TD3: Mathématiques financières et statistique descriptive

Exercice 1 : En 2000, Jean a reçu $80 \in d$ 'étrennes et depuis, ses étrennes augmentent chaque année de $6 \in d$. Pour tout entier n, on note u_n le montant des étrennes reçues par Anne l'année 2000 + n. On a donc $u_0 = 80$.

- 1. Calculer les étrennes qu'a reçues Anne en 2001, puis en 2002.
- 2. Donner la nature de la suite (u_n) . (On justifiera soigneusement et l'on précisera les paramètres.)
- 3. En déduire l'expression de u_n en fonction de n.
- 4. On note S_n la somme des étrennes reçues par Anne de l'année 2000 jusqu'à l'année 2000 + n. On a donc $S_n = u_0 + u_1 + \cdots + u_n$. Calculer S_{15} .

Exercice 2 : À la naissance de leur fils en 2011, des parents bloquent une somme d'argent afin de pouvoir financer d'éventuelles études à sa majorité. La banque leur propose un placement à intérêts simples à 5% par an. Ils décident de simuler un placement de $5\,000 \in$. On note u_n la somme disponible à l'année 2011 + n.

- 1. Donner u_1, u_2, u_3 et u_4 .
- 2. Exprimer u_{n+1} en fonction de u_n . Quelle est la nature de la suite (u_n) ? (On préciser les paramètres.)
- 3. Calculer le taux d'évolution exprimé en pourcentage, arrondi au centième, du capital sur toute la durée du placement.
- 4. Finalement les parents déposent $10\,000$ €, au lieu de 5 000. Quelle sera la somme disponible à la majorité de leur fils?

Exercice 3 : Le gérant d'une petite boutique a relevé le nombre d'articles vendus par jour. Son relevé a porté sur les ventes des mois de Mars et Avril, ce qui correspond à 52 jours de vente. Le relevé des observations quotidiennes est le suivant :

- 1. Quel est le caractère étudié? Préciser son type.
- 2. Déterminer les effectifs, fréquences, ECC, FCC, ECD et FCD.
- 3. Calculez l'espérance, la variance ainsi que l'écart-type de cette variable statistique.

Exercice 4 : Une entreprise de transport relève les temps de chaque pause des ses chauffeurs sur une semaine et compile ces données dans le tableau suivant :

Durée de pause (minutes)	[0; 10[[10; 30[[30; 50[[50; 60[[60; 90[[90; 120]
Effectif cumulé croissant	105	508	709	877	903	912

- 1. Déterminer le caractère étudié. Préciser son type.
- 2. Combien de pauses de moins d'une heure ont-elles été prises?
- 3. Calculer le nombre de pauses durant entre 60 et 90 minutes qui ont été prises.
- 4. Déterminer le nombre de pauses de plus de 30 minutes qui ont été prises.
- 5. Estimez la durée moyenne des pauses (espérance)