记录&总结

这是在本项目进行过程中的学习记录和总结。项目过程中需要用到的相关知识,处理细节等记录如下:

RNN

- 最初用来训练语言模型
- 循环神经网络的每一时间步隐藏层不仅与输入有关,而且与前一时间步的隐藏层有关。
- 前向RNN只能记前面的东西,而双向RNN来捕捉前后的信息。
- RNN只有一套参数。
- RNN的训练和BPTT: 假设参数U是输入和隐藏层的权值矩阵,W是上一个时间步和本个时间步的权值矩阵。那么,前向传播时,每个时间步计算误差,L1, L2, L3, ..., Ln, n为句子长度。注意有结束符<EOS>。计算总误差: L=L1+L2+L3+L4+L5+L6。显然,L6的计算不仅仅依靠于输入x6,还依赖于L5,进而依赖于x5,L4, ..., 直到x1, L0。(L0是第一步的填充向量)。那么也就是说,对于L6的误差计算,也用到了之前的时间步。因此在反向传播时,优化U和W,L对U和W分别求偏导数,计算的项其实很多,越往后计算的越多。这就是BPTT,随时间步的反向传播。每个句子优化一次U和W,而不是每一时间步都优化一次。
- 双向RNN的训练: 假如有个句子: 我迟到了,老师惩罚了()。很显然,前向就可以得知有用信息。而对于句子,()迟到了,老师惩罚了我。RNN却不能得知信息。而且,实践表明,句子一开始的单词对于整个句子的信息提取至关重要,随着RNN时间步的推进,遗忘会加重,从而遗失了最开始的重要信息。Bi-RNN可以解决这个问题,两个方向的RNN不共享参数,而是使用两套参数,最后计算Loss时,将两个方向的Loss加和。
- 传统RNN具有梯度消失和梯度爆炸的问题。

Seq2Seq模型

Sequence to Sequence Learning在机器翻译等领域有成功的应用,它的本质是一种学习序列到序列的映射的模型框架。模型采用Encoder-Decoder结构,其中:

- Encoder: 负责处理输入序列, 提取信息, 相当于"编码"
- Decoder: 负责处理Encoder提取的信息,将其转换为目标序列,相当于"解码"

Encoder-Decoder网络的每个单元结构可以采用LSTM/GRU等。以翻译为例,可以这么理解,人在处理输入句子的时候,并不是每次对一个单词进行翻译,而是读取整个句子,理解其意义,在脑海中形成一种"中间语言",再将其翻译为目标句子。Encoder-Decoder可以看作模拟了这个过程。

一般来说,Encoder-Decoder也可能遗忘。序列数据处理初期的信息往往对整个处理过程具有重要作用,而随着时间步的推进,初期的信息遗忘会加重,因此,一种可能的解决方案是:Encoder采用双向结构,一边从前向后处理输入,另一边反向处理。

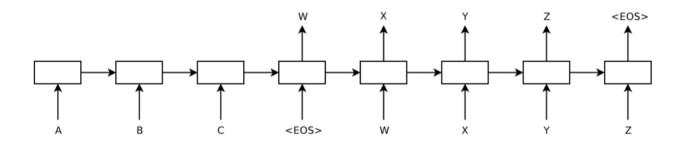
其他一些细节:

- 论文提出,建议使用4层LSTM单元,深层的LSTM表现的更好;
- 初始化参数使用服从均匀分布U(-0.8, 0.8) 的随机初始化;
- Decoder阶段输出层概率采用的是一个很大的softmax,这个占用了绝大多数的计算资源
- 原论文学习过程中,学习率初始0.7,迭代7.5次,前5次固定学习率是0.7,之后每半次迭代学习率减半一次
- 使用mini-batch, 且 batch_size=128

- 为了避免梯度消失和梯度爆炸,梯度裁剪。如果梯度g的二范数||g||>5,就进行 $g=5*rac{g}{||g||}$ 的转换。
- 论文实验的LSTM时间步为1000步,这是浪费的,但可以尽可能让同一batch里的句子长度几乎相同。这样是 2倍加速效果的。
- 论文的实验采用8个GPU,其中4个用来处理LSTM的每一层,其余的处理softmax层。

[论文链接]

模型结构示意图如下:



GRU

- Gated Recurrent Unit.
- GRU是LSTM的一个简化版本,但也可以解决传统RNN的
- 设计GRU的思想是,如何让网络记住更多有效信息,而忽略不重要的信息,如a, ha这样的词。
- 使用"门"来让网络学习什么该记住,什么该忘记。
- **GRU单元的设计**: 设时间步t的隐藏层为 c_t , 输入是 x_t , 输出是 o_t 。
 - o 那么,传统RNN的计算是: $c_t = W_c\{c_{t-1}, x_t\}$ 。 (忽略激活函数)

而GRU首先增加一个门 G_u ,来学习该记住多少,忘记多少: $G_u = sigmoid(W_u\{c_{t-1}, x_t\})$

这样,原先计算 c_t 的方式不再直接作为 c_t ,而作为候选的 c_t ,记做 c_t' ,即:

: $c'_t = W_c\{c_{t-1}, x_t\}$ 。他表征了该从综合信息中得到多少。

为了让GRU自己学习该忘什么,该记什么, c_t 的计算方式为:

$$c_t = G_u * (c'_t) + (1 - G_u) * c_{t-1}$$

显然,当 $G_u=0$,则当前输入就有很大作用。当 $G_u=1$,则完全忽视了本次输出 x_t 而完全记住了上一时间步的信息。

最后,上面式子还需再改进一下,再加一个门 G_r ,用来学习对于候选的 c_t ,上一步的 c_{t-1} 有多大计算上的贡献。即学习: $G_r = sigmoid(W_r\{c_{t-1},x_t\})$

对候选的c;做更新:

$$c'_{t} = W_{c}\{G_{r} * c_{t-1}, x_{t}\}_{\bullet}$$

• 综上,标准的GRU单元计算为:

$$c_t = tanh(G_u * (c'_t) + (1 - G_u) * c_{t-1})$$

$$c'_{t} = tanh(W_{c}\{G_{r} * c_{t-1}, x_{t}\})$$

$$G_u = sigmoid(W_u\{c_{t-1}, x_t\})$$

$$G_r = sigmoid(W_r\{c_{t-1}, x_t\})$$

LSTM

- 实际上LSTM是首先提出来的, GRU是LSTM的简化版本。
- LSTM的论文很难懂,他深入探讨了梯度消失的问题。
- LSTM单元结构:

不再只有两个门,而是**三个门**。

沿用GRU的符号。

GRU的隐藏层 c_t 就是实际的一个时间步输出,而LSTM不是这样,LSTM一个时间步的输出记做 a_t ,并且:

 $a_t = G_o * (c_t)$ 。 G_o 称作输出门(output),通过学习这个输出门,让网络自行决定对于这个时间步的隐藏层值的多少作为输出。输出门计算:

$$G_o = sigmoid(W_o[a_{t-1}, x_t])$$

这样,再决定隐藏层 c_t 的输出时,依然首先决定 c_t 的候选值,记做 c_t' 。并且:

$$c_t' = tanh(W_c * [a_{t-1}, x_t])$$
 .

即,以前学习隐藏层候选用的是上一步的隐藏层,而这里用的是上一步的LSTM输出。

学习
$$c_t = G_u * c'_t + G_f * c_{t-1}$$
。

可以看到,多了一个门,叫 G_f ,遗忘门,他学习了对于上一步的隐藏层,该遗忘多少,记住多少。而 G_u ,更新门,学习了对于本层和上层输出综合作用下,该学习多少信息。因此,LSTM非常善于记住前面的某些重要信息。学习两个门:

$$G_f = sigmoid(W_f[a_{t-1}, x_t])$$

$$G_u = sigmoid(W_u[a_{t-1}, x_t])$$

• 综上所述: LSTM的式子为:

$$a_t = G_o * c_t$$

$$c_t = G_u * c'_t + G_f * c_{t-1}$$

$$c'_t = tanh(W_c[a_{t-1}, x_t])$$

$$G_o = sigmoid(W_o[a_{t-1}, x_t])$$

$$G_u = sigmoid(W_u[a_{t-1}, x_t])$$

$$G_f = sigmoid(W_f[a_{t-1}, x_t])$$

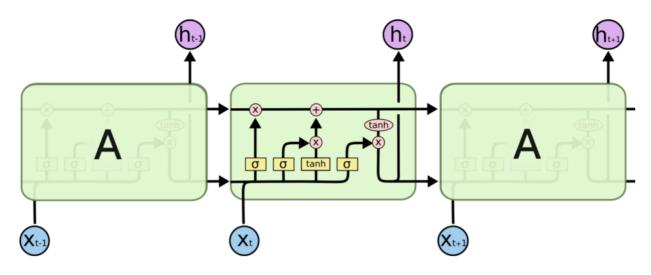
- 由此可见,对于一个LSTM,实际上可以看作有两个隐藏层 c_t 和 a_t ,在时间步向前推进时,这两个都需要。这也是为什么pytorch中LSTM函数需要两个隐藏层输入。
- 三个门的意义:

输出门:本时间步学到的信息多少用于输出。因为本时间步学到的东西并非全部对本层的输出有用,而是有些信息要保存到下一时间步以供使用。

更新门: 也称作记忆门。通过本时间步的输入,以及上一步的输出,学习得到本层隐藏值的候选值,这部分有多少贡献于本时间步的真正隐藏层值,就用这个门来学。

遗忘门:上一步的隐藏层学到的值是 c_{t-1} ,这部分信息有多少要遗忘,有多少依旧记住它。

- 双向LSTM: 道理同GRU。
- 经典的LSTM示意图如下:



注意力机制

- 注意力机制解决的问题有两个: 一个是梯度消失问题,即使是LSTM依然可能忘记; 另一个是将一个长度可变的句子压缩编码进一个长度定长的dense vector,可能容纳的信息是不全的。
- 注意力机制中,Encoder将句子信息提取,并不放进一个vectov,而是放进一个**列数可变**的**矩阵**。具体来说,Encoder提取信息->Matrix,该Matrix中,行数是特征数,列数是句子长度,也就是Encoder的时间步数。
- 一般来说, Encoder使用Bi-LSTM, 设隐藏层维度是 hidden_size , 则矩阵维度是 (hidden_size*2,len(Sentence))
- Decoder如何使用Matrix呢? 首先得有一个权重u向量,权重向量a的长度就是Matrix的列数,即u的维度是(len(Sentence),1),这样,Matrix*u就得到一个列向量**y**,长度是特征数。Encoder使用Bi-LSTM,则**y** 的维数是(hidden_size*2,1)。
- 那么如何得到权重**u**: **u**显然必须是归一化了的,将**u**的确定交给Neural Nerwork。有几种方法,典型的有,可以这样学习:

t-1时刻隐藏层输出 a_{t-1} (包含了前向和后向的连接,即这是 2*hidden size) , t时刻输入 x_t 。显然:

 a_{t-1} : $(2*hidden_size,1)$

进行一个线性变换:

 $r_t = W_r * a_{t-1}$, r_t : $(2*hidden_size,1)$, W_r 是学习参数。

之后:

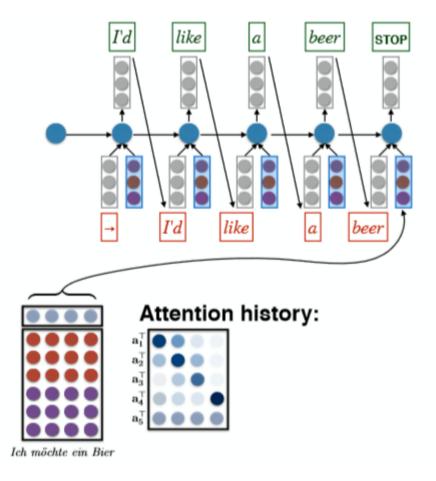
 $u_t = Matrix^T * r_t$, u_t : (len(Sentence), 1)

最后再对 u_t 做归一化softmax即可。

• 上面的方法是线性的。还有一种非线性方法:

再做归一化。

- 最后一点是,注意力机制得出的一个上下文向量c,如何用呢?加入Decoder端上一时间步预测出 y'_{t-1} ,那么 预测 y'_t 时,要么是:将c和 y'_{t-1} 一起放入RNN网络,即各自乘以参数加权和。或者,RNN只用 y'_{t-1} 作为输入,得到输出后再同c做加权学习处理。
- 注意力机制示意图如下,图片来自牛津大学自然语言处理课程PPT。



关于pytorch的使用

• nn.Embedding: 链接

• pytorch文本对齐填充和逆填充: 链接

• 各种优化器

1. 关于pythoch中的Embedding

pytorch中实现了Embedding, 下面是关于Embedding的使用。

torch.nn包下的Embedding,作为训练的一层,随模型训练得到适合的词向量。

建立词向量层

embed = torch.nn.Embedding(n_vocabulary,embedding_size)

找到对应的词向量放进网络: 词向量的输入应该是什么样子

实际上,上面通过**随机初始化**建立了词向量层后,建立了一个"二维表",存储了词典中每个词的词向量。每个minibatch的训练,都要从词向量表找到mini-batch对应的单词的词向量作为RNN的输入放进网络。那么怎么把minibatch中的每个句子的所有单词的词向量找出来放进网络呢,输入是什么样子,输出是什么样子?

首先我们知道肯定先要建立一个词典,建立词典的时候都会建立一个*dict:word2id*:存储**单词到词典序号的映射**。 假设一个mini-batch如下所示:

['I am a boy.','How are you?','I am very lucky.']

显然,这个mini-batch有3个句子,即 batch size=3

第一步首先要做的是:将句子标准化,所谓标准化,指的是:大写转小写,标点分离,这部分很简单就略过。经处理后,mini-batch变为:

```
[['i','am','a','boy','.'],['how','are','you','?'],['i','am','very','lucky','.']]
```

可见,这个list的元素成了一个个list。还要做一步:将上面的三个list按单词数从多到少排列。标点也算单词。至于为什么,后面会说到。

那就变成了:

```
batch = [['i','am','a','boy','.'],['i','am','very','lucky','.'], ['how','are','you','?']]
```

可见,每个句子的长度,即每个内层list的元素数为: 5,5,4。这个长度也要记录。

```
lens = [5,5,4]
```

之后,为了能够处理,将batch的单词表示转为在词典中的**index**序号,这就是word2id的作用。转换过程很简单,假设转换之后的结果如下所示,当然这些序号是我编的。

```
batch = [[3,6,5,6,7],[6,4,7,9,5], [4,5,8,7]]
```

同时,每个句子结尾要加EOS,假设EOS在词典中的index是1。

```
batch = [[3,6,5,6,7,1],[6,4,7,9,5,1],[4,5,8,7,1]]
```

那么长度要更新:

```
lens = [6,6,5]
```

很显然,这个mini-batch中的句子长度**不一致!** 所以为了规整的处理,对长度不足的句子,进行填充。填充PAD假设序号是2,填充之后为:

```
batch = [[3,6,5,6,7,1],[6,4,7,9,5,1],[4,5,8,7,1,2]]
```

这样就可以直接取词向量训练了吗?

