \in (O_{1,2}, \vec{y}_2)$$

soit:
$$\overrightarrow{O_{1,2}O_3} \cdot \overrightarrow{x}_2 = 0$$
 et $\overrightarrow{O_{1,2}O_3} \cdot \overrightarrow{z}_2 = 0$

Soit:

$$\begin{cases} x\cos\alpha + h\cos\psi\sin\alpha = 0\\ x\sin\theta\sin\alpha - h(\cos\psi\sin\theta\cos\alpha + \sin\psi\cos\theta) = 0 \end{cases}$$

Résoudre ce système d'équations non linéaire, en considérant que le mouvement d'entrée est associé à une vitesse de rotation $\dot{\psi}=\omega$ connue et comparer les résultats obtenus à la solution analytique cidessous:

$$x = -h\cos\psi tg\alpha$$

$$tg \theta = -tg \psi \cos \alpha$$

Déterminer les vitesses $\dot{x}(t)$ et $\dot{\theta}(t)$ par la méthode de votre choix (on pourra comparer plusieurs approximations : centrée, avancée, retardée, ordre 1 ou 2,...) et comparer les résultats obtenus aux expressions analytiques.