

## 1 アルゴリズムの説明

このプログラムは A\*アルゴリズムを用いた深さ優先探索を行なっている．以下にフローチャートを示す．

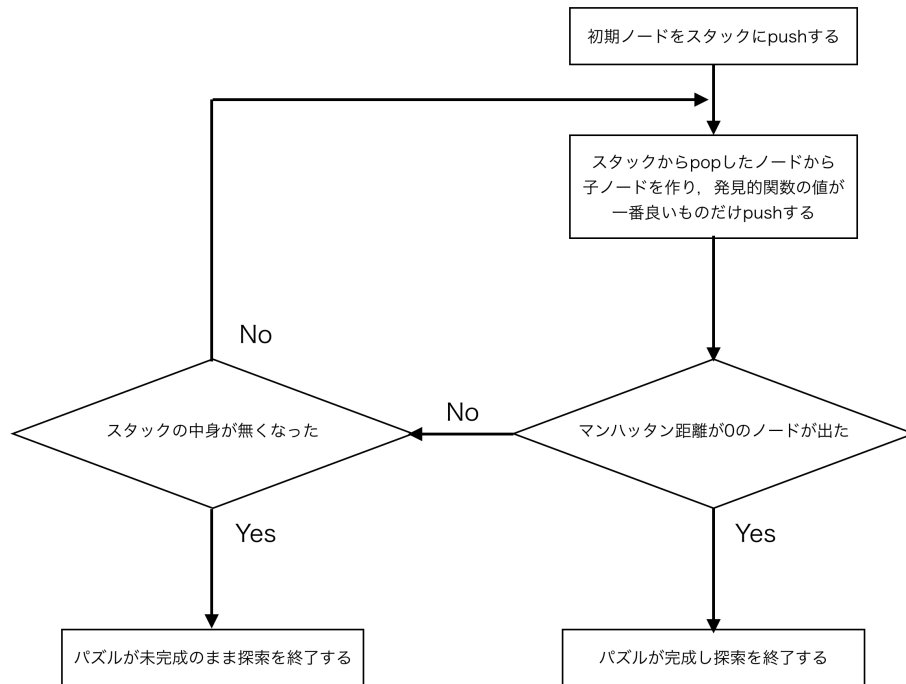


図1 フローチャート

探索をするにあたり，1つのパズルの状態とマンハッタン距離の総和，木構造での深さ，正しい状態であるかどうか，操作手順の5つの情報をまとめてノードと表した．そのノードをデータ構造であるスタックに push することにより探索を進める．また，このプログラムでは空白マス を 9 として扱う．

そのまま探索を進めるとノードの数が莫大になってしまうため，これらの枝刈りを行なった．

- 過去に探索した状態を保持し，同じ状態のノードは push しない．
- 一つのノードから得られる子ノードは発見的関数の値の良いものののみ push する．同じ値が複数ある場合はそれぞれ push する．
- 発見的関数の値を 28 までとし，それ以上の値をもつノードは push しない．
- 親ノードで行なった操作を元に戻す動作をするノードは正しくない状態とする．