不能!上面batch有3个样例,RNN的每一步要输入每个样例的一个单词,一次输入**batch_size**个样例,所以batch 要按list外层是时间步数(即序列长度seq_len),list内层是batch_size排列。**即batch的维度应该是:**

[seq_len,batch_size]

怎么变换呢? **变换方法可以是**:使用itertools模块的zip_longest函数。而且,使用这个函数,连填充这一步都可以省略,因为这个函数可以实现填充!

```
batch = list(itertools.zip_longest(batch,fillvalue=PAD))
# fillvalue就是要填充的值,强制转成list
```

经变换,结果应该是:

```
batch = [[3,6,4],[6,4,5],[5,7,8],[6,9,7],[7,5,1],[1,1,2]]
```

记得我们还记录了一个lens:

```
lens = [6,6,5]
```

batch还要转成 LongTensor:

```
batch=torch.LongTensor(batch)
```

这里的batch就是词向量层的输入。

词向量层的输出是什么样的?

好了,现在使用建立了的embedding直接通过batch取词向量了,如:

```
embed batch = embed (batch)
```

假设词向量维度是6,结果是:

```
tensor([[[-0.2699, 0.7401, -0.8000, 0.0472, 0.9032, -0.0902],
        [-0.2675, 1.8021, 1.4966, 0.6988, 1.4770, 1.1235],
        [0.1146, -0.8077, -1.4957, -1.5407, 0.3755, -0.6805]],
       [[-0.2675, 1.8021, 1.4966, 0.6988, 1.4770, 1.1235],
        [0.1146, -0.8077, -1.4957, -1.5407, 0.3755, -0.6805],
        [-0.0387, 0.8401, 1.6871, 0.3057, -0.8248, -0.1326]],
       [-0.0387, 0.8401, 1.6871, 0.3057, -0.8248, -0.1326],
        [-0.3745, -1.9178, -0.2928, 0.6510, 0.9621, -1.3871],
        [-0.6739, 0.3931, 0.1464, 1.4965, -0.9210, -0.0995]],
       [-0.2675, 1.8021, 1.4966, 0.6988, 1.4770, 1.1235],
        [-0.7411, 0.7948, -1.5864, 0.1176, 0.0789, -0.3376],
        [-0.3745, -1.9178, -0.2928, 0.6510, 0.9621, -1.3871]],
       [[-0.3745, -1.9178, -0.2928, 0.6510, 0.9621, -1.3871],
        [-0.0387, 0.8401, 1.6871, 0.3057, -0.8248, -0.1326],
        [ 0.2837, 0.5629, 1.0398, 2.0679, -1.0122, -0.2714]],
       [[ 0.2837, 0.5629, 1.0398, 2.0679, -1.0122, -0.2714],
        [0.2837, 0.5629, 1.0398, 2.0679, -1.0122, -0.2714],
        [ 0.2242, -1.2474, 0.3882, 0.2814, -0.4796, 0.3732]]],
      grad fn=<EmbeddingBackward>)
```

维度的前两维和前面讲的是一致的。可见多了一个第三维,这就是词向量维度。所以, Embedding层的输出是:

[seq_len,batch_size,embedding_size]

2. 关于pytorch中的GRU

取词向量,放进GRU。

建立GRU

```
gru = torch.nn.GRU(input_size,hidden_size,n_layers)
# 这里的input_size就是词向量的维度,hidden_size就是RNN隐藏层的维度,这两个一般相同就可以
# n_layers是GRU的层数
```

可见,并不需要指定时间步数,也即seq_len,这是因为,GRU和LSTM都实现了自身的迭代。

GRU的输入应该是什么样子的?

上面的 embed batch 作为Embedding层的输出,可以直接放进GRU中吗?

理论上可以,但这样不对! **因为GRU并不知道哪些是填充的,并不是每一个句子都满足最大序列长度!** 所以我们事 先用lens记录了长度。

将输出 embed_batch 转成 pack_padded_sequence ,使用 torch.nn.utils.rnn. 下的 pack_padded_sequence 方法。

```
batch_packed = torch.nn.utils.rnn.pack_padded_sequence(embed_batch, lens)
# 注意这里的输入lens就是前面的长度list
```

这个 batch_packed 就是GRU的输入。

batch packed 长啥样?

不妨看一下:

```
PackedSequence(data=tensor([[-0.2699, 0.7401, -0.8000, 0.0472, 0.9032, -0.0902],
       [-0.2675, 1.8021, 1.4966, 0.6988, 1.4770, 1.1235],
       [0.1146, -0.8077, -1.4957, -1.5407, 0.3755, -0.6805],
       [-0.2675, 1.8021, 1.4966, 0.6988, 1.4770, 1.1235],
       [ 0.1146, -0.8077, -1.4957, -1.5407, 0.3755, -0.6805],
       [-0.0387, 0.8401, 1.6871, 0.3057, -0.8248, -0.1326],
       [-0.0387, 0.8401, 1.6871, 0.3057, -0.8248, -0.1326],
       [-0.3745, -1.9178, -0.2928, 0.6510, 0.9621, -1.3871],
       [-0.6739, 0.3931, 0.1464, 1.4965, -0.9210, -0.0995],
       [-0.2675, 1.8021, 1.4966, 0.6988, 1.4770, 1.1235],
       [-0.7411, 0.7948, -1.5864, 0.1176, 0.0789, -0.3376],
       [-0.3745, -1.9178, -0.2928, 0.6510, 0.9621, -1.3871],
       [-0.3745, -1.9178, -0.2928, 0.6510, 0.9621, -1.3871],
       [-0.0387, 0.8401, 1.6871, 0.3057, -0.8248, -0.1326],
       [0.2837, 0.5629, 1.0398, 2.0679, -1.0122, -0.2714],
       [0.2837, 0.5629, 1.0398, 2.0679, -1.0122, -0.2714],
       [0.2837, 0.5629, 1.0398, 2.0679, -1.0122, -0.2714]],
       grad_fn=<PackPaddedBackward>), batch_sizes=tensor([3, 3, 3, 3, 3, 2], grad_fn=
<PackPaddedBackward>))
```

