

# Exercices d'oraux : thermodynamique

## Questions de cours

- Premier principe de la thermodynamique
- Deuxième principe de la thermodynamique
- Machines thermiques : principe du moteur ditherme, théorème de Carnot (ou machine frigorifique ou pompe à chaleur).
- Changements d'état du corps pur ; description à l'aide diagrammes
- Les différents types de transfert thermique
- Gaz parfaits et réels
- Détentes de Joule Gay-Lussac et de Joule Kelvin

## Thermodynamique 1

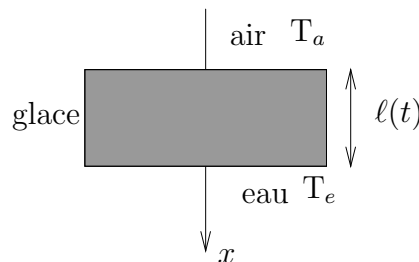
(Centrale)

L'eau liquide d'un lac est à la température de congélation  $T_e = 273$  K. L'air au dessus du lac est à température constante  $T_a = 263$  K. Sans glace à  $t = 0$ , le lac se couvre progressivement d'une couche d'épaisseur  $\ell(t)$ . La glace possède une masse volumique  $\mu$ , une conductibilité thermique  $K$ , une chaleur latente de fusion massique  $L$  et une capacité thermique négligeable.

La puissance thermique échangée à l'interface air-glace est

$$P_{th} = \alpha(T_0(t) - T_a)S$$

où  $T_0(t)$  est la température de la glace au voisinage de l'air.



1. Déterminer le flux thermique traversant la couche en fonction de  $\ell(t)$ ,  $T_0(t)$  et  $T_e$ .
2. En déduire l'équation différentielle vérifiée par  $\ell(t)$ .
3. Déterminer  $\ell(t)$  et  $T_0(t)$ .

## Thermodynamique 2

(Mines)

À l'intérieur d'une enceinte thermostatée à  $T_0 = 373$  K de volume initiale  $V_0$ , on place de la vapeur d'eau à la pression  $P_0 = 0,4$  bar.

1. Exprimer le volume final que l'on doit avoir pour obtenir 50% de l'eau sous forme liquide.
2. Exprimer la variation d'entropie.

## Thermodynamique 3

(CCP)

Une résistance de capacité thermique  $C$ , placée dans l'air à température  $T_0$  est parcourue par un courant qui apporte par effet Joule une puissance  $P$  constante. Pendant le temps  $dt$ , la résistance perd une quantité de chaleur  $aC(T - T_0)dt$  où  $a$  est une constante.

Etablir l'équation différentielle vérifiée par  $T(t)$  et calculer la température finale sachant qu'initialement  $T = T_0$ .

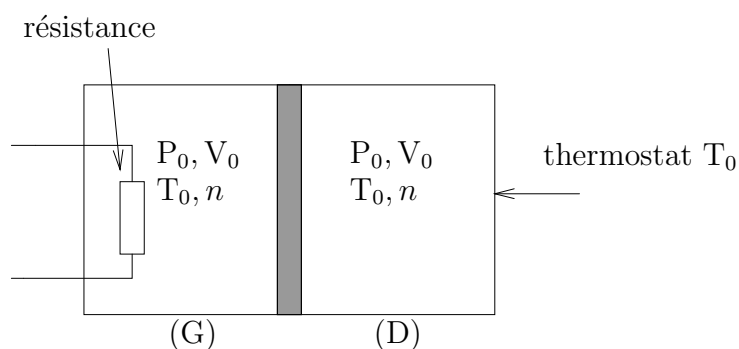
## Thermodynamique 4

(CCP)

Deux compartiments calorifugés contenant un gaz parfait à l'état initial  $V_0$ ,  $T_0$ ,  $P_0$  sont séparés par une paroi coulissante. Celui de gauche comporte une résistance, celui de droite est en contact avec une source de chaleur de température  $T_0$  constante.

