Color

شيوا رادمنش

چکیده	اطلاعات گزارش
در این گزارش به معرفی و بررسی فضاهای رنگی مختلف مانند HSI و HCL و YUV و	تاریخ: ۱۳۹۹/۱۰/۵
— YIQ و نحوهی تبدیلات آنها از/به RGB ، کاهش تعداد رنگهای تصویر پرداخته شده	. 1/ 1/2al
است.	واژگان کلیدی: quantization
	saturation
	hue
	فضای رنگی

۱- مقدمه

رنگ یک توصیفگر قدرتمند است که تشخیص شی و استخراج آن از صحنه را آسان میکند. انسان می تواند هزاران شدت و سایه رنگی را از یکدیگر تمیز دهد در حالی که فقط تعداد محدودی سطح خاکستری را از هم تشخیص می دهد. در این تمرین به بررسی فضاهای رنگی و روشهایی برای کاهش تعداد رنگهای تصویر پرداخته شده است. تمامی پیاده سازی های این تمرین با استفاده از زبان پایتون انجام شده است.

۲- شرح تکنیکال

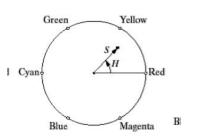
۲-۱- سوال ۵.۱.۱

در این بخش به فضای رنگی HSI پرداخته شده است. این فضا نزدیکترین تناظر را با درک و تفسیر رنگ توسط انسان دارد.

در این فضا هر رنگ با سه مولفهی intensity و saturation و saturation

- Intensity: این مولفه نشاندهنده ی شدت نور میباشد.
- Hue (فام): نشاندهندهی طول موج رنگ غالب که توسط بیننده دریافت می شود، میباشد. (زاویه ی رنگ با رنگ قرمز در دایره ی رنگ)

● Saturation: این مولفه میزان خلوص رنگ را مشخص ی کند (میزان ترکیب نور سفید با فام یک رنگ)، هرچه رنگ خالص تر باشد میزان رنگ سفید در آن کمتر می باشد. (فاصله از مرکز در دایره ی رنگ)



شکل۱- دایرهی رنگ

برای تبدیل رنگ از فضای RGB به فضای HSI میتوان از روابط زیر استفاده کرد.

•
$$I = \frac{1}{3}(R + G + B)$$

• $S = 1 - \frac{3}{(R+G+B)}[min(R, G, B)]$
• $\theta = cos^{-1}(\frac{\frac{1}{2}[(R-G)+(R-B)]}{[(R-G)^2+(R-B)(G-B)]^{\frac{1}{2}}})$
if $B \le G \implies H = \theta$
if $B > G \implies H = 360 - \theta$

NaN مقادیر به دست آمده برای S و θ ممکن است شود. (به دلیل امکان تقسیم بر صفر) برای جلوگیری

از این مسئله، هنگام محاسبه مقدار عبارت مخرج با عدد ۰.۰۰۰۱ جمع شده است.

۲-۲- سوال ۵.۱.۲

در این بخش سه فضای رنگی HCL و YIQ و YUV بررسی شده اند.

۱-۲-۲ فضای رنگی HCL

این فضای رنگی بر اساس عملکرد ادراک انسان است. در این فضا هر رنگ با سه مولفهی hue و chroma و chroma

- Luminance: مقدار نوری که گیرنده از منبع نور دریافت میکند.
- Chroma: میزان رنگیبودن را مشخص میکند.

با استفاده از فضای رنگی HCL میتوان به طور مستقیم hue و chroma و luminance کرد.

برای تبدیل رنگ از فضای RGB به فضای HCL میتوان از روابط زیر استفاده کرد. (H در بخش ۲-۲ محاسبه شده است)

$$C = Q \times \frac{|R-G| + |B-R| + |G-R|}{3}$$

$$L = \frac{Q \times max(R,G,B) + (1-Q) \times min(R,G,B)}{2}$$

$$\alpha = \frac{1}{100} \times \frac{min(R,G,B)}{man(R,G,B)}$$

$$\gamma = 3$$
$$Q = e^{\alpha \gamma}$$

۲-۲-۲ فضای رنگی YUV

سیستم رمزگذاری رنگی که برای تلویزیون های آنالوگ در سراسر جهان استفاده می شود (، NTSC آنالوگ در سراسر جهان استفاده می شود (، SECAM و PAL (مدل رنگی) با RGB متفاوت است ، و همان چیزی است که دوربین ضبط می کند و انسانها مشاهده می کنند.

یک جنبه جالب از YUV این است که می توان اجزای U و V را جدا کرد و یک تصویر در مقیاس خاکستری بدست آورد. بدون اینکه کیفیت تصویر تخریب شود. از آنجا که چشم انسان بیش از آنکه به رنگش واکنش نشان دهد ، به روشنایی واکنش نشان

می دهد ، بسیاری از فرمت های فشرده سازی تصویر ضعیف ، نیمی یا بیشتر از نمونه های موجود در کانال های رنگی را دور می ریزند تا میزان داده های مورد نظر را کاهش دهند.

برای تبدیل رنگ از فضای رنگی RGB به YUV می توان از روابط زیر استفاده کرد.