可以看到,属性batch_sizes清楚的记录了每个时间步上batch输出是多少,而且去除了PAD。

此外,GRU还需要一个初始隐藏向量(注意层数和方向),嫌麻烦直接传None也无妨。

所以输入应该是(batch_packed, None)

GRU的输出?

```
output,hidden = gru(batch_packed,None)
```

output: PackedSequence对象

```
PackedSequence(data=tensor([[ 0.0432, -0.0149, -0.0884, -0.0194, -0.0740, 0.1278],
```

```
[-0.0436, -0.0726, 0.0568, -0.0995, -0.1992, 0.1594],
       [0.0582, 0.0625, -0.1639, 0.1474, 0.0077, 0.0542],
       [-0.0052, -0.0732, 0.0031, -0.1367, -0.2336, 0.2307],
       [ 0.0131, 0.0234, -0.0681, 0.0535, -0.1651, 0.1864],
       [0.0324, 0.1441, -0.1788, 0.1800, -0.0816, 0.1684],
       [-0.0788, -0.0148, -0.0292, -0.1348, -0.3352, 0.3045],
       [0.0502, 0.0436, -0.1509, 0.1481, -0.1284, 0.1523],
       [0.0627, 0.1626, -0.1888, 0.1341, -0.0984, 0.2627],
       [-0.1391, -0.0149, 0.0473, -0.2069, -0.4410, 0.3690],
       [0.1378, 0.0578, -0.2008, 0.1265, -0.0149, 0.2053],
       [ 0.0780, 0.1199, -0.2107, 0.1460, -0.0906, 0.2291],
       [-0.1019, 0.0055, -0.0304, -0.1277, -0.4149, 0.3582],
       [0.0906, 0.1025, -0.1646, 0.0933, -0.0953, 0.2905],
       [0.1004, 0.1175, -0.1911, 0.0979, -0.0877, 0.2771],
       [-0.0607, 0.0469, -0.0935, -0.1002, -0.3568, 0.3707],
       [0.0737, 0.1213, -0.1516, 0.0365, -0.1417, 0.3591]],
      grad_fn=<CatBackward>), batch_sizes=tensor([3, 3, 3, 3, 3, 2], grad_fn=
<PackPaddedBackward>))
```

前三个list对应于第一时间步,mini-batch的三个样例的输出。依次类推。最后只有两个,因为最后是有缺省的。

第二个输出hidden: 是个张量。维度[n_layers,batch_size,hidden_size]

所以到这,为什么逆序,为什么记录长度也就清楚了。

3. 关于pytroch中的LSTM

LSTM有两个隐藏层向量,其余基本同GRU。

4. 关于pytorch中的Adam优化器

Adam优化器的参数:

```
params (iterable) - iterable of parameters to optimize or dicts defining parameter groups

lr (float, optional) - learning rate (default: 1e-3)

betas (Tuple[float, float], optional) - coefficients used for computing running averages of gradient and its square (default: (0.9, 0.999))

eps (float, optional) - term added to the denominator to improve numerical stability (default: 1e-8)

weight_decay (float, optional) - weight decay (L2 penalty) (default: 0)

amsgrad (boolean, optional) - whether to use the AMSGrad variant of this algorithm from the paper On the Convergence of Adam and Beyond (default: False)
```

注:

- params:要优化的参数,可以使用继承nn.Module的类,如encoder.parameters()获取这些参数对象。参数 应该是可迭代的。
- Ir: 学习率, 默认1e-3
- betas,是个元组(b1,b2),默认(0.9.0.999),这个就是Adam算法中对应的两个 β 参数
- eps: 无穷小量, 看7中有解释
- weight_decay, 防止过拟合。正则化项的系数。默认是L2正则化。

5. 关于交叉熵损失函数的使用

- 计算公式<原理>详解: [链接][参考]
- 位于nn.functional下
- cross_entropy本质上是一个继承自nn.Module的类,因此也实现了forward。
- 做cross_entropy不需要先softmax。
- 参数使用: 定义cross_entropy后, 主要需要3个参数:
 - o input: Tensor。维度[batch_size,num_classes]。如做文本序列处理时,num_classes就是词典的单词数
 - input就是向量,简而言之每一个元素对应了预测是这个"分类"的概率,但并不用做softmax,因为里面实现了softmax。
 - o target:目标Tensor, 维度[1,batch_size]。如tensor([1, 0, 1])。即是一行数字,每个数字代表mini-batch的一个样例真正的分类,数字1表示正确结果应该是词典中的第1个单词。
 - o ignore_indexes=EOS_token。这表示,当target是EOS_token时,从这里开始忽略计算loss。

6. pytorch防止梯度爆炸的方法

- 防止梯度爆炸的 clip_grad_norm_
 - 。 位于torch.nn.utils下
 - o 使用clip_grad_norm_(parameters(),max_gradient)

