**EFE MPC 1** 



**SESSION 2025 \_\_\_\_** 

# CAPLP CONCOURS EXTERNE et CAFEP 3ème CONCOURS

**SECTION: MATHÉMATIQUES - PHYSIQUE-CHIMIE** 

#### **EPREUVE ECRITE DISCIPLINAIRE**

Durée : 5 heures

Calculatrice autorisée selon les modalités de la circulaire du 17 juin 2021 publiée au BOEN du 29 juillet 2021.

L'usage de tout ouvrage de référence, de tout dictionnaire et de tout autre matériel électronique est rigoureusement interdit.

Le candidat rendra deux copies séparées pour chacune des deux parties de l'épreuve

Si vous repérez ce qui vous semble être une erreur d'énoncé, vous devez le signaler très lisiblement sur votre copie, en proposer la correction et poursuivre l'épreuve en conséquence. De même, si cela vous conduit à formuler une ou plusieurs hypothèses, vous devez la (ou les) mentionner explicitement.

NB: Conformément au principe d'anonymat, votre copie ne doit comporter aucun signe distinctif, tel que nom, signature, origine, etc. Si le travail qui vous est demandé consiste notamment en la rédaction d'un projet ou d'une note, vous devrez impérativement vous abstenir de la signer ou de l'identifier.

#### **INFORMATION AUX CANDIDATS**

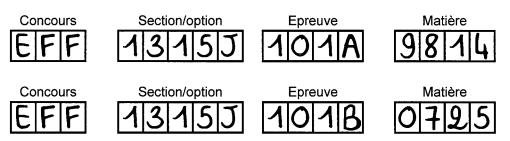
Vous trouverez ci-après les codes nécessaires vous permettant de compléter les rubriques figurant en en-tête de votre copie.

Ces codes doivent être reportés sur chacune des copies que vous remettrez.

#### ► Concours externe du CAPLP de l'enseignement public :

Concours	Section/option  1315  1	Epreuve 101A	Matière 98144
Concours	Section/option  1315  1	Epreuve 101B	Matière

#### ► Concours externe du CAFEP/CAPLP de l'enseignement privé :



#### ▶ 3<sup>ème</sup> Concours du CAPLP de l'enseignement public :

Concours	Section/option	Epreuve	Matière						
EFV	13155	101A	98144						
Concours	Section/option	Epreuve	Matière						
EFV	13155	101B	0725						

# PARTIE 1: MATHÉMATIQUES

La partie Mathématiques est constituée de deux exercices indépendants qui peuvent être traités dans un ordre quelconque.

Le premier exercice est constitué de quatre parties.

Le deuxième exercice est un vrai faux avec justification.

#### Exercice 1

Dans cet exercice, f désigne la fonction définie, pour x réel, par

$$f(x) = \frac{1}{x(x+1)}$$

On note  $C_f$  la courbe représentative de f dans un repère orthogonal  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

#### Partie A : Étude de la fonction f

- 1. Déterminer l'ensemble de définition  $D_f$  de la fonction f.
- 2. (a) Montrer que f est dérivable sur  $D_f$  et que

$$f'(x) = \frac{-2x - 1}{x^2(x+1)^2} \quad \text{pour tout } x \in D_f.$$

- (b) Donner le tableau complet de variations de f (on justifiera les limites aux bornes de  $D_f$ ).
- (c) Déterminer les droites asymptotes à  $C_f$ .
- (d) Donner l'allure de  $C_f$  dans le repère porté sur le document réponse partie mathématiques à rendre avec la copie. La figure pourra, selon besoin, être complétée dans la suite de cette partie.
- 3. Montrer que  $C_f$  admet un axe de symétrie qui admet une équation de la forme x = k.
- 4. Déterminer une équation de la droite T tangente à la courbe  $C_f$  au point d'abscisse 1.
- 5. Déterminer les coordonnées du point d'intersection, noté A, de la droite T avec l'axe des abscisses.
- 6. Déterminer une équation de la droite passant par les points A et B, où B est le point de coordonnées (1, -2).
- 7. Donner une équation de la droite d orthogonale à la droite (AB) et passant par B.
- 8. On note C le point d'intersection de la droite d avec l'axe des ordonnées. Déterminer l'aire du triangle (ABC) en unité d'aire.

#### Partie B: Calcul intégral

1. (a) Déterminer les réels  $\alpha$  et  $\beta$  tels que, pour tout  $x \in ]0, +\infty[$ ,

$$\frac{1}{x^2 + x} = \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta}{1 + x}.$$

- (b) En déduire une primitive de la fonction f sur  $]0, +\infty[$ .
- 2. Vérifier que la fonction F définie, pour  $x \in ]0, +\infty[$ , par

$$F(x) = -\ln\left(1 + \frac{1}{x}\right)$$

est une primitive de f sur  $]0, +\infty[$ .

3. Déterminer le réel m>0 tel que

$$\int_{m}^{4} f(t) dt = 1.$$

1

#### Partie C: Équations différentielles

Soit h la fonction définie sur  $]0, +\infty[$  par

$$h(x) = x\sin(x).$$

- 1. Déterminer les primitives de h sur  $]0, +\infty[$ .
- 2. (a) Résoudre sur  $]0, +\infty[$  l'équation différentielle

$$y' + \frac{y}{x^2 + x} = 0.$$

(b) Résoudre sur  $]0, +\infty[$  l'équation différentielle

$$y' + \frac{y}{x^2 + x} = (x+1)\sin(x)$$
 (E)

(c) Déterminer la solution u de l'équation différentielle (E) telle que  $u(\frac{\pi}{2}) = 0$ .

