4/3 BFS

최백준 choi@startlink.io

- (1, 1) 에서 (N, M)으로 가는 가장 빠른 길을 구하는 문제
- DFS 탐색으로는 문제를 풀 수 없다.
- BFS 탐색을 사용해야 한다.
- BFS는 단계별로 진행된다는 사실을 이용

https://www.acmicpc.net/problem/2178

1	1		1	1	
1	1		1	1	0
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1

1			

https://www.acmicpc.net/problem/2178

1	1		1	1	
1	1		1	1	0
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1

1	2		
2			

https://www.acmicpc.net/problem/2178

1	1		1	1	
1	1	0	1	1	
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1

1	2		
2	3		
3			

https://www.acmicpc.net/problem/2178

1	1		1	1	
1	1	0	1	1	
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1

1	2		
2	3		
3	4		
4			

https://www.acmicpc.net/problem/2178

1	1	0	1	1	0
1	1	0	1	1	0
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1

1	2			
2	3			
3	4	5		
4	5			

https://www.acmicpc.net/problem/2178

1	1	0	1	1	0
1	1	0	1	1	
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1

1	2			
2	3			
3	4	5	6	
4	5	6		

https://www.acmicpc.net/problem/2178

1	1	0	1	1	0
1	1	0	1	1	
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1

1	2				
2	3		7		
3	4	5	6	7	
4	5	6	7		

https://www.acmicpc.net/problem/2178

1	1		1	1	
1	1		1	1	0
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1

1	2		8		
2	3		7	8	
3	4	5	6	7	8
4	5	6	7		

https://www.acmicpc.net/problem/2178

1	1	0	1	1	0
1	1	0	1	1	
1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1

1	2		8	9	
2	3		7	8	
3	4	5	6	7	8
4	5	6	7		9

- C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/a9b4e6fa9a984771172d
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/3a591ac8f928c56768a62ac8e072fdfb

https://www.acmicpc.net/problem/1697

- 수빈이의 위치: N
- 동생의 위치: K
- 동생을 찾는 가장 빠른 시간을 구하는 문제

• 수빈이가 할 수 있는 행동 (위치: X)

- 1. 걷기: X+1 또는 X-1로 이동 (1초)
- 2. 순간이동: 2*X로 이동 (1초)

https://www.acmicpc.net/problem/1697

• 수빈이의 위치: 5

• 동생의 위치: 17

• 5-10-9-18-17 로 4초만에 동생을 찾을 수 있다.