On apporte pendant un temps  $t_1$  une chaleur  $Q$  par effet Joule au compartiment de gauche, de manière irréversible. L'autre compartiment évolue de manière quasi-statique et on atteint un nouvel état d'équilibre.

Calculer  $Q$  pour qu'au nouvel état d'équilibre, le compartiment de droite ait un volume  $V$ .



### Thermodynamique 5 (CCP)

De l'eau sous l'état de vapeur saturante à  $T_1 = 373\text{K}$  et à pression atmosphérique  $p_0$  est enfermée dans un cylindre à parois diathermanes, fermé par un piston pouvant coulisser sans frottement. La pression extérieure est maintenue constante. On place le cylindre dans un thermostat à  $T_0 = 290\text{K}$ .

On donne la chaleur latente de vaporisation à  $T_1$  et la capacité thermique de l'eau liquide  $C_\ell$ .

Calculer l'entropie créée au cours de la transformation.

### Thermodynamique 6 (CCP)

Une barre de section carrée de côté  $a$  est accotée à un mur à la température  $T_1$ . Le système est en régime stationnaire et  $T$  ne dépend que de  $x$ . L'expression du flux échangé de la barre vers l'extérieur à la température  $T_0$  est  $\Phi = h(T - T_0)S$  où  $S$  est la surface d'échange.

1. Déterminer l'équation différentielle vérifiée par  $\theta(x) = T(x) - T_0$ .
2. Déterminer et représenter  $T(x)$ .

### Thermodynamique 7 (Mines)

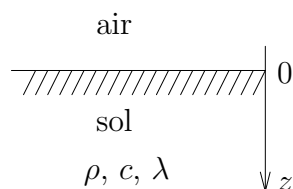
On considère une atmosphère assimilée à un gaz parfait telle que  $T(z = 0) = T_0$ ,  $p(z = 0) = p_0$  et  $T(z) = T_0 - kz$ .

Déterminer  $p(z)$ . Donner un ordre de grandeur de  $k$ .

### Thermodynamique 8 (Mines)

On impose au sol une température variable donnée par la loi

$$T(0, t) = T_0 + a_0 \cos \omega t$$



Déterminer  $T(z, t)$ .

### Thermodynamique 9 (Ensam, mines)

Un fusible est modélisé par un cylindre de longueur  $L$ , de rayon  $R$ , de conductivités thermique et électrique  $\lambda$  et  $\sigma$ . Un courant électrique de densité volumique uniforme  $j$  le parcourt. Le flux thermique est radial et l'état est stationnaire.

1. Donner la loi de Fourier et interpréter le signe -. Exprimer la puissance thermique transférée en  $r$ .
2. Etablir l'expression

$$\frac{\lambda}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{j^2}{\sigma} = 0$$

3. La température en surface est  $T_0$ . Déterminer  $T(r)$ . En quel point  $T$  est-elle la plus grande ?

**Thermodynamique 10***(Centrale)*

Une enceinte calorifugée contient 1g d'eau vapeur à 150°C sous la pression constante de 1 atm. Quelle masse d'eau à 10°C faut-il introduire pour n'avoir à l'état final que du liquide à 100°C? On connaît les capacités thermiques de l'eau vapeur assimilée à un gaz parfait et de l'eau liquide ainsi que la chaleur latente de vaporisation  $\ell_v$  à 100°C sous 1atm.

Calculer l'entropie créée.

- La capacité thermique massique de l'eau liquide est  $c_e = 4,18 \text{ J.g}^{-1}.\text{K}^{-1}$
- La chaleur latente de vaporisation de l'eau liquide à 100°C sous 1 bar est  $\ell_v = 2230 \text{ J.g}^{-1}$
- La capacité thermique massique de l'eau vapeur est  $c_p(\text{vapeur}) = 2,0 \text{ J.g}^{-1}.\text{K}^{-1}$