Y = 0.299R + 0.587G + 0.114B U = -0.168R - 0.331G + 0.5B + 128 V = 0.5R - 0.418G - 0.813B + 128

۲-۲-۳ فضای رنگی YIQ

YIQ فضای رنگی است که توسط سیستم تلویزیون رنگی NTSC استفاده می شود و عمدتا در آمریکای شمالی و مرکزی و ژاین استفاده می شود.

در این فضای رنگی Y بیانگر اطلاعات مربوط به luminance Q مربوط به chrominance میباشند.

در این سیستم از ویژگیهای واکنش چشم انسان به رنگ استفاده میشود.

برای تبدیل رنگ از فضای RGB به فضای YIQ میتوان از روابط زیر استفاده کرد.

Y = 0.299R + 0.587G + 0.114B I = 0.5959R - 0.2746G - 0.3213B Q = 0.2115R - 0.5227G + 0.3112B

٢-٣- سوال ٢.١.٥

در این بخش به quantization یکنواخت پرداخته شده است.

یکی از راهها برای کاهش تعداد رنگها اعمال برای quantization در quantization میباشد. اعمال میباشد و فضای رنگی شامل کاهش تعداد سطوح رنگ در هر یک از کانال های R و G و G میباشد. در ابتدا هر کانال رنگی در بازه G ۰ تا ۲۵۶ میباشند.

با استفاده از رابطه ی زیر این بازه به ۰ تا level مورد نظر کاهش یافته است.

$$c = 256 / level$$
 $result = floor(\frac{pixel\ value}{c}) \times c$

در این بخش تعداد سطوح هر یک از کانالهای R و G و G پس از quantization برابر میباشند. نتایج برای تعداد سطوح Λ و Λ محاسبه و بررسی شده است.

۲-۴- سوال ۵.۲.۲

در این بخش مانند بخش قبلی عمل quantization بر تصویر pepper اعمال شده با این تفاوت که در این قسمت تعداد سطوح کانالهای R و G و B برابر نمی باشد. برای کانال قرمز و سبز ۳ بیت (۸ سطح) و برای رنگ آبی ۲ بیت (۴ سطح) در نظر گرفته شده است.

۵-۲- سوال ۵.۲.۳

در این بخش به کاهش تعداد رنگهای به کار رفته در تصویر برداخته شده است.

۱-۵-۲- کاهش تعداد سطوح هر کانال رنگی

یکی از روشهای کاهش تعداد رنگهای به کار رفته در تصویر کاهش تعداد سطوح رنگهای هر کانال رنگی میباشد. (مانند بخش قبل) برای کاهش تعداد رنگها به ۱۶ و ۳۲ رنگ حالت های مختلف کاهش تعداد سطوح رنگهای هر یک از کانالهای رنگی در نظر گرفته شده است که در بخش نتایج قابل مشاهده میباشد.

quantization -۲-۵-۲ با استفاده از الگوریتم kmeans

الگوریتم kmeans یک الگوریتم بدون ناظر یادگیری ماشین است. هدف این الگوریتم آن است که دادههای ورودی را به k خوشه، خوشهبندی کند به طوری که دادههای هر خوشه بیشترین شباهت را نسبت به هم داشته باشند و دادههایی در خوشههای متفاوت با هم تفاوت قابل توجهی داشته باشند. یکی از ساده ترین راههای محاسبه ی شباهت دادهها محاسبه ی فاصله ی اقلیدسی آنها می باشد.

یکی از روشهای مقایسه دو رنگ نیز می تواند فاصله ی اقلیدسی آنها باشد که از طریق رابطه ی زیر قابل محاسبه می باشد.

$\sqrt{(R_1-R_2)^2+(G_1-G_2)^2+(B_1-B_2)^2}$

بنابراین با اعمال الگوریتم kmeans به پیکسلهای تصویر (دیتای ورودی) میتوان تعداد رنگهای تصویر را به k رنگ کاهش داد، بدین صورت که وقتی الگوریتم kmeans پیکسلها را بر اساس مولفههای رنگی آنها خوشهبندی کرد، رنگ مرکز هر خوشه را به جای رنگ اعضای آن خوشه قرار میدهیم. برای پیاده سازی این روش از الگوریتم kmeans کتابخانه صووری موسود است.

٣- شرح نتايج

١-٣- سوال ٥.١.١

hue و saturation و intensity تصویر pepper در ادامه قابل مشاهده است.



شكل۲- تصوير pepper

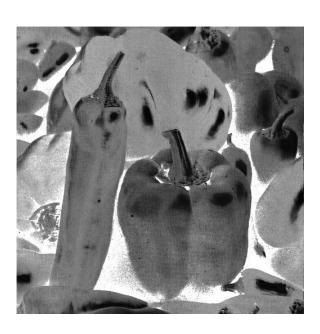


شكل٣- تصوير pepper بخش

مشاهده می شود که قسمتهایی از تصویر که به رنگ قرمز می باشد، فام آنها سفید و یا سیاه است. دلیل آن امر این است که در فضای HSI در محل تلاقی و و به و ۳۶۰ درجه در H، ناییوستگی وجود دارد و و

۳۶۰ از نظر بصری تقریبا مشابه یکدیگر هستند. و مقدار فام رنگ قرمز می تواند نزدیک به ۰ و یا نزدیک به ۳۶۰ درجه باشد. این مسئله از مشکلات فضای رنگی HSI می باشد.

