### $09\hbox{-}10\hbox{-}Computational Mathematics}$

Created on 20220605.

Last modified on 2025 年 1 月 5 日.

### 目录

4 目录

### Chapter 1 Introduction

#### 计算数学

- a: 插值法与逼近论,
- b: 常微分方程数值解,
- c: 偏微分方程数值解,
- d: 积分方程数值解,
- e: 数值代数,
- f: 连续问题离散化方法,
- g: 随机数值实验,
- h: 误差分析,
- i: 计算数学其他学科。

### Chapter 2 误差理论

### Chapter 3 插值法

给定点集求一条曲线, 曲线过点集所有点。

 $A = \{a, a \in \mathbb{R}^n\}$ ,插值函数 P(x) 过点。P(x) 可以是有理函数、三角多项式、代数多项式,等等。

#### 3.1 多项式插值

$$P(x) = \sum a_n x^n$$

$$\begin{bmatrix} 1 & x_0 & \cdots & x_0^n \\ & & \ddots & \\ 1 & x_n & \cdots & x_n^n \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a_1 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y_1 \\ \vdots \\ b_n \end{bmatrix}$$

$$(3.1)$$

Vandermonde determinant

10 CHAPTER 3. 插值法

$$= (x_{2} - x_{1}) \cdots (x_{n} - x_{1})$$

$$= (x_{1} - x_{1}) \cdots (x_{n} - x_{n})$$

$$= ($$

- 3.2 Lagrange
- 3.3 Newton
- 3.4 分段线性
- 3.5 Hermite
- 3.6 样条

### Chapter 4 逼近论

给定点集,求一条曲线,曲线可以不过点集中的点。

### Chapter 5 数值积分法、数值微分法

# Chapter 6 数值逼近

### Chapter 7 线性代数的计算方法

# Chapter 8 非线性代数方程和超越方程的数值解法

# Chapter 9 微分方程、积分方程的数值解法

- 9.1 常微分方程的数值解法
- 9.2 偏微分方程的数值解法
- 9.3 积分方程的数值解法
- 9.4 差分方程的稳定性理论
- 9.5 共形变换 (保角变换) 中的计算问题
- 9.6 实用调和分析

### Chapter 10 数值代数

# Chapter 11 连续问题离散化方法

# Chapter 12 随机数值实验

### Chapter 13 误差分析

# Chapter 14 计算数学其他学科

### Chapter 15 数学模拟、近似计算

- 15.1 数学模拟
- 15.2 近似计算
- 15.3 有限元法
- 15.4 哈特里 (Hartree ) 近似法
- 15.5 牛顿-拉弗森 (Newton-Raphson ) 法
- 15.6 帕德 (Pade ) 近似法
- 15.7 雷利-里茨 (Rayleigh-Ritz ) 法
- 15.8 松弛法
- 15.9 索末菲尔德 (Sommer-feld ) 近似法
- 15.10 随机近似法
- 15.11 区间分析法

### Chapter 16 图解数学、图算数学

### Chapter 17 程序设计

### Chapter 18 数值软件

### Chapter 19 数值并行计算