

FUNDAMENTOS EN COMPUNTACION. FÍSICA Y ASTRONOMÍA. QUIZ III-Sol

1. Describir un algoritmo que dados dos números a y b muestre cuál de los dos es el mayor.

1. Análisis de la solución	 Las entradas son a y b, no dice nada más de ellas. La salida que nos pide es indicar cual de esos números es mayor. Para hallar la solución tenemos: Un numero x₁ es menor a otro x₂ si está colocado a la izquierda de él en la recta numérica y el símbolo que nos indica menor que es: (<), si está a la derecha se dice que es mayor y el símbolo que nos indica mayor que es: (>). En caso que no se cumpla ninguna de las dos se dice que son iguales (x₁ = x₂). La solución es verificar si el número es mayor o menor con operadores lógicos > o <. 		
2. Algoritmo	Algoritmo Mayor o Menor Entrada: a, b Salida: Mayor, menor, igual 1. Imprimir "Este programa determina si un número es mayor, menos o igual que otro. Por favor introduzca dos valores: " 2. Leer a, b 3. Si a < b entonces 4. Imprimir "El valor", a, "es menor que ", b 5. Si no 6. Si a>b entonces 7. Imprimir "El valor", a, "es mayor que ", b 8. Sino 9. Imprimir "el valor", a, "es igual que", b 10. Fin Si 11. Fin Si Fin Programa		
3. Prueba de escritorio	Conjunto de valores {a,b} - 2. Leer 2,1 3. 2<1? No → 5 6. 2>1? Sí → 7	→ {2,1}, {-5,4} y {8,8} 2. Leer -5,4 35<4? Sí → 4	2. Leer 8,8 3. 8<8? No → 5 6. 8>8? No → 8,9

2. Describir un algoritmo que dados dos números naturales N y M (N>M) diga si el número N es múltiplo de M.

1. Análisis de la solución

2. Algoritmo

- 1. Las entradas son N y M donde N debe ser mayor que M y ambas son números naturales.
- 2. La salida es saber si N es múltiplo de M.
- 3. Para hallar la solución tenemos: Un **múltiplo** de un número **M** es el que lo contiene un número entero de veces. En otras palabras, un múltiplo es un número tal que, dividido por M, **da por resultado un número entero o que el resto de la división euclídea es cero.** Los múltiplos tienen las propiedades que todo número entero es múltiplo de 1 y de sí mismo. Cero (0) es múltiplo de cualquier número. Si a es un múltiplo de b, entonces b es un divisor de a.
- 4. La solución es dividir N entre M y verificar que su resultado sea un entero, siempre que M sea diferente de 0 y ambos números sean naturales.

Algoritmo Múltiplos

Entrada: N, M

Salida: Si es múltiplo o no.

- 1. Cargar Math #Librería matemática
- 2. Imprimir "Este programa determina si un número N es múltiplo de M. Por favor introduzca el valor N y M, donde N debe ser mayor que M"
- 3. Leer N, M
- 4. Si N<0 | | M<0 | | N int(N) != 0 | | M int(M)!=0
- 5. Imprimir "N=", N," y M=", M, " deben ser naturales"
- 6. Fin del Programa
- 7. Fin Si
- 8. Si N==M || M==0 || N==0 entonces
- 9. Imprimir "Recuerde que todo número es múltiplo de sí mismo. Si M es cero, sólo 0 puede ser múltiplo de 0 o si N es cero, cero es múltiplo de cualquier número"
- 10. Fin del Programa
- 11. Fin Si
- 12. Si N < M entonces
- 13. Imprimir "El valor N= ", N, "debe ser mayor que el valor M= ", M
- 14. Sino
- 15. Si N MOD M == 0
- 16. Imprimir "N es múltiplo de M"
- 17. Sinc
- 18. Imprimir "N no es múltiplo de M"
- 19. Fin Si
- 20. Fin Si

