4/5 DFS

최백준 choi@startlink.io

出三叶人三

出三叶人丑

Bitmask

• 비트(bit) 연산을 사용해서 부분 집합을 표현할 수 있다.

HI트 연산

bitwise operation

& (and), | (or), ~ (not), ^ (xor)

A	В	~A	A&B	A B	A^B
	0	1			
	1	1		1	1
1	0			1	1
1	1		1	1	

비트연산

bitwise operation

- 두 수 A와 B를 비트 연산 하는 경우에는 가장 뒤의 자리부터 하나씩 연산을 수행하면 된다.
- A = 27, B = 83인 경우
- $A = 11011_2$, $B = 1010011_2$
- A&B=19, A | B=91, A ^ B=73

비트 연산

- not 연산의 경우에는 자료형에 따라 결과가 달라진다.
- $A = 83 = 1010011_2$
- ~A = 10101100₂ (8비트 자료형인 경우)
- ~A = 11111111 11111111 1111111 10101100₂ (32비트 자료형인 경우)
- 또, unsigned, signed에 따라서 보여지는 값은 다르다.

비트연산

- shift left (<<) 와 shift right (>>) 연산이 있다.
- A << B (A를 왼쪽으로 B비트만큼 민다.)
- 1 << 0 = 1
- $1 << 1 = 2 (10_2)$
- 1 << 2 = 4 (100₂)
- $1 << 3 = 8 (1000_2)$
- $1 << 4 = 16 (10000_2)$
- $3 << 3 = 24 (11000_2)$
- $5 << 10 = 5120 (10100000000000_{2})$

비트연산

- shift left (<<) 와 shift right (>>) 연산이 있다.
- A >> B (A를 오른쪽으로 B비트만큼 민다.)
- 1 >> 0 = 1
- 1 >> 1 = 0 (0₂)
- $10 >> 1 = 5 (101_2)$
- $10 >> 2 = 2 (10_2)$
- $10 >> 3 = 1 (1_2)$
- $30 >> 1 = 15 (1111_2)$
- $1024 >> 10 = 1 (1_2)$

비트 연산

- A << B는 A × 2^B와 같다.
- A >> B는 A / 2^B와 같다.
- (A + B) / 2는 (A+B) >> 1로 쓸 수 있다.
- 어떤 수가 홀수 인지 판별하는 if (N % 2 == 1) 은 if (N & 1)로 줄여 쓸 수 있다.

出三叶人丑

- 정수로 집합을 나타낼 수 있다.
- $\{1, 3, 4, 5, 9\} = 570 = 2^1 + 2^3 + 2^4 + 2^5 + 2^9$

出三미-스크

- $\{1, 3, 4, 5, 9\} = 570$
- 0이 포함되어 있는지 검사
 - 570 & 2° = 570 & $(1 << \circ)$ = 0
- 1이 포함되어 있는지 검사
 - 570 & $2^1 = 570$ & (1 << 1) = 2
- 2이 포함되어 있는지 검사
 - 570 & $2^2 = 570$ & (1 << 2) = 0
- 3이 포함되어 있는지 검사
 - $570 \& 2^3 = 570 \& (1 << 3) = 8$

出三叶人丑

- $\{1, 3, 4, 5, 9\} = 570$
- 1 추가하기
 - 570 | $2^1 = 570$ | (1 << 1) = 570 (1000111010_2)
- 2 추가하기
 - 570 $| 2^2 = 570 | (1 << 2) = 574 (10001111110₂)$
- 3 추가하기
 - 574 | $2^3 = 570$ | (1 << 3) = 570 (1000111010_2)
- 4 추가하기
 - 574 | $2^4 = 570$ | (1 << 4) = 570 (1000111010_2)

出三叶스크

- $\{1, 3, 4, 5, 9\} = 570$
- 1제거하기
 - 570 & $\sim 2^1 = 570$ & $\sim (1 << 1) = 568 (1000111000_2)$
- 2제거하기
 - 570 & $\sim 2^2 = 570$ & $\sim (1 << 2) = 570$ (1000111010₂)
- 3제거하기
 - $562 \& ~2^3 = 562 \& ~(1<<3) = 562 (1000110010₂)$
- 4제거하기
 - $562 \& ~2^4 = 562 \& ~(1<<4) = 546 (1000101010₂)$

