阿克曼

版权



会员中心 收藏 云

Apollo代码学习(二)—车辆运动学模型

follow轻尘

2018-10-11 20:53:13 ② 44832 🖈 收藏 249

分类专栏: Apollo 文章标签: 运动学模型 阿克曼

Apollo代码学习—车辆运动学模型

前言

车辆模型

单车模型(Bicycle Model)

车辆运动学模型

阿克曼转向几何(Ackerman turning geometry)

小结

Apollo(阿波罗)是一个开放的、完整的、安全的自动驾驶平台,以灵活和高性能的技术架 构,为全自动驾驶提供支持。

前言

要实现对车辆的控制,研究其运动学模型和动力学模型必不可少。上文对横纵向控制的构成及实 现做了概述,本文将从车辆的运动学和动力学模型入手,研究如何控制车辆,以及为什么这样控 制车辆。

本文的观点及图表多基于下述书籍及链接,并结合Apollo代码整理而来,由于本身并没有学过实 车相关的知识,对力学的认知也不够深,如有理解偏颇或侵权之处,请指正删改。

- [1] Rajamani R. Vehicle Dynamics and Control[M]. Springer Science, 2006.
- 【2】龚建伟,姜岩,徐威.无人驾驶车辆模型预测控制[M].北京理工大学出版社,2014.
- 【3】无人驾驶汽车系统入门(五)——运动学自行车模型和动力学自行车模型

提倡大家支持正版资源,本人提供文档仅限交流学习使用,侵删:

- 【1】Rajamani R. Vehicle Dynamics and Control[M]. Springer Science, 2006. | CSDN资源
- 【2】龚建伟,姜岩,徐威. 无人驾驶车辆模型预测控制[M]. 北京理工大学出版社, 2014. | CSDN资

车辆模型

车辆运动学模型与动力学模型的建立是出于车辆运动的规划与控制考虑的。自动驾驶场景下,车 辆大多按照规划轨迹行驶,控制模块的作用就是控制车辆尽可能精准的按照规划轨迹行驶。这就 要求规划轨迹尽可能贴近实际情况,也就是说,轨迹规划过程中应尽可能考虑车辆运动学及动力 学约束, 使得运动跟踪控制的性能更好。

搭建车辆模型主要是为了更好的规划和控制,因此,在分析模型时尽量以应用时所需的输入、输 出对对象进行建模分析。Apollo中,计算控制命令需要车辆的定位信息、底盘信息以及规划信息 等,

```
1 | Status xxxController::ComputeControlCommand(
      const localization::LocalizationEstimate *localization, //定位信息
2
       const canbus::Chassis *chassis, //底盘信息
3
      const planning::ADCTrajectory *planning_published_trajectory, //规划信息
4
      ControlCommand *cmd //控制命令)
5
```

其中,

定位信息(localization.proto)包含

```
2
    optional apollo.common.Header header = 1;
3
    optional apollo.localization
                             ▲ 点赞40 📮 评论25 🖪 分享 🛕 收藏249 😝 打赏
                                                                             ■ 举报
                                                                                      关注
                                                                                             一键三连
    optional Uncertainty uncerta
```

1 message LocalizationEstimate {

```
5
6
      // The time of pose measurement, seconds since the GPS epoch (Jan 6, 1980).
      optional double measurement_time = 4; // In seconds.
 7
 8
 9
      // Future trajectory acturally driven by the drivers
10
      repeated apollo.common.TrajectoryPoint trajectory_point = 5;
11
```

底盘信息(chassis.proto)包含

```
1
    message Chassis {
 2
      enum DrivingMode {
        COMPLETE_MANUAL = 0; // human drive
 3
        COMPLETE_AUTO_DRIVE = 1;
 4
 5
        AUTO_STEER_ONLY = 2; // only steer
 6
        AUTO_SPEED_ONLY = 3; // include throttle and brake
 7
8
        // security mode when manual intervention happens, only response status
9
        EMERGENCY MODE = 4:
10
11
12
13
14
      // Only available for Lincoln now
      optional ChassisGPS chassis_gps = 28;
15
16
17
      optional apollo.common.EngageAdvice engage_advice = 29;
18 }
```