Fin Programa

	Conjunto de valores {۱	N,M \rightarrow {-2.2,2}, {5.3,4	4}, {1,0}, {8,8}, {1,2},	{4,2}, {9,4}
	3. Leer -2.2,2	3. Leer 5.3,4	3. Leer 1,0	3. Leer 8,8
	42.2<0? o 2<0? o	4. 5.3<0? o 4<0? o	4. 1<0? o 0<0? o	4. 8<0? o 8<0? o 8-8!
	-2.2+2!=0? o 2-2!=0?	5.3-5!=0? o 4-4=0?	1-1!=0? o 0-0!=0?	=0? o 8-8!=0? No \rightarrow 7
<u>.</u> 9.	Sí → 5,6	Sí → 5,6	No \rightarrow 7	8. 8=8? o 8=0? 8=0? Sí
<u>;</u>			8. 1=0? o 0=0?	→ 9,10
escritorio			1=0? Sí \rightarrow 9,10	
de 0	3. Leer 1,2	3. Leer 4,2	3. Leer 9,4	
a	4. 1<0? o 2<0? o 1-1!	4. 4<0? o 2<0? o 4-	4. 9<0? o 4<0? o	
Prueba	=0? o 2-2!=0? No →	4!=0? o 2-2!=0? No	9-9!=0? o 4-4!=0?	
4	7	→ 7	No \rightarrow 7	
က	8. 1=2? o 1=0? 2=0?	8. 4=2? o 4=0? 2=0?	8. 9=4? o 9=0?	
	No → 11	No → 11	4=0? No → 11	
	12. 1<2 Sí → 13	12. 4<2 No → 14	12. 9<4 No → 14	
		15. 4 MOD 2=0? Sí	15. 9 MOD 4=0?	
		→ 16	No → 17,18	

3. Describir un algoritmo que dados dos números naturales N y M (N<M) diga si el número N es divisor de M.

1. Análisis de la solución

- 1. Las entradas son N y M donde N debe ser menor que M y ambas son números naturales.
- 2. La salida es saber si N es divisor de M.
- 3. Para hallar la solución tenemos: Se dice que un número entero b es divisible entre un entero a (distinto de cero) si existe un entero c tal que: b = a*c, siendo a un divisor de b. Esto es equivalente a decir, que b es «exactamente divisible» por a, o bien, que el resto de la división euclídea es cero. Los divisores tienen las propiedades que todo número entero es divisor de sí mismo. Cualquier número es divisor de 0 y 1 es divisor de cualquier número. Si a es un divisor de b, entonces b es un múltiplo de a.
- 4. La solución es dividir M entre N y verificar que su resultado sea un entero, siempre que N sea diferente de 0 y ambos números sean naturales.

Algoritmo Divisores

Entrada: N, M

Salida: Si es divisor o no.

- 1. Cargar Math #Librería matemática
- 2. Imprimir "Este programa determina si un número N es divisor de M. Por favor introduzca el valor N y M, donde N debe ser menor que M"
- 3. Leer N, M
- 4. Si N<0 || M<0 || N int(N) != 0 || M int(M)!=0
- 5. Imprimir "N=", N," y M=", M, " deben ser naturales"
- 6. Fin del Programa
- 7. Fin Si
- 8. Si N==M || M==0 || N==0 || N==1 entonces
- 9. Imprimir "Recuerde que todo número es divisor de sí mismo. Si N es cero, cero no es divisor de ningún número, si es N es 1, 1 es divisor de cualquier número. Si M es cero, cualquier número pude ser su divisor"
- 10. Fin del Programa
- 11. Fin Si
- 12. Si N > M entonces
- 13. Imprimir "El valor N=", N, "debe ser menor que el valor M=", M
- 14. Sino
- 15. Si M MOD N == 0
- 16. Imprimir "N es divisor de M"
- 17. Sino
- 18. Imprimir "N no es divisor de M"
- 19. Fin Si
- 20. Fin Si