- 큐에 수빈이의 위치를 넣어가면서 이동시킨다
- 한 번 방문한 곳은 다시 방문하지 않는 것이 좋기 때문에, 따로 배열에 체크하면서 방문

https://www.acmicpc.net/problem/1697

• 가장처음

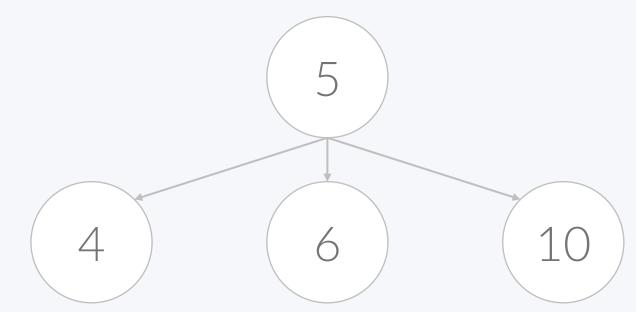
• Queue: 5

5

https://www.acmicpc.net/problem/1697

• 5에서 이동

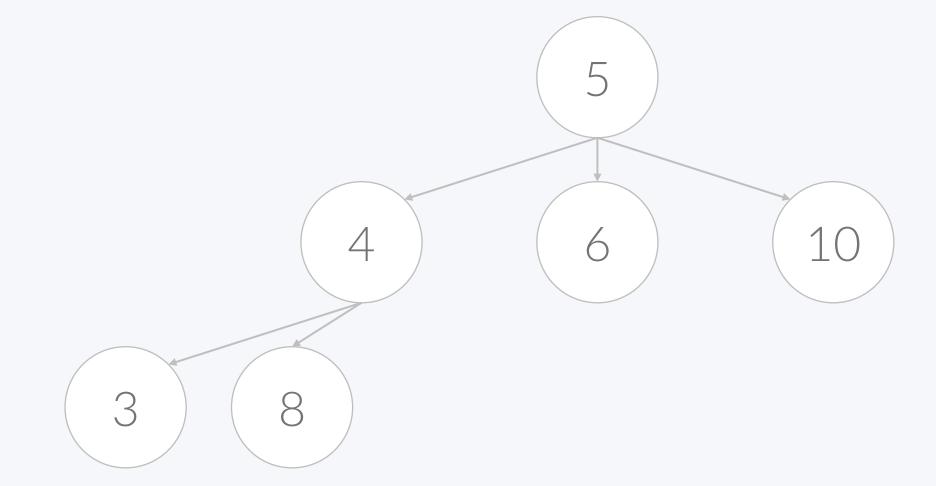
• Queue: 5 4 6 10

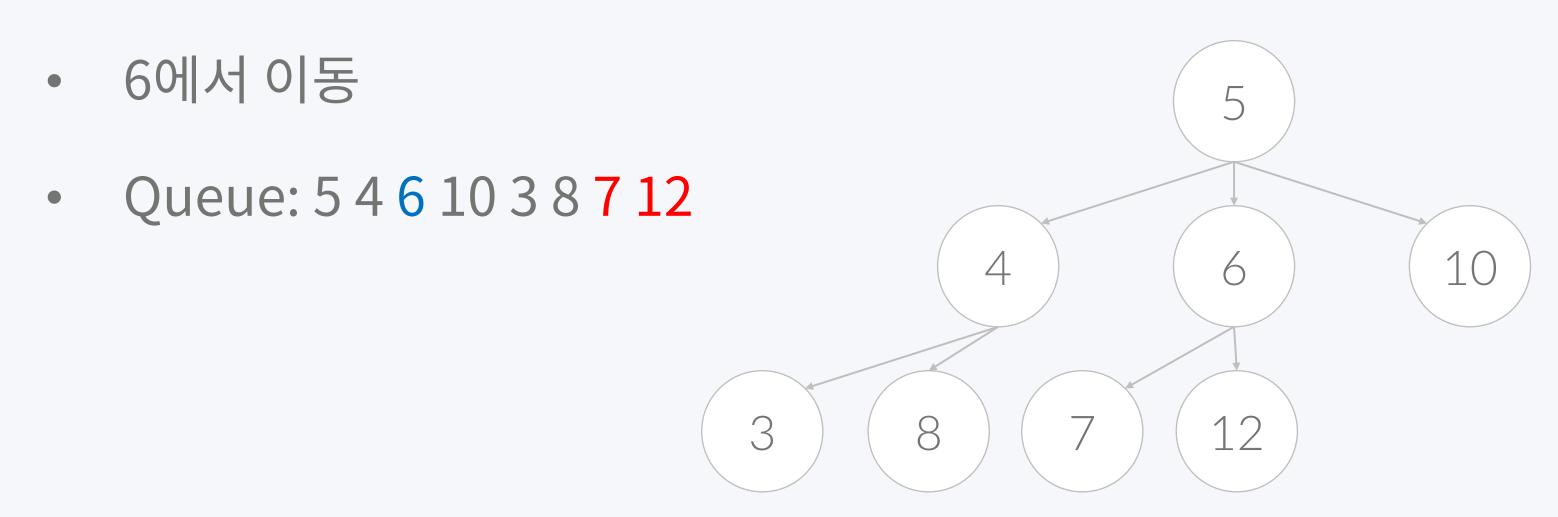


https://www.acmicpc.net/problem/1697

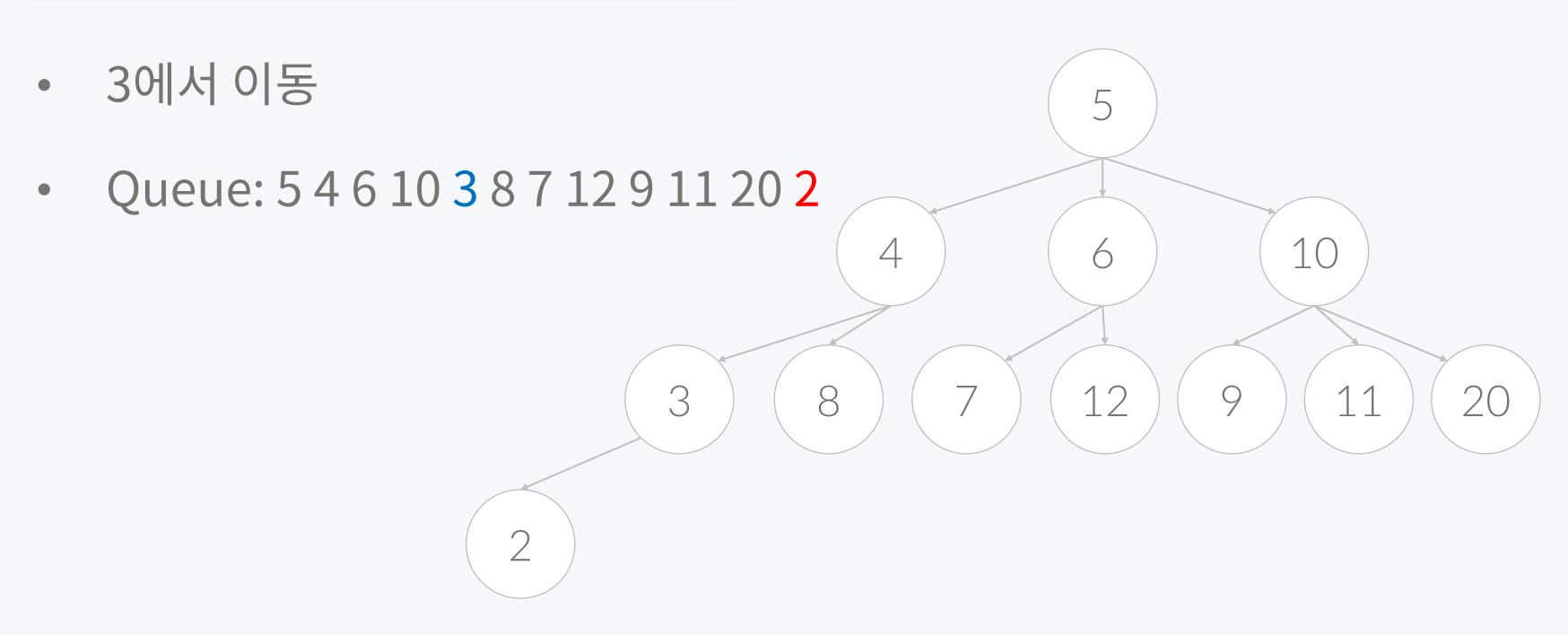
• 4에서 이동

• Queue: 5461038



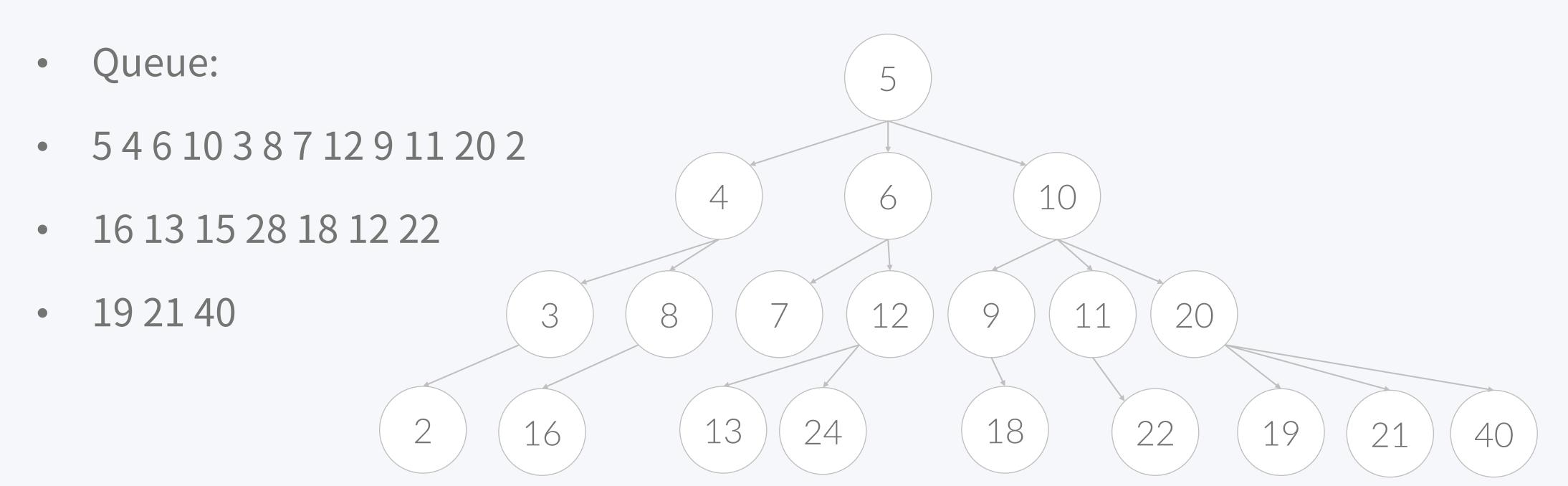


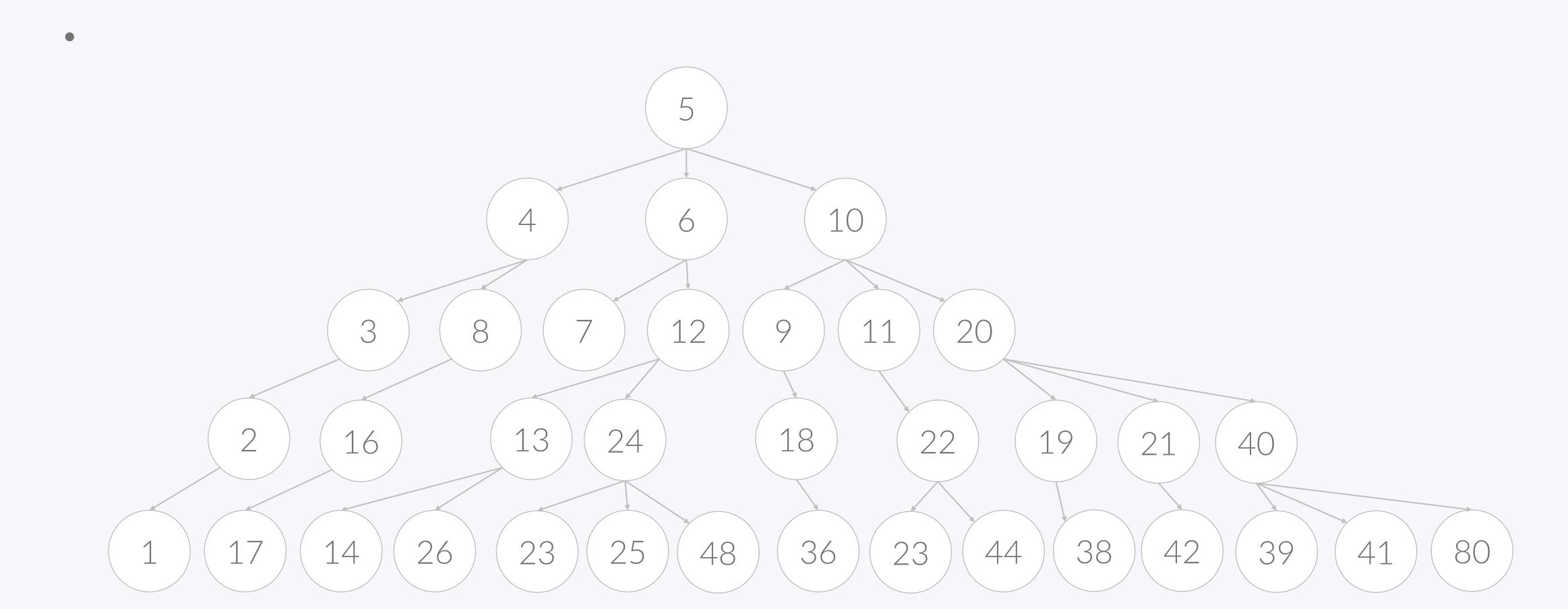




https://www.acmicpc.net/problem/1697

• 이런식으로…





- check[i] = i를 방문했는지
- dist[i] = i를 몇 번만에 방문했는지

```
https://www.acmicpc.net/problem/1697
                                          if (now+1 < MAX) {
                                              if (check[now+1] == false) {
check[n] = true;
                                                  q.push(now+1);
dist[n] = 0;
                                                  check[now+1] = true;
queue<int> q;
                                                  dist[now+1] = dist[now] + 1;
q.push(n);
while (!q.empty()) {
    int now = q.front();
                                          if (now*2 < MAX) {
    q.pop();