规划信息(planning.proto)包含

```
1 message ADCTrajectoryPoint {
 2
      optional double x = 1; // in meters.
      optional double y = 2; // in meters.
 3
 4
      optional double z = 3; // height in meters.
 5
 6
      optional double speed = 6; // speed, in meters / second
 7
      optional double acceleration_s = 7; // acceleration in s direction
 8
      optional double curvature = 8; // curvature (k = 1/r), unit: (1/meters)
9
      // change of curvature in unit s (dk/ds)
10
      optional double curvature_change_rate = 9;
      // in seconds (relative_time = time_of_this_state - timestamp_in_header)
11
12
      optional double relative_time = 10;
      optional double theta = 11; // relative to absolute coordinate system
13
14
      // calculated from the first point in this trajectory
15
      optional double accumulated_s = 12;
16
17
      // in meters, reference to route SL-coordinate
18
      optional double s = 4 [deprecated = true];
19
      // in meters, reference to route SL-coordinate
20
      optional double 1 = 5 [deprecated = true];
21 }
```

对上述元素进行精简,我们需要关注的信息主要有:

- 1. 时间(t)
- 2. 位置 (x, y)
- 3. 速度 (v)
- 4. 加速度 (a)
- 5. 角速度 (ω)
- 6. 位移(s)
- 7. 航向角 (ψ)
- 8. 曲率 (k)
- 9. 前轮转角 (wheel)

```
▲ 点赞40 📮 评论25 🖪 分享 🛕 收藏249 😝 打赏
```



- 10. 方向盘转角 (steer)
- 11. 刹车 (brake)
- 12. 油门 (throttle)
- 13. 档位 (gear)

其中,

- 方向盘转角 (steer)
- 刹车 (brake)
- 油门 (throttle)
- 档位 (gear)

为主要被控量。

单车模型(Bicycle Model)

建立模型时,应尽可能使模型简单易用,且能真实反映车辆特性,搭建车辆模型多基于单车模型(Bicycle Model),使用单车模型需做如下假设[^1]:

- 1. 不考虑车辆在Z轴方向的运动,只考虑XY水平面的运动,如图1所示;
- 2. 左右侧车轮转角一致,这样可将左右侧轮胎合并为一个轮胎,以便于搭建单车模型,如图 2所示;
- 3. 车辆行驶速度变化缓慢, 忽略前后轴载荷的转移;
- 4. 车身及悬架系统是刚性的。

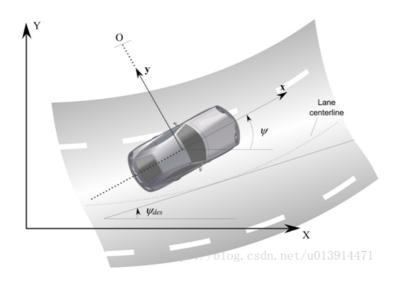


图1 车辆模型

单车模型 ($Bicycle\ Model$) 将左/右前轮合并为一个点,位于A点;将左/右后轮合并为一个点,位于B点;点C为车辆质心点。

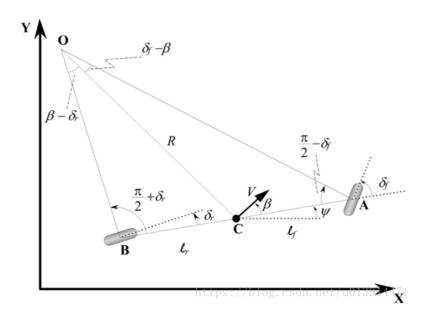


图2 单车模型

其中,O为OA、OB的交点,是车辆的瞬时滚动中心,线段OA、OB分别垂直于两个滚动轮的方向; β 为**滑移角(Tire Slip Angle)**,指车辆速度方向和车身朝向两者间所成的角度, ψ 为**航向角(Heading Angle)**,指车身与X轴的夹角。

关于滑移角和航向角,此处有较大争议,由于此处是翻译而来的,而我不能给大家准确的信息,因此附上原文,望大家自己甄别:

原文出处: Vehicle Dynamics and Control. p20

(X , Y) are inertial coordinates of the location of the vehicle while ψ describes the orientation of the vehicle. The velocity of the vehicle is denoted by V and makes an angle β with the longitudinal axis of the vehicle. The angle β is called the slip angle of the vehicle.