#### Partie D : Étude d'une suite définie par récurrence

- 1. Montrer qu'il existe un unique réel l tel que f(l) = l.
- 2. Montrer que  $l \in \left[\frac{1}{2}, 1\right]$ .
- 3. (a) On considère le code Python suivant :

```
def g(x):
    return 1/(x**2 + x) - x

def dichotomie(eps):
    x = 0.5
    y = 1
    while y - x >= 2 * eps:
        c = (x + y) / 2
        if g(c) > 0:
            x = c
        else:
        y = c
    return (x + y) / 2
```

Exécuter « à la main » la commande suivante en détaillant itération par itération les valeurs prises par les variables x, y et c ainsi que le résultat final obtenu :

```
>>> dichotomie(0.05)
```

- (b) Expliquer ce que représente le résultat obtenu à la question précédente dans le contexte de l'exercice.
- (c) Justifier que, pour toute valeur strictement positive de eps, la boucle while du programme s'arrête au bout d'un nombre fini d'itérations.
- 4. Soit  $\phi: ]0, +\infty[ \to \mathbb{R}$  la fonction définie par :  $\forall x \in ]0, +\infty[, \phi(x) = f(f(x)) x.$ 
  - (a) Calculer  $\phi(l)$ .
  - (b) Établir le tableau de signe de  $\phi$  sur  $]0, +\infty[$ .
- 5. On considère la suite  $(u_n)$  définie par la donnée de son premier terme  $u_0$  et par la relation de récurrence  $\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} = f(u_n)$ .
  - (a) Montrer par récurrence que la suite  $(u_n)$  est bien définie si et seulement si  $u_0 \in D_f$ .
  - (b) On suppose dans cette question que  $u_0 \in ]0, +\infty[$ .
    - i. Montrer que la suite  $(u_n)$  est bien définie.
    - ii. Montrer que les sous-suites  $(u_{2k})$  et  $(u_{2k+1})$  sont monotones.

- iii. Étudier la convergence de la suite  $(u_n)$  en fonction de  $u_0$ .
- (c) On suppose dans cette question que  $u_0 \in D_f \cap ]-\infty; 0[$ . Étudier la convergence de la suite  $(u_n)$  en fonction de  $u_0$ .

#### Exercice 2

Préciser si chacune des propositions suivantes est vraie ou fausse, puis justifier la réponse. Une réponse non justifiée ne rapporte aucun point.

- 1. Toute suite réelle strictement décroissante tend vers  $-\infty$ .
- 2. Le tableau suivant donne l'évolution du nombre de clients d'une entreprise pendant cinq années consécutives.

Rang de l'année	1	2	3	4	5
Nombre de clients	2460	7035	15010	20970	31010

En réalisant un ajustement affine des données et en supposant que la tendance se poursuive, le nombre de clients estimé l'année de rang 7 dépassera 44 000.

- 3. Dans un club de vacances proposant des activités sportives à ses clients, 100 vacanciers se répartissent de la façon suivante : 42% sont des femmes et 12 d'entre elles ne pratiquent aucune activité sportive. D'autre part, 80% des vacanciers pratiquent une activité sportive. On rencontre au hasard un des 100 vacanciers de ce club. La probabilité, sachant qu'il s'agit d'un homme, que ce vacancier pratique une activité sportive est 0,75.
- 4. Quand on double le rayon d'une sphère, on double la surface de cette sphère.
- 5. Soit ABC un triangle rectangle, d'hypoténuse [BC] et soit I le milieu de [BC]. Le point G défini par  $4\overrightarrow{GA} \overrightarrow{GB} \overrightarrow{GC} = \overrightarrow{0}$  est le symétrique du point I par rapport au point A.
- 6. Dans l'espace muni d'un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ , on considère les points : A(3;1;1) et B(-2;1;0). L'aire du triangle OAB mesurée en unité d'aire est  $\frac{\sqrt{30}}{2}$ .
- 7. La fonction f définie sur  $\mathbb{R}$  par f(0) = 0 et pour tout réel x non nul par  $f(x) = x^3 \sin\left(\frac{1}{x}\right)$  est deux fois dérivable en 0.
- 8. La fonction réelle f définie sur  $\mathbb{R}^2$  par  $f(x,y)=x^2+y^2+xy+1$  admet 1 comme minimum global.
- 9.  $\int_{1}^{e^{\pi}} \cos(\ln x) dx = -e^{\pi}$ .
- 10. Dans le plan, le cercle  $C_1$  d'équation :  $x^2 + y^2 100 = 0$  et le cercle  $C_2$  d'équation :  $x^2 + y^2 24x 18y + 200 = 0$  sont tangents.

#### **PARTIE 2: PHYSIQUE-CHIMIE**

## <u>Thème d'étude : Le sport au service de la santé</u>

#### Structure de la partie physique-chimie de l'épreuve

La partie physique-chimie de l'épreuve est structurée autour d'un « dossier documentaire » et d'un « travail à réaliser par le candidat ».

#### Elle doit permettre au candidat :

- de montrer sa maîtrise du corpus de savoirs disciplinaires en physique-chimie adapté à l'enseignement en lycée professionnel;
- de montrer ses capacités à s'approprier et analyser les informations fournies ;
- de montrer sa capacité à communiquer par écrit de manière précise et adaptée, tant dans l'utilisation de la langue française que dans l'utilisation du langage scientifique (utilisation d'un vocabulaire précis et adapté, maîtrise de l'écriture des résultats numériques).

#### > Dossier documentaire (document 1 à document 9)

Le dossier documentaire est organisé en une collection de documentation scientifique et technique liée au thème du sujet.

#### > Travail à réaliser par le candidat (question 1. à question 50.)

Le sujet de physique-chimie s'appuie sur un ensemble de questionnements structuré en différentes parties et sous-parties indépendantes les unes des autres.

Les références au « dossier documentaire » peuvent être précisées ou non dans le questionnement.

Le cas échéant, le candidat indique dans ses réponses les références des documents sur lesquels il s'appuie.

<u>> Documents réponses partie physique-chimie</u> (document réponse partie physique-chimie 1 à document réponse partie physique-chimie 3)

Le candidat rend, avec son ensemble de copies relatif à cette partie de l'épreuve, les documents réponses partie physique-chimie présents en fin de sujet.