                                              if (check[now*2] == false) {
    if (now-1 >= 0) {
                                                  q.push(now*2);
        if (check[now-1] == false) {
                                                  check[now*2] = true;
            q.push(now-1);
            check[now-1] = true;
                                                  dist[now*2] = dist[now] + 1;
            dist[now-1] = dist[now] + 1;
```

- C: https://gist.github.com/Baekjoon/2505b37c55949c9487904f49b5346111
- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/5b8924d3aec661746358
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/e1abcf6deb6796c1282a

https://www.acmicpc.net/problem/13913

• 숨바꼭질 문제 + 이동하는 방법을 출력하는 문제

```
    now -> next를 갔다고 한다면
    if (check[next] == false) {
        q.push(next);
        check[next] = true;
        dist[next] = dist[now] + 1;
}
```

```
    now -> next를 갔다고 한다면
    if (check[next] == false) {
        q.push(next);
        check[next] = true;
        from[next] = now;
        dist[next] = dist[now] + 1;
}
```

- from[i] = 어디에서 왔는지
- 의□: from[i] -> i
- N에서 K를 가는 문제 이기 때문에
- K부터 from을 통해서 N까지 가야한다.
- 즉, 역순으로 저장되기 때문에, 다시 역순으로 구하는 것이 필요하다.

```