出三叶스크

- 전체 집합
 - (1 << N) 1
- 공집합
 - 0

出三미-스크

- 현재 집합이 S일때
- i를 추가
 - S | (1 << i)
- i를 검사
 - S & (1 << i)
- i를 제거
 - S & ~(1 << i)
- i를 토글 (0을 1로, 1을 0으로)
 - S ^ (1 << i)

집합

https://www.acmicpc.net/problem/11723

• 비트마스크를 연습해보는 문제

집합

https://www.acmicpc.net/problem/11723

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/3503aaa55c03cdde9df51b1bd5155486
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/2da9289baa79449207eed6c2013f8c41

出三미-스크

- 물론 배열을 사용하는 것이 더욱 편리하지만, 비트마스크를 사용하는 이유는
- 집합을 배열의 인덱스로 표현할 수 있기 때문이다.
- 상태 다이나믹을 할 때 자주 사용하게 된다.

bitset

bitset

• 비트마스크는 STL의 bitset을 이용해서 더 쉽게 나타낼 수 있다.

全色

순열

Permutation

- 1~N까지로 이루어진 수열
- 123
- 4132
- 54231
- 651234
- 크기는 항상 N이 되어야 하고, 겹치는 숫자가 존재하지 않음

순열

Permutation

- 크기가 N인 순열은 총 N!개가 존재한다
- 순열을 사전순으로 나열했을 때
- N = 3인 경우에 사전순은 다음과 같다
- 123
- 132
- 213
- 231
- 312
- 321

Next Permutation

- 순열을 사전순으로 나열했을 때, 사전순으로 다음에 오는 순열과 이전에 오는 순열을 찾는 방법
- C++ STL의 algorithm에는 이미 next_permutation과 prev_permutation이 존재하기 때문에 사용하면 된다

Next Permutation

- 1. A[i-1] < A[i] 를 만족하는 가장 큰 i를 찾는다
- 2. j ≥ i 이면서 A[j] > A[i-1] 를 만족하는 가장 큰 j를 찾는다
- 3. A[i-1]과 A[j]를 swap 한다
- 4. A[i]부터 순열을 뒤집는다

Next Permutation

· 순열: 7236541

- A[i-1] < A[i] 를 만족하는 가장 큰 i를 찾는다
- 즉, 순열의 마지막 수에서 끝나는 가장 긴 감소수열을 찾아야 한다

Next Permutation

순열: 7236541

• j ≥ i 이면서 A[j] > A[i-1] 를 만족하는 가장 큰 j를 찾는다

Next Permutation

순열: 7236541

• A[i-1]과 A[j]를 swap 한다

Next Permutation

순열: 7246531

• A[i]부터 순열을 뒤집는다

Next Permutation

```
bool next_permutation(int *a, int n) {
   int i = n-1;
   while (i > 0 && a[i-1] >= a[i]) i -= 1;
   if (i <= 0) return false; // 마지막 순열
   int j = n-1;
   while (a[j] <= a[i-1]) j -= 1;
   swap(a[i-1], a[j]);
   j = n-1;
   while (i < j) {</pre>
        swap(a[i], a[j]);
        i += 1; j -= 1;
    return true;
```

https://www.acmicpc.net/problem/10972

• 다음 순열을 구하는 문제

https://www.acmicpc.net/problem/10972

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/d51fbc6f75332cfc6ab9
- C++ (next_permutation 구현): https://gist.github.com/Baekjoon/f8d9765ccde7262744b5
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/c307fc69373a74a730c0

이전 순열

https://www.acmicpc.net/problem/10973

• 이전 순열을 구하는 문제

이전 순열

https://www.acmicpc.net/problem/10973

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/2db36900d5b1f37b2397
- C++ (prev_permutation 구현): https://gist.github.com/Baekjoon/c3b6e4a24b3841575dc9
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/37eda7e437c1d14092aa

