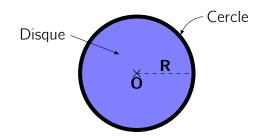


# Ch2. Géométrie et nombres

#### Objectifs

- ✓ Regrouper des outils de géométrie utiles pour l'EP.
- ✓ Travailler les calculs pratiques et le bon sens.

## 2.1 Cercle et disque



Soit un cercle C de centre O et de rayon R alors on peut calculer :

#### Aire du disque

$$A = \pi \times R \times R = \pi R^2$$

Surface intérieure en cm<sup>2</sup> par ex

### Circonférence du cercle

$$P = 2\pi \times R$$

Mesure du tour du cercle (ex m)

## 2.2 Triangles

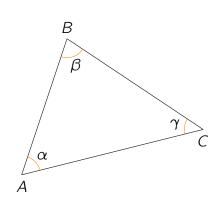
#### 2.2.1 Généralités

Soit un triangle ABC quelconque.

La somme des angles d'un triangle mesure 180°.

Quelques triangles remarquables :

- Rectangle : un des angles vaut 90°.
- Isocèle : Deux des côtés ont la même longueur, deux angles égaux.
- **Équilatéral** : Trois côtés de même longueurs, trois angles de 60°.





## 2.2.2 Théorème de Pythagore

#### Théorème de Pythagore

Si ABC est un triangle rectangle en C alors :

$$AB^2 = AC^2 + BC^2$$

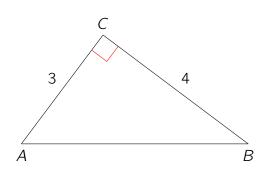
Dans cet exemple (les longueurs sont données en cm) :

$$AB^2 = AC^2 + BC^2$$

$$AB^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25$$

$$AB = \sqrt{25} = 5$$

Le côté AB mesure 5 cm.



Remarque : La réciproque de Pythagore permet de vérifier si un triangle est rectangle.

## 2.2.3 Théorème de Thalès

#### Théorème de Thalès

Soient les droites (BC) et (MN) parallèles, les points A, M, B alignés et les points A, N, C alignés alors :

$$\frac{MN}{BC} = \frac{AN}{AC} = \frac{AM}{AB}$$

Dans cet exemple (les longueurs sont en cm) : Cherchons la longueur AC :

$$\frac{MN}{BC} = \frac{AN}{AC} = \frac{AM}{AB}$$

$$\frac{MN}{BC} = \frac{AN}{AC}$$

$$AB = \frac{BC \times AN}{MN}$$

$$AB = \frac{10 \times 7}{4} = 17.5$$

 $\begin{array}{c|c}
A \\
\hline
N \\
4
\end{array}$   $\begin{array}{c|c}
B \\
\hline
\end{array}$   $\begin{array}{c|c}
C \\
\end{array}$ 

Le côté AB mesure 17,5 cm.

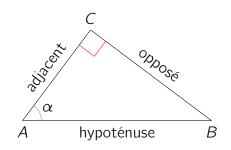
Remarque : La réciproque de Thalès permet de prouver que deux droites sont parallèles.



## 2.2.4 Trigonométrie dans le triangle rectangle

Les formules trigonométriques donnent la possibilité de calculer un angle ou une longueur dans un triangle rectangle.

#### Attention aux unités d'angle sur la calculatrice. 🚣



Les relations donnent pour l'angle lpha :

Sinus		
$\sin lpha =$	opposé hypoténuse	$=\frac{CB}{AB}$

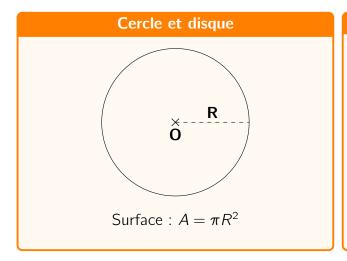
Cosinus
$$\cos \alpha = \frac{\text{adjacent}}{\text{hypoténuse}} = \frac{AC}{AB}$$

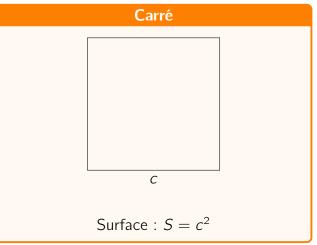
Tangente 
$$\tan \alpha = \frac{\text{opposé}}{\text{adjacent}} = \frac{AC}{CB}$$

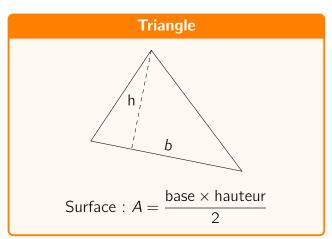
On pourrait écrire les mêmes formules pour l'angle  $\beta$  (angle au sommet B).