void print(int n, int m) {
    if (n != m) {
        print(n, from[m]);
    }
    cout << m << ' ';
}</pre>
```

```
stack<int> ans;
for (int i=m; i!=n; i=from[i]) {
    ans.push(i);
ans.push(n);
while (!ans.empty()) {
    cout << ans.top() << ' ';
    ans.pop();
cout << '\n';
```

- C: https://gist.github.com/Baekjoon/3d918ef75f8598f4e73abf0fb5e972ef
- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/914c1f46da5d4e662758ff6c452dc1e8
- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/d823eaf585990e75ef5760dd80f232a6
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/7dc73e85fe343fc9dbea8b32c1347d7a
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/fc8c2fa94562827e8289d59a3fa4b96a

https://www.acmicpc.net/problem/13549

- 수빈이의 위치: N
- 동생의 위치: K
- 동생을 찾는 가장 빠른 시간을 구하는 문제

• 수빈이가 할 수 있는 행동 (위치: X)

- 1. 걷기: X+1 또는 X-1로 이동 (1초)
- 2. 순간이동: 2*X로 이동 (0초)

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정

•	0초:	5					
---	-----	---	--	--	--	--	--

• 1초:

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10

• 1초: 4 6

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10

• 1초: 4 6

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

1초: 4 6 9 11

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

1초: 4 6 9 11

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

1초: 4 6 9 11 19

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정



1초: 4 6 9 11 19

• 2초:

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

1초: 4 6 9 11 19 8

• 2초: 3

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

1초: 4 6 9 11 19 8

• 2초: 3

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

· 1초: 4 6 9 11 19 8 12

• 2초: 3 7

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

· 1초: 4 6 9 11 19 8 12

• 2초: 3 7

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

1초: 4 6 9 11 19 8 12 18

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0 ~ 20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

1초: 4 6 9 11 19 8 12 18

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

· 1초: 4 6 9 11 19 8 12 18

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

· 1초: 4 6 9 11 19 8 12 18

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 5에서 17을 가는 경우 0~20까지만 위치가 있다고 가정

• o초: 5 10 20

· 1초: 4 6 9 11 19 8 12 18 16

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 이런식으로 BFS를 진행한다.

https://www.acmicpc.net/problem/13549

• 덱을 사용해 순간 이동은 덱의 앞에, 걷기는 덱의 뒤에 넣는 방법도 생각해 볼 수 있다.

