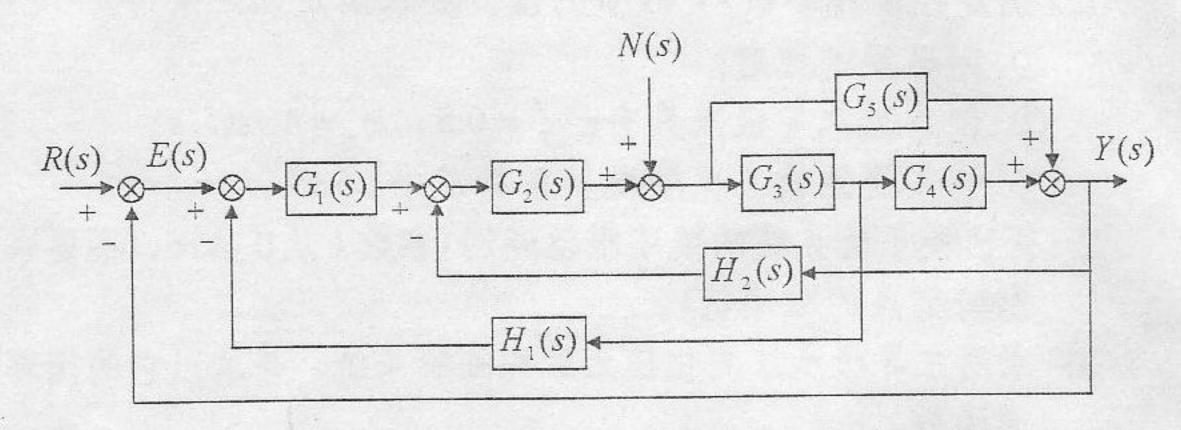
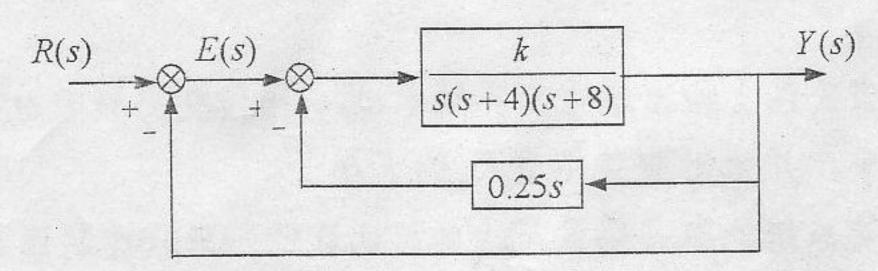
2006年招收攻读硕士学位研究生入学考试试题

一、(22分)控制系统方块图如下图所示。

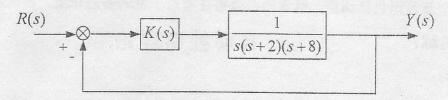


- 1. 用方块图等效变换法, 求系统的闭环传递函数Y(s)/R(s)和 E(s)/R(s)。
- 2. 欲使系统的输出Y(s)不受扰动N(s)的影响,应满足何条件?
- 二、(20分) 反馈控制系统如下图所示。



- 1. 确定使系统一对复根的阻尼比与=0.707时的k值。
- 2. 在题 1 条件下, 求出系统的闭环极点。
- 3. 在题 1 确定的 k 值下, 求系统在单位斜坡输入信号作用下的稳态误差。

三、(24分) 反馈控制系统如下图所示。取 $K(s) = \frac{k(s+z)}{s+p}$, 且 $\frac{p}{z} = 6$ 。



- 1. 确定控制器参数 k z p 的值。要求满足以下条件:
 - ① 闭环系统稳定;
 - ② 使系统主导极点具有: $\zeta = 0.5$ 、 $\omega_n = 4 rad/s$;
 - ③ 使系统的稳态速度误差系数 $K_v = 1.5 s^{-1}$ 。
- 2. 画出校正后系统的概略根轨迹图 (参数 k 从 $0 \to \infty$,不要求算出特征点的准确值)。
- 3. 采用主导极点法简化校正后的高阶系统,并求出它的闭环传递函数。

四、(24分)单位负反馈系统的开环传递函数为

$$G(s) = \frac{0.15(8s+1)}{s^2(s+1)^2}$$

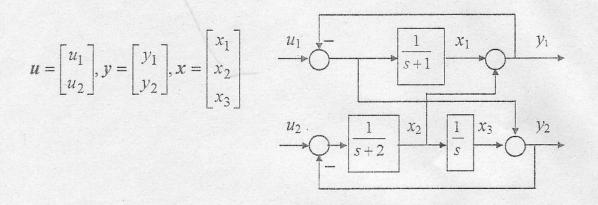
- 1. 画出 G(s) 的完整奈氏图, 用奈氏稳定判据判断闭环系统的稳定性。
- 2. 在奈氏图上指出增益交界频率 ω_m 、相位交界频率 ω_c 、相位裕量 γ ,并给出增益裕量 K_s 的大小。
- 3. 为使系统的增益裕量 $K_g \in \infty$,试选择一串联控制器K(s)。要求给出K(s)的传递函数利参数取值范围,并简述选取理由。

