

Задача 1. Длинная арифметика

Дедлайн: 23.03.2020 09:00 мск

В этой задаче разрешается подключать `<iostream>`, `<vector>` и `<string>` и только их.

Часть 1

Напишите класс `BigInteger` для работы с длинными целыми числами. Должны поддерживаться операции:

- сложение, вычитание, умножение, деление, остаток по модулю, работающие так же, как и для `int`; составное присваивание с этими операциями. Умножение должно работать **за $O(n^2)$** .
- унарный минус, префиксный и постфиксный инкремент и декремент. Префиксный инкремент и декремент должны работать за $O(1)$ в среднем.
- операторы сравнения `==` `!=` `<` `>` `<=` `>=`.
- вывод в поток и ввод из потока;
- метод `toString()`, возвращающий строковое представление числа;
- конструирование из `int` (в том числе неявное преобразование, когда это надо);
- преобразование в `bool`, когда это надо (должно работать в условных выражениях).
- опционально - литеральный суффикс `bi` для написания литералов типа `BigInteger`, см. справку здесь

https://en.cppreference.com/w/cpp/language/user_literal

В вашем файле должна отсутствовать функция `main()`, а сам файл должен называться `biginteger.h`. Ваш код будет вставлен посредством `#include` в программу, содержащую тесты.

Часть 2

Используя класс `BigInteger`, напишите класс `Rational` для работы с рациональными числами сколь угодно высокой точности. Числа `Rational` должны представляться в виде несократимых обыкновенных дробей, где числитель и знаменатель – сколь угодно длинные целые числа. Должны поддерживаться операции:

- конструктор из `BigInteger`, из `int`;
- сложение, вычитание, умножение, деление, составное присваивание с этими операциями; унарный минус;
- операторы сравнения `==` `!=` `<` `>` `<=` `>=`
- метод `toString()`, возвращающий строковое представление числа (вида [минус]числитель/знаменатель), где числитель и знаменатель - взаимно простые числа; если число на самом деле целое, то знаменатель выводить не надо;
- метод `asDecimal(size_t precision=0)`, возвращающий строковое представление числа в виде десятичной дроби с `precision` знаками после запятой;
- оператор приведения к `double`.

В вашем файле должна отсутствовать функция `main()`, а сам файл должен называться `rational.h`. Ваш код будет вставлен посредством `#include` в программу, содержащую тесты.

Задача 2. Геометрия

Напишите иерархию классов для работы с геометрическими фигурами на плоскости.

- Структура Point - точка на плоскости. Точку можно задать двумя числами типа double. Должны быть открыты поля x и y. Точки можно сравнивать операторами == и !=.
- Класс Line - прямая. Прямую можно задать двумя точками, можно двумя числами (угловой коэффициент и сдвиг), можно точкой и числом (угловой коэффициент). Линии можно сравнивать операторами == и !=.
- Абстрактный класс Shape - фигура.
- Класс Polygon - многоугольник. Многоугольник - частный случай фигуры. У многоугольника можно спросить verticesCount() - количество вершин - и std::vector<Point> getVertices - сами вершины без возможности изменения. Можно спросить isConvex() - выпуклый ли. Можно сконструировать многоугольник из вектора точек-вершин в порядке обхода. Можно сконструировать многоугольник из точек, передаваемых в качестве параметров через запятую (т.е. не указанное число аргументов). Для простоты будем считать, что многоугольники с самопересечениями никогда не возникают (гарантируется, что в тестах таковые будут отсутствовать).
- Класс Ellipse - эллипс. Эллипс - частный случай фигуры. У эллипса можно спросить std::pair<Point,Point> focuses() - его фокусы; std::pair<Line, Line> directrices() - пару его директрис; double eccentricity() - его эксцентриситет, Point center() - его центр. Эллипс можно сконструировать из двух точек и double (два фокуса и сумма расстояний от эллипса до них);
- Класс Circle - круг. Круг - частный случай эллипса. У круга можно спросить double radius() - радиус. Круг можно задать точкой и числом (центр и радиус).
- Класс Rectangle - прямоугольник. Прямоугольник - частный случай многоугольника. У прямоугольника можно спросить Point center() - его центр; std::pair<Line, Line> diagonals() - пару его диагоналей. Прямоугольник можно сконструировать по двум точкам (его противоположным вершинам) и числу (отношению смежных сторон), причем из двух таких прямоугольников выбирается тот, у которого более короткая сторона расположена по левую сторону от диагонали, если смотреть от первой заданной точки в направлении второй.
- Класс Square - квадрат. Квадрат - частный случай прямоугольника. У квадрата можно спросить Circle circumscribedCircle(), Circle inscribedCircle(). Квадрат можно задать двумя точками - противоположными вершинами.
- Класс Triangle - треугольник. Треугольник - частный случай многоугольника. У треугольника можно спросить Circle circumscribedCircle(), Circle inscribedCircle(),

Point centroid() - его центр масс, Point orthocenter() - его ортоцентр, Line EulerLine() - его прямую Эйлера, Circle ninePointsCircle() - его окружность Эйлера.

У любой фигуры можно спросить:

- double perimeter() - периметр;
- double area() - площадь;
- operator==(const Shape& another) - совпадает ли эта фигура с другой;
- isCongruentTo(const Shape& another) - равна ли эта фигура другой в геометрическом смысле;
- isSimilarTo(const Shape& another) - подобна ли эта фигура другой;
- containsPoint(Point point) - находится ли точка внутри фигуры.

С любой фигурой можно сделать:

- rotate(Point center, double angle) - поворот на угол (в градусах, против часовой стрелки) относительно точки;
- reflex(Point center) - симметрию относительно точки;
- reflex(Line axis) - симметрию относительно прямой;
- scale(Point center, double coefficient) - гомотетию с коэффициентом coefficient и центром center.

