输出:谓词 $p_r$ 的BRE约束集,放置在抽象语法树 $AST(p_r)$ 的根结点处。

## Begin of BRE-CSET

- 步骤 1 标识  $AST(p_r)$  每个叶结点 N 的约束集  $S_N$ 。对于代表布尔变量的叶结点,其  $S_N = \{t, f\}, S_N' = t, S_N' = f;$  对于代表关系表达式的叶结点  $S_N = \{ (+\varepsilon), (=), (-\varepsilon) \}_{\circ}$
- 步骤 2 以自底向上的方式遍历  $AST(p_r)$  的每个非叶结点(内部结点)。如果结点 N 是一个 AND 结点或 OR 结点,设  $N_1$  、 $N_2$ 是其直接后继。如果结点 N 是一个 NOT 结点,设  $N_1$ 是其直接后继。 $S_{N_1}$ 、 $S_{N_2}$ 分别代表结点  $N_1$ 、 $N_2$ 的 BRE 约束集。对每个非叶结点 N, 计算  $S_N$  如下:
  - 2.1 N是 OR 结点:

 $S_N^f = S_N^f \otimes S_N^f$ ;

 $S_N^t = (S_{N_1}^t \times \{f_2\}) \cup (\{f_1\} \times S_{N_2}^t)$ ,其中 $f_1$ 、 $f_2$ 分别是 $S_{N_1}^f$ 、 $S_{N_2}^f$ 中的任一元素。

2.2 N 是 AND 结点:

 $S_N^t = S_{N_s}^t \bigotimes S_{N_s}^t$ ;

 $S_N^f = (S_{N_1}^f \times \{t_2\}) \cup (\{t_1\} \times S_{N_2}^f)$ ,其中  $t_1 \setminus t_2$ 分别是  $S_{N_1}^f \setminus S_{N_2}^f$ 中的任一元素。

2.3 N 是 NOT 结点:

 $S_N^t = S_{N.}^f$ ;

 $S_N^f = S_{N, \circ}^t$ 

步骤 3  $AST(p_r)$  根结点的 BRE 约束集就是谓词  $p_r$ 的 BRE 约束集。

## **End of BRO-CSET**

例 2.30 考虑谓词  $p_r$ : (a+b<c)  $\land \neg p \lor (r>s)$ 。  $p_r$ 的抽象语法树  $AST(p_r)$  如图 2-20 所 ⇒。各结点已标识相应的 BRE 约束集。采用算法 BRE-CSET,看看这些 BRE 约束集是如何计 三出来的。

图 2-20 谓词 $(a+b<c) \land \neg p \lor (r>s)$ 的 BRE 约束集

首先, 根据各叶结点的类型标识其 BRE 约束集如下:

 $S_{N_{1}}^{t} = \left\{ \left( -\varepsilon \right) \right\}, S_{N_{1}}^{f} = \left\{ \left( +\varepsilon \right), \left( = \right) \right\}$ 

 $S_{N_1}^t = \{ t \}, S_{N_2}^f = \{ f \}$ 

 $S_{N_s}^t = \{ (+\varepsilon) \}, S_{N_s}^f = \{ (-\varepsilon), (=) \}$ 

然后,自底向上、广度优先地遍历  $AST(p_r)$ ,从其直接后继结点的 BRE 约束集计算各非叶 三三的 BRE 约束集如下:

$$S_{N_3}^t = S_{N_2}^f = \{ f \}$$

$$S_{N_3}^f = S_{N_2}^t = \{t\}$$

\*求读者证明:

=1. s = 2 >1, s = 1 >=0, s=0>

=1, s=1>

=2. s = 0 >

一。布尔变量的

》则出谓词中存

下一样:

 $-\varepsilon \leq e_1 - e_2 < 0_\circ$ 是叶结点约束集