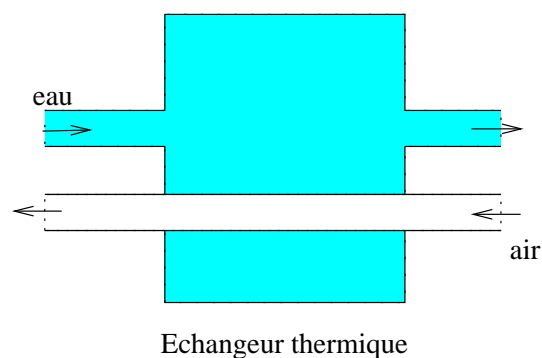
**Thermodynamique 11***(Centrale)*

Un moteur ditherme réversible fonctionne entre une pseudo-source chaude constituée d'eau liquide de capacité thermique  $C = 4.10^6 \text{ J.K}^{-1}$  et de température initiale  $T_{0c} = 100^\circ \text{C}$  et une pseudo source froide constituée d'eau liquide de température initiale  $T_{0f} = 10^\circ \text{C}$ .

1. Faire un schéma de principe du moteur en orientant soigneusement les échanges d'énergie.  
Déterminer la température finale des deux pseudo-sources (on utilisera le fait qu'un moteur mono-therme n'existe pas).
2. Calculer le travail total fourni par le moteur.
3. Définir et calculer le rendement du moteur. Le comparer au rendement de Carnot.

**Thermodynamique 12***(Centrale)*

De l'air chaud ( $P_1 = 6 \text{ bars}$ ,  $T_1 = 500 \text{ K}$ ) est refroidi de façon isobare jusqu'à une température  $T_0$  de 300K dans un échangeur calorifugé. Le fluide réfrigérant est de l'eau de capacité thermique massique  $c = 4,18 \text{ kJ.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$  qui entre à la température  $\theta_e = 12^\circ \text{C}$  et qui sort à  $\theta_s$ . Le débit massique de l'eau est  $d = 100 \text{ g.s}^{-1}$  et celui de l'air est  $D_m = 6,5 \text{ g.s}^{-1}$ . La capacité thermique de l'air supposé être un gaz parfait est  $c_{\text{pair}} = 1 \text{ kJ.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$ .



1. Effectuer un bilan macroscopique enthalpique pour chacun des fluides.
2. Justifier que les puissances thermiques reçues par les deux fluides sont opposées.
3. En déduire la température  $\theta_s$ .
4. Montrer que le taux de création d'entropie est

$$\frac{\delta S_c}{dt} = d(S_2 - S_1)_{\text{eau}} + D_m(S_2 - S_1)_{\text{gaz}}$$

5. Calculer numériquement ce taux.

**Thermodynamique 13**

(Centrale)

On plonge un glaçon de 50 g à  $-10^\circ\text{C}$  dans une piscine à  $20^\circ\text{C}$ . Calculer la création d'entropie et estimer le temps nécessaire à la fonte du glaçon.

On donne  $C_{\text{eau}}$ ,  $C_{\text{glace}}$ ,  $L_f$  et  $h$  le coefficient de transfert thermique par convection. On rappelle que  $P_{\text{échangée}} = hS(T_{\text{ext}} - T_{\text{int}})$ .

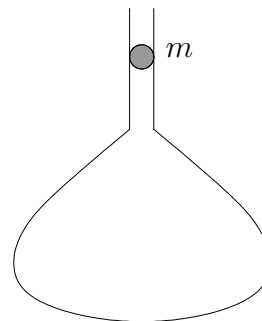
Données numériques :

$$h = 50 \text{ J.m}^{-2}.\text{s}^{-1}.\text{K}^{-1} \quad C_{\text{eau}} = C_{\text{glace}} = 4 \text{ kJ.K}^{-1}.\text{kg}^{-1} \quad \text{et} \quad L_f = 300 \text{ kJ.kg}^{-1}$$

**Thermodynamique 14**

(Centrale)

Un gaz parfait est enfermé dans un ballon dont le col est un tube de section  $S$  dans lequel se trouve une bille de masse  $m$ . On note  $P_0$ ,  $V_0$  et  $T_0$  les caractéristiques du gaz à l'équilibre et on suppose la transformation lente et adiabatique.  $\gamma$  le coefficient isentropique est supposé indépendant de  $T$ . Etudier les oscillations de la bille dans le col.