特に発見的関数の値に上限を持たせることにより解にたどり着く探索回数が大幅に少なくなった．

## 2 ソースコード

以下に C# で書かれたソースコードを示す.

```
1 using System;
2 using System.Collections.Generic;
3 using System.Linq;
4 using System.IO;
5
6 namespace A_Star
7 {
8     class MainClass
9     {
10         public struct Node//ノード構造体
11         {
12             public int[,] Table;//パズルの盤面
13             public int Manhattan_Cost;//マンハッタンコスト
14             public int Deep_Cost;//深さ
15             public bool Current_node;//ノードが正しいかどうか
16             public string Operation;//操作手順:u(上)r(右)d(下)l(左)
17
18             public Node(int[,] _Table,int _Manhattan_Cost,int _Deep_Cost,
19                 bool _Current_node,string _Operation)
20             {
21                 Table = _Table;
22                 Manhattan_Cost = _Manhattan_Cost;
23                 Deep_Cost = _Deep_Cost;
24                 Current_node = _Current_node;
25                 Operation = _Operation;
26             }
27         }
28         public static void Main(string[] args)
29         {
30             System.Diagnostics.Stopwatch sw = new System.Diagnostics.Stopwatch();//時間
31             計測
32             sw.Start();//時間計測スタート
33             Node data = new Node();//初期データ用ノード
34
35             data.Table = new int[3, 3] { { 8, 1, 5 }, { 2, 9, 4 }, { 6, 3, 7 } };//初期
36             状態, 空白パネルは9とする
37
38             List<int[,]> All_scene = new List<int[,]>();//全ての盤面を格納するリスト
39
40             for (int i = 0; i < 3;i++)//
41             {
42                 for (int j = 0; j < 3;j++)
43                 {
44                     Console.WriteLine("(" + (i + 1) + " ," + (j + 1) + ") " +
45                         " Value = " + data.Table[i,j] + " Cost = " +
46                             Manhattan(j + 1, i + 1, data.Table[i, j]));
47                     data.Manhattan_Cost += Manhattan(j + 1, i + 1, data.Table[i, j]);
48                     //初期ノードにマンハッタン距離を
49                     加算
50                 }
51             }
52             Console.WriteLine("コストの総和 : " + data.Manhattan_Cost);
53
54             Console.WriteLine("コストのTotal :"+ Total_Manhattan(data.Table));
55
56             data.Deep_Cost = 0;//初期の深さ
57         }
58     }
59 }
```

```

52 All_scene.Add(data.Table); //初期の場面を記録
53
54 Stack<Node> nodes = new Stack<Node>(); //深さ優先探索をするために
    stackを用意する
55 nodes.Push(data); //根をstackに追加
56
57 Node currentnode = new Node();
58 currentnode.Table = new int[3, 3];
59
60 int Genetic_count = 0;
61 using (StreamWriter w = new StreamWriter(@"./output.txt"), graph = new
    StreamWriter(@"./graph.txt"))
62 {
63     while (nodes.Count() != 0) //探索開始～スタックが空になるまで
64     {
65         currentnode = Copy_node(nodes.Pop()); //現在のノードにスタックからポップし
            コピー
66
67         List<Node> nextnode = new List<Node>(); //
            currentnodeからできる子ノードの格納リスト
68
69         int bestcost = int.MaxValue;
70
71         for (int i = 0; i < 4; i++) //親ノードから生まれる子は最大4つ
72         {
73             nextnode.Add(GetNextNode(currentnode, i)); //子ノードを取得
74             if (nextnode[i].Correct_node == false) //正しくない操作は弾く
75                 continue;
76
77             if (isMatchScene(All_scene, nextnode[i].Table)) //過去に同じ盤面が
                あった場合弾く
78                 continue;
79
80             if (bestcost > nextnode[i].Manhattan_Cost + nextnode[i].
                Deep_Cost) //最良の発見的関数を
                取得
81                 bestcost = nextnode[i].
                    Manhattan_Cost + nextnode[
                        i].Deep_Cost;
82
83             if (nextnode[i].Manhattan_Cost == 0) //完成した時
84             {
85                 currentnode = Copy_node(nextnode[i]); //現在のノードに完成ノードを
                    コピー
86                 Console.WriteLine("Exitloop");
87                 goto exitloop; //2重ループを抜ける
88             }
89         }
90         foreach (var push_node in nextnode) //得られた子ノードをstackにプッシュ
91         {
92             if (push_node.Manhattan_Cost + push_node.Deep_Cost != bestcost
                ) //いいやつだけ
                push
93                 continue;
94
95             if (push_node.Deep_Cost + Total_Manhattan(push_node.Table) >
                28) //発見的関数の値を
                28までで制限する
96                 continue;
97
98             All_scene.Add(push_node.Table); //スタックにプッシュする盤面を記録する
99
100             nodes.Push(push_node); //プッシュ
101             Console.WriteLine("発見的関数の値 : " + (push_node.Deep_Cost +

```

```

        Total_Manhattan(push_node.Table));
102     w.WriteLine("発見的関数の値 : " + (push_node.Deep_Cost +
        Total_Manhattan(push_node.Table)));
103     Console.WriteLine("Deep : " + push_node.Deep_Cost);
104     Console.WriteLine("Manhattan" + Total_Manhattan(push_node.
        Table));
105     Console.WriteLine(push_node.Operation);
106     Genetic_count++;
107     graph.WriteLine(Genetic_count + " " + (push_node.Deep_Cost +
        Total_Manhattan(push_node.Table))); //深さ
        マンハッタン
108     for (int i = 0; i < 3; i++)
109     {
110         for (int j = 0; j < 3; j++)
111         {
112             Console.Write(push_node.Table[i, j] + " ");
113             w.Write(push_node.Table[i, j] + " ");
114         }
115         Console.WriteLine();
116         w.WriteLine();
117     }
118     Console.WriteLine();
119     Console.WriteLine();
120     w.WriteLine();
121     w.WriteLine();
122 }
123
124 }
125 exitloop;;
126 Console.WriteLine();
127 Console.WriteLine();
128 Console.WriteLine("初期盤面");
129 for (int i = 0; i < 3; i++)
130 {
131     for (int j = 0; j < 3; j++)
132     {
133         Console.Write(data.Table[i, j] + " ");
134     }
135     Console.WriteLine();
136 }
137 Console.WriteLine("最後のマンハッタン距離 = " + currentnode.Manhattan_Cost);
138 Console.WriteLine("発見的関数の値 : " + (currentnode.Deep_Cost +
        Total_Manhattan(currentnode.Table)));
139 w.WriteLine("最終発見的関数の値 : " + (currentnode.Deep_Cost +
        Total_Manhattan(currentnode.Table)));
140 Console.WriteLine("Deep : " + currentnode.Deep_Cost);
141 Console.WriteLine("Manhattan" + Total_Manhattan(currentnode.Table));
142 Console.WriteLine("操作手順 " + currentnode.Operation);
143 Console.WriteLine("最終盤面");
144 w.WriteLine("操作手順 " + currentnode.Operation);
145 for (int i = 0; i < 3; i++)
146 {
147     for (int j = 0; j < 3; j++)
148     {
149         Console.Write(currentnode.Table[i, j] + " ");
150         w.Write(currentnode.Table[i, j] + " ");
151     }
152     Console.WriteLine();
153     w.WriteLine();
154 }
155 sw.Stop();
156 Console.WriteLine(sw.Elapsed);

```

```

157     }
158 }
159
160 public static Node GetNextNode(Node currentNode,int direction)
161 {
162     Node nextnode = new Node();
163     nextnode.Table = new int[3, 3];
164     nextnode.Current_node = true;
165     for (int i = 0; i < 3; i++)
166     {
167         for (int j = 0; j < 3; j++)
168         {
169             nextnode.Table[i, j] = currentNode.Table[i, j
170                                     ]; // 盤面だけコ
171                                     }
172                                     }
173     nextnode.Operation = currentNode.Operation; // 操作手順のコピー
174
175     int[] Empty_position = Find_9(currentNode.Table); // 空白パネルの座標の取得
176
177     switch(direction) // 空白パネルとその上下左右の向き(direction)のパネルの入れ替え操作
178     {
179         case 0: // 上
180             if (Empty_position[0] == 0) // 上を選択すると範囲外になってしまうので正しくない
181                 ノードとする
182             {
183                 nextnode.Current_node = false;
184                 return nextnode;
185             }
186             try
187             {
188                 if (nextnode.Operation.Substring(nextnode.Operation.Length -
189                     1) == "d") // 手順のループを
190                     防ぐ
191                 {
192                     nextnode.Current_node = false;
193                     return nextnode;
194                 }
195             }
196             catch(System.NullReferenceException) // 操作手順がないとエラーを吐いてしまう
197             {
198             }
199             // 入れ替えと操作手順の追加
200             nextnode.Table[Empty_position[0], Empty_position[1]] = nextnode.
201                 Table[Empty_position[0] - 1, Empty_position[1]];
202             nextnode.Table[Empty_position[0] - 1, Empty_position[1]] = 9;
203             nextnode.Operation += "u";
204             break;
205
206         case 1: // 右
207             if (Empty_position[1] == 2) // 右を選択すると範囲外になってしまうので正しくない
208                 ノードとする
209             {
210                 nextnode.Current_node = false;
211                 return nextnode;
212             }
213             try
214             {
215                 if (nextnode.Operation.Substring(
216                     nextnode.Operation.Length - 1) ==
217                     "l") // 手順のループを
218                     防ぐ