Fin Programa

2. Algoritmo

Conjunto de valores $\{N,M\} \rightarrow \{-2.2,2\}, \{5.3,4\}, \{1,0\}, \{8,8\}, \{2,1\}, \{2,4\}, \{4,9\}$				
de escritorio	42.2<0? o 2<0? o		4. 1<0? o 0<0? o 1-1!=0? o 0-0!=0?	4. 8<0? o 8<0? o 8-8! =0? o 8-8!=0? No → 7 8. 8=8? o 8=0? 8=0?
3. Prueba de e	4. 1<0? o 2<0? o 1-1! =0? o 2-2!=0? No → 7 8. 1=2? o 1=0? 2=0? 2=1 No → 11	4!=0? o 2-2!=0? No → 7	4. 9<0? o 4<0? o 9-9!=0? o 4-4!=0? No \rightarrow 7 8. 9=4? o 9=0? 4=0? 9=1? No \rightarrow 11	

4. Describir una rutina que dado un ángulo x en grados devuelva el mismo angulo en radianes.

1. Análisis de la solución	 Las entradas son x y es un ángulo en grados, restringimos entre 0 y 360 grados. La salida que nos pide es dar su valor en radianes. Para hallar la solución tenemos: La longitud de una curva está limitada a L=0*r, tal que para una circunferencia es igual a L=2πr El radián es la unidad de ángulo plano en el Sistema Internacional de Unidades. Representa el ángulo central en una circunferencia y abarca un arco cuya longitud es igual a la del radio. Su símbolo es rad. Por lo tanto θ de una circunferencia es igual a 2π radianes, donde θ de una circunferencia es igual a 360 grados. La solución es θ_rad = θ_grad*π/180, restringiendo entre [0,360] 		
2. Algoritmo	Algoritmo Grados a Radianes Entrada: x Salida: x_rad 1. Carga Math #Librería matemática 2. Imprimir "Este programa convierte un ángulo en grados a radianes. Por favor introduzca un ángulo en grados entre 0 y 360: " 3. Leer x 4. Si x>0 && x<360 entonces 5. x_rad= x*pi/180 6. Imprimir "El valor de el ángulo", x, "en radianes es ", x_rad 7. Si no 8. Imprimir "El ángulo", x, "debe estar entre 0 y 360" 9. Fin Si Fin Programa		
3. Prueba de escritorio	Conjunto de valores $\{x\} \rightarrow \{-3\}, \{500\} \ y \ \{45\}$ 3. Leer -3 43>0 && -3<360? No \rightarrow 7,8 3. Leer 500 4. 500>0 && 500<360? No \rightarrow 7,8 2. Leer 45 4. 45>0 && 45<360? Sí \rightarrow 5. x_rad=45*pi/180=pi()/4		

5. Describir un algoritmo de dado dos números naturales N y M (N>M) determine el cociente (C) y el residuo (R) de la división de N entre M. Ejemplo: si N = 27 y M = 4, el cociente de 27/4 es 6 y el residuo 3.

1. Análisis de la solución

2. Algoritmo

- 1. Las entradas son N y M donde N debe ser mayor que M y ambas son números naturales.
- 2. La salida es el cociente (C) y el residuo (R) de la división de N entre M
- 3. Para hallar la solución tenemos: La división entre N y M, números naturales, es un número racional positivo, todo número racional pude escribirse en base decimal de la forma A= Aent + Adec, donde la parte decimal está compuesta por dígitos multiplicados por 10^{-n} , ejemplo 9.3=9+3* $10^{-1}=9+0.3$. Entonces una división euclídea es igual N/M = C + R/M o N=C*M + R, donde C es el cociente y R es el residuo, según esto tenemos: N/M= Aent + Adec, tal que N = Aent*M + Adec*M, donde se le conoce a C=Aent y R=Adec*M como residuo.
- 4. La solución es dividir N entre M, siempre que M sea diferente de 0 y ambos números sean naturales y hallar el cociente como C=[N/M] y R=(N/M C)*M.

Algoritmo División euclídea

Entrada: N, M Salida: C, R.

