- 快速幂
- 龟速乘
- 高斯消元
- 埃氏筛素数
- 线性筛素数
- gcd/exgcd
- 逆元
 - 费马小定理
 - 扩欧
 - 线性求逆元
- 组合数
- 卢卡斯定理
- 皮克定理
- 枚举
 - 枚举子集
 - 分解质因子
- 线性基
- 线性基求第k小

快速幂

```
long long pow(long long a, long long b) {
    long long res = 1;
    while(b) {
        if(b & 1) res = res * a % MOD;
        a = a * a % MOD;
        b >>= 1;
    }
    return res;
}
```

龟速乘

```
if(b & 1) res = (res + a) % mod;
a = (a + a) % mod;
b >>= 1;
}
return res;
}
```

高斯消元

```
double a[105][106];
bool gauss(int n){
    //枚举列
    for(int i = 1; i <= n; ++i){
       int id = i;
       //找到该列中的最大系数
       for(int j = i; j <= n; ++j){</pre>
           id = fabs(a[j][i]) > fabs(a[id][i]) ? j : id;
       }
       // 交换
       for(int j = 1; j <= n + 1; ++j){
           swap(a[i][j], a[id][j]);
        }
        // 系数为零说明没有唯一解
       if(!a[i][i]){
           return false;
        }
       // 消去对应列的其他元
       for(int j = 1; j <= n; ++j){
           if(j != i){
               double temp = a[j][i] / a[i][i];
               for(int k = i + 1; k \le n + 1; ++k){
                   a[j][k] -= a[i][k] * temp;
               }
           }
       }
    }
   return true;
}
```

埃氏筛素数

```
bool is_prime[N + 1]; // default true
is_prime[0] = is_prime[1] = false;
for(int i = 2; i <= N; ++i) {
   if(is_prime[i]) {</pre>
```

```
for(int j = i << 1; j <= N; j += i) {
    is_prime[j] = false;
}
}
</pre>
```

线性筛素数

```
vector<int>p;
vector<bool>prime(N, true);
void Euler_sieve(){
   for(int i = 2; i < N; ++i){
       if(prime[i])p.push_back(i);
       for(int j = 0; j < p.size() && i * p[j] < N; ++j){
          prime[i * p[j]] = false;
          if(i % p[j] == 0)break;
          // i % p[j] == 0
          // 换言之, i 之前被 p[j] 筛过了
          // 由于 pri 里面质数是从小到大的, 所以 i 乘上其他的质数的结果一定会被
          // p[j] 的倍数筛掉,就不需要在这里先筛一次,所以这里直接 break
          // 掉就好了
       }
   }
}
```

gcd/exgcd

扩展欧几里得用于解决ax + by = gcd(a, b)的一组可行解

```
int gcd(int a, int b) {
    return b ? gcd(b, a % b) : a;
}

int lcm(int a, int b) {
    return a / gcd(a, b) * b;
}

11 Exgcd(ll a, ll b, ll &x, ll &y){
    if(!b){
        x = 1, y = 0;
        return a;
    }
    ll d = Exgcd(b, a % b, x, y);
    ll t = x;
    x = y;
    y = t - (a / b);
```

```
return d;
}
```

逆元

费马小定理

要求模数是质数。

☑ = pow(x, MOD - 2);

扩欧

相当于求线性同余方程

$$\operatorname{inv} \equiv \frac{1}{x} \pmod{M}$$

$$\operatorname{inv} x \equiv 1 \pmod{M}$$

$$\operatorname{inv} x + kM \equiv 1 \pmod{M}$$

 $std::tie(gcd, inv[x], _) = exgcd(x, MOD);$

若 gcd 不为 1 ,则逆元不存在。

线性求逆元

■ = (MOD - MOD / x) * inv[MOD % x] % MOD;

口诀:减除乘模

组合数

$$\binom{n}{m} = \binom{n-1}{m-1} + \binom{n-1}{m}$$

$$= \frac{n!}{m!(n-m)!}$$

卢卡斯定理

要求:模数不大,是质数

$$\binom{n}{m} \mod p = \binom{\lfloor \frac{n}{p} \rfloor}{\lfloor \frac{m}{p} \rfloor} \cdot \binom{n \mod p}{m \mod p} \mod p$$

```
void init(){
   fac[0] = fac[1] = 1;
    for(int i = 2; i <= N; ++i){
       fac[i] = fac[i - 1] * i % p;
    }
    inv[0] = 1;
    //求n!的逆元
    inv[N] = qpow(f[N], p - 2); //费马小定理
    for(int i = N - 1; i > 0; --i){
       inv[i] = inv[i + 1] * (i + 1) % p;
    }
}
long long C(long long n, long long m, long long p) {
    return fac[n] * inv[m] % p * inv[n - m] % p;
}
long long Lucas(long long n, long long m, long long p) {
  return m == 0 ? 1 : (C(n % p, m % p, p) * Lucas(n / p, m / p, p)) % p;
}
```

皮克定理

Pick 定理:给定顶点均为整点的简单多边形,皮克定理说明了其面积 S 和内部格点数目 n 、边上格点数目 m 的关系: $S=n+\frac{m}{2}-1$ 。

枚举

枚举子集

```
for(int i = 0; i < (1 << n); ++i){
   for(int j = i; j; j = (j - 1) & i){
   }
}</pre>
```

分解质因子

线性基

线性基求第k小

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n, m, tot = 0;
long long a[1000005];
long long k[61],tt,x,cnt;
bool flag = 1;
void insert(long long x){
    for (int i=60;i>=0;i--){
        if (x&((long long)1LL<<i)) {</pre>
            if (k[i]) x=x^k[i];
            else {
                                 tot++;
                 k[i]=x;
                 return;
            }
        }
    }
}
long long ask(long long x) {
        if (tot < n && x == 1) return 0;
        if (tot < n) x--;</pre>
        if (x >= (1LL << (long long)cnt)) return -1;
        long long ans = 0;
        for (int i = 0; i <= 60; i++) {
                 if (k[i]) {
                         if (x % 2) ans ^= (long long)k[i];
                         x /= 2;
                 }
        }
        return ans;
}
int main(){
        cin>>n;
        for (int i=1;i<=n;i++) {</pre>
            cin>>a[i];
                insert(a[i]);
        scanf("%d",&m);
        for (int i = 0; i <= 60; i++) {
                 for (int j = 1;j <= i;j++) {
                         if (k[i] & ((long long)1LL << (long long)(j - 1))) k[i] ^=
(long long)k[j - 1];
                if (k[i]) cnt++;
        for (int i = 1;i <= m;i++) {
                 long long x;
                scanf("%lld",&x);
                 printf("%lld\n",ask(x));
    return 0;
```