如若有确切出处可以证明我所书写的有错,感谢指正并附上出处,感激不尽。

符号	定义	符号	定义
A	前轮中心	В	后轮中心
C	车辆质心	0	转向圆心
V	质心车速	R	转向半径
ℓ_r	后悬长度	ℓ_f	前悬长度
β	滑移角	ψ	航向角
δ_r	后轮偏角	δ_f	前轮偏角

当车辆为前轮驱动(front - wheel - only)时,可假设 δ_r 恒为0。

车辆运动学模型

运动学是从几何学的角度研究物体的运动规律,包括物体在空间的位置、速度等随时间而产生的变化,因此,车辆运动学模型应该能反映车辆位置、速度、加速度等与时间的关系。在车辆轨迹规划过程中应用运动学模型,可以使规划出的轨迹更切合实际,满足行驶过程中的运动学几何约束,且基于运动学模型设计出的控制器也能具有更可靠的控制性能。

基于单车模型,如图2所示,搭建车辆运动学模型。由正弦法则:

$$\frac{\sin(\delta_f - \beta)}{\ell_f} = \frac{\sin(\frac{\pi}{2} - \delta_f)}{R} \tag{1.1}$$

▲ 点赞40■ 评论25【 分享★ 收藏249¥ 打赏● 举报关注一键三连

$$\frac{\sin(\beta - \delta_r)}{\ell_r} = \frac{\sin(\frac{\pi}{2} + \delta_r)}{R} \tag{1.2}$$

展开公式(1.1)(1.2)可得:

$$\frac{\sin \delta_f \cos \beta - \sin \beta \cos \delta_f}{\ell_f} = \frac{\cos \delta_f}{R} \tag{1.3}$$

$$\frac{\cos \delta_r \sin \beta - \cos \beta \sin \delta_r}{\ell_r} = \frac{\cos \delta_r}{R} \tag{1.4}$$

联立公式(1.3)(1.4)可得:

$$(\tan \delta_f - \tan \delta_r) \cos \beta = \frac{\ell_f + \ell_r}{R}$$
 (1.5)

低速环境下,车辆行驶路径的转弯半径变化缓慢,此时我们可以假设车辆的方向变化率等于车辆的角速度。则车辆的角速度为

$$\dot{\psi} = \frac{V}{R} \tag{1.6}$$

联立公式(1.5)(1.6)可得:

$$\dot{\psi} = \frac{V \cos \beta}{\ell_f + \ell_r} (\tan \delta_f - \tan \delta_r) \tag{1.7}$$

则在惯性坐标系XY下,可得车辆运动学模型:

$$\begin{cases} \dot{X} = V \cos(\psi + \beta) \\ \dot{Y} = V \sin(\psi + \beta) \\ \dot{\psi} = \frac{V \cos \beta}{\ell_f + \ell_r} (\tan \delta_f - \tan \delta_r) \end{cases}$$
(1.8)

此模型中有三个输入: δ_f 、 δ_r 、V。 滑移角 β 可由公式(1.3)(1.4)求得:

$$\beta = \tan^{-1}\left(\frac{\ell_f \tan \delta_r + \ell_r \tan \delta_f}{\ell_f + \ell_r}\right) \tag{1.9}$$

阿克曼转向几何(Ackerman turning geometry)

