Лабораторная работа

Метод Гаусса-Жордана

Выполнила: Шеховцова Е.

Постановка задачи:

Разработать программу, решающую систему линейных уравнений методом Гаусса-Жордана.

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 7 & 6 & 5 \\ 7 & 10 & 8 & 7 \\ 6 & 8 & 10 & 9 \\ 5 & 7 & 9 & 10 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 23 \\ 32 \\ 33 \\ 31 \end{pmatrix}$$

Математическая модель:

$$\widetilde{a_{kl}} = \frac{a_{ki}}{a_{ii}}$$

$$\widetilde{a_{kj}} = a_{kj} - \widetilde{a_{kl}}a_{ij}$$

$$i = 1 \div (n-1),$$

$$k = 1 \div n,$$

$$j = i \div (n+1)$$

$$x_i = (a_{i(n+1)} - \sum_{j=i+1}^n a_{ij}x_j)/a_{ii}$$

Программная реализация:

```
#include <iostream>
#include <stdio.h>
#include <math.h>
using namespace std;
int main()
{
float a[4][5] = {{5.0, 7.0, 6.0, 5.0, 23.0}, {7.0, 10.0, 8.0, 7.0, 32.0}, {6.0, 8.0, 10.0, 9.0, 33.0}, {5.0, 7.0, 9.0, 10.0, 31.0}};
```

```
/************
Прямой ход
****************/
for(int i = 0; i < 4; i++) {
  for(int j = 0; j < 5; j++) {
    cout << a[i][j] << "\t";
  }
  printf("\n");
  printf("\n");
for(int i = 0; i < 4; i++) {
  for(int k = 0; k < 4; k++){
    float koef = a[k][i]/a[i][i];
    for(int j = i; j <5; j++) {
       if(k!=i){
         a[k][j]-=a[i][j]*koef;
         a[k][j] = round(a[k][j]*100)/100;
       }
    }
  }
}
for(int i = 0; i < 4; i++) {
  for(int j = 0; j < 5; j++) {
    cout << a[i][j] << "\t";
  }
  printf("\n");
}
```

```
float x[4];
  /********
  Обратный ход
  *********
  x[3] = a[3][4]/a[3][3];
  for(int i = 2; i >= 0; i--) {
    float s = 0;
    for(int j = i+1; j < 4; j++) {
      s += a[i][j]*x[j];
    }
    x[i] = (a[i][4] - s)/a[i][i];
  }
  printf("\n");
  for(int i = 0; i < 4; i++) {
    cout << "x[" << i << "] = " << x[i] << " ";
  }
  return 0;
}
```

Результат: