

# 人工知能 2 A\*アルゴリズム

5CS56  
安田大輝

1. アルゴリズムの説明

- 概要は図1 参照のこと。各処理の詳細は各段落にて説明を行う。

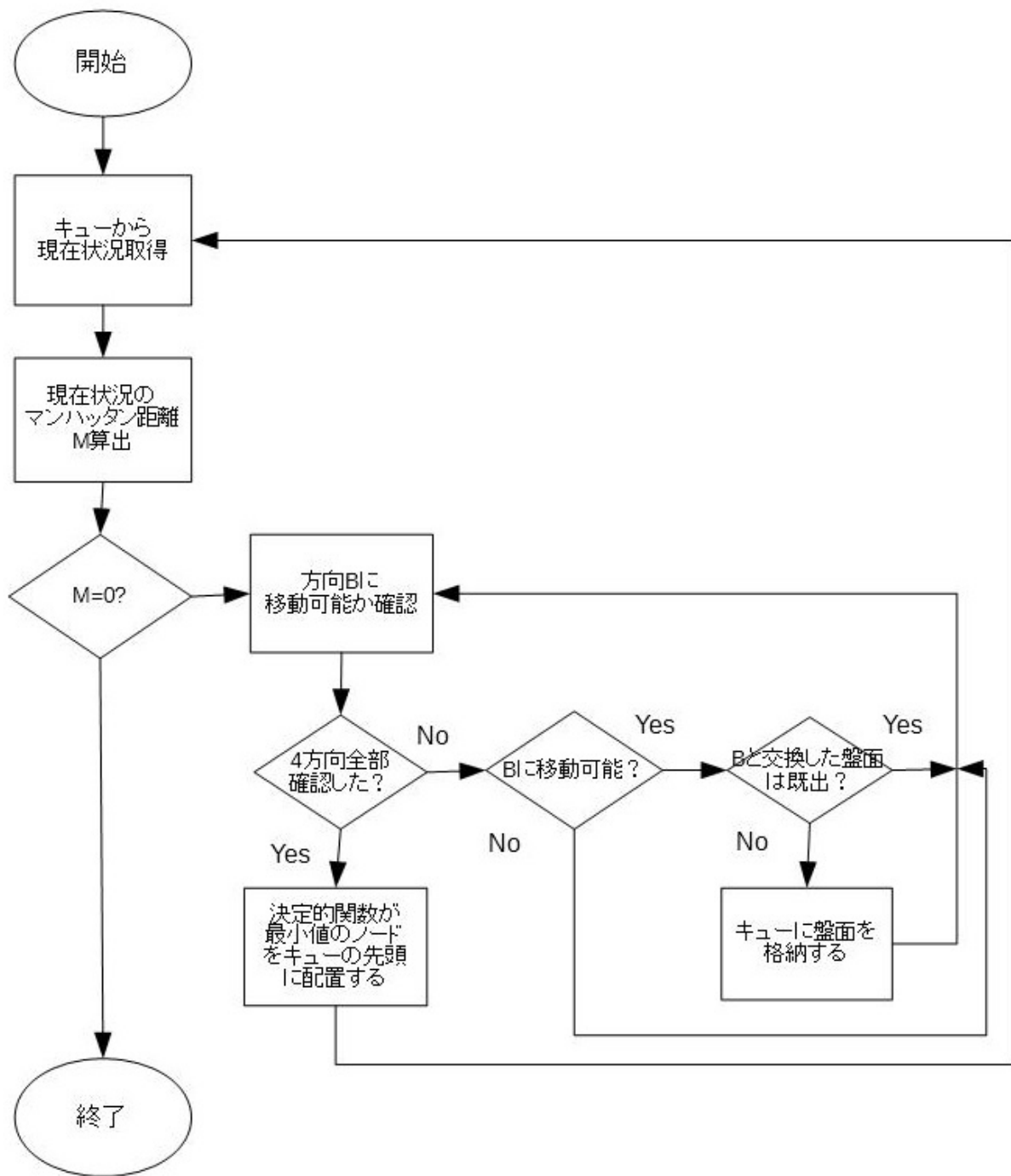


図1：8パズルの最短経路探索アルゴリズム

2. キューから現在状況取得

- 優先順位付きキューを用いて、現在状況を取得する。この場合の優先順位基準は決定的関数、即ちマンハッタン距離（以下M）＋移動回数（以下C）である。
3. 現在状況のM算出
- 予め宣言しておいた各距離を総和する。もしMが0ならば、ゴール状態と一致していることとなる。
4. 方向Bに移動確認か確認
- 今回の場合、移動する方向は上下左右の計4方向である。これを移動用の変数に入れることで盤面の変更を行う。
5. キューに盤面を格納する

- ・ B 方向と交換した盤面が既出でないならば、その盤面・決定的関数をキューに入れる。
- 6. 決定的関数が最小値のノードをキューの先頭に配置する
- ・ 優先順位付きキュー内部を決定的変数を基準にしてソートし直す。結果最小コストを持ったノードが先頭となり、これを繰り返す。
- 7. ソースコード

スコードは図 2 参照のこと。

```
#include<cstdio>
#include<iostream>
#include<cmath>
#include<map>
#include<queue>

using namespace std;

#define N (3)
#define N2 (9)
#define MBAN (30);

//移動方向の設定
static const int dx[4] = { 0, -1, 0, 1 };
static const int dy[4] = { 1, 0, -1, 0 };
static const char dir[4] = { 'r', 'u', 'l', 'd' };
static const int question[N2] = {
    8, 1, 5,
    2, 0, 4,
    6, 3, 7
};

//マンハッタン距離一覧
int man_d[N2][N2];

//パズル本体
struct Puzzle {
    int f[N2], space, man;
    int cost;

    bool operator<(const Puzzle &p)const {
        for (int i = 0; i < N2; i++) {
            if (f[i] == p.f[i])continue;
            return f[i] < p.f[i];
        }
        return false;
    }
};

//ガワ 総コストも用意
struct State {
    Puzzle puzzle;
    int estimated;
    bool operator<(const State &s)const {
        return estimated > s.estimated;
    }
};

//書き出し用
vector<State> ban(30);

//マンハッタン距離算出
//いちいち abs やるの面倒なので一覧から取得
int GetManhattan(Puzzle pz) {
    int sum = 0;
    for (int i = 0; i < N2; i++) {
        if (pz.f[i] == N2) {
            continue;
        }
        sum += man_d[i][pz.f[i] - 1];
    }
}
```

```

        return sum;
    }

//表示、ファイル書きこみ
void Write(int count){
    FILE *fp, *fp2, *fp3; //fpは推移、fp2はコストとマンハッタン距離
    fopen_s(&fp, "Puzzle.txt", "w");
    fopen_s(&fp2, "Cost.txt", "w");
    fopen_s(&fp3, "Man.txt", "w");
    for (int i = 0; i <= count; i++){
        for (int j = 0; j < N2; j++){
            printf("%d ", ban[i].puzzle.f[j]);
            fprintf(fp, "%d ", ban[i].puzzle.f[j]);
            if (j == 2) printf(" cost:%d", ban[i].puzzle.cost);
            if (j == 5) printf(" dist:%d", ban[i].puzzle.man);
            if (j % N == N - 1) {
                printf("\n");
                fprintf(fp, "\n");
            }
        }
        printf("\n");
        fprintf(fp, "\n");
        fprintf(fp2, "%d,%d\n", ban[i].puzzle.cost, ban[i].estimated);
        fprintf(fp3, "%d,%d\n", ban[i].puzzle.cost, ban[i].puzzle.man);
    }
    fclose(fp);
    fclose(fp2);
    fclose(fp3);
}

bool Answer(Puzzle p){
    return
        p.f[0] == 1 &&
        p.f[1] == 2 &&
        p.f[2] == 3 &&
        p.f[3] == 4 &&
        p.f[4] == 5 &&
        p.f[5] == 6 &&
        p.f[6] == 7 &&
        p.f[7] == 8 &&
        p.f[8] == 9;
}

//本体
int Astar(Puzzle s) {
    //初期宣言
    priority_queue<State> PQ;
    s.man = GetManhattan(s);
    s.cost = 0;
    map<Puzzle, bool> V;
    Puzzle u, v, temp;
    //初期値作成
    State init;
    init.puzzle = s;
    init.estimated = GetManhattan(s);
    PQ.push(init);

    ban[init.puzzle.cost] = init;

    while (!PQ.empty()) {
        //先頭取り出し
        State st = PQ.top(); PQ.pop();

        u = st.puzzle;

        //マンハッタン算出
        if (u.man == 0) {
            ban[st.puzzle.cost] = st;
            return u.cost;
        }
    }
}

```

```

    }
    V[u] = true;

    //Write(u);

    //座標取得
    int sx = u.space / N;
    int sy = u.space % N;

    for (int r = 0; r < 4; r++) {
        //各方向と交換
        int tx = sx + dx[r];
        int ty = sy + dy[r];
        if (tx < 0 || ty < 0 || tx >= N || ty >= N) continue;
        v = u;
        v.man -= man_d[tx * N + ty][v.f[tx * N + ty] - 1];
        v.man += man_d[sx * N + sy][v.f[tx * N + ty] - 1];

        //座標交換
        swap(v.f[sx * N + sy], v.f[tx * N + ty]);

        v.space = tx * N + ty;
        //既出か否か
        if (!V[v]) {
            //交換後の盤面をキューにシュウウーッ！
            v.cost++;
            State news;
            news.puzzle = v;
            news.estimated = v.cost + v.man;
            PQ.push(news);
            ban[news.puzzle.cost] = news;
        }
    }
}
return -1;
}

int main() {
    //マンハッタン距離をねじ込む
    for (int i = 0; i < N2; i++)
        for (int j = 0; j < N2; j++)
            man_d[i][j] = abs(i / N - j / N) + abs(i % N - j % N);

    //初期配置
    Puzzle in;

    /*
    for (int i = 0; i < N2; i++) {
        cin >> in.f[i];
        if (in.f[i] == 0) {
            in.f[i] = N2;
            in.space = i;
        }
    }
    */
    //初期宣言
    in.f[0] = 8; in.f[1] = 1; in.f[2] = 5;
    in.f[3] = 2; in.f[4] = 0; in.f[5] = 4;
    in.f[6] = 6; in.f[7] = 3; in.f[8] = 7;
    for (int i = 0; i < N2; i++) {
        if (i % 3 == 0) printf("%n");
        if (in.f[i] == 0) {
            in.f[i] = N2;
            in.space = i;
        }
        printf("%d ", in.f[i]);
    }
    printf("%n\n");

    int n = Astar(in);

```

```
Write(n);

//getchar();
return 0;
}
```

図2：ソースコード

8. 実行結果
9. 実行環境は以下のとおりである。
  - OS:Windows10
  - CPU:Intel core i5 1.7GHz
  - RAM:8GB
  - 盤面の移動結果
1. 移動結果の一部は図3を参照のこと。

1	2	3
7	9	5
8	4	6

1	2	3
9	4	7
8	5	6

1	2	3
7	4	5
9	8	6

1	2	3
9	4	5
7	8	6

9	2	3
1	4	5
7	8	6

1	2	3
4	8	5
7	9	6

1	2	3
4	5	6
7	8	9

図3：パズル移動の一部

パズル実行結果の一部に、一気に移動している部分があった。この部分は、それ以前のコストで行き止まりとなった結果、別の盤面から移動してきた結果と思われる。この点は課題の一つである。

10. 決定的関数の推移
  - 決定的関数およびマンハッタン距離の推移は図4を参照のこと。

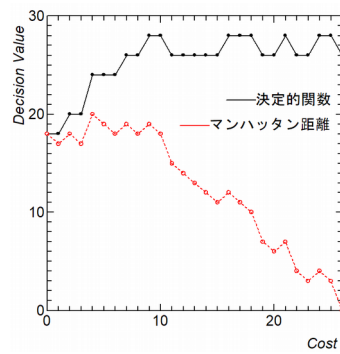


図4：移動コストと決定的関数・マンハッタン距離の推移

- 発的関数は2刻みに変動しており、最終的には26~28に収束している。
    - 一方、マンハッタン距離は所どころ上昇しているものの、徐々に0に収束していることがわかる。
1. 参考文献
- プログラミングコンテスト攻略のためのアルゴリズムとデータ構造 著：渡部有隆 2015年 マイナビ社