试题名称:

自对控制理论

共3页第2页

五、(20分)系统的动态结构如图所示,试以 u 为输入, y 为输出, x 为状态变量列写系统的状态空间表达式:



六、(24分)已知某系统的传递函数如下, 试分别给出满足以下条件 的实现并分析实现的稳定性

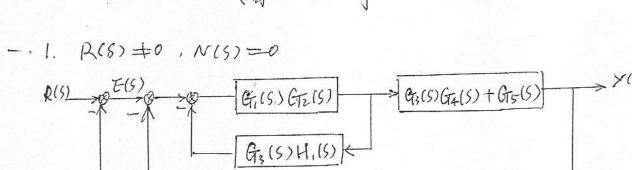
$$g(s) = \frac{2(s+1)(s+4)}{(s+2)(s+3)}$$

- 1. 求既能控又能观的约当型实现,分析该实现的渐近稳定性;
- 2. 求一个维数尽可能低的能控但不能观、李雅普诺夫意义下稳 定但非渐近稳定的实现,分析该实现的 BIBO 稳定性;
- 3. 求一个维数尽可能低的既不能控又不能观、且李雅普诺夫意义下不稳定的实现,分析该实现的 BIBO 稳定性和渐近稳定性。
- 七、(16分)对单输入-单输出能控的线性定常系统
 - 1. 证明: 状态反馈不改变传递函数的零点;
 - 2. 问:如果系统不能控上述结论还正确吗?

Var Walsh

480

2006年硕士学节研究生入学发试试题条搭签案(自动控制理论)



$$W_1(5) = \frac{G_1(5)G_2(5)}{1+G_1(5)G_2(5)G_3(5)H_1(5)}$$

$$W_{2}(s) = \frac{G_{1}(s)G_{2}(s)[G_{3}(s)G_{4}(s) + G_{5}(s)]}{1+G_{1}(s)G_{2}(s)G_{3}(s)H_{1}(s)+G_{2}(s)G_{3}(s)G_{4}(s)H_{2}(s)+G_{2}(s)G_{3}(s)G_{4}(s)H_{2}(s)+G_{3}(s)G_{5}(s)H_{2}(s)}$$

H2(5)/G1(5)

$$Q_{15}) \xrightarrow{\mathcal{E}(5)} W_2(5)$$

$$\frac{Y(5)}{R(5)} = \frac{W_2(5)}{H W_2(5)}$$
= $G_1 G_2 (G_3 G_4 + G_5)$

1+G,G,G,G++G,G,G++G,G,G,H,+G,G,G+H2+G,G+H2

$$\frac{E(5)}{P(5)} = \frac{1}{H W_2(5)}$$

= 1+ G, G, G, H, + G, G, G, H2 + G, G, G, H2 ++G, G, G, G, ++G, G, G, G, +G, G, G, H, +G, G, G, H2+G, G, H2

=.1. 开玩传递函数.
$$G(s) = \frac{k}{s(s+4)(s+8)+0.15ks}$$

|用記録徒移程: $D(s) = s(s+4)(s+8) + k(0.153+1) = 0$

 $\rightarrow (s+4)[s^2+8s+0.25k] = 0$

權 $U_n = \overline{[0.15k]} = \frac{8}{2\times0.00}$

 $3 = 3 = 0.707$ 的复称,其种发的最重点:
 $4 = (28)$

2、电影1,有

3. $+ G(s) = \frac{128}{5[(s+4)(s+8)+32]}$ 3

ふ院的複名速度设置分段。 (Cv= lin 5G(5)= 128 = 2

· 环绕对单行斜线转入的稳定误等及 包以一点一0.2

说: 本超也可用那如道传教科。(略)