阿克曼转向几何($Ackerman\ Turning\ Geometry$)是一种为了解决交通工具转弯时,内外转向轮路径指向的圆心不同的几何学。

在单车模型中,将转向时左/右前轮偏角假设为同一角度,虽然通常两个角度大致相等,但实际并不是,通常情况下,内侧轮胎转角更大。如下图所示, δ_o 和 δ_i 分别为外侧前轮和内侧前轮偏角,当车辆右转时,右前轮胎为内侧轮胎,其转角 δ_i 较左前轮胎转角 δ_o 更大。 ℓ_w 为轮距,L为轴距,后轮两轮胎转角始终为 $\mathbf{0}^\circ$ 。

当以后轴中心为参考点时,转向半径R为下图中红线。

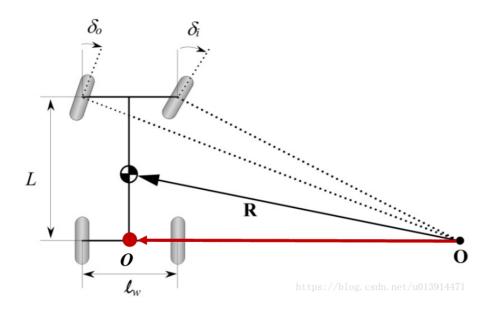


图3 阿克曼转向几何

当滑移角 β 很小时,且后轮偏角为0时,公式(1.7)可表述为:

$$\frac{\dot{\psi}}{V} pprox \frac{1}{R} = \frac{\delta}{L}$$
 (1.10)

由于内外侧轮胎的转向半径不同,因此有:

$$\delta_o = \frac{L}{R + \frac{\ell_w}{2}} \tag{1.11}$$

$$\delta_i = \frac{L}{R - \frac{\ell_w}{2}} \tag{1.12}$$

则前轮平均转角

$$\delta = rac{\delta_o + \delta_i}{2} \cong rac{L}{R}$$
 (1.13)

内外转角之差

$$\Delta \delta = \delta_i - \delta_o = \frac{L}{R^2} \ell_w = \delta^2 \frac{\ell_w}{L} \tag{1.14}$$

因此,两个前轮的转向角的差异 $\Delta\delta$ 与平均转向角 δ 的平方成正比。

依据阿克曼转向几何设计的车辆,沿着弯道转弯时,利用四连杆的相等曲柄使内侧轮的转向角比外侧轮大大约2~4度,使四个轮子路径的圆心大致上交会于后轴的延长线上瞬时转向中心,让车辆可以顺畅的转弯。

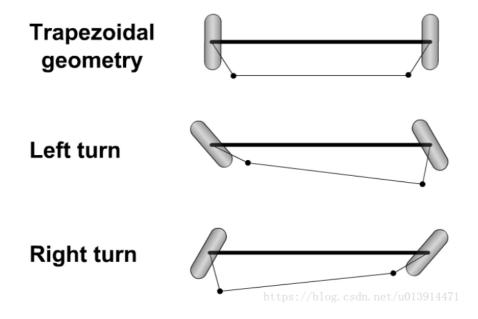


图4梯形拉杆装置差动转向机构

小结

以后轴中心为参考点,以单车模型为基础建立车辆的运动学模型, (X_r,Y_r) 为后轴中心坐标, ψ 为航向角, v_r 为车速, δ_f 为前轮转角, 后轮转角 δ_r 恒为 0° , w为横摆角速度, 滑移角 β 极小, 假设为0。

当状态量为 $\xi = [X_r, Y_r, \psi]^T$, 被控量为 $u = [v_r, \delta_f]^T$ 时, 公式(1.8)可转换为如下形式:

$$\begin{bmatrix} \dot{X}_r \\ \dot{Y}_r \\ \dot{\psi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \psi \\ \sin \psi \\ \tan \delta_f / l \end{bmatrix} v_r \tag{1.15}$$

但在无人车控制过程中,一般控制对象 $u=[v_r,w]^T$,则式1.15可写为:

$$\begin{bmatrix} \dot{X}_r \\ \dot{Y}_r \\ \dot{\psi} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \psi \\ \sin \psi \\ 0 \end{bmatrix} v_r + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} w \tag{1.16}$$

