09-00-Methodology

Created on 20220605.

Last modified on 2024 年 12 月 1 日.

目录

4 目录

Chapter 1 Introduction

Today is 20211204, and I deciede to note down all of my knowledge about the math in this notebook.

Chapter 2 Symbols

2.1 shortcut

well-formed formular, wff.

Chapter 3 Materials

- 3.1 01-Methodology
- **3.2 02-History**
- 3.3 03-Logic
- 3.4 04-NumberTheory
- 3.5 05-Algebra
- 3.6 06-Geometry
- 3.7 07-Topology
- 3.8 08-Analysis
- 3.9 09-Equation
- 3.10 10-MathematicalPhysics
- ${\bf 3.11}\quad {\bf 11\text{-}Computational Mathematics}$
- 3.12 12-ProbabilityTheory
- 3.13 13-Statistics
- 3.14 14-OperationalResearch
- 3.15 15-Others

Chapter 4 Methodology

方法论,数学重要思想。

重要的是怎么理解所面对的问题,领悟本质。如把画心形曲线理解成画变半径的圆。重要的 在于以一种前所未有的形式把握现象。

4.1 View

prof: a method for asserting the truth. for example: experiment and observing, sampling and counta example, judge, belief, convition.

mathematics prof: from a set of axioms, using a chain of logical deduction, to varify the given proposition.

proposition: statement with value True or False.

Proposition 4.1. Prof

$$\forall n \in \mathbb{Z}, n^2 + n + 41 \in \mathbb{P}$$

, it is a primer. Actually we can find one number to prove that it is not true, for example, when n = 40, or 41.

Proposition 4.2. Prof

$$a^4 + b^4 + c^4 = d^4$$

, this equation has no positive integer solutions. Actually there has a solution [95800, 217519, 414560,422481]

Proposition 4.3. Prof

$$313(x^3 + y^3) = z^3$$

, this equation has no positive integer solutions. Actually there is a solution which is a very big number.

four-color question.

Goldbach conjecture

4.2 数学的思维方式与创新-84-北大 (丘维声)

6,1039.

4.2.1 数学史上的重大创新

4.2.1.1 分析: 微积分的创立和完备化

观察问题、抓住现象主要特征,抽象出概念。探索(直觉、类比、归纳、联想、推理)。猜测。证明(依据定义、公理、已证明的定理)。

如求瞬时速度, $s = at^2$, $\frac{\Delta s}{\Delta t} = 2at + \Delta t$,牛顿忽略 Δt ,叫做留数,留下来的数。如何解决不等于零又等于零的矛盾?

delta t 趋近于 0,无限,柯西引入极限的概念:函数在 x0 附近有定义,在 x0 可以没有定义,如果存在 c 使得 x 趋近于 x0 但不等于 x0 时,|f(x)-c| 可以无限小,称 c 是 x 趋近于 x0 时 f(x) 的极限。

 $\forall \varepsilon > 0, \ \exists \delta > 0, \text{ that when } 0 < |x - x_0| < \delta, \text{ we have } |f(x) - c| < \varepsilon$

4.2.1.2 几何: 欧几里得几何到非欧几里得几何

从平直空间到弯曲空间。

从定义和公理,推导和推演。平行公设。高斯和波约,罗巴切夫斯基(1829 年),平行公设只是假设。现实世界如何实现非欧几何的用处。高斯想法把球面本身看做一个空间。后来黎曼发展了。弯曲空间的几何是黎曼几何,如球面上的直线定义为大圆的一部分,这样发现过已知直线外一点不存在其平行线。在双曲几何模型下可以实现罗巴切夫斯基几何。

4.2.1.3 代数学中

伽瓦罗,代数学从研究方程的根,到研究代数系统的结构和保持运算的映射。

4.2.2 集合的划分

交空并全的划分方法: 模 n 同余是 $\mathbb Z$ 的一个二元关系。两个集合的笛卡尔积 a 与 b 模 n 同余: $(a,b)\in\bigcup_{i=0}^{n-1}H_i\times H_i\subseteq\mathbb Z\times\mathbb Z$. 抽象: 非空集合 s, $S\times S$ 的子集 W 是 S 是上的二元关系,有关系的记为 aWb

4.3. REFERENCE

4.3 Reference

Chapter 5 数学参考工具书

5.1 数学词典

5.2 数学表

- 5.2.0.1 乘法表、因数表、质数表
- 5.2.0.2 倒数表
- 5.2.0.3 乘方与开方表
- 5.2.0.4 对数表
- 5.2.0.5 三角函数表
- 5.2.0.6 积分表
- 5.2.0.7 概率论、数理统计用表
- 5.2.0.8 特殊函数表
- 5.2.0.9 计算数学用表

5.3 计算工具