**Thermodynamique 15**

(Mines)

Un matériau compris entre les plans  $x = 0$  et  $x = \ell$  possède une conductivité thermique  $K$ , une capacité thermique massique  $C$  et une masse volumique  $\rho$ .

A  $t = 0$ , la température du milieu est donnée par :

$$T(x, t) = T_0 + \theta_0 \sin\left(\frac{\pi x}{\ell}\right)$$

On le plonge à cet instant dans un thermostat de température  $T_0$ .

Déterminer  $T(x, t)$ .

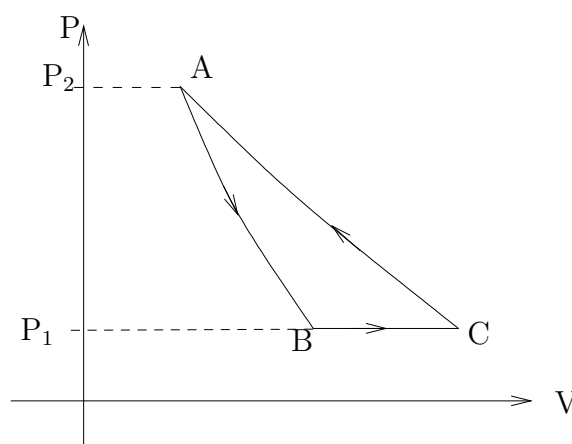
**Thermodynamique 16**

(CCP)

Le cycle représenté est constitué de trois transformations réversibles : une adiabatique, une isotherme et une isobare.

Le fluide est un gaz parfait de coefficient  $\gamma$  constant.

1. Montrer que ce cycle peut être associé à une machine type « pompe à chaleur ».
2. Déterminer son efficacité en fonction des températures  $T_A$  et  $T_B$ . Effectuer l'application numérique pour  $T_A = 450 \text{ K}$  et  $T_B = 300 \text{ K}$ .

**Thermodynamique 17**

(Centrale)

Un récipient où l'atmosphère maintient une pression constante  $p_0 = 1 \text{ bar}$  contient 1 kg d'eau liquide à une température  $T_0$  inférieure à la température de fusion  $T_f = 273 \text{ K}$  à la pression  $p_0$ . Dans de telles conditions, l'eau devrait être dans l'état solide ; l'état liquide observé est un état métastable et on dit que l'eau est surfondue. Il suffit alors d'un choc (par exemple le mouvement d'un essuie-glace sur un pare-brise) pour que l'eau passe rapidement à l'état solide. On donne l'enthalpie massique de fusion de l'eau  $\ell_f$  et la capacité thermique massique  $c$  supposée indépendante de la température et identique pour l'eau liquide et solide.

1. En supposant l'évolution suffisamment rapide pour être adiabatique, déterminer la température  $T_1$  dans l'état final où toute l'eau est à l'état solide.
2. Exprimer l'entropie créée au cours de cette évolution et en déduire une condition sur  $T_0$ .

**Thermodynamique 18***(Centrale)*

Deux solides de capacités thermiques  $C_1$  et  $C_2$ , de conductibilité thermique infinies, sont reliés par une tige de section  $S$  de longueur  $L$  de conductivité thermique  $K$  et de capacité thermique nulle. Le système est calorifugé et à l'instant initial les températures des solides sont  $T_{10}$  et  $T_{20}$  avec  $T_{10} < T_{20}$ .

1. Evaluer la résistance thermique de la tige.
2. Déterminer  $T_1(t)$  et  $T_2(t)$ . On posera

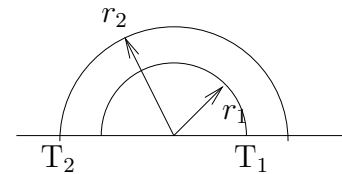
$$T_f = \frac{C_1}{C_1 + C_2} T_{10} + \frac{C_2}{C_1 + C_2} T_{20} \quad \text{et} \quad \Delta T = T_{10} - T_{20}$$

3. Comment évolue l'entropie du système ?

**Thermodynamique 19***(CCP)*

La demi-coquille sphérique représentée ci-contre est constituée d'un matériau homogène de masse volumique  $\mu$ , de capacité thermique  $\lambda$  et de conductivité thermique  $\lambda$ .