# **DOSSIER DOCUMENTAIRE**

# Documentation scientifique et technique

#### Document 1 : Données numériques et techniques sur le cycliste et son vélo

• Masse du cycliste : M = 75 kg

• Masse du vélo : *m* = 10 kg

• Intensité de la pesanteur :  $g = 9.8 \text{ m.s}^{-2}$ 

Coefficient de résistance au roulement : C<sub>r</sub> = 0,40 %

 Force de résistance au roulement : F<sub>r</sub> = C<sub>r</sub>.P où P est le poids de l'ensemble « cycliste + vélo » (en N)

Coefficient de frottement de l'air : k<sub>a</sub> = 0,20 N.s<sup>2</sup>.m<sup>-2</sup>

• Force de frottement fluide due à l'air :  $F_{air} = k_a v^2$  où v est la vitesse du vélo (en m.s<sup>-1</sup>)

Capacité VO₂max = 51,4 mL.min⁻¹.kg⁻¹

• Formule de Hawley :  $VO_2$ max =  $\frac{(0.01141 \times P_{MA} + 0.435) \times 1000}{M}$  où  $P_{MA}$  est la puissance maximale aérobie exprimée en W, M la masse du cycliste exprimée en kg et  $VO_2$ max est la capacité exprimée en mL.min<sup>-1</sup>.kg<sup>-1</sup>

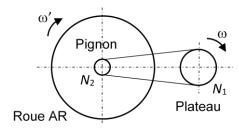
Circonférence des roues : 2155 mm

Choix de la transmission :

 $N_1$ : nombre de dents du plateau ;  $N_2$ : nombre de dents du pignon

- sur route horizontale :  $N_1$  = 54 et  $N_2$  = 16

- en montée :  $N_1$  = 34 et  $N_2$  = 28



• Le développement est la distance parcourue par le cycliste à chaque tour de pédale Tableau des développements en fonction des choix des pignons et des plateaux :



					No	mbre de	dents du	pignon (	N2)			
		12	14	16	18	20	22	24	26	28	30	32
	30	5,39	4,62	4,04	3,59	3,23	2,94	2,69	2,49	2,31	2,16	2,02
	32	5, 75	4,93	4,31	3,83	3,45	3,13	2,87	2,65	2,46	2,3	2,16
	34	6,11	5,23	4,58	4,07	3,66	3,33	3,05	2,82	2,62	2,44	2,29
(£	36	6,47	5,54	4,85	4,31	3,88	3,53	3,23	2,98	2,77	2,59	2,42
	38	6,82	5,85	5,12	4,55	4,09	3,72	3,41	3,15	2,92	2,73	2,56
plateau	40	7,18	6,16	5,39	4,79	4,31	3,92	3,59	3,32	3,08	2,87	2,69
<u> </u>	42	7,54	6,47	5,66	5,03	4,53	4,11	3,77	3,48	3,23	3,02	2,83
å	44	7,9	6,77	5,93	5,27	4,74	4,31	3,95	3,65	3,39	3,16	2,96
dents	46	8,26	7,08	6,2	5,51	4,96	4,51	4,13	3,81	3,54	3,3	3,1
de d	48	8,62	7,39	6,47	5, 75	5,17	4,7	4,7 4,31 3,98		3,69	3,45	3,23
	50	8,98	7,7	6,73	5,99	5,39	4,9	4,49	4,14	3,85	3,59	3,37
Nombre	52	9,34	8	7	6,23	5,6	5,09	4,67	4,31	4	3,74	3,5
5	54	9,7	8,31	7,27	6,47	5,82	5,29	4,85	4, 48	4,16	3,88	3,64
_	56	10,06	8,62	7,54	6,7	6,03	5,49	5,03	4,64	4,31	4,02	3,77
	58	10,42	8,93	7,81	6,94	6,25	5,68	5,21	4,81	4,46	4,17	3,91
	60	10,78	9,24	8,08	7,18	6,47	5,88	5,39	4,97	4,62	4,31	4,04

Développement (m) =  $(N_1/N_2) \times$  circonférence de la roue (m)

#### Document 2 : Le glucose et ses différents isomères

Une forme cyclique du glucose

Une forme linéaire du glucose

Le D-glucopyranose, forme cyclique possible du glucose, peut se présenter sous la forme de deux molécules différentes :

$$\alpha$$
-D-glucopyranose  $\beta$ -D-glucopyranose

#### Document 3 : Équation du dosage du glucose par la liqueur de Fehling

Préparation de la liqueur de Fehling :

- Solution A: 40 g de (CuSO<sub>4</sub>, 5 H<sub>2</sub>O) pour 1,0 L d'eau distillée.
- Solution B : 200 g de sel de Seignette (tartrate de sodium et de potassium) + 150 g de soude dans 1,0 L d'eau distillée.
- Mélanger à volume égal la solution A et la solution B.

 $M(Cu) = 63.5 \text{ g.mol}^{-1}$   $M(CuSO_4, 5 H_2O) = 249.7 \text{ g.mol}^{-1}$  $M(C_6H_{12}O_6) = 180.1 \text{ g.mol}^{-1}$ 

Équation du dosage :

$$C_6H_{12}O_6 + 5 HO^{-} + 2 CuT_2^{2-} \rightarrow C_6H_{11}O_7^{-} + Cu_2O(s) + 4T^{2-} + 3 H_2O(s)$$

 $T^{2-}$  représente l'ion tartrate  $C_4H_4O_6^{2-}$  et  $CuT_2^{2-}$  représente le complexe de cuivre (II) formé avec cet ion dans la liqueur de Fehling.

#### Document 4 : Dosage du glucose dans une boisson pour sportifs



Les boissons dites isotoniques ont une formulation destinée à compléter les besoins des sportifs durant l'effort. Elles sont riches en sodium pour compenser les pertes par sudation et en sucre, le principal combustible permettant aux muscles de fonctionner.

Contrairement aux sodas qui utilisent du saccharose (comme les sucres en morceaux) et du fructose (le sucre présent dans les fruits), les boissons isotoniques contiennent du glucose, car il peut être immédiatement utilisé par l'organisme à l'inverse des deux autres sucres qui doivent être transformés en glucose.



## Liqueur de Fehling

La liqueur de Fehling est un produit contenant des ions cuivre (II), d'où sa couleur bleue. En présence de glucose, ces ions se transforment en oxyde de cuivre (I), ce qui explique l'apparition d'un précipité rouge et la disparition progressive de la couleur bleue.



