Локальное поле вблизи поверхности металлической наночастицы сильно отличается от поля накачки. Рассмотрим металлическую сферу радиуса  $\mathbf{a}$  с диэлектрической проницаемостью  $\mathbf{\epsilon}_{\mathsf{m}}$ , которая находится в однородной среде с диэлектрической проницаемостью  $\mathbf{\epsilon}_{\mathsf{d}}$ . На частицу падает плоская монохроматическая волна с напряженностью  $\mathsf{E}_{\mathsf{0}}$ , волновой вектор которой направлен вдоль оси  $\mathsf{z}$ , что проиллюстрировано на рис. 2.7.

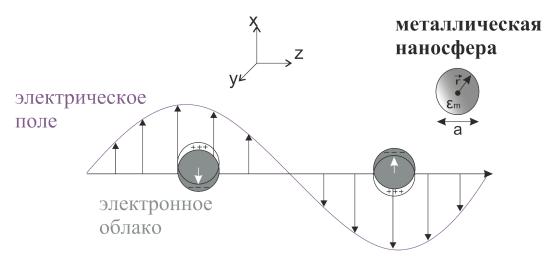


Рис. 2.7: Иллюстрация возбуждения плазмонной моды изолированной металлической сферы.

Решение уравнений Максвелла для поля вне сферы на основании [9] запишется в виде:

$$\overline{E}_{loc}(x,y,z) = E_0\overline{z} - (\frac{\varepsilon_m - \varepsilon_d}{\varepsilon_m + 2\varepsilon_d})a^3E_0(\frac{\overline{z}}{r^3} - \frac{z}{r^3} - (x\overline{x} + y\overline{y} + z\overline{z}))$$
 (2.8)

Если мы рассмотрим n сфер одинакового радиуса a и одинакового состава, которые находятся на большом расстоянии друг от друга, то при таких условиях световые пучки, рассеянные сферами, не являются когерентными, а полная энергия рассеяния равна произведению энергии, рассеянной одной сферой, на число сфер.

Используя решение Ми для дифракции плоской монохроматической волны на металлической однородной сфере, можем получить выражение для напряженности поля n сфер [10]:

$$\overline{E}_{loc}(\lambda) = \frac{24\pi^2 na^3}{\lambda \ln(10)} \left( \frac{\varepsilon_m}{(\varepsilon_m + 2\varepsilon_d)^2 + (\varepsilon_m)^2} \right). \tag{2.9}$$

Здесь,  $\epsilon_m$  и  $\epsilon_m$  мнимая и реальная часть диэлектрической проницаемости металлической сферы  $\epsilon_m$ . Из уравнения (2.9) ясно, что при условии  $|\epsilon_m| << |\epsilon_m|$  и  $\epsilon_m \approx -2\epsilon_d$  напряженность электрического поля резонансно возрастает  $\epsilon_{loc} \sim$ , что и соответствует возбуждению локальных плазмонов.

Спектральное положение резонансов зависит от формы и размеров наночастиц и расстояния между ними, а также от диэлектрической проницаемости окружающей среды. Поэтому в общем случае напряженность локального поля записывают через фактор локального поля  $L(\omega)$ , т.е  $\bar{E}_{loc}(\omega) = L(\omega)E_0$ .

Стоит отметить, что при отклонении формы частицы от сферической снимается вырождение и наблюдается частотное расщепление плазмонных мод [11]. На рис. 2.8 приведена зависимость коэффициентов поглощения наночастиц золота разной формы от длины волны. Максимумы поглощения в спектрах соответствуют возбуждению ЛПП.