- 1. Cargar Math #Librería matemática
- 2. Imprimir "Este programa calcula el cociente y el residuo de la división euclídea entre dos números. Por favor introduzca el valor N y M, donde N debe ser mayor que M"
- 3. Leer N, M
- 4. Si N<0 | M<0 | N int(N) != 0 | M int(M)!=0
- 5. Imprimir "N=", N," y M=", M, " deben ser naturales"
- 6. Fin del Programa
- 7. Fin Si
- 8. Si M==0 entonces
- 9. Imprimir "M debe ser distinto de 0"
- 10. Fin del Programa
- 11. Fin Si
- 12. Si N < M entonces
- 13. Imprimir "El valor N=", N, "debe ser mayor que el valor M=", M
- 14. Sino
- 15. A=N/M
- 16. C = int(A)
- 17. $R = (N C^*M)$
- 18. Imprimir "El cociente de la División euclídea N/M es", C, "y el residuo es", R
- 19. Fin Si

Fin Programa

Conjunto de valores $\{N,M\} \rightarrow \{-2.2,2\}, \{5.3,4\}, \{1,0\}, \{1,2\}, \{27,6\}$

0	3. Leer -2.2,2 42.2<0? o 2<0? o -2.2+2! =0? o 2-2!=0? Sí → 5,6	3. Leer 5.3,4 4. 5.3<0? o 4<0? o 5.3-5!=0? o 4-4=0? Sí → 5,6	3. Leer 1,0 4. 1<0? o 0<0? o 1-1!=0? o 0-0!=0? No → 7 8. 0=0? Sí → 9,10
3. Prueba de esc	3. Leer 1,2 4. 1<0? o 2<0? o 1-1!=0? o 2-2!=0? No \rightarrow 7 8. 2=0? No \rightarrow 11 12. 1<2 Sí \rightarrow 13	3. Leer 27,6 4. 27<0? o 6<0? o 27-27!=0? o 6-6!=0? No → 7 8. 6=0? No → 11 12. 27<6 No → 14 15. A=27/6=4,5 16. C=int(4,5)=4 17. R=(27-4*M)=3	

1. Análisis de la solución	 Las entradas son N y es un número natural. La salida que nos pide son los N primeros pares. Para hallar la solución tenemos: Los números pares son aquellos que pueden ser escritos de la forma 2*n donde n es un número natural desde 1 hasta infinito, el primer par es 2*1, el segundo 2*2 y así sucesivamente. La solución es hallar los pares con las sucesión 2*i donde i va desde 1 hasta el valor n, siendo éste un número natural. 		
2. Algoritmo	Algoritmo Pares Entrada: N Salida: p1,p2,p3 pN 1. Carga Math #Librería matemática 2. Imprimir "Este programa arroja los primeros N números pares. Por favor introduzca un número natural: " 3. Leer N 4. Si N<0 N - int(N) != 0 5. Imprimir "N= ", N, "debe ser natural" 6. Fin del programa 7. Fin Si 8. Imprimir "Los primeros pares son: " 9. Para i desde 1 hasta N paso 1 10. p=2*i 11. Imprimir p 12. Fin Para Fin Programa		
3. Prueba de escritorio	Conjunto de valores {N} → { 3. Leer -3 43<0 -3+3!=0 Sí → 5,4	-3}, {2.5} y {6} 3. Leer 2.5 4. 2.5<0 2.5-2!=0 Sí → 5,4	3. Leer 6 4. 6<0 6-6!=0 No → 7,8 9. i desde 1 hasta 6 10. p=2*1, p=2*2, p=2*3, p=2*4, p=2*5 y p=2*6

1. Análisis de la solución	 Las entradas son N y es un número natural. La salida que nos pide es la suma de los enteros de 1 a N. Para hallar la solución tenemos: La suma de número enteros de 1 hasta N sería sum=1+2+3+ + N, lo cual es una serie convergente: \[\sum_{1}^{N} i = \frac{N(N+1)}{2} \] La solución es hallar la solución de la serie, siempre que N sea natural. 		
2. Algoritmo	Algoritmo Suma enteros Entrada: N Salida: sum=1+2+N 1. Carga Math #Librería matemática 2. Imprimir "Este programa arroja la suma de N números enteros desde 1. Por favor introduzca un número natural: " 3. Leer N 4. Si N<0 N - int(N) != 0 5. Imprimir "N= ", N, "debe ser natural" 6. Fin del programa 7. Fin Si 8. sum=N*(N+1)/2 9. Imprimir "La suma es", sum Fin Programa		
3. Prueba de escritorio	Conjunto de valores {N} → { 3. Leer -3 43<0 -3+3!=0 Sí → 5,4	[-3], {2.5} y {6} 3. Leer 2.5 4. 2.5<0 2.5-2!=0 Sí → 5,4	3. Leer 6 4. 6<0 6-6!=0 No → 7 8. sum=6*(7)/2=21