优化算法

1. GD/SGD/mini-batch GD

GD: Gradient Descent,就是传统意义上的梯度下降,也叫batch GD。

SGD:随机梯度下降。一次只随机选择一个样本进行训练和梯度更新。

mini-batch GD: 小批量梯度下降。GD训练的每次迭代一定是向着最优方向前进,但SGD和mini-batch GD不一定,可能会"震荡"。把所有样本一次放进网络,占用太多内存,甚至内存容纳不下如此大的数据量,因此可以分批次训练。可见,SGD是mini-batch GD的特例。

2. 动量梯度下降

一个有用的方法:指数加权平均。

假如有N天的数据, $a_1, a_2, a_3, \ldots, a_N$

如果想拟合一条比较平滑的曲线,怎么做呢。可以使用指数加权平均。概括的说,就是平均前m天的数据作为一个数据点:

$$b_0 = 0$$

$$b_t = \beta * b_{t-1} + (1 - \beta) * a_t$$

比如 β 取0.9,那么就相当于是平均了10天的数据,这会比较平滑。

为什么叫**指数加权平均**? 是因为,将 b_t 计算公式中的 b_{t-1} 展开,依次展开下去,会发现:

$$b_t = \beta * (\beta * b_{t-2} + (1 - \beta) * a_{t-1}) + (1 - \beta) * a_t$$

合并一下,前面的数据乘以 β 的m次方的平均值。因此叫做指数加权平均。

指数加权平均的偏差修正:

很显然,上面公式汇总,假如 $\beta = 0.9$,是要平均前10天的数据,则前9天的数据,做加权平均,并没有足够的数据,这会导致前九天数据偏小。举例来说,第一天 b_1 仅仅是 a_1 的十分之一。可以做偏差修正:

$$b_0 = 0$$

$$b_t = \beta * b_{t-1} + (1 - \beta) * a_t$$

$$b_t = \frac{b_t}{1-eta^t}$$

有了指数加权平均的基本知识,就可以讲Moment Gradient Descent。

带动量的梯度下降,他是为了**加快学习速度**的优化算法。假如参数W方向希望学的快一点,b方向学的慢一点。普通的梯度下降的结果可能恰恰相反,使得b方向学的比较快,从而引发**震荡**。所以想要让b方向学的慢一点,这时可以用动量梯度下降。算法如下:

For each epco t:

cal dW, dB for each mini-batch.

$$V_{dW} = \beta * V_{dw} + (1 - \beta) * dW$$

$$V_{db} = \beta * V_{db} + (1 - \beta) * db$$

$$W = W - \alpha * V_{dW}$$

$$b = b - \alpha * V_{db}$$

可见,就是将梯度做了指数加权平均。至于为什么叫动量梯度下降,可能是因为 V_{dW} 的计算式中,把dW看作加速度,把 V_{dW} 看作速度。

3. RMSprob

Root Mean Square prob.

这是另一种加快学习的方法。其基本思想也是让b学的慢一点,让W学的快一点,从而更快更准的趋向于最优点。

For each epco t:

cal dW, dB for each mini-batch.

$$S_{dW} = \beta * S_{dW} + (1 - \beta) * (dW)^2$$

$$S_{db} = \beta * S_{db} + (1 - \beta) * (db)^2$$

$$W = W - \alpha * \frac{dW}{\sqrt{S_{dW}}}$$

$$b = b - \alpha * \frac{db}{\sqrt{S_{db}}}$$

可见, 当梯度较大, 则会使得S较大, 从而使得更新变缓慢。

4. Adam

Adaptive Moment Estimation

这是比较普遍的适用于各种网络的一种方法。称作自适应的动量梯度下降。这是上面动量梯度下降和RMSprob的结合版本,效果比较好。两者做加权指数平均的时候,都做了修正。

For each epco t:

cal dW, dB for each mini-batch.

$$V_{dW} = \beta_1 * V_{d_W} + (1 - \beta_1) * dW$$

$$V_{db} = \beta_1 * V_{db} + (1 - \beta_1) * db$$

$$S_{dW} = \beta_2 * S_{dW} + (1 - \beta_2) * (dW)^2$$

$$S_{db} = \beta_2 * S_{db} + (1 - \beta_2) * (db)^2$$

$$V_{dW}^{correction} = rac{V_{dW}}{1-eta^t}$$

$$V_{db}^{correction} = rac{V_{db}}{1-eta 1^t}$$

$$S_{dW}^{correction} = rac{S_{dW}}{1-eta_2^t}$$

$$S_{db}^{correction} = rac{S_{db}}{1-eta_2^t}$$

$$W = W - lpha * rac{V_{dW}^{correction}}{\sqrt{S_{dW}^{correcti}} + arepsilon}$$

$$b = b - lpha * rac{V_{db}^{correction}}{\sqrt{S_{db}^{correcti}} + arepsilon}$$

可见,就是在RMSprob中,用动量梯度下降中的梯度指数加权代替梯度,同时所有指数加权项都做了偏差修正。 另外,分母加了 ε ,这是为了防止除以很小的数造成不稳定。公式中共有4个超参数,他们的取值经验是:

 α : 学习率, 需要调试

 β_1 : 取0.9

 β_2 : Adam的作者建议取0.999

 ε : 取 10^{-8} ,并不影响学习效果。

另外,值得注意的是,学习过程中可能有两种窘境,一是困在局部最优,另一个是遇平缓区学习的过慢。采用 mini-batch下前者出现的概率很小,即使困在最优也能跳出来,前提是数据量足够。但后者比较棘手,Adam是个比较好的优化算法,一定程度上解决了这个问题。

5. 学习率衰减

训练过程中, 随着迭代次数, 学习率相应减少。

在FB的一篇论文中,使用了不同时间段(迭代次数区间段)采用不同的学习率的方法,效果比较好。

6. 防止过拟合的正则化方法

0. 范数

链接

1. L2正则化

- 对损失函数加上正则项,可以减少过拟合,减少训练误差。
- cross_entropy中实现了默认L2正则化,即只要指定weight_decay参数即可,这是L2正则化的系数。
- 正则项是加L2范数,但这个范数不是2范数,而是F范数,即矩阵所有元素的平方和。
- 具体来说,设原先loss = loss,则,正则化之后为:

$$loss = loss + rac{\lambda}{2*m} \sum_{l=1}^{L} \left|\left|w^{[l]}
ight|
ight|_F^2$$

其中, $w^{[l]}$ 值第l层的参数。这指的是第l层的权值矩阵的F范数。

• 另外,偏差b的范数通常忽略不写。

2. L1 正则化:

• 加L1范数,即加矩阵所有元素绝对值之和。

3. 为什么正则化可以减少过拟合、减少方差问题?

• 直观的理解是:系数 λ 设置的比较大,那么权重w就会相对较小,相当于"失活"了部分网络单元,自然就相当于简单化了网络,从而理解为减少过拟合。

7. 另一种防止过拟合方法: 关于dropout

- 随机失活的思想。对网络的一层随机失活,以一定概率使得一些单元为0,比如使得单元的输出中,某些维度 上的值赋0,从而简单化了网络。
- 网络的最后一层不加dropout, 因为我不想让输出是随机的。
- pytorch关于dropout层的添加和使用:

```
dropout
torch.nn.functional.dropout(input, p=0.5, training=True, inplace=False)
[source]

During training, randomly zeroes some of the elements of the input tensor with probability p
using samples from a Bernoulli distribution.
See Dropout for details.

Parameters:
p - probability of an element to be zeroed. Default: 0.5
training - apply dropout if is True. Defualt: True
inplace - If set to True, will do this operation in-place. Default: False
```

8. 关于Batch-norm

之前有提到,特征X输入进网络的时候,可以先做标准化(减去均值,除以标准差),因为这可以让特征的各个维度均匀,从而使得要学习的参数的各个维度也是分布均匀的,这样可以加快速度,减少震荡,具体的原因参考百<u>面机器学习</u>一书。

Batch-norm,含义是:不仅标准化操作应用于输入特征,也应用于深层神经网络的每一层,即,每一层计算出输出之后,先做归一化(零均值,1方差),再做激活函数处理,然后将之输入进下一层网络,叫做Batch-Normlization,它是以每个mini-batch为单位进行处理的。

具体来说,batch-norm+Adam优化算法的处理过程如下:

For each **mini-batch** *b*:

For each **layer** *l*:

$$egin{aligned} z^{[l]} &= W^{[l]} * z^{[l-1]} + b^{[l-1]} \ u &= rac{1}{m} * \sum_{i=1}^m z^{[l][i]} \ \sigma^2 &= rac{1}{m} * \sum_{i=1}^m (z^{[l][i]} - u)^2 \ z^{[l]}_{norm} &= rac{z^{[l]} - u}{\sqrt{\sigma^2 + \epsilon}} \ z^{[l]}_{final} &= \gamma * z^{[l]}_{norm} + eta_z \ z^{[l]} &= z^{[l]}_{final} \ a^{[l]} &= tanh(z^{[l]}) \end{aligned}$$

Use Adam Do Gradient Descent on the mini-batch:

cal $dW, db, d\gamma, d\beta_z$ on the current mini-batch:

$$V_{dW} = eta_1 * V_{dW} + (1 - eta_1) * dW$$
 $V_{db} = eta_1 * V_{db} + (1 - eta_1) * db$
 $V_{d\gamma} = eta_1 * V_{d\gamma} + (1 - eta_1) * d\gamma$
 $V_{d\beta_z} = eta_1 * V_{d\beta_z} + (1 - eta_1) * d\beta_z$
 $S_{dW} = eta_2 * S_{dW} + (1 - eta_2) * (dW)^2$
 $S_{db} = eta_2 * S_{db} + (1 - eta_2) * (db)^2$
 $S_{d\gamma} = eta_2 * S_{d\gamma} + (1 - eta_2) * (d\gamma)^2$
 $S_{d\beta_z} = eta_2 * S_{d\beta_z} + (1 - eta_2) * (d\beta_z)^2$
 $V_{dW}^{correction} = \frac{V_{dW}}{1 - eta_1^t}$
 $V_{d\eta}^{correction} = \frac{V_{d\beta_z}}{1 - eta_1^t}$
 $V_{d\gamma}^{correction} = \frac{V_{d\beta_z}}{1 - eta_1^t}$
 $S_{dW}^{correction} = \frac{S_{dW}}{1 - eta_2^t}$
 $S_{dW}^{correction} = \frac{S_{dW}}{1 - eta_2^t}$
 $S_{d\gamma}^{correction} = \frac{S_{d\gamma}}{1 - eta_2^t}$

$$W = W - lpha * rac{V_{dW}^{correction}}{\sqrt{S_{dW}^{correcti}} + arepsilon}$$

$$b = b - lpha * rac{V_{db}^{correction}}{\sqrt{S_{db}^{correcti}} + arepsilon}$$

$$\gamma = \gamma - lpha * rac{V_{d\gamma}^{correction}}{\sqrt{S_{d\gamma}^{correcti}} + arepsilon}$$

$$eta_z = eta_z - lpha * rac{V_{deta_z}^{correction}}{\sqrt{S_{deta_z}^{correcti}} + arepsilon}$$