모든순열

https://www.acmicpc.net/problem/10974

• 모든 순열을 구하는 문제

모든순열

https://www.acmicpc.net/problem/10974

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/8c1c89872b713e45d45d
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/bb4679d85dd726fd3456

문제

https://www.acmicpc.net/problem/10971

- 영어로 Travelling Salesman Problem (TSP)
- 1번부터 N번까지 번호가 매겨져있는 도시가 있다
- 한 도시에서 시작해 N개의 모든 도시를 거쳐 다시 원래 도시로 돌아오려고 한다 (한 번 갔던 도시로는 다시 갈 수 없다)
- 이 때, 가장 적은 비용을 구하는 문제

• W[i][j] = i -> j 비용

- $2 \le N \le 10$
- N! = 10! = 3628800
- 모든 경우를 다해봐도 시간 안에 나온다

- $2 \le N \le 10$
- N! = 10! = 3628800
- 모든 경우를 다해봐도 시간 안에 나온다
- 모든 경우 = N!
 - 비용계산 = N
- 시간복잡도: O(N*N!)

```
do {
    bool ok = true;
    int sum = 0;
    for (int i=0; i<n-1; i++) {
        if (w[d[i]][d[i+1]] == 0) ok = false;
        else sum += w[d[i]][d[i+1]];
    if (ok && w[d[n-1]][d[0]] != 0) {
        sum += w[d[n-1]][d[0]];
        if (ans > sum) ans = sum;
} while (next_permutation(d.begin(), d.end()));
```

- O(N*N!)
- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/a62f0b1263752c8d1a75
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/a5450f44bc19da72f9ac

- O(N!)
- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/3eeee9003b22cffb2a76
- C++ 2: https://gist.github.com/Baekjoon/45c47a211c3be61e054a
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/88bfb6c2e54bb399beb2

- 정수 n을 1, 2, 3의 조합으로 나타내는 방법의 수를 구하는 문제
- n = 4
- 1+1+1+1
- 1+1+2
- 1+2+1
- 2+1+1
- 2+2
- 1+3
- 3+1

- go(count, sum, goal)
- 숫자 count개로 합 sum을 만드는 경우의 수

- go(count, sum, goal)
- 숫자 count개로 합 sum을 만드는 경우의 수
- 불가능한 경우
 - count > 10
 - sum > goal
- 가능한 경우
 - sum == goal

- go(count, sum, goal)
- 숫자 count개로 합 sum을 만드는 경우의 수
- 다음 경우
 - 1을 사용하는 경우
 - go(count+1, sum+1, goal)
 - 2를 사용하는 경우
 - go(count+1, sum+2, goal)
 - 3을 사용하는 경우
 - go(count+1, sum+3, goal)

```
int go(int count, int sum, int goal) {
    if (count > 10) return 0;
    if (sum > goal) return 0;
    if (sum == goal) return 1;
    int now = 0;
    for (int i=1; i<=3; i++) {
        now += go(count+1, sum+i, goal);
    return now;
```

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/3235f76fe44c1ad17648
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/bdeba307e9e6d1e80fc7

- 암호는 서로 다른 L개의 알파벳 소문자들로 구성되며 최소 한 개의 모음과 최소 두 개의 자음으로 구성되어 있다
- 암호를 이루는 알파벳이 암호에서 증가하는 순서로 배열되었어야 한다
- 암호로 사용할 수 있는 문자의 종류는 C가지
- 가능성 있는 암호를 모두 구하는 문제

- L = 4, C = 6
- 사용 가능한 알파벳: atcisw
- 가능한 암호
- acis
- acit
- aciw
- acst
- acsw
- actw
- aist

- aisw
- aitw
- astw
- cist
- cisw
- citw
- istw

- go(n, alpha, password, i)
 - n: 만들어야 하는 암호의 길이
 - alpha: 사용할 수 있는 알파벳
 - password: 현재까지 만든 암호
 - i: 사용할지 말지 결정해야 하는 알파벳의 인덱스