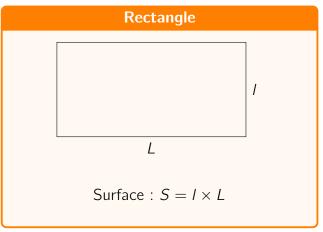
## 2.3 Surfaces

Quelques formules à connaître et à savoir utiliser :







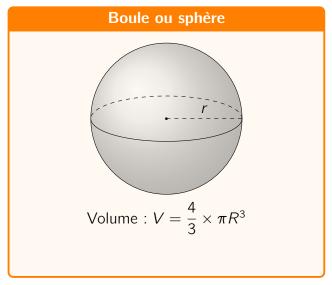


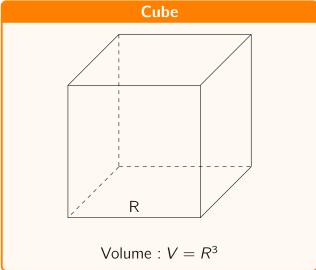
Pour calculer des surfaces de pièces plus complexes, on découpe en éléments simples.

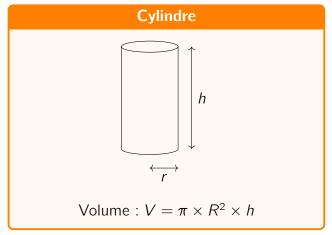


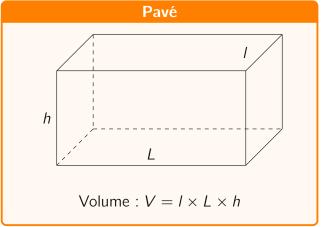
## 2.4 Volumes

Quelques formules à connaître et à savoir utiliser :









Pour calculer des volumes de pièces plus complexes, on découpe en éléments simples.



### 2.5 Exercices

**EXERCICE 2.1.** Soit C un cercle de centre O et de rayon  $R = 4 \, \text{cm}$ .

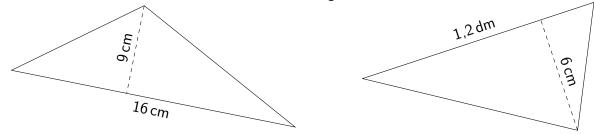
Calculer la surface S et la circonférence P de ce cercle. Arrondir au dixième.

Le dessin suivant représente un quart de cercle.

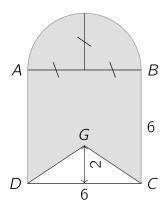
**EXERCICE 2.2.** Déterminer une valeur arrondie au dixième de son aire A sachant que le rayon vaut r=2,5 cm.



**EXERCICE 2.3.** Déterminer l'aire des deux triangles.

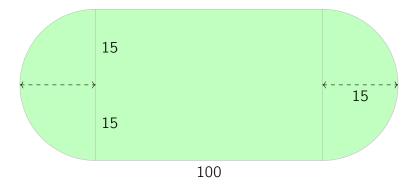


**EXERCICE 2.4.** Déterminer l'aire de la partie grisée sur la figure (les dimensions sont en cm) :



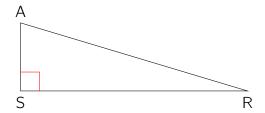
**EXERCICE 2.5.** On installe une pelouse sur un terrain sportif représenté par le schéma cidessous. Ce schéma ne respecte pas les proportions et les dimensions sont données en mètre. Les rouleaux de pelouse disponibles à la vente sont des rectangles dont les dimensions sont  $L = 20 \,\mathrm{m}m$  et  $I = 1,5 \,\mathrm{m}$ .

