

Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего профессионального образования  
«Алтайский государственный технический университет им. И.И. Ползунова»

Факультет информационных технологий

Кафедра прикладной математики

Отчет защищен с оценкой \_\_\_\_\_

Преподаватель \_\_\_\_\_  
(подпись)

«\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2018 г.

Отчет  
по лабораторной работе № 1

по дисциплине «Интеллектуальные технологии обработки изображений»

**ЛР 09.04.04.20.000 О**

Студент группы 8ПИ-61 А. Г. Шевелёва  
(И. О., Фамилия)

Преподаватель старший преподаватель М.Г. Казаков  
должность, ученое звание (И. О., Фамилия)

Барнаул 2018

### Постановка задачи:

- Написать основу для представления изображений и их обработки свертками
- Реализовать вычисление частных производных оператора Собеля
- Реализовать отображение полученных результатов

### Решение:

#### Свёртка.

Пусть  $F$  – входное изображение,  $H$  – ядро  $(2k+1 \times 2k+1)$  (ядро отражено по вертикали и горизонтали),  $G$  – выходное изображение

$$G[i, j] = \sum_{u=-k}^k \sum_{v=-k}^k H[u, v] F[i - u, j - v]$$

Тогда  $G$  – результат свертки:

$$G = H * F$$

Свёртка обладает следующими свойствами:

- Коммутативна:
  - $f * g = g * f$
- Ассоциативна:
  - $f * (g * h) = (f * g) * h$
- Дистрибутивна:
  - $f * (g + h) = (f * g) + (f * h)$
- Ассоциативна при умножении на скаляр:
  - $\alpha(f * g) = (\alpha f) * g$

#### Оператор Собеля.

Оператор Собеля используется для вычисления величины и направления градиента в каждой точке, имеет следующие ядра:

- для вычисления частных производных по  $X$  ( $A$  — исходное изображение):

$$G_x = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix} * A$$

- для вычисления частных производных по  $Y$  ( $A$  — исходное изображение):

$$G_y = \begin{bmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} * A$$

Вычисление величины градиента:

$$G = \sqrt{G_x^2 + G_y^2}$$

Вычисление направления градиента:

$$\theta = \text{atan2}(G_y, G_x)$$

**Результат работы:**



Рисунок 1 — Исходное изображение



Рисунок 2 — Вычисление градиента

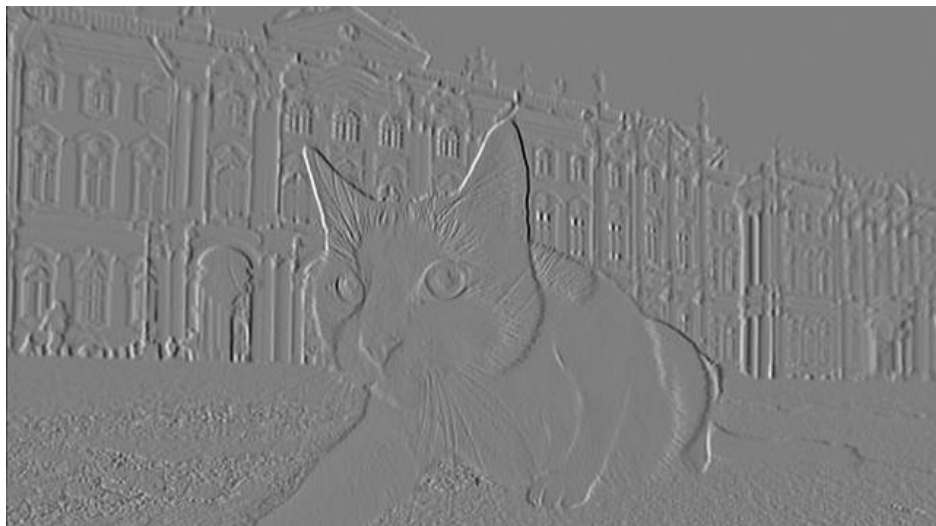


Рисунок 3 — Собель по X

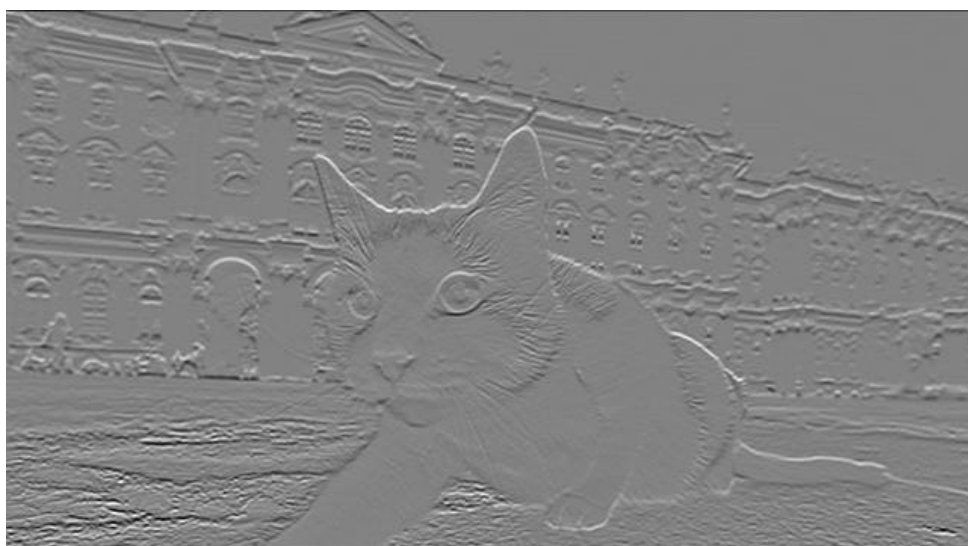


Рисунок 4 — Собель по Y

## Исходный код программы:

### Image.h

```
enum class Border
{
    Black,
    Copy,
    Reflection,
    Turn
};

class Image
{
private:
    unique_ptr<double []> matrix;
    int width;
    int height;
public:
    Image(int width, int height);
    Image(const Image &image);
    static Image *getSobelXY(Image *imgX, Image *imgY);
```

```

int getWidth();
int getHeight();
QPixmap getImage();
void changeImage(QPixmap pixmap);
void saveImage(QString fileName);
void setPixel(int coordX, int coordY, double value);
Image *modificateImage(ImageModification *imgModif, Border border);
void imageMatrixRationing();
double getImagePixel(int coordX, int coordY, Border border);
Image* reduceImage(Border border);
private:
    double borderCopyValue(int coordX, int coordY);
    double borderReflectionEdge(int coordX, int coordY);
    double borderTurnImage(int coordX, int coordY);
    double getAverage(int x, int y, Border border);
};

```

## ImageModification.h

```

enum class Modification
{
    SobelX,
    SobelY,
    GaussX,
    GaussY
};

class ImageModification
{
private:
    int width;
    int height;
    unique_ptr<double []> matrixModification;
public:
    ImageModification(Modification modification);
    ImageModification(Modification modification, double sigma);
    int getHeight();
    int getWidth();
    double geValuePixelModification(int coordX, int coordY);
private:
    void feelMatrixSobelX();
    void feelMatrixSobelY();
    int getDimentionRadius(double sigma);
    void feelGaussOneCoord(double sigma);
};

```

## Image.cpp

```

Image::Image(int width, int height)
{
    this->width = width;
    this->height = height;
    this->matrix = make_unique<double []>(this->width * this->height);
}

int Image::getHeight(){
    return height;
}

int Image::getWidth(){
    return width;
}

```

```

}

//замена изображения
void Image::changeImage(QPixmap QPixmap)
{
    QImage qImg = QPixmap.toImage();
    width = qImg.width();
    height = qImg.height();
    matrix.reset();
    matrix = make_unique<double []>(width * height);

    for(int y = 0; y < height; y++)
    {
        for(int x = 0; x < width; x++)
        {
            QColor pixel = (QColor)qImg.pixel(x,y);
            matrix[x + y * width] = (0.213*(pixel.red()) + 0.715*((pixel.green())) + 0.072*((pixel.blue())))/255;
        }
    }
}

QPixmap Image::getImage()
{
    QImage qImg(width, height, QImage::Format_RGB32);
    QColor qColor;
    for(int y = 0; y < height; y++)
        for(int x = 0; x < width; x++)
        {
            qColor.setRgb(matrix[x + y * width]*255, matrix[x + y * width]*255, matrix[x + y * width]*255);
            qImg.setPixel(x, y, qColor.rgb());
        }

    return QPixmap::fromImage(qImg);
}

double Image::getImagePixel(int coordX, int coordY, Border border){
    if(coordX > -1 && coordX < width && coordY > -1 && coordY < height){
        return matrix[coordX + coordY * width];
    }

    switch(border){
        case Border::Black :
            return 0;
        case Border::Copy:
            return borderCopyValue(coordX, coordY);
        case Border::Reflection:
            return borderReflectionEdge(coordX, coordY);
        default:
            return borderTurnImage(coordX, coordY); //Border::Turn
    }
}

double Image::borderCopyValue(int coordX, int coordY){
    if(coordX < 0)
        coordX = 0;
    if(coordX >= width)
        coordX = width - 1;
    if(coordY < 0)
        coordY = 0;
    if(coordY >= height)
        coordY = height - 1;
    return matrix[coordX + coordY * width];
}

```

```

double Image::borderReflectionEdge(int coordX, int coordY){
    if(coordX < 0)
        coordX = abs(coordX);
    if(coordX >= width)
        coordX = width - (coordX - width) - 1;
    if(coordY < 0)
        coordY = abs(coordY);
    if(coordY >= height)
        coordY = height - (coordY - height) - 1;
    return matrix[coordX + coordY * width];
}

double Image::borderTurnImage(int coordX, int coordY){
    if(coordX < 0)
        coordX = width + coordX;
    if(coordX >= width)
        coordX = 1 + (coordX - width);
    if(coordY < 0)
        coordY = height + coordY;
    if(coordY >= height)
        coordY = 1 + (coordY - height);
    return matrix[coordX + coordY * width];
}

void Image::saveImage(QString fileName){
    QFile file(fileName + ".jpg");
    file.open(QIODevice::WriteOnly);
    getImage().save(&file, "JPG");
}

void Image::setPixel(int coordX, int coordY, double value){
    matrix[coordX + coordY * width] = value;
}

Image* Image::modificateImage(ImageModification *imgModif, Border border){
    Image *resultImage = new Image(this->width, this->height);

    int modHeight = imgModif->getHeight();
    int modWidth = imgModif->getWidth();

    for(int y = 0; y < this->height; y++){
        for(int x = 0; x < this->width; x++){
            double result = 0;
            for(int modY = 0; modY < modHeight; modY++){
                for(int modX = 0; modX < modWidth; modX++){
                    result += imgModif->getValuePixelModification(modX, modY) *
                        getImagePixel(modWidth/2 + x - modX, modHeight/2 + y - modY, border);
                }
            }
            resultImage->setPixel(x, y, result);
        }
    }
    return resultImage;
}

Image* Image::getSobelXY(Image *imgX, Image *imgY){ //Градиент
    Image *imageXY = new Image(imgX->getWidth(), imgY->getHeight());

    for(int x = 0; x < imageXY->width; x++){
        for(int y = 0; y < imageXY->height; y++){
            imageXY->setPixel(x, y, sqrt(pow(imgX->getImagePixel(x, y, Border::Black), 2) +
                pow(imgY->getImagePixel(x, y, Border::Black), 2)));
        }
    }
    return imageXY;
}

```

```

}

void Image::imageMatrixRationing() { //Нормирование
    double max = *std::max_element(&matrix[0], &matrix[width * height]);
    double min = *std::min_element(&matrix[0], &matrix[width * height]);
    double diff = max - min;
    if(diff > 0){
        for(int x = 0; x < width; x++){
            for(int y = 0; y < height; y++){
                this->setPixel(x, y, (this->getImagePixel(x, y, Border::Black) - min)/diff);
            }
        }
    }
}

Image* Image::reduceImage(Border border){
    int newWidth = width/2;
    int newHeight = height/2;
    Image *reduceImage = new Image(newWidth, newHeight);

    for(int x = 0; x < newWidth; x++){
        for(int y = 0; y < newHeight; y++){
            {
                reduceImage->setPixel(x, y, getAverage(x, y, border));
            }
        }
    }

    return reduceImage;
}

double Image::getAverage(int x, int y, Border border){
    x /= 2;
    y /= 2;
    return (getImagePixel(x, y, border) + getImagePixel(x, y + 1, border) +
            getImagePixel(x + 1, y, border) + getImagePixel(x + 1, y + 1, border))/4;
}

```

## ImageModification.cpp

```

ImageModification::ImageModification(Modification modification)
{
    switch(modification){
        case Modification::SobelX:
            height = 3;
            width = 3;
            feelMatrixSobelX();
            break;
        case Modification::SobelY:
            height = 3;
            width = 3;
            feelMatrixSobelY();
            break;
        default: ;
    }
}

ImageModification::ImageModification(Modification modification, double sigma)
{
    switch(modification){
        case Modification::GaussX:
            height = 1;
            width = getDimentionRadius(sigma);
            feelGaussOneCoord(sigma);

```



```

        break;
    case Modification::GaussY:
        height = getDimentionRadius(sigma);
        width = 1;
        feelGaussOneCoord(sigma);
        break;
    default: ;
}
}

void ImageModification::feelMatrixSobelX() { // { -1, 0, 1, -2, 0, 2, -1, 0, 1 }
    matrixModification = make_unique<double []>(height * width);
    matrixModification[0] = -1;
    matrixModification[1] = 0;
    matrixModification[2] = 1;
    matrixModification[3] = -2;
    matrixModification[4] = 0;
    matrixModification[5] = 2;
    matrixModification[6] = -1;
    matrixModification[7] = 0;
    matrixModification[8] = 1;
}

void ImageModification::feelMatrixSobelY() { // { -1, -2, -1, 0, 0, 0, 1, 2, 1 }
    matrixModification = make_unique<double []>(height * width);
    matrixModification[0] = -1;
    matrixModification[1] = -2;
    matrixModification[2] = -1;
    matrixModification[3] = 0;
    matrixModification[4] = 0;
    matrixModification[5] = 0;
    matrixModification[6] = 1;
    matrixModification[7] = 2;
    matrixModification[8] = 1;
}

int ImageModification::getHeight() {
    return height;
}

int ImageModification::getWidth() {
    return width;
}

double ImageModification::getValuePixelModification(int coordX, int coordY) {
    return matrixModification[coordX + coordY * width];
}

int ImageModification::getDimentionRadius(double sigma) {
    int first = (int)(sigma * 3);
    return first * 2;
}

void ImageModification::feelGaussOneCoord(double sigma) {
    int dimention = getDimentionRadius(sigma);
    double multiplier = 1.0/(sqrt(2 * M_PI) * sigma);
    matrixModification = make_unique<double []>(dimention);

    double sum = 0;
    for(int i = 0; i < dimention; i++){
        int coord = i - dimention/2;
        double expon = pow(M_E, ((-1.0) * pow(coord, 2))/(2 * pow(sigma, 2)));
        matrixModification[i] = multiplier * expon;
    }
}

```

```

        sum += matrixModification[i];
    }

    for(int i = 0; i < dimention; i++){
        matrixModification[i]=sum;
    }
}

```

## Main.cpp

```

void MainWindow::on_pushButton_Sobel_clicked()
{
    //Собель
    ImageModification *imageModifSobX = new ImageModification(Modification::SobelX);
    Image *sobelXImg = image->modificateImage(imageModifSobX, Border::Black);

    ImageModification *imageModifSobY = new ImageModification(Modification::SobelY);
    Image *sobelYImg = image->modificateImage(imageModifSobY, Border::Black);

    Image *sobelXYImg = Image::getSobelXY(sobelXImg, sobelYImg);
    sobelXYImg->imageMatrixRationing();
    showImageAtSecondScreen(sobelXYImg->getImage());
    sobelXYImg->saveImage(filePath + "sobelXYImg");
    //Сохранение Собеля по x и по y
    sobelXImg->imageMatrixRationing();
    sobelXImg->saveImage(filePath + "sobelXImg");
    sobelYImg->imageMatrixRationing();
    sobelYImg->saveImage(filePath + "sobelYImg");
}

```