- go(n, alpha, password, i)
 - n: 만들어야 하는 암호의 길이
 - alpha: 사용할 수 있는 알파벳
 - password: 현재까지 만든 암호
 - i: 사용할지 말지 결정해야 하는 알파벳의 인덱스
- 언제 답인지 아닌지 확인해야 하나?
 - n == password.length()
- 다음
 - i번째 알파벳을 사용하는 경우
 - i번째 알파벳을 사용하지 않는 경우

- 다음
 - i번째 알파벳을 사용하는 경우
 - go(n, alpha, password+alpha[i], i+1)
 - i번째 알파벳을 사용하지 않는 경우
 - go(n, alpha, password, i+1)

```
void go(int n, vector<char> &alpha, string password, int i) {
    if (password.length() == n) {
        if (check(password)) {
            cout << password << '\n';</pre>
        return;
    if (i >= alpha.size()) return;
    go(n, alpha, password+alpha[i], i+1);
    go(n, alpha, password, i+1);
```

```
bool check(string &password) {
   int ja = 0;
   int mo = 0;
    for (char x : password) {
       if (x == 'a' || x == 'e' || x == 'i' || x == 'o' || x ==
'u') {
            mo += 1;
        } else {
            ja += 1;
    return ja >= 2 && mo >= 1;
```

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/dff42ddf0ae028f6b7f1
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/e92cfec2c020cd62b8ef

https://www.acmicpc.net/problem/9663

• N*N크기의 체스판 위에 Queen을 N개 놓는 방법의 수를 구하는 문제

https://www.acmicpc.net/problem/9663

• calc(row): row 행에 퀸을 어디에 놓을지 결정해야 함

```
• calc(row): row 행에 퀸을 어디에 놓을지 결정해야 함
void calc(int row) {
    if (row == n) {
        ans += 1;
    for (int col=0; col<n; col++) {</pre>
        a[row][col] = true;
        if (check(row, col)) {
            calc(row+1);
        a[row][col] = false;
```

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/1945a35cb532d5d294768d89822fbbfe
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/3f8faef559a0a37cc2fd42f28b2bb184

https://www.acmicpc.net/problem/9663

• check_col[i] = i번 열에 퀸이 놓여져 있으면 true

	0	1	2	3	4	5
0		1	2	3	4	5
1		1	2	3	4	5
2		1	2	3	4	5
3		1	2	3	4	5
4		1	2	3	4	5
5		1	2	3	4	5

https://www.acmicpc.net/problem/9663

• check_dig[i] = / 대각선에 퀸이 있으면

	0	1	2	3	4	5
0		1	2	3	4	5
1	1	2	3	4	5	6
2	2	3	4	5	6	7
3	3	4	5	6	7	8
4	4	5	6	7	8	9
5	5	6	7	8	9	10

https://www.acmicpc.net/problem/9663

• check_dig2[i] = \ 대각선에 퀸이 있으면

	0	1	2	3	4	5
0	5	4	3	2	1	
1	6	5	4	3	2	1
2	7	6	5	4	3	2
3	8	7	6	5	4	3
4	9	8	7	6	5	4
5	10	9	8	7	6	5

- Check 부분을 배열을 이용하면 O(1)만에 해결 할 수 있다.
- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/7ce9963ec6d292ad9cfd2aeb3face717
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/4d69907aad8adc3bf166c5ec8d8ad3b6

- 세로 R칸, 가로 C칸으로 된 표 모양의 보드가 있다
- 보드의 각 칸에는 대문자 알파벳이 하나씩 적혀 있고, 좌측 상단 칸 (1행 1열) 에는 말이 놓여 있다
- 말은 상하좌우로 인접한 네 칸 중의 한 칸으로 이동할 수 있다
- 같은 알파벳이 적힌 칸을 두 번 지날 수 없다
- 좌측 상단에서 시작해서, 말이 최대한 몇 칸을 지날 수 있는지를 구하는 문제

- go(board, check, x, y, cnt)
 - board: 보드
 - check: 방문한 알파벳
 - x, y: 현재 위치
 - cnt: 방문한 칸의 수

