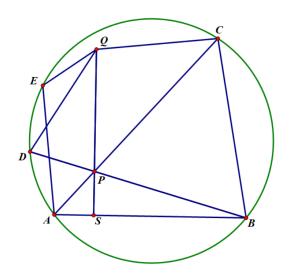
几何模拟测试

考试时间: 19:00-21:30(150 分钟) 姓名: _____

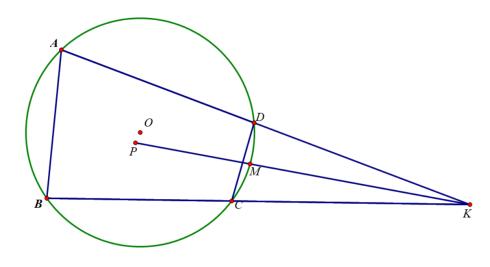
1 (本题满分 40 分)

如图, 在 ΔABC 中, AC > BC, ω 是外接圆, r 是其半径.P 是 AC 上的一点, 使得 BC = CP, S 是 P 在 AB 上的投影, 延长 BP 交 ω 于点 D.Q 是直线 SP 上一点, 使得 PQ = r 且 S, P, Q 以此顺序共线. 设点 E 满足 $AE \perp CQ$ 且 $BE \perp DQ$, 求证: E 在 ω 上.



2 (本题满分 40 分)

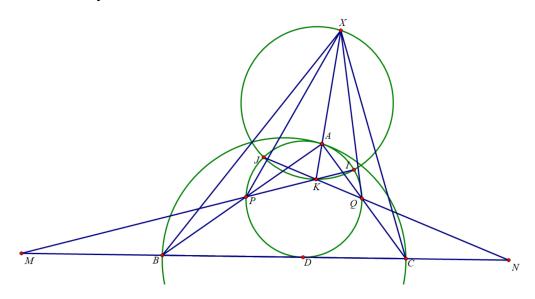
如图,在圆内接四边形 ABCD 中, $\angle BAD < \angle ADC.M$ 是不含 A 的弧 CD 的中点.P 是四边形 ABCD 内一点,满足 $\angle ADB = \angle CPD$, $\angle ADP = \angle PCB.$ 求证:直线 AD,BC,PM 交于一点.



树理教育 2024 暑期夏令营

3 (本题满分 50 分)

如图,锐角 $\triangle ABC$ 的外接圆为 $\omega. \odot \Gamma$ 与 ω 内切于 A,且与 BC 切于点 D. 设直线 AB,AC 分别与 Γ 交于点 P,Q,点 M,N 在直线 BC 上,满足 B 是 DM 的中点,C 是 DN 的中点。设直线 MP,NQ 交于点 K,且分别与 Γ 交于点 I,J,射线 KA 与 ΔIJK 的外接圆交于另一点 X. 求证: $\angle BXP = \angle CXQ$.



4 (本题满分 50 分)

如图,在 ΔABC 中,AB < AC < BC,内心为 I,内切圆为 ω . 点 X(异于点 C)在直线 BC 上,满足过 X 且平行于 AC 的直线与 $\odot \omega$ 相切. 点 Y(异于点 B)在直线 BC 上,满足过 Y 且平行于 AB 的直线与 $\odot \omega$ 相切. 设直线 AI 与 ΔABC 的外接圆交于另一点 P,K, L 分别为 AC, AB 的中点. 求证: $\angle KIL + \angle YPX = 180^\circ$.