速度 v_r 的控制主要通过刹车 (brake) 、油门 (throttle) 、档位 (gear) 等来控制,横摆角 速度w主要通过转动方向盘 (steer) 来控制。

Apollo中的运动学约束(control_gflags.cc)主要有:

```
DEFINE_int32(max_localization_miss_num, 20,
1
2
                 "Max missing number of localization before entering estop mode");
 3
    DEFINE_int32(max_chassis_miss_num, 20,
 4
                 "Max missing number of chassis before entering estop mode");
 5
    DEFINE_int32(max_planning_miss_num, 20,
 6
                 "Max missing number of planning before entering estop mode");
 8
    DEFINE_double(max_acceleration_when_stopped, 0.01,
9
                  "max acceleration can be observed when vehicle is stopped");
10
    DEFINE_double(max_abs_speed_when_stopped, 0.01,
11
                  "max absolute speed can be observed when vehicle is stopped");
12
    DEFINE_double(steer_angle_rate, 100.0,
                  "Steer angle change rate in percentage.");
13
```

车辆动力学模型请看下一篇博文: Apollo / 中和学习/三\ 左師中中学期刊









▲ 点赞40 📮 评论25 🔀 分享 💠 收藏249 😝 打赏

■ 举报

关注

一键三连

车辆运动学模型:阿克曼转向模型 xihuanzhi1854的博客 ① 1万+ <mark>车辆</mark>简化<mark>模型</mark> 阿克曼转向原理 <mark>模型</mark>的分类解算 仅前轮转向,后轮角度不变 这种模式适用于多数<mark>车辆</mark>,只... 汽车运动学建模-嵌入式文档类资源 车辆碰撞事故散落物广义运动学建模 2020-01-11 车辆碰撞事故散落物广义运动学建模,许洪国,都雪静,交通... 车辆运动学模型和动力学模型 思我所 2-17 车辆运动学模型和动力学模型 点击即可打开链接:车辆运动学模型 动力学模型 百度Apollo 中纵向控制源码解析 yue597215286的博客 @ 4661 严正声明:本文系作者yue597215286原创,未经允许,严禁转载!上篇博文中,我们主要介绍了control... follow轻尘的博客 ① 3万+ Apollo代码学习(五)—横纵向控制 Apollo代码学习—横纵向控制前言纵向控制前言在我的第一篇博文: Apollo代码学习(一)—控制模块概述中... 汽车运动学模型_Micozzc_lyy的博客_车辆运动学模型 2-19 1. <mark>运动学模型</mark> 在后轴处,即(x r , y r) (x_r,y_r)(xr,yr)处,速度为 v r = x [·] r c o s (φ) + y [·] r s i n (φ... 车辆运动学模型和动力学模型 规划-YY的博客 车辆运动学... 2-27 前面的车辆运动学自行车模型其实还隐含着一个重要的假设,那就是:车前轮的方向即是车辆当前的速度方向,... 携程Apollo统一配置中心的搭建和使用 (java) luhong327的博客 ① 13万+ ---Apollo配置中心介绍 1、What is Apollo 1.1 Apollo简介 Apollo (阿波罗) 是携程框架部门研发的开源配... 四旋翼无人机的动力学模型 雨田2017的博客 ② 2万+ 1.四旋翼无人机UAV(unmanned aerial vehicles)简介 四旋翼无人机是一种能够垂直起降的非共轴的多... 汽车运动学模型 xihuanzhi1854的博客 $V_{B}\cos(\beta a) = V_{C}\cos(\beta a) = V_{A}\cos(\beta a) =$ 自动驾驶中的车辆运动学模型 vanadeshun888的博客 @ 813 简介 要控制<mark>车辆</mark>的运动,首先要对<mark>车辆</mark>的运动简历数字化<mark>模型,模型</mark>建立的越准确,对<mark>车辆</mark>运动的描述越... 车辆工程(1)——线性二自由度汽车模型的运动方程 Mr ZZTC的博客 ① 7848 1. 简化与假设 忽略转向系统的影响,以前轮转角为输入。 忽略悬架作用,认为汽车车厢只做平行于地面的... MPC模型预测控制 (四) -MATLAB跟踪圆 tingfenghanlei的博客