В вашем файле должна отсутствовать функция main(), а сам файл должен называться geometry.h. В качестве компилятора необходимо выбирать Make. Ваш код будет вставлен посредством #include в программу, содержащую тесты.

Задача 3. List

В этой задаче вам предлагается реализовать полноценный STL-подобный контейнер (упрощенный относительно настоящего STL, разумеется, но приближенный к нему).

Напишите шаблонный класс List<T> - двусвязный список. Нужно правильно поддерживать move-семантику, а также итераторы. (Для знатоков: аллокаторы поддерживать не надо.)

Должно быть реализовано следующее:

- Конструкторы: List() - пустой лист; List(size_t count, const T& value = T()) - лист из count элементов, изначально равных value каждый.
- Конструктор копирования, конструктор перемещения, деструктор, копирующий и перемещающий операторы присваивания;
- Метод size(), работающий за O(1);
- Методы front() и back(), позволяющие получить ссылку на начальный и конечный элемент листа соответственно;
- Метод clear(), который опустошает лист, и метод empty(), проверяющий, является ли лист пустым;

- Двухнаправленные итераторы, как константные, так и неконстантные, а также reverse-итераторы. При этом нужно не допустить копипасты всего кода итераторов; о том, как этого добиться, см. например здесь <https://stackoverflow.com/questions/2150192/how-to-avoid-code-duplication-implementing-const-and-non-const-iterators> Reverse-итераторы можно поддерживать с помощью `std::reverse_iterator`.
- Методы `begin()`, `end()`, `cbegin()` и `send()`, реализованные так, чтобы корректно работал код `for (const auto& value : lst)` для обхода вашего контейнера.
- Методы `insert(const_iterator it, const T&)` и `insert(const_iterator it, T&&)` для вставки элементов в контейнер по итератору, а также `insert(const_iterator it, InputIter first, InputIter last)` для вставки диапазона.
- Метод `erase` по итератору, а также `erase` от диапазона итераторов.
- Методы `push_back`, `pop_back`, `push_front` и `pop_front`. Разумеется, методы `push_back` и `pop_back` должны корректно обрабатывать как `rvalue`, так и `lvalue`.
- Методы `emplace`, `emplace_front` и `emplace_back`, позволяющие сконструировать и вставить по итератору элемент типа `T` из переданных аргументов, не вызывая для `T` ни конструктор копирования, ни `move`-конструктор.
- Метод `reverse`, разворачивающий лист в обратном порядке. Время работы $O(n)$.
- Метод `unique`, который удаляет из контейнера все последовательные дубликаты, то есть все такие элементы `x`, что `x` равен предыдущему элементу листа. (См. документацию `std::unique` для лучшего понимания.) Метод `sort`, так уж и быть, реализовывать не надо.

Вставка в любое место и удаление из любого места одного элемента должны работать за гарантированное $O(1)$ относительно количества элементов. Итераторы на имеющиеся в листе элементы должны не инвалидироваться после любой вставки и после удаления, если это удаление не затрагивает элемент под данным итератором. Для создания листа из элементов типа `T` тип `T` не обязан иметь ни конструктор по умолчанию, ни копирующий конструктор. Наличие лишь конструктора перемещения у `T` должно быть достаточно, чтобы использовать этот тип в контейнере.

В вашем файле должна отсутствовать функция `main()`, а сам файл должен называться `list.h`. Никакими стандартными контейнерами в своем коде пользоваться нельзя. Ваш код будет вставлен посредством `#include` в программу, содержащую тесты.

Задача 4. Tuple

В этой задаче вам предлагается освоить продвинутое использование шаблонов, в том числе шаблоны с переменным количеством параметров и некоторые `compile-time` вычисляемые фичи на шаблонах.

Напишите шаблонный класс с переменным количеством аргументов - Tuple (кортеж), обобщение класса `std::pair`, простенький аналог `std::tuple` из C++11.

Класс должен обладать следующим набором методов:

- Конструктор по умолчанию, который инициализирует все элементы кортежа значениями по умолчанию;
- Конструктор из набора аргументов, являющихся `const lvalue`-ссылками;
- Конструктор из набора аргументов, являющихся универсальными ссылками;
- Конструкторы копирования и перемещения, операторы присваивания (`copy` и `move`), деструктор;
- Метод `swap`, меняющий местами значения двух кортежей при условии, что у них одинаковые наборы шаблонных аргументов.

Помимо этого, нужно реализовать функции, не являющиеся членами класса:

- Функция `makeTuple`, создающая новый Tuple с нужными типами по данному набору аргументов-объектов.
- Функция `get` с шаблонным параметром `size_t i`, которая принимает tuple и возвращает ссылку на *i*-й элемент кортежа. Причем ссылка должна быть того же вида, что была и ссылка на принятый tuple (`lvalue`, `const lvalue` или `rvalue`).
- Функция `get` с шаблонным параметром `T`, которая принимает tuple и возвращает ссылку на тот элемент кортежа, который имеет тип `T`. Причем ссылка должна быть того же вида, что была и ссылка на принятый tuple (`lvalue`, `const lvalue` или `rvalue`). Если в кортеже несколько элементов типа `T`, никаких требований на поведение функции не налагается (можно выдавать ошибку компиляции, можно не выдавать и делать что угодно на этапе выполнения).
- Функция `tupleCat`, которая возвращает кортеж, являющийся конкатенацией нескольких кортежей, переданных в качестве аргументов.
- Операторы сравнения для Tuple, сравнивающие кортежи лексикографически.

В вашем файле должна отсутствовать функция `main()`, а сам файл должен называться `tuple.h`. Ваш код будет вставлен посредством `#include` в программу, содержащую тесты.