1. Análisis de la solución	 Las entradas son N y dice que es un número cualquiera. La salida que nos pide es el factorial de N. Para hallar la solución tenemos: El factorial de un entero positivo n, el factorial de n o n factorial se define en principio como el producto de todos los números enteros positivos desde 1 (es decir, los números naturales) hasta n. El factorial de 0 se define como 1 La solución es hallar la multiplicación de los números de 1 a N, siempre que N sea un entero positivo. El factorial de 0 se define como 1 		
2. Algoritmo	Algoritmo Suma enteros Entrada: N Salida: sum=1+2+N 1. Carga Math #Librería matemática 2. Imprimir "Este programa arroja el factorial de N. Por favor introduzca un número natural: " 3. Leer N 4. Si N<0 N - int(N) != 0 5. Imprimir "N=", N, "debe ser natural" 6. Fin del programa 7. Fin Si 8. Si N==0 9. Imprimir "Por definición el factorial de 0 es 1" 10. Sino 11. fact=1 12. Para i desde 1 hasta N paso 1 13. fact=fact*i 14. Fin Para 15. Imprimir "EL factorial de ", N, "es ",fact 16. Fin Si Fin Programa		
3. Prueba de escritorio	Conjunto de valores $\{N\} \rightarrow \{-3\}, \{2.5\}, 0 \text{ y } \{6\}$ 3. Leer -3 43<0 -3+3! 4. 2.5<0 2.5- 2!=0 Sí \rightarrow 5,4 2. Leer 0 4. 0<0 0-0! 4. 6<0 6-6!=0 No \rightarrow 7 8. 0=0? No \rightarrow 10 11. fact=1 12 Para i desde 1 hasta 6 fact=1*1, fact=1*2,fact=2*3,fact=6*4,fact=2 4*5,fact=120*6 un algoritmo que lea los nombres y edades de dos personas e imprima cual de ellas tiene		

1. Análisis de la solución	 Las entradas son dos variables de palabras nombreA, nombreB y dos variables numéricas edadA, edadB. La salida que nos pide es indicar cual de esas personas es mayor. Para hallar la solución tenemos: Un numero x₁ es menor a otro x₂ si está colocado a la izquierda de él en la recta numérica y el símbolo que nos indica menor que es: (<), si está a la derecha se dice que es mayor y el símbolo que nos indica mayor que es: (>). En caso que no se cumpla ninguna de las dos se dice que son iguales (x₁ = x₂). La solución es verificar si la edad es mayor o menor con operadores lógicos > o <. 			
2. Algoritmo	 Algoritmo Mayor o Menor Edad Entrada: NombreA, edadA, nombreB, edadB Salida: Mayor, menor, igual 1. Imprimir "Este programa determina si una persona es mayor a otra. Por favor introduzca el nombre y la edad de la persona A: " 2. Leer nombreA, edadA 3. Imprimir "Este programa determina si una persona es mayor a otra. Por favor introduzca el nombre y la edad de la persona B: " 4. Leer nombreB, edadB 5. Si edadA < edadB 6. Imprimir nombreA "es menor que ", nombreB 7. Si no 8. Si edadA>edadB entonces 9. Imprimir nombreA "es mayor que ", nombreB 			
oj.	 10. Sino 11. Imprimir nombreA "tiene la misma edad que ", nombreB 12. Fin Si 13. Fin Si Fin Programa Conjunto de valores {nombreA, edadA, nombreB, edadB} → {A,10,B,15}, {A,36,B,13} 			
scritor	y {A,8,B,8}			
de e	2. Leer A,10 4. Leer B,15	2. Leer A,36 4. Leer B,13	2. Leer A,8 4. Leer B,8	
3. Prueba de escritorio	5. 10<15? Sí → 4	5. 36<13? No → 6 7. 35>13? Sí → 8	5. 8<8? No → 6 7. 8>8? No → 10,11	