- go(board, check, x, y, cnt)
 - board: 보드
 - check: 방문한 알파벳
 - x, y: 현재 위치
 - cnt: 방문한 칸의 수
- 새로운 칸 nx, ny로 이동할 수 있는 경우
 - go(board, check, nx, ny, cnt+1)
 - 이 때, check는 변경해 줘야함

```
void go(vector<string> &board, vector<bool> &check, int x, int y, int
cnt) {
    if (cnt > ans) ans = cnt;
    for (int k=0; k<4; k++) {
        int nx = x+dx[k];
        int ny = y+dy[k];
        if (nx >= 0 && nx < board.size() && ny >= 0 && ny <
board[0].size()) {
            if (check[board[nx][ny]-'A'] == false) {
                check[board[nx][ny]-'A'] = true;
                go(board, check, nx, ny, cnt+1);
                check[board[nx][ny]-'A'] = false;
```

- go(board, check, x, y)
- board: 보드
- check: 방문한 알파벳
- x, y: 현재 위치
- 리턴 값: 방문할 수 있는 칸의 최대 개수
- 의미: (x, y)에서 이동을 시작하고, 방문한 알파벳이 check일 때, 방문할 수 있는 칸의 최대 개수

```
int go(vector<string> &board, vector<bool> &check, int x, int y) {
    int ans = 0;
    for (int k=0; k<4; k++) {
        int nx = x+dx[k], ny = y+dy[k];
        if (nx >= 0 \&\& nx < board.size() \&\& ny >= 0 \&\& ny <
board[0].size()) {
            if (check[board[nx][ny]-'A'] == false) {
                check[board[nx][ny]-'A'] = true;
                int next = go(board, check, nx, ny);
                if (ans < next) ans = next;
                check[board[nx][ny]-'A'] = false;
    return ans + 1;
```

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/f412bcc16f3b3f0cbffd
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/411767759d38830b5911

부분집합의 합

- 서로 다른 N개의 정수로 이루어진 집합이 있을 때, 이 집합의 공집합이 아닌 부분집합 중에서 그집합의 원소를 다 더한 값이 S가 되는 경우의 수를 구하는 문제
- $1 \le N \le 20$

부분집합의 합

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/5d90f9d1582559c619ad2821b126ac16
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/923eddd3d8d3bef43372433c83afb6cf

- 서로 다른 N개의 정수로 이루어진 집합이 있을 때, 이 집합의 공집합이 아닌 부분집합 중에서 그집합의 원소를 다 더한 값이 S가 되는 경우의 수를 구하는 문제
- $1 \le N \le 20$

- 모든 집합의 개수 = 2^N
- 모든 집합을 구해보면 된다!

https://www.acmicpc.net/problem/1182

• 전체 집합 = (1<<N) - 1

```
for (int i=0; i<(1<<n); i++) {
}</pre>
```

- 전체 집합 = (1<<N) 1
- 공집합은 제외해야 한다

```
for (int i=1; i<(1<<n); i++) {
}</pre>
```

- 전체 집합 = (1<<N) − 1
- 공집합은 제외해야 한다
- 집합에 무엇이 포함되어 있는지 확인하기

```
for (int i=1; i<(1<<n); i++) {
    for (int k=0; k<n; k++) {
        if (i&(1<<k)) {
        }
    }
}</pre>
```

