# Średnia:

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{N} x_i$$

 $x_i$ - wartość i

n- ilość wartości

# Wariancja:

$$s^{2} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{N} (x_{i} - \bar{x})^{2}$$

 $x_i$ - wartość i

n- ilość wartości

## Odchylenie Standardowe $\sigma$ :

$$s = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \bar{x})^2}$$

 $x_i$ - wartość i

n- ilość wartości

### Zmienna Dyskretna:

Właściwości: suma prawdopodobieństw wszystkich zmiennych  $\sum_{i=1} p_i = 1.$ 

#### Wartość Oczekiwana:

$$E(X) = \sum_{i=1}^{N} x_i p_i$$

 $p_i$ - prawdopodobieństwo i wartość

 $x_i$ - wartość i

n- ilość wartości

#### Wariancja:

$$V(X) = \sum_{i=1}^{N} (x_i - E(X))^2 p_i = E(X^2) - [E(X)]^2$$

 ${\cal E}(X)$ - wartość spodziewana

 $p_i$ - prawdopodobieństwo i wartość

 $x_i$ - wartość i

n- ilość wartości

#### Wzór Bayesa:

$$P(A|B) = \frac{P(A)P(B|A)}{P(B)}$$

P(A|B)- prawdobodoieństwo A pod warunkem B

P(B|A)- prawdobodoieństwo B pod warunkem A

P(A)- prawdobodoieństwo A

P(B)- prawdobodoieństwo B

#### Rozkład dwumianowy:

$$P(X = k) = \binom{N}{k} * p^k * (1 - p)^{n-k}$$

N- ilość prób

k- ilość sukcesów

 $p ext{-}$  prawdopobobieństwo sukcesu

## Rozkład Poissona:

$$P(X = k) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!}$$

k- ilość sukcesów

 $\lambda$ - wartość spodziewana

$$\lambda = E(x) = Np$$

### Zmienna Ciągła:

Pole pod wykresem gęstości prawdopodobieństwa = 1

$$\int_{-\infty}^{\infty} P(x)dx = 1$$

### Wartość Oczekiwana $\mu$ :

$$E(x) = \int_{-\infty}^{\infty} x P(x) dx$$

P(x)- prawdopodobienstwo przyjęca wartości x

#### Dystrybuanta:

$$F(x_k) = \int_{-\infty}^{x_k} P(x) dx$$
 
$$P(x) \qquad \qquad \text{- prawdopodobienstwo wartości } x$$
 
$$P(a < x \ge b) = F(b) - F(a) \qquad \text{- prawdopodobienstwo wartości } x$$

#### Rozkład Normalny:

```
N(\mu,\sigma) \qquad \qquad - \text{ rozkład normalny} \\ N(0,1) \qquad - \text{ standardowy rozkład normalny} \\ \mu \qquad \qquad - \text{ wartość oczekiwana} \\ \sigma \qquad \qquad - \text{ odcylenie standardowe} \\ P(a < x \ge b) = F(b) - F(a) \qquad - \text{ prawdopodobienstwo wartości } x \\ P(\mu - \sigma < x \ge \mu + \sigma) \approx 68\% \qquad - \text{ prawdopodobienstwo wartości } x \\ P(\mu - 2\sigma < x \ge \mu + 2\sigma) \approx 95\% \qquad - \text{ prawdopodobienstwo wartości } x \\ P(\mu - 3\sigma < x \ge \mu + 3\sigma) \approx 99\% \qquad - \text{ prawdopodobienstwo wartości } x
```

#### Standaryzacja Rozkładu normalnego

$$X=N(\mu,\sigma)$$
- Dane o podanym rozkładznie normalnym  $Z=N(0,1)$ - dane o normalnym rozkładzie standardowym  $Z=rac{X-\mu}{\sigma}=N(0,1)$