- C++ (큐): https://gist.github.com/Baekjoon/9a2f48a57c0a2782869e4b69026a0972
- C++ (덱): https://gist.github.com/Baekjoon/8e524d4a7cfd61263c94e3c6666f99b1
- Java (큐): https://gist.github.com/Baekjoon/9134f710bf6d99ff7f1df27e36b208e6
- Java (덱): https://gist.github.com/Baekjoon/f83e1a3efaac26be2e254352ee098751

https://www.acmicpc.net/problem/12851

- 수빈이의 위치: N
- 동생의 위치: K
- 동생을 찾는 가장 빠른 시간을 구하는 문제, 그리고 그러한 방법의 개수도 구해야 한다

• 수빈이가 할 수 있는 행동 (위치: X)

- 1. 걷기: X+1 또는 X-1로 이동 (1초)
- 2. 순간이동: 2*X로 이동 (1초)

```
while (!q.empty()) {
    int now = q.front(); q.pop();
    for (int next : {now-1, now+1, now*2}) {
        if (0 <= next && next <= MAX) {
            if (check[next] == false) {
                q.push(next); check[next] = true;
                dist[next] = dist[now] + 1;
                cnt[next] = cnt[now];
            } else if (dist[next] == dist[now] + 1) {
                cnt[next] += cnt[now];
```

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/39ca797291fc85129c6f1280bf261b5b
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/e170e8d3cfeb258f001fa951bfa747e7

- 화면에 이모티콘은 1개다
- 할 수 있는 연산
 - 이모티콘을 모두 복사해서 클립보드에 저장
 - 클립보드에 있는 모든 이모티콘을 화면에 붙여넣기
 - 화면에 있는 이모티콘 중 하나를 삭제
- S개의 이모티콘을 치는데 걸리는 시간의 최소값을 구하는 문제

- 화면에 이모티콘의 개수 s와 클립보드에 있는 이모티콘의 개수 c가 중요하다
- 복사: (s, c) -> (s, s)
- 붙여넣기: (s, c) -> (s+c, c)
- 삭제: (s, c) -> (s-1, c)
- $2 \le S \le 1,000$ 이기 때문에 BFS 탐색으로 가능하다.

OI모티콘

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/195fcf8798fe3b5b9ae8e46765734265
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/5fb20656b011a9842b8e68a44328a398

- 미로는 N*M크기이고, 총 1*1크기의 방으로 이루어져 있다
- 빈 방은 자유롭게 다닐 수 있지만, 벽은 부수지 않으면 이동할 수 없다
- (x, y)에 있을 때, 이동할 수 있는 방은 (x+1, y), (x-1, y), (x, y+1), (x, y-1) 이다
- (1, 1)에서 (N, M)으로 이동하려면 벽을 최소 몇 개 부수어야 하는지 구하는 문제

https://www.acmicpc.net/problem/1261

• 처음 상태

0	0	1	1	1	1
0	1				
0	0	1	1	1	1
1	1	0	0	0	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	0	1	0

https://www.acmicpc.net/problem/1261

• 벽을 부수지 않고 이동할 수 있는 곳

0	0	1	1	1	1
0	1	0			0
0	0	1	1	1	1
1	1	0	0	0	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	0	1	0

0	0		
0			
	0		

https://www.acmicpc.net/problem/1261

• 벽을 1개 부수고 이동할 수 있는 곳

	0	1	1	1	1
0	1	0		0	
0	0	1	1	1	1
1	1	0	0	0	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	0	1	0

