Вопросы по алгебре I семестр 2021-2022 год.

Лектор: Михеев С.Е.

- 1. Множества, функции, кванторы, булева алгебра, бинарные отношения.
- 2. Классификация отображений и бинарные отношения
- 3. Отношение эквивалентности, мощность множества, равномощность, конечность
- 4. Теорема Кантора, кардинальные числа.
- 5. Перестановки, размещения, сочетания. Сочетания с повторениями.
- 6. Мощности множества всех подмножеств, размещений и перестановок с повторениями. Бином Ньютона. Полином Ньютона.
- 7. Группа. Нейтральный элемент. Основные алгебраические структуры.
- 8. Обратный элемент. Связь между полугруппой и группой. Основные алгебраические структуры.
- 9. Конечные группы и конечные поля
- 10.. Геометрическое определение поля комплексных чисел.
- 11. Алгебраическое и тригонометрическое определения комплексных чисел. Их эквивалентность геометрическому
- 12.. Модуль, аргумент. Формулы Муавра.
- 13. Показательная функция комплексного числа и формула Эйлера
- 14. Следствия из формулы Эйлера и логарифм комплексного числа.
- 15. Корень из комплексного числа
- 16. Корни из 1.. Первообразные корни.
- 17. Делимость целых чисел. Неполное частное и остаток.
- 18. Алгоритм Евклида.
- 19.. Линейное представление НОД и оценки его коэффициентов.
- 20.. Линейное представление НОД и следствия из него. 21.. Свойства сравнений и вычетов.
- 22.. Поле вычетов. Число вычетов в полной системе вычетов. Т. о произведении числа взаимно простого с модулем на вычеты.
- 23. Приведенная система вычетов. Функция Эйлера. Т. о произведении числа взаимно простого с модулем на приведенные вычеты.
- 24. Замечательные теоремы из теории чисел.
- 25. Решение линейного сравнения 26.. Решение систем линейных сравнений последовательным способом.
- 27.. Решение систем линейных сравнений с помощью китайской теоремы об остатках.
- 28. Полиномиальные сравнения.
- 29. Кольцо многочленов. .Делимость многочленов Неполное частное и остаток
- 30.. Алгоритм Евклида для полиномов
- 31.. Линейное представление НОД многочленов и следствия из него.
- 32.. Схема Горнера.
- 33.. Непрерывность многочлена. Теорема о модуле старшего члена.
- 34. Теорема о возрастании модуля.
- 35.. Лемма Д'Аламбера. Основная теорема алгебры.
- 36.. Следствия из ОТА. Разница между функциональным и алгебраическим определениями многочлена.
- 37.. Формулы Виета, многочлен с вещественными коэффициентами.
- 38. Кратные корни.
- 39. Локализация корней по Штурму.
- 40. Оценки корней.
- 41. Приводимость полиномов
- 42. Многочлены над полем рациональных чисел. Лемма Гаусса.
- 43. Связь приводимости целочисленного многочлена в кольце целых чисел с его приводимостью над полем рациональных чисел.

- 44. Критерий Эйзенштейна. Поиск целочисленных и рациональных корней
- 45. Рациональные дроби, теоремы 6.36-6.38. 46. Рациональные дроби теоремы 6.39,. Интегрирование некоторых простейших дробей. 47. Матрицы и действия с ними
- 48.Связь между подстановками и перестановками
- 49. Генерация перестановок транспозициями 50. Четности