Déterminer le nombre de rouleaux à commander pour recouvrir au moins intégralement la pelouse. (On négligera le fait qu'il y aura des pertes aux arrondis)





**EXERCICE 2.6.** Un avion (noté A) se trouve à la verticale au dessus d'une ville (notée S). L'aéroport se situe à 49,7 km de cette ville en ligne droite au sol. L'avion descend directement en effectuant une ligne droite (AR) de longueur 50 km à l'aéroport (noté R) et forme le schéma (qui ne respecte pas les proportions) suivant :



**Déterminer** l'altitude, en mètres, de l'avion au moment de son survol de la ville S.

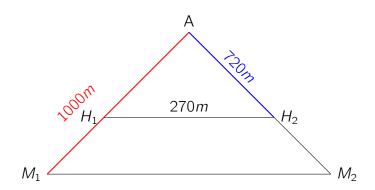
**EXERCICE 2.7.** Dans cet exercice on demande de vérifier si les deux triangles sont rectangles.

- a. Le triangle ABC tel que  $AB = 5.5 \,\mathrm{cm}$ ,  $AC = 4.8 \,\mathrm{cm}$  et  $BC = 7.3 \,\mathrm{cm}$ .
- b. Le triangle DEF tel que  $DE = 2.8 \,\mathrm{cm}$ ,  $DF = 8.1 \,\mathrm{cm}$  et  $EF = 7.6 \,\mathrm{cm}$ .

**EXERCICE 2.8.** Pour filmer des étapes d'une course cycliste, les réalisateurs de télévision utilisent des caméras installées sur deux motos et d'autres dans deux hélicoptères. Un avion relai, A, plus haut dans le ciel, recueille les images et joue le rôle d'une antenne.

On considère que les deux hélicoptères  $H_1$  et  $H_2$  sont à la même altitude et que la route est horizontale de telle sorte que les droites formées entre les motos  $M_1$  et  $M_2$  ( $M_1M_2$ ) et ( $H_1H_2$ ) soient **parallèles**.  $AH_1 = AH_2$  et  $AM_1 = AM_2$ .

Le schéma ci-dessous illustre la situation :

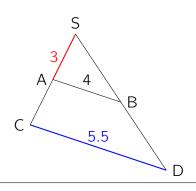


Calculer la distance entre les deux motos.

**EXERCICE 2.9.** On donne la figure jointe sur laquelle :

- Les droites (AB) et (CD) sont parallèles;
- Les points S, B, D sont alignés
- Les points S, A, C sont alignés

**Calculer** la longueur *SC* et arrondir au dixième.



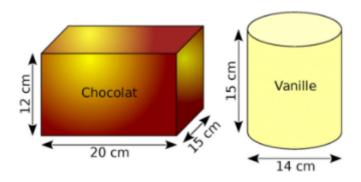


**EXERCICE 2.10.** Il est possible d'envoyer par la poste un colis dont la boite, qui a la forme d'un pavé droit, ne doit dépasser 1,5 m quand on additionne la longueur, la largeur et la hauteur. On utilise une boite de longueur  $L=60\,\mathrm{cm}$ , de largeur  $l=40\,\mathrm{cm}$  et de hauteur h pour envoyer un colis.

- 1. **Donner** la hauteur maximale de cette boite pour rester dans les normes.
- 2. **Proposer** d'autres dimensions pour une boite permettant d'envoyer par la poste, dans un colis de même forme, une canne à pêche mesurant 1,4 m de long et 5 cm de haut.

**EXERCICE 2.11.** Pour préparer un dessert glacé, un restaurant propose des coupes 3 boules de glace (que l'on supposera parfaitement pleines et sphériques, ce qui n'est pas le cas dans la réalité!) de diamètre  $d = 4.2 \, \text{cm}$ .

La forme et la dimension des pots sont donnés par l'image :



Les pots sont pleins et les coupes servies sont toutes sur le modèle : C - C - V (deux boules chocolat et une boule vanille). Le restaurateur veut avoir de quoi réaliser 100 desserts.

- 1. Calculer le volume, en cm<sup>3</sup>, d'un pot de glace au chocolat.
- 2. Même question pour un pot de glace vanille.
- 3. Calculer le volume, en cm<sup>3</sup> d'une boule de glace.
- 4. Déterminer le nombre de pots nécessaires de chaque parfum pour réaliser les 100 desserts.

Plus d'exercices et d'applications en co intervention