On dispose d'une solution de glucose de référence S<sub>ref</sub> de concentration en masse  $C_{\rm m} = 4.0 \, {\rm g.L^{-1}}$ .



#### Dangereux pour l'environnement

#### Le protocole se décompose en deux phases :

- 1 Recherche du volume de solution de glucose S<sub>ref</sub> nécessaire pour faire réagir tous les ions cuivre (II) d'un volume donné de liqueur de Fehling.
  - Rincer, puis remplir la burette de solution S<sub>ref</sub>.
  - Prélever 10 mL de liqueur de Fehling à l'aide de la pipette jaugée et l'introduire dans l'erlenmeyer.
  - Ajouter le barreau aimanté, démarrer le chauffage et l'agitation et maintenir la température à 90°C.
  - Lorsque la solution est chaude, ajouter 1 à 2 mL du contenu de la burette et attendre que la réaction démarre, la couleur rouge apparaît.
  - Verser mL par mL (afin que le glucose ait le temps de réagir) jusqu'à ce que la couleur bleue disparaisse.
  - Noter le volume versé  $V_{eq1}$ .

#### 2 - Dosage de la solution isotonique diluée.

- Diluer 10 fois la solution isotonique S<sub>0</sub>. On obtient la solution isotonique diluée S<sub>1</sub>.
- Refaire la démarche précédente avec la solution S<sub>1</sub>.
- Noter le volume  $V_{eq2}$ .

 $V_{\rm eq1}$  et  $V_{\rm eq2}$  correspondent aux volumes nécessaires pour faire réagir la même quantité de réactif présent dans un volume V de liqueur de Fehling.

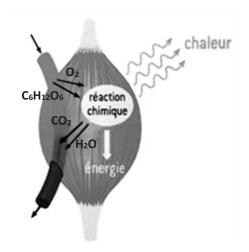
#### <u>Document 5 : Deux processus à l'œuvre lors d'un effort physique</u>

Le glucose, C<sub>6</sub>H<sub>12</sub>O<sub>6</sub>, issu de la digestion des aliments est la principale source d'énergie des cellules. Lors d'un effort, l'énergie est obtenue par sa dégradation dans le processus de respiration cellulaire.

Deux mécanismes principaux sont à l'œuvre en fonction de l'effort à fournir. Ils provoquent tous deux une élévation de la température corporelle.

Le <u>processus aérobie</u> intervient dans la pratique des sports d'endurance. Ce processus libère de l'eau, du dioxyde de carbone et beaucoup d'énergie, mais il est limité par la capacité de l'organisme à fournir du dioxygène.

Le <u>processus anaérobie</u> est, quant à lui, mobilisé lors d'un effort intense sur une durée plus faible. L'oxygène est en défaut, le glucose est alors principalement dégradé en acide pyruvique, qui est lui-même transformé en acide lactique. Si l'effort se poursuit trop longtemps l'acide lactique s'accumule dans les muscles, ce qui peut alors provoquer des crampes.



Source : Hélium, physique-chimie 2<sup>nde</sup>, éd. Hatier

Acide pyruvique

Acide lactique

Enthalpies standard de formation à 298 K et masses molaires moléculaires :

	O <sub>2</sub> (g)	CO <sub>2</sub> (g)	H <sub>2</sub> O(I)	$C_6H_{12}O_6(s)$
$\Delta_f H^{\circ}$ (kJ.mol <sup>-1</sup> )	0	-393,5	-285,1	-1274
M (g.mol <sup>-1</sup> )	32	44	18	180

#### Document 6 : pH du sang

Le sang est constitué d'un liquide plasmatique qui peut être assimilé à une solution aqueuse ionique dont le pH est quasiment constant et voisin de 7 et cette valeur est d'une grande constance, car le sang contient plusieurs espèces chimiques susceptibles de réguler son pH, en particulier :

- l'hémoglobine acide, notée HbH, responsable du transport de l'oxygène ;
- l'ion hydrogénocarbonate HCO<sub>3</sub> responsable du transport du dioxyde de carbone.

#### Données:

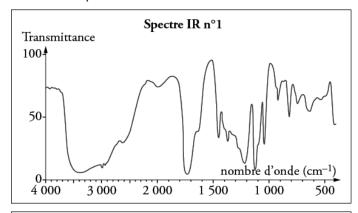
- Couple acide lactique/ion lactate, noté HA/A<sup>-</sup> : pKa = 3,9 ;
- Couple HbH/ Hb : pKa = 7,8 ;
- En solution aqueuse, l'acide carbonique  $H_2CO_3$  est un diacide :
  - $\circ$  H<sub>2</sub>CO<sub>3</sub>/ HCO<sub>3</sub><sup>-</sup>: pKa<sub>1</sub> = 6,4
  - $\circ$  HCO<sub>3</sub> / CO<sub>3</sub><sup>2</sup> : pKa<sub>2</sub> = 10,3
- Valeurs des concentrations en HCO<sub>3</sub> dans le sang comprises entre 22 et 27 mmol/L.

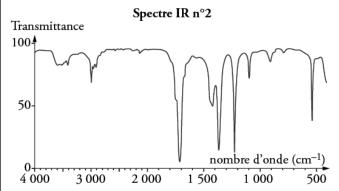
#### Document 7 : Documents relatifs à la spectroscopie infrarouge

Bandes d'absorption en spectroscopie IR :

Liaison	C – C	C = O	O – H (acide carboxylique)	C – H	O – H (alcool)
Nombre d'onde (cm <sup>-1</sup> )	1 000-1 250	1 700-1 800	2 500-3 200	2 800-3 000	3 200-3 700

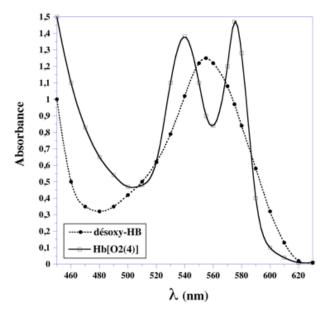
#### Exemples de spectres d'absorption :



