

## Renseignements généraux

- *Concours* : X
- *Matière* : Maths
- *NOM Prénom* : CORREIA Corentin

### Exercice :

A et B jouent à pile ou face et font des lancers successifs. On dit que A gagne lorsque FFP apparaît avant FPP, que B gagne quand FPP apparaît avant FFP.  $p_n$  (resp  $q_n$ ) est la probabilité que A (resp. B) gagne à l'instant  $n$ .  $t_n$  est la probabilité que personne n'a gagné à l'instant  $n$ .

$$f(x) = \sum_{n=0}^{+\infty} p_n x^n$$

$$g(x) = \sum_{n=0}^{+\infty} q_n x^n$$

$$h(x) = \sum_{n=0}^{+\infty} t_n x^n$$

Donner un équivalent de  $p_n$ .

Exo modifié (cf remarques).

## Remarques sur l'oral

Exercice de combinatoire où il fallait trouver des relations entre les cardinaux des ensembles  $A_n = \{\text{mots de tailles } n \text{ qui font gagner A à l'instant } n\}$ ,  $B_n$  (même chose mais avec B) et  $Z_n = \{\text{mots qui n'ont fait gagné personne}\}$ . Il y avait un gros problème sur cet exo : on ne peut pas calculer facilement le cardinal des mots de longueur  $n$  dont aucun préfixe stricte n'a fait gagné quelqu'un. On ne peut donc pas passer de  $\text{card}(A_n)$  à  $p_n$ , de  $\text{card}(B_n)$  à  $q_n$  etc. L'examinateur m'a donc dit qu'on remplace les probabilités par les cardinaux dans les séries génératrices. Le but était ensuite de trouver un équivalent de  $\text{card}(A_n)$ .

On trouve trois relations entre  $f$ ,  $g$  et  $h$ , on obtient ensuite que  $f$  est une fraction rationnelle à pôles simples