0		1			
	1	1	1	1	1
	0	1			
1	1	1	1	1	
1		1	1		
	1	1	1		

https://www.acmicpc.net/problem/1261

• 벽을 2개 부수고 이동할 수 있는 곳

0	0	1	1	1	1
0	1	0			0
0	0	1	1	1	1
1	1	0	0	0	1
0	1	1	0	1	0
1	0	0	0	1	0

0		1	2	2	2
0	1	1	1	1	1
0		1	2	2	2
1	1	1	1	1	2
1	2	1	1	2	2
2	1	1	1	2	2

- BFS탐색을 벽을 부순 횟수에 따라서 나누어서 수행해야 한다.
- C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/3d8ed2a3976c7affbd73
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/e66c8bed6b5d440d5bafbfe882acc19e
- 시간 복잡도: O(N^2)

https://www.acmicpc.net/problem/1261

- 어차피 벽을 뚫는다와 안 뚫는다로 나누어지기 때문에, 덱을 사용한다
- 벽을 뚫는 경우에는 뒤에, 안 뚫는 경우에는 앞에 추가한다.
- C/C++: https://gist.github.com/Baekjoon/9da1eed82383645026cc
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/0cc05c42a1ab3b3b325f50e1de371442

• 시간 복잡도: O(N^2)

벽부수고이동하기

- NxM의 행렬로 나타내는 지도에서 (1, 1)에서 (N,M)으로 최단 거리로 이동하는 문제
- 0은 빈 칸, 1은 벽
- 단, 벽은 한 번 부수고 지나갈 수 있다

벽부수고이동하기

- 벽을 부순다는 조건이 없으면 일반적인 미로 탐색 문제이다
- 어떤 칸에 방문했을 때, 벽을 부순 적이 있는 경우와 아직 부순 적이 없는 경우는 다른 경우 이기 때문에
- 상태 (i, j) 대신에 (i, j, k) (k == 0이면 벽을 부순 적이 없음, 1이면 있음) 으로 BFS 탐색을 진행한다.

벽부수고 이동하기

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/488504115d1acaf9dc319d05c4b59418
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/ac92846bffeeb63f6f8c314c5415b9b7

탈출

- 지도는 R행 C열이다
- 비어있는 곳은 '.'
- 물이 차있는 지역은 '*'
- 돌은 'X'
- 비버의 굴은 'D'
- 고슴도치의 위치는 'S'

- 먼저, 물이 언제 차는지 미리 구해놓은 다음에
- 고슴도치를 그 다음에 이동시킨다

https://www.acmicpc.net/problem/3055

• 지도 상태

• 물이 차는 시긴	-
------------	---

•		•	*
•	•	•	•
•	•		•
S	•	*	•
•	•	•	•

5	-1	1	
4	3	2	1
3	2	-1	0
2	1	0	1
3	2	1	2

0		

https://www.acmicpc.net/problem/3055

• 지도 상태

• 물이 차는 시간

•		•	*
•	•	•	•
•	•	X	•
S	•	*	•
•	•	•	•

5	-1	1	
4	3	2	1
3	2	-1	0
2	1	0	1
3	2	1	2

1		
0		
1		

https://www.acmicpc.net/problem/3055

• 지도 상태

•		•	*
•	•	•	•
•	•	X	•
S	•	*	•
•	•	•	•

• 물이 차는 시간

5	-1	1	0
4	3	2	1
3	2	-1	0
2	1	0	1
3	2	1	2

2		
1		
1		

https://www.acmicpc.net/problem/3055

• 지도 상태

• 물이 차는 시간

•		•	*
•	•	•	•
•	•	X	•
S	•	*	•
•	•	•	•

5	-1	1	
4	3	2	1
3	2	-1	0
2	1	0	1
3	2	1	2

3		
2		
1		
1		

https://www.acmicpc.net/problem/3055

• 지도 상태

•	D	•	*
•	•	•	•
•	•	X	•
S	•	*	•
•	•	•	•

• 물이 차는 시간

5	-1	1	
4	3	2	1
3	2	-1	0
2	1	0	1
3	2	1	2

3	4	
2		
1		
0		
1		

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/f540851ce65619a8b07c65ac3f2ca245
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/cd2de8bd2b931622f304df1a2a6c2f1b

- 빈칸, 벽, 문으로 이루어진 지도가 주어진다.
- 두 죄수가 탈옥하기 위해서 열어야 하는 문의 최소 개수를 구하는 문제

- 두지도를 상하좌우로 한 칸씩 확장하면
- 두 죄수의 탈옥 경로는
- 어딘가에서 만나서 함께 이동하는 꼴이 된다
- 따라서, 지도의 밖에서 BFS 1번, 각 죄수별로 1번씩 BFS를 수행한다.
- 그 다음, 정답을 합친다
- 이 때, 문에서 만나는 경우는 조심해야 한다