```

```

210                                     {
211                     nextnode.Current_node = false;
212                                     return nextnode;
213                                     }
214                                     }
215                     catch (System.NullReferenceException)
216                     {
217                     }
218     nextnode.Table[Empty_position[0], Empty_position[1]] = nextnode.
        Table[Empty_position[0], Empty_position[1] + 1];
219     nextnode.Table[Empty_position[0], Empty_position[1] + 1] = 9;
220     nextnode.Operation += "r";
221     break;
222
223     case 2://下
224     if (Empty_position[0] + 1 == 3)//下を選択すると範囲外となってしまうので正しくな
        いノードとする
225         {
226             nextnode.Current_node = false;
227             return nextnode;
228         }
229         try
230         {
231             if (nextnode.Operation.Substring(
                nextnode.Operation.Length - 1) ==
                "u")//手順のループを
                防ぐ
232             {
233                 nextnode.Current_node = false;
234                 return nextnode;
235             }
236             }
237             catch (System.NullReferenceException)
238             {
239             }
240     nextnode.Table[Empty_position[0], Empty_position[1]] = nextnode.
        Table[Empty_position[0] + 1, Empty_position[1]];
241     nextnode.Table[Empty_position[0] + 1, Empty_position[1]] = 9;
242     nextnode.Operation += "d";
243     break;
244
245     case 3://左
246     if (Empty_position[1] == 0)//左を選択すると範囲外となってしまうので正しくない
        ノードとする
247         {
248             nextnode.Current_node = false;
249             return nextnode;
250         }
251         try
252         {
253             if (nextnode.Operation.Substring(
                nextnode.Operation.Length - 1) ==
                "r")//手順のループを
                防ぐ
254             {
255                 nextnode.Current_node = false;
256                 return nextnode;
257             }
258             }
259             catch (System.NullReferenceException)
260             {
261             }
262     nextnode.Table[Empty_position[0], Empty_position[1]] = nextnode.

```

```

        Table[Empty_position[0], Empty_position[1] - 1];
263     nextnode.Table[Empty_position[0], Empty_position[1] - 1] = 9;
264     nextnode.Operation += "1";
265     break;
266 }
267     nextnode.Manhattan_Cost = Total_Manhattan(nextnode.Table); //マンハッタン距離の
    総和
268     nextnode.Deep_Cost = currentNode.Deep_Cost + 1; //深さを加算
269     return nextnode;
270 }
271 public static bool isMatchScene(List<int[,]> all_panel,int[,] current_panel)//
    過去の盤面と同じものがあるかど
    うか
272 {
273     int count = 0;
274     for (int h = 0; h < all_panel.Count();h++)
275     {
276         for (int i = 0; i < 3;i++)
277         {
278             for (int j = 0; j < 3;j++)
279             {
280                 if (all_panel[h][i, j] == current_panel[i, j])
281                 {
282                     count++;
283                 }
284             }
285         }
286         if (count == 9) //あった
287         {
288             return true;
289         }
290         count = 0;
291     }
292     return false;
293 }
294 public static Node Copy_node(Node data) //ノードのコピー
295 {
296     Node node = new Node();
297     node.Table = new int[3, 3];
298     for (int i = 0; i < 3;i++)
299     {
300         for (int j = 0; j < 3;j++)
301         {
302             node.Table[i, j] = data.Table[i, j];
303         }
304     }
305     node.Manhattan_Cost = data.Manhattan_Cost;
306     node.Deep_Cost = data.Deep_Cost;
307     node.Currect_node = data.Currect_node;
308     node.Operation = data.Operation;
309     return node;
310 }
311 public static int Total_Manhattan(int[,] data) //マンハッタン距離の総和
312 {
313     int cost = 0;
314     for (int i = 0; i < 3;i++)
315     {
316         for (int j = 0; j < 3;j++)
317         {
318             cost += Manhattan(j + 1, i + 1, data[i, j]);
319         }
320     }

```

```

321         return cost;
322     }
323 public static int[] Find_9(int[,] data)//空白マスの座標取得
324 {
325     int[] answer = new int[2];
326     for (int i = 0; i < 3;i++)
327     {
328         for (int j = 0; j < 3;j++)
329         {
330             if (data[i, j] == 9)
331             {
332                 answer[0] = i;
333                 answer[1] = j;
334                 break;
335             }
336         }
337     }
338     return answer;
339 }
340 public static int Manhattan(int x,int y,int value)//マンハッタン距離を求める
341 {
342     int cost = 0;
343     if (value == 9)//9は空白パネルなのでカウントしない
344         return cost;
345     //行揃え
346     if(y == 1)
347     {
348         if(!(value >= 1 && value <= 3))//行で移動する必要がある
349         {
350             if(value >= 4 && value <= 6)//1段下に移動するのでコスト+1
351             {
352                 cost += 1;
353             }
354             else if(value >= 7 && value <= 9)//2段下に移動するのでコスト+2
355             {
356                 cost += 2;
357             }
358         }
359     }
360     else if (y == 2)
361     {
362         if(!(value >= 4 && value <= 6))//行で移動する必要がある
363         {
364             cost += 1;//2行目から上下に移動してもコストは必ず1
365         }
366     }
367     else if (y == 3)
368     {
369         if(!(value >= 7 && value <= 9))//行で移動する必要がある
370         {
371             if (value >= 1 && value <= 3)//2段上に移動するのでコスト+2
372             {
373                 cost += 2;
374             }
375             else if (value >= 4 && value <= 6)//1段上に移動するのでコスト+1
376             {
377                 cost += 1;
378             }
379         }