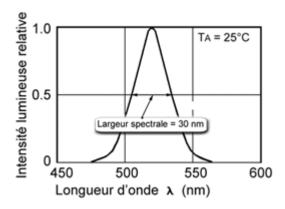


#### Document 8 : Spectres de l'hémoglobine et caractéristiques d'une led

Spectres d'absorption des deux principales variétés d'hémoglobine (molécules responsables de la couleur rouge du sang) :



#### Courbe de réponse d'une led « verte » :



#### Tension de seuil de différentes leds :

Symbol	Parameter	Color	Min.	Typ.	Max.	Units
V <sub>F</sub>	Forward Voltage	HER/Orange		1.9	2.4	V
		Yellow		2.0	2.4	
		Green		2.1	2.7	

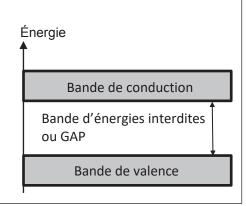
#### Autres données :

Constante de Planck :  $h = 6,62 \times 10^{-34} \text{ kg.m}^2.\text{s}^{-1}$ 

Constante de Boltzmann :  $k_B = 1,38 \times 10^{-23} \text{ kg.m}^2.\text{s}^{-2}.\text{K}^{-1}$ 

Vitesse de la lumière :  $c = 3.0 \times 10^8$  m.s<sup>-1</sup> Charge de l'électron :  $e = 1.6 \times 10^{-19}$  C

 $1.0 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$ 



#### Document 9 : Données sur la photodiode et son conditionnement

#### Caractéristiques de la photodiode BPW34 Osram à 25°C :

Parameter		Symbol	Values	Unit
Spectral sensitivity (V <sub>R</sub> = 5 V, standard light A, T = 2856 K)	(typ)	s	80	nA/lx
Photocurrent $(E_v = 1000 \text{ lx}, \text{Std. Light A}, V_R = 5 \text{ V})$	(typ (min))	I <sub>P</sub>	80 (≥ 50)	μΑ
Wavelength of max. sensitivity	(typ)	λ <sub>S max</sub>	850	nm
Dimensions of radiant sensitive area	(typ)	LxW	2.65 x 2.65	mm x mm
Dark current (V <sub>R</sub> = 10 V)	(typ (max))	I <sub>R</sub>	2 (≤ 30)	nA
Quantum yield of the chip $(\lambda = 850 \text{ nm})$	(typ)	η	0.90	Electro ns /Photon

#### Modèle mathématique de la caractéristique courant-tension d'une photodiode :

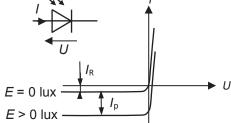
$$I = I_{R} \left[ \exp \left( \frac{eU}{k_{B}T} \right) - 1 \right] - I_{p}$$

I<sub>R</sub>: courant d'obscurité (dark current)I<sub>p</sub>: courant photonique (photocurrent)

T: température en Kelvin (K)

 $I_R$  et  $I_p$  sont comptés positivement.  $I_p$  est proportionnel à l'éclairement.

Convention récepteur et caractéristique



## Capteur ampèremètre pour système ExAO :



Calibres: 0/20 mA et 0/50 mA (sélection en façade).

Réglage du zéro (accessible par tournevis).

Résolution: 0,02 mA et 0,05 mA.

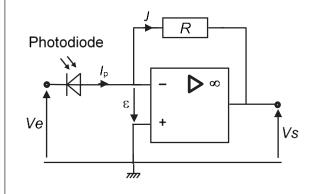
Précision :

0/20 mA : 1% de la mesure ±0,04 mA. 0/50 mA : 1% de la mesure ±0,1 mA.

Bande passante: 14 kHz.

Protection: fusible réarmable 0,5 A et diode.

#### Circuit convertisseur courant-tension pour le conditionnement de la photodiode :



Les faibles courants fournis par les photodiodes (quelques picoampères à quelques microampères) ne sont pas directement exploitables. Le montage cicontre permet l'amplification et la conversion en tension et donc facilite l'affichage du signal.

L'amplificateur opérationnel est considéré comme parfait et fonctionne en régime linéaire.

# TRAVAIL À RÉALISER PAR LE CANDIDAT

#### Partie A - Vitesse et cadence d'un cycliste lors d'un entraînement

Dans un sport d'endurance, comme le cyclisme, les principaux indicateurs de la performance sont la consommation maximale d'oxygène utilisée lors d'un effort intense, caractérisée par la capacité  $VO_2$ max, et la puissance maximale dite « aérobie », notée  $P_{MA}$ . La capacité  $VO_2$ max est une limite : elle correspond au volume maximum de dioxygène consommé par unité de temps et par unité de masse corporelle ; elle s'exprime en mL.min<sup>-1</sup>.kg<sup>-1</sup>. La puissance maximale aérobie  $P_{MA}$  peut être déterminée à partir de la valeur de  $VO_2$ max grâce à la formule empirique de Hawley (fournie dans le **document 1**).

Lors d'un entraînement très intense, et après échauffement, le sportif choisit de développer une puissance  $P_{\rm MS}$  à la limite d'un seuil qui équivaut environ à 85 % de la  $P_{\rm MA}$ . Au-delà de cette valeur, le cycliste travaille en zone dite "anaérobie"; il s'épuise très rapidement et récupère plus lentement.

Cette partie consiste à déterminer les vitesses d'un cycliste au seuil anaérobie dans deux situations : sur un sol plat, puis lors de l'ascension d'un col de pente moyenne 10 %. Ces deux valeurs de vitesses sont calculées à partir de la puissance développée et des constantes données dans le **document 1**.

Pour modéliser ces deux situations, on assimilera le système « vélo + cycliste » à un point matériel (son centre de gravité G). On admettra que le couple moteur exercé par le cycliste au niveau des pédales se traduit par une force motrice parallèle au déplacement, notée  $\overrightarrow{F_m}$  et d'intensité  $F_m$ , appliquée à ce système.

Deux types de frottements sont considérés :

- les forces de résistance dues à l'air, notées  $\vec{F}_{air}$ ;
- les forces de résistance au roulement, notées  $\vec{F}_r$ .

Les roues ne glissent pas et la vitesse du vent est négligeable.

