

华东师范大学软件学院课程作业

课程名称：软件质量分析
作业主题：总结软件可靠性定义
指导老师：陈仪香

年级：2023 级本科
学号：10235101526
组号：

姓名：张梓卫
作业日期：2024/10/10

目录

一 系统级软件 FMEA 的定义	1
1 定义	1
二 FMEA 的步骤	2
1 系统定义以确定分析级别和分析对象	2
2 确定分析分析对象的失效模式	2
3 分析失效模式的可能原因	2
4 分析失效影响及其严重性	3
5 制定改进措施	3
5.1 软件层面	3
5.2 硬件层面	3
5.3 FMEA 表格	3
三 选做题作业	3
四 其余笔记	6
1 系统级软件 FMEA	6
五 实施注意事项	7
1 基础内容	7
2 主要内容	7
六 参考文献	8

一 系统级软件 FMEA 的定义

1 定义

系统级软件 FMEA (Failure Modes and Effects Analysis) 通过识别软件失效模式*, 分析造成的后果, 研究分析各种失效模式产生的原因, 寻找消除和减少其有害后果的方法, 以尽早发现潜在的问题, 并采取相应的措施, 从而提高软件的可靠性和安全性。用于预防软件系统中的潜在问题, 确保系统的可靠性和安全性。常用于嵌入式领域。

FMEA 的目标是识别可能的故障源头, 评估这些故障的影响, 并在故障实际发生前采取预防或减轻措施。FMEA 通常应用于软件开发的早期阶段, 以便在设计阶段就能发现潜在的问题。

* 软件失效模式: 软件失效 (软件故障引起的, 泛指程序运行中丧失全部或部分功能) 发生的不同方式。分析它是软件 FMEA 的基础。

二 FMEA 的步骤

1 系统定义以确定分析级别和分析对象

功能：确定分析重点，说明系统主要和次要功能，

优势：根据软件系统的功能、结构特征等确定系统的分析级别，在高层较易全面分析，在低层的分析更深入。

注意：若无法全面分析，可在分析前确定分析重点，识别对系统功能和安全性影响较大的危险事件作为 FMEA 分析的重点。

2 确定分析分析对象的失效模式

功能：针对每个分析对象，参考失效模式。

举例：响应超时、输出错误。

3 分析失效模式的可能原因

功能：尽可能全面分析失效原因，为制定改进措施提供依据。

一般失效原因种，可以分为多种具体失效原因。

归类如下：

- 逻辑遗漏或执行错误
 - 遗忘细节或步骤
 - 逻辑重复
 - 忽略极限条件
 - 不必要的函数
 - 需求的错误表达
 - 未进行条件测试
 - 检查错误变量
 - 循环错误
- 算法的编码错误
 - 等式不完整或不正确
 - 丢失运算结果
 - 操作数错误
 - 括号使用错误
 - 精度损失
 - 舍入和舍去错误
 - 混合类型
 - 标记习惯不正确
- 软硬件接口失效
 - 中断句柄错误
 - I/O 时序错误
 - 时序错误导致数据丢失
 - 子函数调用不当
- 子函数调用位置错误
- 调用不存在的子函数
- 子函数不一致
- 数据错误或丢失
 - 传感器数据错误或丢失
 - 操作数据错误或丢失
 - 嵌入到表中的数据错误或丢失
 - 外部数据错误或丢失
 - 输出数据错误或丢失
 - 输入数据错误或丢失
- 数据操作错误
 - 数据初始化错误
 - 数据存取错误
 - 数据打包解包错误
 - 标志或索引设置不当
 - 变量参考错误数据
 - 数据越界
 - 变量缩放比率或单位不正确
 - 变量维度不正确
 - 变量类型错误
 - 变量下标错误
 - 数据范围不对

4 分析失效影响及其严重性

功能：分析每个失效模式对局部、高一层，直至整个系统的影响，以及失效影响的严重性，以识别软件失效所造成后果的严重程度，以便按照优先级为不同的情况制定改进措施。

5 制定改进措施

功能：根据上述分析得到的失效原因和影响的严重性，确定需要采取的改进措施。
改进方式：

5.1 软件层面

修改软件需求、设计或编码中的缺陷，增加软件的防护措施。

5.2 硬件层面

增加硬件防护措施。

5.3 FMEA 表格

进行软件 FMEA 时，应填写 FMEA 表。该表应能完整地体现分析的目的和取得成果。

编号	单元	功能	失效模式	可能的失效原因	失效影响			严酷度	改进措施
					局部影响	高一层次影响	最终影响		
1.1	输出	输出数据提交用户显示	数值高于正常范围	逻辑问题 计算问题 数据操作问题	N/A	无	任务降级	III (中等)
1.2			数值低于正常范围	逻辑问题 计算问题 数据操作问题					
1.3			输出数据没有显示	逻辑问题 计算问题 数据操作问题	N/A	无	任务中止	II或I 致命或灾难
1.4							
1.X									

三 选做题作业

构建 Jelinski-Moranda 模型

收集并处理数据

首先，处理给定的失效时间数据：

```
1 # 给定的失效时间数据（单位时间）
2 failure_times = [15, 13, 9, 10, 21, 23, 18, 22, 17, 16]
3
4 # 计算累计失效时间和总测试时间
5 cumulative_times = []
6 total_time = 0
7 for t in failure_times:
8     total_time += t
9     cumulative_times.append(total_time)
10
11 S = total_time          # 总的测试时间
12 n = len(failure_times)  # 已发生的失效次数
```

估计参数 N （初始故障总数）

Jelinski-Moranda 模型的关键是估计软件中的初始故障总数 N 。需要解以下方程：

$$\sum_{k=1}^n \frac{1}{N - (k - 1)} = \frac{n}{S}$$

由于无法直接求解，我们使用数值方法（如二分法）来估计 N ：

```
1 def equation(N, n, S):
2     left_sum = sum([1 / (N - (k - 1)) for k in range(1, n + 1)])
3     right_sum = n / S
4     return left_sum - right_sum
5
6 from scipy.optimize import root_scalar
7
8 def func(N):
9     return equation(N, n, S)
10
11 # 设置求解区间, N > n
12 sol = root_scalar(func, bracket=[n + 1, n + 1000], method='bisect')
13 N_estimated = sol.root
14 print(f"估计的 N 值为: {N_estimated}")
```

估计参数 ϕ

计算参数 ϕ ：

$$\phi = \frac{n}{\sum_{k=1}^n (N - k + 1) \cdot T_k}$$

其中， T_k 为第 k 次失效的间隔时间。

```
1 # 计算分母
2 denominator = sum([(N_estimated - k + 1) * failure_times[k - 1] for k in range(1, n + 1)])
3
4 # 计算
5 phi = n / denominator
6 print(f"估计的 phi 值为: {phi}")
```

计算第 11 次失效前的失效率 λ

$$\lambda_{n+1} = \phi \cdot (N - n)$$

```
1 lambda_11 = phi * (N_estimated - n)
2 print(f"第 11 次失效前的失效率 为: {lambda_11}")
```

计算平均失效前时间（MTTF）

$$\text{MTTF} = \frac{1}{\lambda_{n+1}}$$

```
1 MTTF = 1 / lambda_11
2 print(f"平均失效前时间 (MTTF) 为: {MTTF}")
```

计算在 MTTF 时的软件可靠度 $R(t)$

$$R(t) = e^{-\lambda_{n+1} \cdot t}$$

令 $t = \text{MTTF}$ ，则：

```
1 import math
2
3 t = MTTF
4 R_t = math.exp(-lambda_11 * t)
5 print(f"在时间 t = MTTF 时的软件可靠度 R(t) 为: {R_t}")
```

计算不可靠度 $U(t)$

$$U(t) = 1 - R(t)$$

```
1 U_t = 1 - R_t
2 print(f"在时间 t = MTTF 时的软件不可靠度 U(t) 为: {U_t}")
```

计算失效密度 $f(t)$

$$f(t) = \lambda_{n+1} \cdot e^{-\lambda_{n+1} \cdot t}$$

```
1 f_t = lambda_11 * math.exp(-lambda_11 * t)
2 print(f"在时间 t = MTTF 时的失效密度 f(t) 为: {f_t}")
```

完整代码

```
1 failure_times = [15, 13, 9, 10, 21, 23, 18, 22, 17, 16]
2 cumulative_times = []
3 total_time = 0
4 for t in failure_times:
5     total_time += t
6     cumulative_times.append(total_time)
7
8 S = total_time
9 n = len(failure_times)
10
11 def equation(N, n, S):
12     left_sum = sum([1 / (N - (k - 1)) for k in range(1, n + 1)])
13     right_sum = n / S
14     return left_sum - right_sum
15
16 from scipy.optimize import root_scalar
17
18 def func(N):
19     return equation(N, n, S)
20
21 sol = root_scalar(func, bracket=[n + 1, n + 1000], method='bisect')
22 N_estimated = sol.root
23 print(f"估计的 N 值为: {N_estimated}")
24
25 denominator = sum([(N_estimated - k + 1) * failure_times[k - 1] for k in range(1, n + 1)])
26 phi = n / denominator
27 print(f"估计的    值为: {phi}")
28
```

```
29 lambda_11 = phi * (N_estimated - n)
30 print(f"第 11 次失效前的失效率 为: {lambda_11}")
31
32 MTTF = 1 / lambda_11
33 print(f"平均失效前时间 (MTTF) 为: {MTTF}")
34
35 import math
36 t = MTTF
37 R_t = math.exp(-lambda_11 * t)
38 print(f"在时间 t = MTTF 时的软件可靠度 R(t) 为: {R_t}")
39
40 U_t = 1 - R_t
41 print(f"在时间 t = MTTF 时的软件不可靠度 U(t) 为: {U_t}")
42
43 f_t = lambda_11 * math.exp(-lambda_11 * t)
44 print(f"在时间 t = MTTF 时的失效密度 f(t) 为: {f_t}")
```

运行结果

估计的 N 值为: 169.00000000000006
估计的 ϕ 值为: 0.0003717857830703583
第 11 次失效前的失效率 为: 0.05918594751117227
平均失效前时间 (MTTF) 为: 16.889800000000006
在时间 $t = \text{MTTF}$ 时的软件可靠度 $R(t)$ 为: 0.3678794411714422
在时间 $t = \text{MTTF}$ 时的软件不可靠度 $U(t)$ 为: 0.6321205588285578
在时间 $t = \text{MTTF}$ 时的失效密度 $f(t)$ 为: 0.02186010370865581

结论

- 软件可靠度 $R(t)$: 在第 11 次失效发生的平均时间 (MTTF) 时, 软件可靠度约为 **0.3679**。
- 不可靠度 $U(t)$: 在同一时间点, 软件不可靠度约为 **0.6321**。
- 失效密度 $f(t)$: 在 MTTF 时的失效密度约为 **0.02186**。
- 平均失效前时间 (MTTF): 约为 **16.89** 时间单位。

四 其余笔记

1 系统级软件 FMEA

在软件开发阶段的早期, 用于发现软件需求或软件体系结构等存在的缺陷。主要分析对象: 软件需求分析阶段的软件功能或设计阶段的软件部件

失效模式 (9 种):

- (1) 操作系统挂起
- (2) 程序挂起
- (3) 程序失败: 程序不能启动; 程序运行不能终止; 程序不能退出
- (4) 输入问题: 错误输入被接受; 正确输入被拒绝; 描述不正确或遗漏; 参数不正确或遗漏
- (5) 输出问题: 错误的格式; 不正确的结果或数据; 不完全或遗漏; 拼写问题、语法问题
- (6) 未达到要求的性能: 错误的格式; 不正确的结果或数据; 不完全或遗漏; 拼写问题、语法问题
- (7) 发现整个产品失败

- (8) 系统错误信
- (9) 其他：程序运行改变了系统配置参数；程序运行改变了其他程序的运行结果数据

软件失效模式分为两类：通用失效模式和详细失效模式。

详细失效模式是对通用失效模式的细化，又分为五子类：输入失效、输出失效、程序失效、未满足功能及性能要求失效、其他类型。

软件失效模式示例

• 软件通用失效模式

- 运行时不符合要求
- 输入不符合要求
- 输出不符合要求

• 软件详细失效模式

– 输入失效

- * 未收到输入
- * 收到错误输入
- * 收到数据轻微超差
- * 收到数据中度超差
- * 收到数据严重超差
- * 收到参数不完全或遗漏
- * 其他

– 输出失效

- * 输出结果错误（如输出项缺损或多余等）
- * 输出数据精度轻微超差
- * 输出数据精度中度超差
- * 输出数据精度严重超差
- * 输出参数不完全或遗漏
- * 输出格式错误
- * 输出打印字符不符合要求
- * 输出拼写/语法错误

* 其他

– 程序失效

- * 程序无法启动
- * 程序运行中断
- * 程序无法终止
- * 程序无法退出
- * 程序陷入死循环
- * 程序运行影响其他单元或环境
- * 程序轻微超时
- * 程序明显超时
- * 程序严重超时
- * 其他

– 其他失效

- * 程序改变配置无法启动
- * 程序改变其他程序数据
- * 操作系统错误
- * 硬件错误
- * 整个系统错误
- * 人为操作错误
- * 接口失效
- * I/O 定时不准致数据丢失
- * 维护不合理
- * 其他

五 实施注意事项

1 基础内容

1. 软件 FMEA 的应用重点在软件开发过程的早期，找出可能存在的与功能和性能相关的缺陷，以尽早完善需求分析与概要设计。2. 根据分析阶段和级别不同分为系统级和详细级。

2 主要内容

1. 软件失效模式是软件 FMEA 的基础。失效模式的分析是否全面合理决定了软件 FMEA 的分析效果，是整个分析过程中最为关键的一步。

2. 软件失效原因是由于软件缺陷在运行时被触发而产生的。对软件 FMEA 失效原因分析就是要找出潜在的软件缺陷。

3. 失效影响既可对每一个软件失效模式造成的“局部、高层次和最终”三级影响进行分析，又可对“具备、高层次”的影响进行分析，或直接对“局部、最终”影响进行分析。

4. 分析对象既可以是软件功能模块、软件部件，又可以是底层的软件单元

六 参考文献

- <https://arxiv.org/pdf/1108.5185>
- J-M 模型的计算机实现: [<https://www.wdfxw.net/doc20562618.htm>]