可以看到,要点有以下几点:

- 式子中,两次出现了无穷小量 ϵ ,是为了保证数值的稳定性。
- 应用Adam时,梯度的指数加权平均,以及梯度的平方的加权平均都做了"数值修正"。并且,梯度的平方的加权平均做"分母",能够加快梯度下降过程,具体原因见7.3.
- 对每一个Batch做Norm,对网络的每一层,先做Norm,再进行激活。Norm的过程为,计算均值方差,减去均值除以标准差,达到"0均值1方差"的归一化效果,使得分布更稳定,基础更牢固,可以看到,又学习了 γ 和 β_z 两个参数,使得网络更稳定;另外,当 γ 等于标准差, β_z 等于均值,那就是做了标准化的复原。究其原因,还有一个原因是,这样的方差和均值是由噪音的,只是用一个batch的均值取近似全局的均值。

Batch-norm为什么奏效?

- 直观的原因是,我们前面看到,特征X输入网络,先做归一化,使得分布均匀,学习速率快,学习效果好。
- 现在考虑第N层网络,它的输入是第N-1层网络的输出结果,训练过程中,前一层的输出是变化的,那么就相当于从第N层到之后所有层的网络,要动态的适应分布变化了的输入(即第N-1层输出),那么网络就经过不稳定的变化去适应新的分布,倘若做了norm,就可以更多的利用前面训练的信息,前面学习到的映射不需要进行很大调整,从而加快训练速度,提高稳定性。更进一步说明见下。
- 训练的实质是将一个分布映射到另一个分布。假如现在将X分布映射到了Y分布,当X分布发生了变化,这个映射显然就不成立了。但是,如果将X标准化,学习映射X->Y,即使X分布发生变化变成X', X'的标准化结果依然是可以通过已经学过的映射变换到Y的,这就是norm的好处:稳定,速率快。对应上面第二点。
- Norm有利于减少梯度消失的情况,因为他将变量大小变换到小的范围。
- Norm有点类似于正则化的效果:即减少过拟合。这是因为,一个batch计算中的均值,是有噪音的,那么z的计算也是有噪音的,减去均值的操作也会使得部分点为0,相当于失活了部分网络unit。增大batch_size使得均值更准确,相当于减少了正则化效果。
- 总之, Norm是有益的。

测试时的Batch-Norm:

- 测试只输入一条数据,无法计算均值方差,怎么办?
- 方法是,训练过程中计算出每层,所有mini-batch的均值,保存,对这些batch的均值、方差,做指数加权平均,作为预测时一条数据的均值方差使用。
- 本质是: 估计均值和方差。

Teach-forcing OR Curriculum learining?

这是一个学习过程中的细节问题, 值得重视。

[有用的学习链接]

[有用的详解]

问题: seq2seq的Decoder中,上一时刻的输出作为下一时刻的输入。但上一时刻的输出错了怎么办?是把模型预测的结果放进下一时刻的输入,还是把真实的结果放进去?

把预测出的错误的结果放进去,显然是不对的,这会让之后的预测越来越差,模型稳定性不好。

把真实的结果放进去,这样相当于纠正了上一时刻的错误,这叫'Teach Forcing'。

还有一种 curriculum learining,译为课程学习,其原理是,下一时刻的输入究竟取哪一个,随机选择,要么选真是结果,要么干脆放进去预测结果。

评估指标

1. 交叉熵损失

关于交叉熵损失的详解,以及为什么用average cross-entropy loss:链接

下面简单总结一下:

能够想到的最直接的损失是:均方误差MSE,但它是非凸的!有许多局部最优,但是,回归问题还是经常使用这个的,即使他有缺点,但回归问题只预测一个值,没大问题。

为什么不用绝对误差?绝对误差并不能真正衡量两个模型的实际区别,因为可能A模型优于B,但某些数据上预测结果却一样,绝对误差也就一样,这时候不能说A=B。

更好的选择是:交叉熵损失。

计算公式:

$$Entropy_{loss} = -rac{1}{m} * \sum_{i}^{m} y * log(y^{hat})$$

可以看到,就是对真实值乘以预测值的log,加和,再平均。

这个的好处是:

- 准确的衡量模型内在的差异,给出真实的评价
- 这是个凸优化,不存在局部解

2. 困惑度Perplexity

有用的链接

其他

- 一般用困惑度大致衡量模型的收敛情况。越低越好。
- 困惑度并不能真正衡量模型的好坏,有用的经验是:标点,的、了这类副词,对翻译的结果没有很大影响, 但对perplexity的大小很有影响。
- perplexity衡量的是模型在预测样本上的优劣程度。计算公式有很多。