- **1.** Définir la puissance d'une force et exprimer la relation entre la puissance motrice  $P_m$ , la force motrice  $\overrightarrow{F_m}$  et la vitesse  $\overrightarrow{v}$  du cycliste. Indiquer les unités des grandeurs en jeu.
- **2.** Le cycliste roule sur un terrain horizontal. Représenter sur votre copie, au niveau du centre de gravité G du système « vélo + cycliste », les forces suivantes : le poids  $\overrightarrow{P}$  de l'ensemble, la réaction normale du sol  $\overrightarrow{R_N}$ , les forces de frottement, ainsi que la force motrice  $\overrightarrow{F_m}$ .
- **3.** À partir de la deuxième loi de Newton, exprimer littéralement  $F_m$  en fonction notamment de la vitesse v lorsque le cycliste roule à vitesse constante sur un terrain horizontal.
- **4.** En déduire une expression littérale de la puissance  $P_m$  développée par le cycliste en fonction de la vitesse v et des constantes fournies.
- **5.** Montrer, à l'aide de la formule donnée dans le **document 1**, que la puissance maximale développée par le cycliste au seuil anaérobie, notée  $P_{MS}$ , vaut 0,26 kW.
- 6. On donne, dans le **document réponse partie physique-chimie 1**, la courbe correspondant à la puissance motrice développée en fonction de la vitesse *v*, sur route horizontale. Déterminer graphiquement la valeur *v*<sub>1</sub> de la vitesse, pour la puissance de seuil anaérobie *P*<sub>MS</sub> de ce cycliste. Mettre en évidence votre tracé sur le **document réponse partie physique-chimie 1** pour montrer votre méthode et justifier que les frottements de l'air ne peuvent être négligés dans ce modèle.

- 7. Le cycliste aborde désormais l'ascension sur une route inclinée d'un angle  $\alpha$  avec l'horizontale. Donner la nouvelle expression de  $F_m$  dans cette situation et montrer que la puissance développée par le cycliste devient  $P_m = k_a v^3 + (M + m)(C_r + \sin \alpha) gv$ .
- **8.** Déterminer la valeur de la vitesse  $v_2$  pour la puissance au seuil anaérobie  $P_{\rm MS}$  pour une montée avec une pente à 10 %, c'est-à-dire une élévation de 10 m pour un déplacement de 100 m à l'horizontale. On pourra s'appuyer sur le graphe précédent en modifiant la courbe en conséquence, ou bien utiliser une calculatrice.
- **9.** Exprimer  $v_1$  et  $v_2$  en km.h<sup>-1</sup>, arrondies au km.h<sup>-1</sup> près, et commenter les résultats.
- 10. On admet que, sur route horizontale, la vitesse du cycliste est voisine de v = 10 m.s<sup>-1</sup>. Déterminer le nombre de tours de pédales par minute (appelée cadence) que doit respecter le cycliste pour obtenir cette vitesse avec le développement choisi dans le document 1 (taille du plateau et taille du pignon). On pourra s'appuyer sur la relation suivante :

vitesse (m.min<sup>-1</sup>) = cadence (tr.min<sup>-1</sup>)  $\times$  développement (m).

**11.** À puissance constante, justifier l'intérêt de faire varier le rapport  $N_1/N_2$  lors de la montée.

#### Partie B : Le glucose, une source essentielle d'énergie

Lors de la pratique d'un sport, l'énergie nécessaire à l'organisme est introduite au niveau cellulaire par des transformations chimiques mettant en jeu le glucose. Le glucose existe sous différentes formes, la forme cyclique étant la plus courante (voir **document 2**).

#### Partie B-1 : Les molécules de glucose

- **12.** Donner la définition d'un isomère.
- **13.** Déterminer le nombre de carbones asymétriques dans la molécule de glucose de forme cyclique (D-glucopyranose).
- **14.** Préciser ce qui différencie les deux isomères  $\alpha$  et  $\beta$  du D-glucopyranose. Préciser à quel type d'isomérie correspondent ces deux formes représentées dans le **document 2**.
- **15.** Préciser comment sont polarisées les liaisons O-H dans cette molécule. Proposer une structure de Lewis pour cette dernière.
- **16.** Le glucose est très soluble dans l'eau (900 g.L-¹), ce qui permet le transport par le sang ; en effet, celui-ci est constitué à 90 % d'eau. En analysant la structure de la molécule, donner une explication de cette solubilité élevée du glucose dans l'eau.

#### Partie B-2: Le dosage d'une solution de glucose par la liqueur de Fehling

- 17. Expliquer le principe général d'un dosage par comparaison évoqué dans le document 4.
- **18.** Compléter le schéma du dosage en plaçant les légendes sur le **document réponse partie physique-chimie 2** (nommer le matériel et les réactifs utilisés).
- **19.** Compte-tenu des pictogrammes de sécurité de la liqueur de Fehling, préciser les mesures de sécurité particulières à prendre.
- **20.** Proposer un intérêt possible du chauffage lors de ce dosage.

- 21. À partir de l'équation du dosage et des données fournies (document 3), déterminer la relation à l'équivalence entre la quantité de glucose versé et la quantité d'ions cuivre (II) consommés, et en déduire la valeur de la quantité de glucose nécessaire pour faire réagir tous les ions cuivre (II).
- **22.** Déterminer les valeurs attendues de  $V_{eq1}$  et  $V_{eq2}$  pour les deux étapes de ce dosage.

#### Partie B-3: L'assimilation du glucose dans le corps

On cherche à déterminer l'énergie « récupérable » par la dégradation du glucose de la boisson du **document 4**. On modélise cette dégradation par une équation de réaction (E) où du dioxygène gazeux, avec le coefficient stœchiométrique unité, réagit avec le glucose solide pour former du dioxyde de carbone gazeux et de l'eau liquide.