 4856 参考https://github.com/Janani-Mohan %% YALMIP: Circular Trajectory Tracking using MPC clc; clear; clo... 汽车运动学模型的线性化推导过程 vezhailiaoke的博客 ① 3275 1. 方法 假设有一非线性微分方程 y˙=f(x,u) \dot y = f(x,u) y˙=f(x,u) 且有静态点满足y˙0=f(x0,u0)\dot y_0=f(x_... matlab下simulink模型在代码中修改参数 zekdot的博客 ① 8501 最近由于机器人学作业的缘故不得不使用matlab,仿真的时候使用了simulink模块,而作业要求中要求修改... C2_车辆动力学与运动学模型 weixin_40215443的博客 ① 1545 运动学模型、动力学模型、《无人驾驶车辆模型预测控制》 机器人小车的运动模型 算法政城狮 ◎ 2431 机器人底层程序的时候,经常用到航迹推演(Odometry),无论是定位导航还是普通的方向控制。航迹推... 无人驾驶汽车系统入门(五)——<mark>运动学</mark>自行车模型和动力学自行车... AdamShan的博客 ① 4万+ 无人驾驶汽车系统入门(五)——<mark>运动学</mark>自行车模型和动力学自行车模型 在简要了解了PID控制以后,我们… ©2020 CSDN 皮肤主题: 游动-白 设计师:白松林 返回首页 关于我们 招贤纳士 广告服务 开发助手 ☎ 400-660-0108 ▼ kefu@csdn.net ⑤ 在线客服 工作时间 8:30-22:00 公安备案号11010502030143 京ICP备19004658号 京网文〔2020〕1039-165号 经营性网站备案信息 北京互联网违法和不良信息举报中心 网络110报警服务 中国互联网举报中心 家长监护 Chrome商店下载 ©1999-2021北京创新乐知网络技术有限公司 版权与免责声明 版权申诉

Apollo学习-控制模块概述控制纵向控制横向控制仿真仿真平台及工具 概述 控制 纵向控制 横向控制 仿真 仿...

follow轻尘 码龄7年 ▼ 暂无认证 9 5万+ 5万+ 26万+ 原创 周排名 总排名 访问 等级

▲ 点赞40 📮 评论25 🔇 分享 🖈 收藏249 😭 打赏 🏲 举报 🗡 关注 —键三连



最新评论

电动汽车

Git

Apollo代码学习(五)—横纵向控制 qq_44904066: 好的,谢谢

Apollo代码学习(三)—车辆动力学模型 abcwinner: 横向误差不太好计算,不过横向 误差的导数容易计算,结合向量求导和F ...

1篇

1篇

Apollo代码学习(三)—车辆动力学模型 XUAN1236: 这个动力学模型基于的假设就 是小角度,每一次计算都是假设车辆在1 ...

Apollo代码学习(五)—横纵向控制 follow轻尘: 啊, apollo的代码开源的啊, 都 托管在github上啊。Apollo的官方网站上 ...

Apollo代码学习(五)—横纵向控制 qq_44904066: 弱弱问一句这个apollo的控 制代码在哪儿找到的啊

最新文章

Ubuntu下java的安装与卸载

数字滤波算法

Git fatal: unable to auto-detect email address

2019年 3篇 2018年 9篇

目录

Apollo代码学习—车辆运动学模型

台

▲ 点赞40

□ 评论25 < 分享 ☆ 收藏249 < 打赏</p>

▶ 举报

关注

一键三连

单车模型(Bicycle Model)

车辆运动学模型

阿克曼转向几何(Ackerman turning geom...

小结