= 1 年7007号公G(5)K(5)= <u>f(5+2)</u> 5(5+2)(5+2)(5+8) 3子根至: Su=-2±33.46 由 CG(Sa)K(Sa)=-180°,有

$$\int_{S}^{+} \frac{3.46}{2 - 2} - \frac{1}{2} \frac{3.46}{62 - 2} - \frac{1}{20} \frac{3.46}{62 - 2} = 60^{\circ}$$

$$\int_{S}^{+} \frac{3.46}{2 - 2} - \frac{1}{2} \frac{3.46}{62 - 2} = 60^{\circ}$$

$$\frac{17.3 \frac{1}{2}}{62^{2} - 14 \frac{1}{2} + 15.97} = 1.73$$

$$\Rightarrow 3 \frac{1}{2} = 12 \frac{1}{2} + 8 = 0$$

$$\therefore 2 = 0.85, 3.16 (2 \frac{1}{2}), p = 5.1$$

$$\Rightarrow (5 + \frac{1}{2}) = \frac{1}{5} (5 + \frac{1}{2}) (5 + \frac{1}{2}) (5 + \frac{1}{2})$$

$$\Rightarrow (5 + \frac{1}{2}) = \frac{1}{5} (5 + \frac{1}{2}) (5 + \frac{1}{2})$$

$$\Rightarrow (5 + \frac{1}{2}) = \frac{1}{5} (5 + \frac{1}{2}) (5 + \frac{1}{2})$$

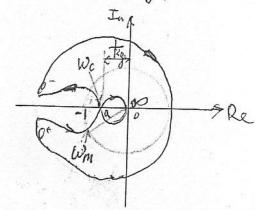
$$\Rightarrow (5 + \frac{1}{2}) = \frac{1}{5} (5 + \frac{1}{2})$$

$$\Rightarrow (17.3) \frac{1}{2} = \frac{1}{5} (5 + \frac{1}{2})$$

$$\Rightarrow (17.3) \frac{1}{5} = \frac{1}{5} (5 + \frac{1}{5})$$

$$\Rightarrow (17.3) \frac{1}{5} = \frac{1}{5} (5 + \frac{1}$$

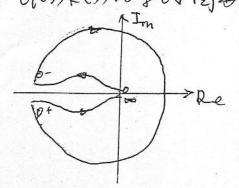
烟.1. 牙的的夸民图为



のます好。 Wa=0.87 rad/s |G(jWa)|=0.8 < | to(H,j0)を行うのまた側が $n_c=n_0+N=0$ い、日れが記憶

2. 熔笔裕量 Kg=1,25

妆曲:GCS)KCS)的李氏图与至文轴无处差,放好一



五、

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} -2 & -1 & 0 \\ 1 & -1 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} u$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ -1 & -1 & 1 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} u$$

六、

$$\hat{g}(s) = 2 + \frac{-4}{s^2 + 5s + 6} = 2 + \frac{-4}{s + 2} + \frac{4}{s + 3}$$

$$\dot{x} = Ax + bu, \quad y = cx + du$$

1.
$$A = \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -3 \end{bmatrix}$$
, $b = \begin{bmatrix} -4 \\ 4 \end{bmatrix}$, $c = \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix}$, $d = 2$, 一定渐近稳定

$$\begin{bmatrix} 2 & A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & -6 & -5 \end{bmatrix}, b = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, c = \begin{bmatrix} 0 & -4 & 0 \end{bmatrix}, d = 2,$$
一定 BIBO 稳定

3.
$$A = \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 \\ 0 & -3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
, $b = \begin{bmatrix} -4 \\ 4 \\ 0 \end{bmatrix}$, $c = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$, $d = 2$, 一定 BIBO 稳定,不可能渐近稳定

七、设系统{A,b,c}的传递函数为:

$$\frac{\beta_{n-1}s^{n-1} + \beta_{n-2}s^{n-2} + \dots + \beta_1s + \beta_0}{s^n + \alpha_{n-1}s^{n-1} + \alpha_{n-2}s^{n-2} + \dots + \alpha_1s + \alpha_0}$$

因它能控,故存在状态变换 $\overline{x} = Px$,可将系统变换为能控标准型系统,即:

$$\overline{A} = PAP^{-1} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 \\ -\alpha_0 & -\alpha_1 & -\alpha_2 & \cdots & -\alpha_{n-1} \end{bmatrix}, \quad \overline{b} = Pb = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\overline{c} = cP^{-1} = \begin{bmatrix} \beta_0 & \beta_1 & \beta_2 & \cdots & \beta_{n-1} \end{bmatrix}$$

易见,传递函数的分子多项式的系数全部集中在能控标准型系统的 \overline{c} 阵里。另一方面,状态反馈 $u=-Kx=-\overline{Kx}$,其中

$$\overline{K} = KP^{-1} = \begin{bmatrix} k_0 & k_1 & k_2 & \cdots & k_{n-1} \end{bmatrix}$$

状态反馈后,闭环系统 $\{\overline{A}-\overline{bK},\overline{b},\overline{c}\}$ 仍然是能控标准型, \overline{c} 不变,从而传递函数的分子不变,系统的零点不变。

系统不能控时,结论仍然正确,可对系统先进行能控性分解,再做证明。