- **23.** Écrire cette équation de réaction (E). En s'aidant du **document 5**, préciser à quel processus biologique elle correspond.
- **24.** Déterminer l'enthalpie standard de réaction ∠<sub>r</sub>H° à 298 K associée à (E), à partir des enthalpies standard de formation et des coefficients stœchiométriques algébrisés selon la formule :

$$\Delta_{r}H^{\circ}(T) = \sum_{i} v_{i} \times \Delta_{f}H^{\circ}_{i}(T)$$

- **25.** Déterminer l'enthalpie libre standard de réaction  $\Delta_r G^\circ$  à 298 K associée à (E) sachant que  $\Delta_r G^\circ = \Delta_r H^\circ T \Delta_r S^\circ$  avec  $\Delta_r S^\circ = +259 \text{ J.mol}^{-1} \text{.K}^{-1}$ .
- **26.** On suppose que l'énergie « récupérable » par unité de quantité de matière en glucose dégradé est l'enthalpie libre standard de réaction précédente associée à (E). En déduire l'énergie « récupérable » correspondant aux 100 mL de la boisson du **document 4**. Comparer la valeur obtenue avec celle de 71 kJ indiquée sur l'étiquette pour 100 mL.

# <u>Partie C</u>: <u>La production d'acide lactique et la régulation du pH sanguin lors d'un effort intense</u>

Une revue scientifique mentionne que le processus anaérobie associé à un effort intense engendre une production d'acide pyruvique, puis d'acide lactique. Le bilan de la transformation peut être exprimé par l'équation de réaction suivante :

$$C_6H_{12}O_6 \rightarrow 2 \text{ CH}_3\text{-CHOH-COOH} \quad (\Delta_r G^\circ = -197 \text{ kJ.mol}^{-1})$$

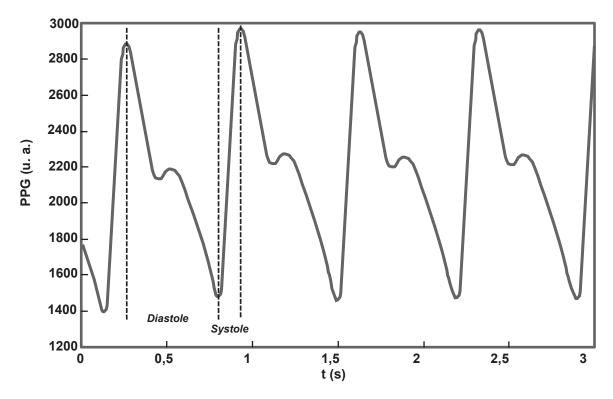
- **27.** On admet que l'enthalpie libre standard de réaction  $\Delta_r G^\circ$  pour la dégradation aérobie du glucose est approximativement de -3 MJ.mol<sup>-1</sup>. Commenter la différence entre cette valeur de  $\Delta_r G^\circ$  et celle donnée ci-dessus entre parenthèses.
- **28.** Préciser quels sont les groupes caractéristiques présents dans la molécule d'acide lactique et donner les familles chimiques associées à chacun d'eux.
- **29.** Écrire l'équation de la réaction de l'acide lactique sur l'eau et justifier que l'acide lactique produit peut contribuer à acidifier le sang.
- **30.** En s'appuyant sur le **document 6**, indiquer l'espèce prépondérante (acide lactique ou ion lactate) dans le sang pour un pH de 7,4.
- **31.** Calculer le rapport  $[H_2CO_3]/[HCO_3]$  dans le sang à pH = 7,4.

- **32.** Après un effort intense, l'acide lactique produit s'accumule dans le sang et n'entraîne pas de diminution de son pH. En s'appuyant sur le **document 6**, indiquer quelles sont les espèces présentes dans le sang susceptibles de réagir avec l'acide lactique produit lors de l'effort.
- **33.** Écrire l'équation de la réaction entre l'ion hydrogénocarbonate et l'acide lactique et déterminer la valeur de la constante thermodynamique d'équilibre  $K_r^{\circ}$  associée.
- **34.** Lorsque la concentration en ion lactate dans le sang évolue de 2 mmol.L<sup>-1</sup> à 4 mmol.L<sup>-1</sup>, préciser comment évoluerait la concentration en ion hydrogénocarbonate. Montrer que la réaction proposée à la question précédente, à elle seule, ne permet pas de maintenir un pH constant.
- **35.** L'acide lactique dans le sang peut être détecté par spectroscopie IR. Parmi les deux spectres IR du **document 7**, choisir celui correspondant à l'acide lactique en explicitant votre raisonnement.
- **36.** Expliquer succinctement le phénomène physique associé à l'absorption observée à certaines fréquences.

#### Partie D : Une montre connectée pour mesurer le rythme cardiaque

Une montre connectée permet de mesurer les variations du flux sanguin périphérique. Elle est dotée d'un émetteur (led) et d'un récepteur (photodiode). Ce type de mesure est appelé photopléthysmographie (PPG). Un exemple de signal est fourni ci-dessous. L'objectif de cette partie est de comprendre le principe de cette mesure.

#### Exemple de signal PPG:



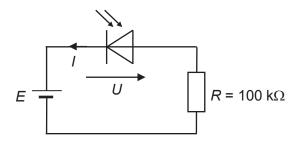
- **37.** Justifier l'utilisation d'une led de couleur verte dans les cardiofréquencemètres en s'appuyant sur les deux spectres de l'hémoglobine fournis dans le **document 8**.
- **38.** Expliquer, en 10 lignes maximum, le principe d'émission d'une diode électroluminescente.

**39.** Pour la longueur d'onde correspondant au pic d'émission de la led verte étudiée  $(\lambda = 525 \text{ nm})$ , déterminer l'énergie des photons associés. Dans cette situation, en déduire la largeur de la bande interdite  $E_g$  en eV. Vérifier la cohérence de cette valeur avec la tension de seuil fournie dans les documents techniques.

On cherche à détecter un rayonnement émis par une lumière verte analogue à celle de la led, à l'aide d'une photodiode dont les caractéristiques techniques sont fournies dans le **document 9**.

