

باسمه تعالی سیستمهای کنترل خطی امتحان پایانترم

۲۵ دی ۱۴۰۰ زمان پاسخگویی ۱۲۰ دقیقه



استفاده از یادداشتهای کلاس و منابع که در صفحهی درس بارگذاری شدهاند، بلامانع است. البته واضح است که همفکری و مشارکت در پاسخدهی به امتحان ممنوع است!

۱. چند جملهای

$$s^3 + k_2 s^2 - k_1 s - k_0 = 0$$

را در نظر بگیرید. فرض کنید $k_0 < k_1$ و k_2 همگی مثبتاند و همواره $k_0 < k_1$ برقرار است. با استفاده از مکان هندسی ریشه ها نشان دهید که تمامی ریشه های این چندجمله ای حقیقی هستند.

۲. سیستم شکل ۱ را در نظر بگیرید. در این سیستم

$$G(s) = \frac{1}{s^2}$$

است. سادهترین کنترل کننده پیشفازی طراحی کنید که قطبهای حلقه بسته را در نقاط

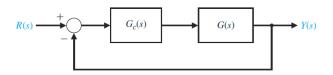
$$s = -a \pm jb$$

قرار دهد که

1 + 1 رقم یکان شماره دانشجویی شما a

برابر رقم دهگان شماره دانشجویی شما b

در صورتی که این امر امکانپذیر نیست دلیل آن را توضیح دهید.

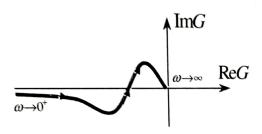


شکل ۱: بلوک دیاگرام یک سیستم کنترلی حلقه بسته با فیدبک واحد.

۳. در صورتی که شماره دانشجویی شما زوج است مورد (آ) و در صورتی که فرد است مورد
(ب) را پاسخ دهید. در هر کدام از موارد پارامترهای خواسته شده را به نحوی تعیین نمایید
که دیاگرام نایکوئیست داده شده حاصل شود. سیستمها را کمینه فاز در نظر بگیرید.

(آ) مقدار λ و بازهای از z برحسب p_1 و p_2 که نمودار نایکوئیست تابع تبدیل زیر به صورت شکل ۲ در بیاید.

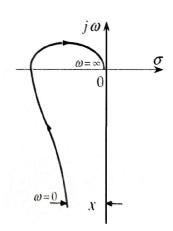
$$G(s) = \frac{s + \frac{1}{z}}{s^{\lambda}(s + \frac{1}{p_1})(s + \frac{1}{p_2})}$$



شكل ٢: نمودار سوال ٣ قسمت (آ)

(ب) مقدار λ و مقدار x (در شکل ۳) بر حسب p_1 و p_2 که نمودار نایکوئیست تابع تبدیل زیر به صورت شکل ۳ در بیاید.

$$G(s) = \frac{1}{s^{\lambda}(s+p_1)(s+p_2)}$$



شكل ٣: نمودار سوال ٣ قسمت (ب)

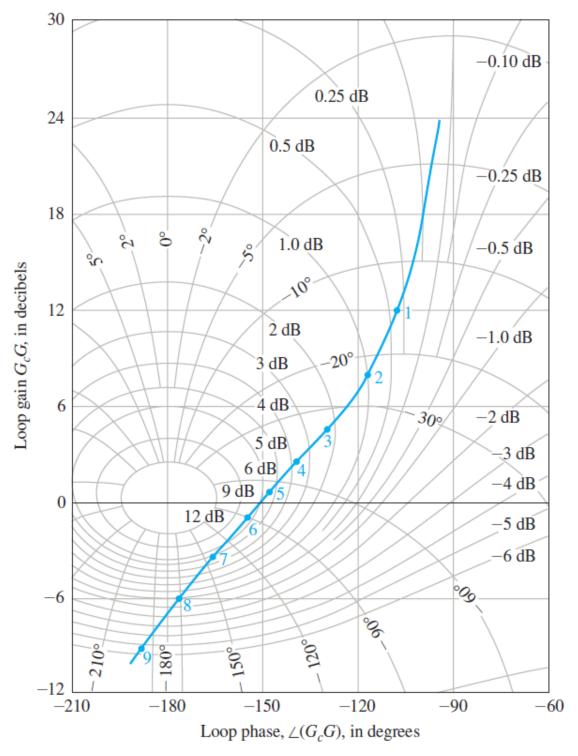
۴. سیستم شکل ۱ را در نظر بگیرید.

نمودار نیکولز $G_c(j\omega)G(j\omega)$ در شکل ۴ رسم شده است. بر اساس این نمودار به سوالات زیر پاسخ دهید.

- (آ) حد فاز چه مقدار است؟
- (ب) حد بهره به چه میزان است؟ (تقریبی و برحسب dB)
- (ج) ميزان حداكثر فراجهش پاسخ پله سيستم حلقه بسته چقدر است؟ (تقريبي)
- (د) اگر فرکانس نقاط مشخص شده در شکل به صورت جدول زیر باشد، فرکانس تشدید و پیک پاسخ فرکانسی سیستم حلقه بسته را به صورت تقریبی مشخص کنید.

9	8	7	6	5	4	3	2	1	شماره نقطه
8.0	7.0	6.0	5.2	4.2	3.4	2.6	2.0	1.0	فركانس <i>س</i>

(ه) نقطهای که شماره آن برابر با رقم یکان شماره دانشجویی شماست را در نظر بگیرید. اگر رقم یکان شماره دانشجویی شما 0 است، نقطه شماره 3 را در نظر بگیرید. در فرکانس مرتبط با این نقطه (بر اساس جدول بالا)، زاویه و اندازه پاسخ فرکانسی سیستم حلقه بسته را (به صورت تقریبی) مشخص کنید.



پ شکل ۴: بلوک دیاگرام یک سیستم کنترلی حلقه بسته با فیدبک واحد.