*	*	*	*	#	*	*	*	*
*	•	•	#	•	#	•	•	*
*	*	*	*	•	*	*	*	*
*	\$	#	•	#	•	#	\$	*
*	*	*	*	*	*	*	*	*

•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	*	*	*	*	#	*	*	*	*	•
•	*	•	•	#	•	#	•	•	*	•
•	*	*	*	*	•	*	*	*	*	•
•	*	\$	#	•	#	•	#	\$	*	•
•	*	*	*	*	*	*	*	*	*	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•



https://www.acmicpc.net/problem/9376

밖에서 부터

죄수 1부터

죄수 2부터

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	_	_	_	_	1	_	_	_	_	0
0	_	2	2	2	1	2	2	2	_	0
0	_	-	_	-	1	_	_	_	_	0
0	-	3	3	2	2	2	3	3	_	0
0	_	_	_	_	_	_	_	_	_	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
3	1	_	I	_	3	_	_	_	_	3
3	-	3	3	3	2	3	3	3	_	3
3	1	_	I	_	2	_	_	_	_	3
3	1	0	1	1	2	2	3	3	_	3
3	-	_	-	_	_	_	_	_	_	3
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3

3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
3	_	_	_	_	3	-	_	_	_	3
3	_	3	3	3	2	3	3	3	_	3
3	_	_	_	_	2	-	_	_	_	3
3	_	3	3	2	2	1	1	0	_	3
3	_	_	_	_	_	_	_	_	_	3
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3

https://www.acmicpc.net/problem/9376

밖에서 부터

죄수 1부터

죄수 2부터

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	_	_	_	_	1	_	_	_	_	0
0	_	2	2	2	1	2	2	2	_	0
0	_	-	_	-	1	_	_	_	_	0
0	_	3	3	2	2	2	3	3	_	0
0	_	1	-	ı	-	_	_	-	_	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
3	_	_	_	_	3	_	_	_	_	3
3	_	3	3	3	2	3	3	3	_	3
3	_	_	_	_	2	_	_	_	_	3
3	_	0	1	1	2	2	3	3	_	3
3	_	_	_	_	_	_	_	_	_	3
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3

3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
3	_	_	1	1	3	ı	I	-	_	3
3	_	3	3	3	2	3	3	3	_	3
3	_	_	1	1	2	ı	ı	-	_	3
3	_	3	3	2	2	1	1	0	_	3
3	_	_	-	1	1	ı	ı	-	_	3
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3



- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/682466914543f0aeccc3da8941c015d1
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/99c1122a37a2e025b1994eb52342a35f

열쇠

- BFS를 큐 27개로 수행해야 한다.
- 큐 1개: 일반적인 BFS
- 큐 26개: 문을 열기 위해 기다리는 큐



- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/a2442e638027d8c8174c
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/c5f9a4756842bcbd8da639ae89f5af7e

- m행 n열 격자판이 주어진다.
- 김주성은 체스판의 나이트와 같이 이동한다.
 - 0: 맨땅
 - 1: 방석이 깔려 있음
 - 2: 돌멩이가 있음 (이동할 수 없음)
 - 3: 김주성의 시작 위치 (방석 있음)
 - 4: 김주성의 도착 위치 (방석 있음)
- 3 -> 4로 가기 위해 필요한 방석의 최소 개수와 놓는 방법의 수

- 일부 정점이 색칠되어져 있는 그래프가 주어진다.
- s에서 t로 가기 위해 최소 몇 개의 정점을 색칠해야 하는가?

https://www.acmicpc.net/problem/1857

• 그래프에서 최소 비용과 최소 비용이 나오는 방법의 수를 구하는 문제이다

- 방석을 놓지 않고 갈 수 있는 부분을 정점 하나로 그룹을 지었다고 생각하면
- 이 문제는, s에서 t로가는 가장 빠른 길을 구하는 문제가 되어버린다.

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/39dbbef318bb62f4da19b1e57943b4fc
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/28e92ba0cf053e9f68b6b39294ea8abf