1. Rappeler et commenter la loi de Fourier.
2. Donner l'équation différentielle vérifiée par  $T(r, t)$  en supposant le problème à symétrie sphérique.
3. Résoudre cette équation en régime stationnaire sachant que  $\Delta T = \frac{1}{r} \frac{d^2(rT)}{dr^2}$
4. Calculer le flux thermique traversant le matériau ainsi que la résistance thermique.

**Thermodynamique 20***(Centrale)*

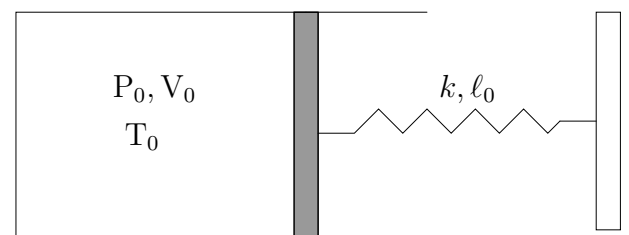
Une machine thermique alimentée par un moteur de puissance  $P=20$  kW refroidit de manière réversible une patinoire de volume  $V_1 = 20$  m<sup>3</sup> et accessoirement réchauffe une piscine de volume  $V_2 = 250$  m<sup>3</sup>. Initialement, patinoire et piscine sont à 20°C. On veut que la température finale soit de -5°C pour la patinoire. L'eau a une capacité thermique massique de  $4$  kJ.K<sup>-1</sup>kg<sup>-1</sup>.

1. Faire un schéma de principe de la machine en orientant soigneusement les échanges d'énergie.
2. Faire un bilan d'entropie et en déduire la température finale de la piscine.
3. Calculer  $Q_1$  et  $Q_2$ , les transferts thermiques reçus par la piscine.
4. Faire un bilan d'énergie et en déduire la durée de fonctionnement de la machine.
5. Définir et calculer le rendement de la machine.

**Thermodynamique 21***(Mines)*

L'enceinte adiabatique ci-contre contient un gaz parfait ( $P_0, V_0, T_0$ ). Le piston est muni d'un ressort de longueur à vide  $\ell_0$  et de raideur  $k$ .  $\gamma$  le coefficient isentropique est supposé indépendant de  $T$ .

Donner l'équation du mouvement si on néglige les frottements.



**Thermodynamique 22***(Centrale)*

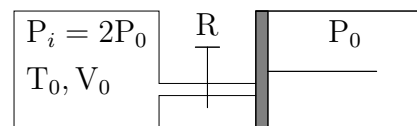
Quatre comparses partent en expédition au pôle nord et décident de construire un igloo. Ils veulent une température de  $0^\circ$  dans l'igloo alors qu'il fait  $-10^\circ\text{C}$  dehors. Chacun dégage une puissance de 60 W. On donne la conductivité thermique de la glace.

1. Auront-il intérêt à construire un igloo de petit ou de grand rayon intérieur pour minimiser l'épaisseur de glace ?
2. On donne  $h_1$  et  $h_2$  les coefficients conducto-convectifs air/glace. Lequel est le plus grand en présence de vent ? On donne le rayon extérieur, comment calculer le rayon intérieur ?
3. Le régime stationnaire est-il suffisant pour avoir conservation du flux ?

**Thermodynamique 23***(Mines)*

On considère le système ci-contre dans l'état initial. Le compartiment de gauche contient un gaz parfait et est séparé du compartiment de droite par un robinet.

A droite du piston se trouve l'atmosphère à la pression constante  $P_0$ . L'enceinte est calorifugée et à  $t = 0$ , on ouvre le robinet R.