- **40.** À partir des caractéristiques techniques de la photodiode, indiquer quelle grandeur permet d'accéder à la mesure de l'éclairement et expliquer pourquoi il n'est pas possible d'utiliser l'ampèremètre ExAO pour réaliser cette mesure.
- **41.** Sur le **document réponse partie physique-chimie 3** présentant les caractéristiques de la photodiode pour deux valeurs d'éclairements, tracer l'allure de la caractéristique pour un éclairement de 400 lx. Justifier.
- **42.** Calculer la sensibilité *S* de la photodiode en nA.lx<sup>-1</sup> pour la longueur d'onde utilisée et comparer avec celle affichée par le constructeur.
- **43.** Calculer le flux lumineux  $\Phi$ , en lumen, reçu par la photodiode sous un éclairement de 400 lx. On rappelle que l'éclairement en lux est le flux exprimé en lumen par unité de surface.

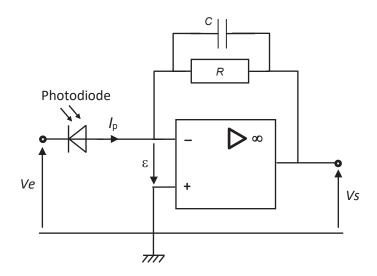
On considère le montage suivant :



On utilise une alimentation continue et stabilisée de 5 V, la photodiode est polarisée en inverse et on considère un éclairement de 400 lx.

- **44.** Déterminer les coordonnées du point de fonctionnement (U; I) sur le **document réponse partie physique-chimie 3** lorsque E = 5 V et R = 100 k $\Omega$ . Détailler votre méthode.
- **45.** Déterminer la valeur maximum  $R_{\text{max}}$  de R qui peut être utilisée pour ce montage sous 400 lx avec la photodiode polarisée en inverse.
- **46.** Le modèle mathématique, dans le **document 9**, fournit l'expression du courant dans une photodiode en fonction notamment du courant d'obscurité. Déterminer la valeur du courant d'obscurité  $I_R$  en utilisant le point de coordonnées (0,2 V ; 0 mA) de la caractéristique à 200 lx et montrer que cette valeur est trop faible pour être observable graphiquement.
- **47.** Aux faibles valeurs d'éclairement, pour que le courant *I*<sub>p</sub> fourni par la photodiode soit exploitable, on utilise le montage du **document 9** comportant un amplificateur opérationnel. Rappeler les valeurs de la tension différentielle ε et des courants aux entrée inverseuse (i-) et non inverseuse (i+) dans le cas d'un amplificateur idéal en régime linéaire.

- **48.** Dans ce montage, on note J le courant traversant la résistance. Donner la relation entre  $I_p$  et J et exprimer la tension de sortie en fonction de  $I_p$ .
- **49.** Afin d'éliminer certaines fréquences jugées parasites à la bonne analyse du signal PPG, un condensateur de capacité C est associé en dérivation avec la résistance R (voir la figure suivante). Établir l'expression de l'impédance complexe  $\underline{Z}$  caractérisant ce nouveau montage amplificateur. En déduire la nature du filtre du premier ordre ainsi obtenu.



**50.** Calculer la fréquence de coupure  $f_c$  à -3 dB du filtre pour C = 330 nF et R = 100 k $\Omega$  puis indiquer, justification à l'appui, si ces valeurs sont adaptées au signal PPG présenté au début de cette partie.

	OC v2 ©NEOPTEC  n de famille : lieu, du nom d'usage)																	
	Prénom(s) :																	
	Numéro Inscription :	numéro	est ce	lui qui fig	gure sur	a convo	cation o	u la feui	lle d'ém	nargeme	•	e) le :		/		]/		
(Remplir cette partie a	à l'aide de la notice) / Examen:							Section	on/S <sub>l</sub>	oécia	lité/Séı	ie :	 			 	 	 
	Epreuve:							Matiè	ere :				 . Se	ssio	n :	 	 	 
<ul> <li>Remplir soigneusement, sur CHAQUE feuille officielle, la zone d'identification en MAJUSCULES.</li> <li>Ne pas signer la composition et ne pas y apporter de signe distinctif pouvant indiquer sa provenance.</li> <li>Numéroter chaque PAGE (cadre en bas à droite de la page) et placer les feuilles dans le bon sens et dans l'ordre.</li> <li>Rédiger avec un stylo à encre foncée (bleue ou noire) et ne pas utiliser de stylo plume à encre claire.</li> <li>N'effectuer aucun collage ou découpage de suiets ou de feuille officielle. Ne ioindre aucun brouillon.</li> </ul>																		

EFE MPC 1

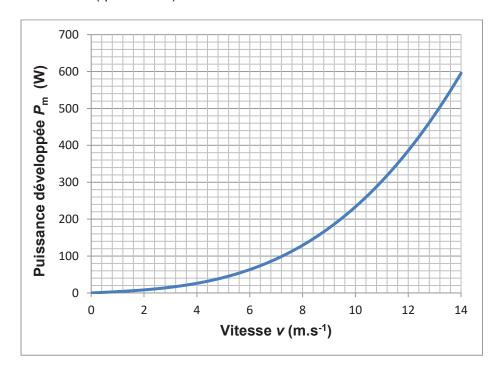
# Document réponse Partie Physique-Chimie

Tous les documents réponses sont à rendre, même non complétés.

# **DOCUMENTS RÉPONSES PARTIE PHYSIQUE-CHIMIE**

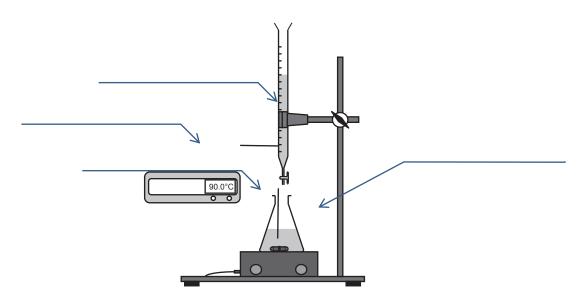
#### Document réponse partie physique-chimie 1

Puissance développée  $P_m$  en fonction de la vitesse v du cycliste pour un mouvement rectiligne uniforme et horizontal (question **6**.)



#### Document réponse partie physique-chimie 2

Schéma du dosage à légender (question 18.)



# Document réponse partie physique-chimie 3

Caractéristique d'une photodiode (questions 41. et 44.)