```



```

380     }
381     //列揃え
382     if(x == 1)
383     {
384         if (!(value == 1 || value == 4 || value == 7))//列で移動する必要がある
385         {
386             if(value == 2 || value == 5 || value == 8)//1列右に移動するのでコ
                スト+1
387             {
388                 cost += 1;
389             }
390             else if(value == 3 || value == 6 || value == 9)//1列右に移動するの
                でコスト+2
391             {
392                 cost += 2;
393             }
394         }
395     }
396     else if (x == 2)
397     {
398         if (!(value == 2 || value == 5 || value == 8))//列で移動する必要がある
399         {
400             cost += 1;//2列目から左右に移動してもコスト+1
401         }
402     }
403     else if (x == 3)
404     {
405         if(!(value == 3 || value == 6 || value == 9))//列で移動する必要がある
406         {
407             if(value == 1 || value == 4 || value == 7)//2列左に移動するのでコ
                スト+2
408             {
409                 cost += 2;
410             }
411             else if(value == 2 || value == 5 || value == 8)//1列左に移動するの
                でコスト+1
412             {
413                 cost += 1;
414             }
415         }
416     }
417     return cost;
418 }
419 }
420 }

```

図2 ソースコード

## 3 実行

### 3.1 実行環境

- 動作確認 PC
  - macOS High Sierra 10.13
  - 3.1GHz Intel Core i5
  - LPDDR3 16GB
- コンパイラコマンド
  - `mcs -version 5.2.0.0`
- 実行コマンド
  - `mono -version 5.2.0.224`

### 3.2 実行結果

実行した結果は `output.txt` として出力される。

以下に発見的関数の値と探索回数の推移のグラフを示す。

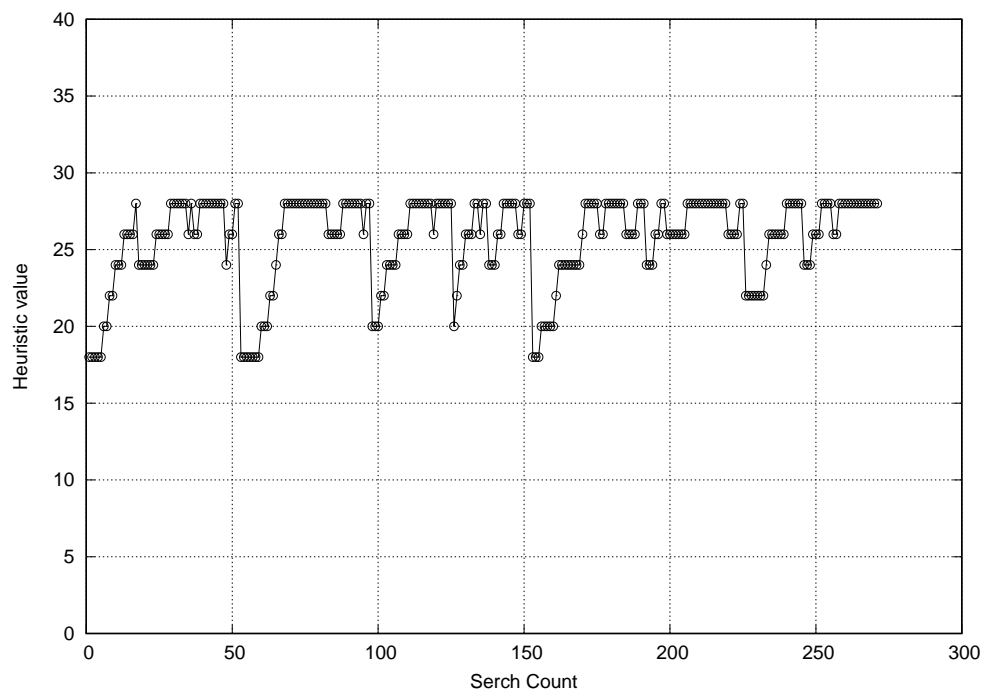


図 3 発見的関数の推移

図 3 を見ると探索を初めた直後は発見的関数の値は小さいが、進めていくにつれて大きくなるのがわかる。また、急激に値が小さくなる箇所については、子ノードが作れなくなり根に近いノードが `pop` され探索が再び始まったと考えられる。