1. Déterminer l'état final : pression, température et volume finaux.
2. Calculer l'entropie créée. La transformation est-elle irréversible ?

**Thermodynamique 24***(Centrale)*

On considère un jet de photons sur une surface  $S$  parfaitement réfléchissante.  $n$  est la densité particulaire de photons incidents. Ces photons ont une énergie  $h\nu$  et une quantité de mouvement  $\frac{h\nu}{c}$ .

1. Quelle est la quantité de mouvement qu'un photon cède à la plaque ?
2. En déduire une relation entre la pression exercée sur la plaque et l'énergie volumique incidente moyenne.
3. On dispose d'une plaque d'aluminium d'épaisseur  $e$  et de masse volumique donnée. Quelle est l'intensité minimale du laser pour soulever la plaque.
4. Dans la plaque la température est uniforme. La plaque absorbe 0,1% de l'intensité incidente. Elle cède une puissance surfacique  $h(T - T_{air})$  à l'atmosphère ambiante. On donne la capacité thermique massique de l'aluminium. Déterminer  $T(t)$ .

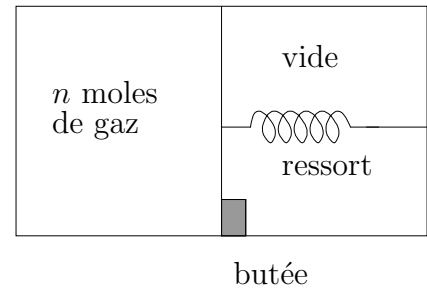
**Thermodynamique 25***(Centrale)*

On considère une coquille sphérique (rayon intérieur  $R_1$ , rayon extérieur  $R_2$ ) de conductivité thermique  $\lambda$ . L'intérieur de la cavité est à  $T_1$  et contient un mélange d'eau liquide et de glace (1 g de glace). L'air est à l'extérieur à  $T_2$ . On a des transferts thermiques conducto-convectifs au niveau de  $R_1$  ( $h_1$ ) et au niveau de  $R_2$  ( $h_2$ ).

Au bout de combien de temps la glace fond-elle ?

**Thermodynamique 26***(Mines)*

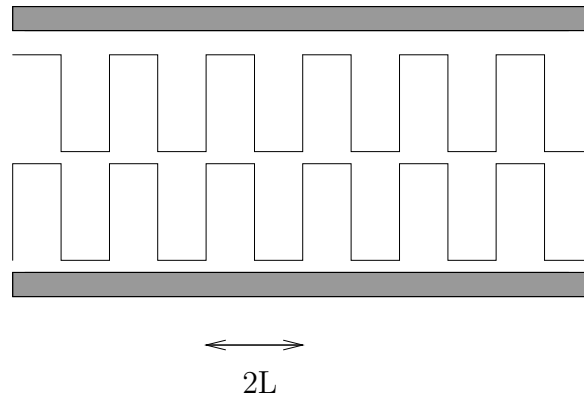
On considère le système ci-contre : le piston est calorifugé, mobile dans le cylindre calorifugé, de section  $S = 500 \text{ cm}^2$ . Il sépare le cylindre en un compartiment de gauche contenant 0,01 mole d'un gaz parfait diatomique et un compartiment de droite où règne un vide poussé. Le piston est relié à un ressort de raideur  $k = 10^4 \text{ N.m}^{-1}$ .



1. Initialement, le piston est coincé par une butée B, le ressort n'est pas tendu, la pression du gaz vaut  $P_0 = 0,241 \text{ bar}$  et sa température vaut  $T_0 = 290 \text{ K}$ . Calculer le volume initial  $V_0$  occupé par le gaz.
2. On supprime la butée B. Le système évolue vers un nouvel état d'équilibre. Déterminer l'allongement  $x_F$ , le volume  $V_f$ , la pression  $p_f$  ainsi que la température  $T_f$ .

**Thermodynamique 27**
*(Centrale)*

1. Retrouver l'équation de la chaleur 1D. On cherche des solutions à variables séparables.
2. On considère deux peignes parfaitement identiques de période  $2L$  que l'on imbrique l'un dans l'autre.