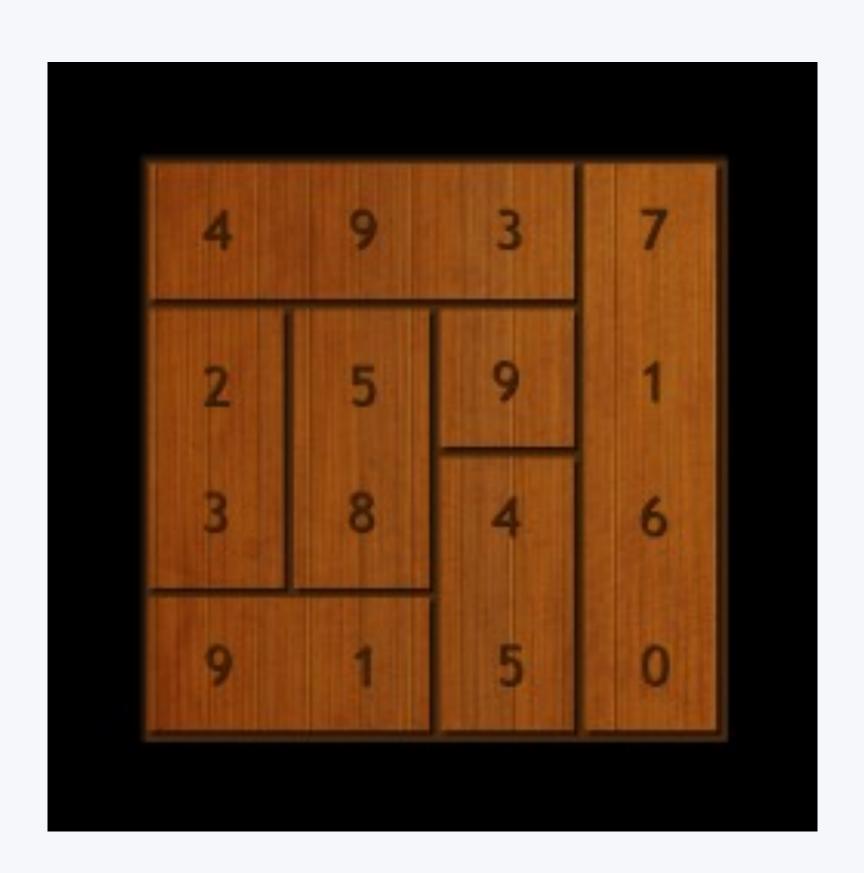
```
for (int i=1; i<(1<<n); i++) {
    int sum = 0;
    for (int k=0; k<n; k++) {
        if (i&(1<<k)) {
            sum += a[k];
    if (sum == s) {
        ans += 1;
```

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/f4154089addcd1adacc5
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/bddda372acf45d698817

종이 조각

https://www.acmicpc.net/problem/14391

• 종이를 조각으로 잘라서 합의 최대값을 구하는 문제



종이조각

https://www.acmicpc.net/problem/14391

• 각각의 칸에 대해서, 가로(-)인지 세로(|)인지 정하면 된다.

_		
_	 _	

종이조각

https://www.acmicpc.net/problem/14391

• 각각의 칸에 대해서, 가로(-)인지 세로(|)인지 정하면 된다.

 _		
_		
_		
_		

0	0	1	1
0	0	0	1
1	0	1	1
1	0	1	0

종이조각

https://www.acmicpc.net/problem/14391

• 각각의 칸에 대해서, 가로(-)인지 세로(|)인지 정하면 된다.

0	0	1	1
0	0	0	1
1	0	1	1
1	0	1	0

0	0	1	1	0	0	0	1	1	0	1	1	1	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

종이 조각

https://www.acmicpc.net/problem/14391

• 2^(NM) 으로 상태를 만들고 나누어보면 된다

종이 조각

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/39614927a2cae287cfc304615de1d7f5
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/85e9bdc01ae9e741a331875a23726c7f

째로탈출2

- 보드의 상태가 주어졌을 때, 최소 몇 번 만에 빨간 구슬을 구멍을 통해 빼낼 수 있는지 구하는 문제
- 만약, 10번 이내에 움직여서 빨간 구슬을 구멍을 통해 빼낼 수 없으면 -1을 출력

째로탈출 2

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/c9dbf1e5eae35c2f4501f410482c1469
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/d462fd8f86659be5c7244d67113c5ff6

2048 (Easy)

https://www.acmicpc.net/problem/12100

• 2048 게임에서 최대 5번 이동시켜서 얻을 수 있는 가장 큰 블럭을 출력하는 문제

2048 (Easy)

https://www.acmicpc.net/problem/12100

• 이동 횟수가 5번이기 때문에, 4^5 = 1024번 이동을 시켜보면 된다.

2048 (Easy)

- C++: https://gist.github.com/Baekjoon/522d138cf5ff54abc22e49374a7aeedc
- Java: https://gist.github.com/Baekjoon/4a8748c9675eb1562d744b7f87a6b1da