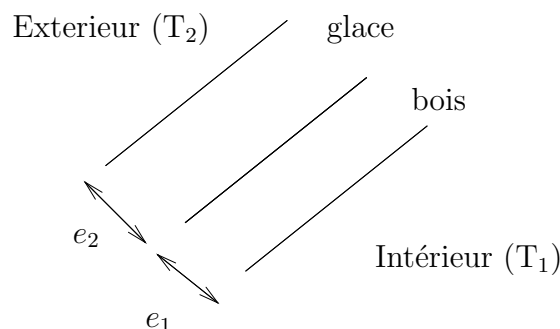


Initialement l'un est à  $T_1$  et l'autre à  $T_2$ . Déterminer  $T(x, t)$ .

3. Donner un ordre de grandeur d'évolution de la durée d'évolution du système.

**Thermodynamique 28**
*(Centrale)*

On considère le toit d'une maison recouvert de neige

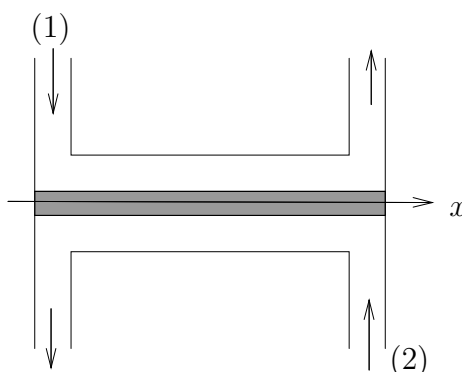


On donne les conductivités thermiques de la neige du bois et les coefficients conducto convectifs.

1. Déterminer la résistance thermique de l'interface air/glace, de l'interface air/bois, de la glace et du bois.
2. Condition sur  $T_1$  pour que la glace ne fonde pas.

**Thermodynamique 29***(Mines)*

Deux liquides (1) et (2) se propagent en sens contraire dans deux tuyaux en contact



La puissance transférée entre les deux fluides de températures  $T_1$  et  $T_2$  entre  $x$  et  $x + dx$  est  $dP_{th} = G(T_1 - T_2)dx$ .

Les liquides sont caractérisés par leur capacité thermique massique  $c_1$  et  $c_2$  ainsi que par les débits massiques  $D_1$  et  $D_2$ .

1. Ecrire les équations différentielles couplées vérifiées par  $T_1(x)$  et  $T_2(x)$ .
2. Résoudre lorsque  $c_1 D_1 = c_2 D_2 = cD$ .

**Thermodynamique 30***(Mines)*

On considère une barre de longueur  $L$  et de section carrée de côté  $a$ .

1. Les parois latérales sont calorifugées et les extrémités sont en contact avec des thermostats à la même température  $T_0$ . La barre a une masse volumique  $\rho$ , une capacité thermique  $c$ , une conductivité thermique  $\lambda$ , une conductivité électrique  $\gamma$ . Elle est parcourue par un courant d'intensité  $I$ . Déterminer  $T(x)$  en régime permanent.
2. A  $t = 0$ , on calorifuge les extrémités et on impose  $I=0$ . La barre évolue jusqu'à une température uniforme  $T_f$ . Déterminer  $T_f$ .
3. Temps caractéristique de l'évolution ?

**Thermodynamique 31***(Centrale)*

On considère un filament cylindrique de tungstène de longueur  $L$ , rayon  $a$ , conductivité  $\gamma$ .

On suppose que les seuls échanges thermiques du filament avec l'extérieur se font par rayonnement, avec une puissance surfacique  $\varepsilon\sigma T^4$ . On suppose que la température est uniforme dans le filament. On applique une différence de potentiel  $U$  entre les deux extrémités du filament.

1. Déterminer la température en régime permanent lorsque la tension  $U=220V$  est constante ?
2. On applique une tension sinusoïdale de valeur efficace  $U_{eff}$  et de pulsation  $\omega$ . Quelle est l'équation différentielle vérifiée par  $T$  ?