همچنین مشاهده می شود که قسمتهای سبز رنگ در تصویر اصلی، فام آنها مقداری میانی دارد و خاکستری می باشد. همانطور که در شکل یک مشاهده می شود رنگ سبز با رنگ قرمز زاویه ی ۱۲۰ درجه دارد. به همین دلیل در تصویر مربوط به فام آن بخشهای سبز رنگ به رنگ خاکستری تیره می باشند.



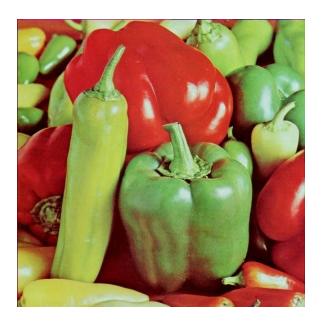
شکل۴- تصویر pepper بخش

مشاهده می شود که بخشهایی از تصویر اصلی که روشن تر هستند و میزان رنگ سفید ترکیب شده با آنها بیشتر است (خلوص کمتری دارند) مقدار saturation آنها نیز کمتر بوده و در شکل ۲ رنگ تیره تری دارند.





شکل۸- تصویر حاصل از uniform quantization با ۱۶ سطح



شکل۶- تصویر حاصل از uniform quantization با ۴۲ سطح



شکل۹- تصویر حاصل از uniform quantization با ۸ سطح



شکل۷- تصویر حاصل از uniform quantization با ۳۲ سطح

همانطور که مشاهده می شود کاهش تعداد سطوح هر کانال رنگی سبب کاهش کیفیت از نظر بصری می شود. این کاهش کیفیت در تصویر کوانتیزه شده به Λ سطح (برای هر کانال رنگی) بیشتر قابل مشاهده می باشد.

برای مقایسه ی تصاویر حاصل از معیاری به نام خطای میانگین مربعات (MSE) و همچنین معیار PSNR استفاده شده است.

معیار PSNR نسبت اوج سیگنال به نیز را در تصویر محاسبه میکند. این نسبت به عنوان اندازه گیری کیفیت بین تصویر اصلی و تصویر تغییر یافته استفاده می شود. هرچه این مقدار بیشتر باشد، کیفیت بیشتر است.

نتايج اين مقايسه در جدول زير قابل مشاهده است.

	64	32	16	8
MSE	3.35	16.67	73.30	88.96
PSNR	42.87	35.91	29.47	28.63

همانطور که از بررسی تصاویر به صورت بصری نتیجه گرفته شد، با کاهش تعداد سطوح رنگ در کانالهای رنگی(R و G و B) کیفیت تصویر کاهش مییابد(MSE افزایش و NSPR کاهش مییابد)،

این کاهش کیفیت در حالتی که تعداد سطوح رنگی ۸ و ۱۶ می باشد، بیشتر محسوس است.

٣-٣- سوال ٥.٢.٢

در ادامه تصویر حاصل از quantization بر تصویر pepper با تعداد سطوح $\Lambda(\P, \Pi)$ و Λ و $\Pi(\Psi, \Pi)$ به ترتیب برای کانالهای قرمز و سبز و آبی نمایش داده شده است.



شکل ۱۰ - تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۳ بیت برای کانالهای قرمز و سبز و ۲ بیت برای کانال آبی

با کاهش تعداد بیتهای هر کانال، از مقدار ۸ به ۲ یا ۳ کیفیت از نظر بصری به طور کلی کاهش مییابد. در اینجا به کانال رنگی قرمز و سبز ۳ بیت

و به آبی ۲ بیت اختصاص داده شده است که باعث می شود تاثیر رنگ آبی در تصویر کمتر از قرمز و سبز باشد. مقدار psnr و psnr برای این تصویر به ترتیب برابر ۲۸.۳۶ و ۹۴.۷ می باشد. این مقادیر در حالتی که به هر کانال رنگی ۳ بیت اختصاص دهیم به ترتیب که به هر کانال رنگی ۳ بیت اختصاص دهیم به ترتیب مشاهده می شود که این مقادیر تغییر زیادی نکرده اند و همچنین کیفیت این تصویر از نظر بصری نسبت به شکل ۹ به طور محسوس کاهش نیافته است. دلیل این امر آن است که این تصویر به طور کلی بیشتر شامل رنگهای قرمز و سبز است و سهم رنگ آبی در این تصویر کم می باشد بنابراین کمتر بودن تعداد این تصویر کم می باشد بنابراین کمتر بودن تعداد بیتهای رنگ آبی نسبت به وضعیتی که به هر کانال بیتهای رنگ آبی نسبت به وضعیتی که به هر کانال رنگی ۳ بیت اختصاص یابد، تغییر زیادی ایجاد

٣-٣- سوال ٥.٢.٣

نکرده است.

در این بخش در ابتدا نتایج مربوط کاهش تعداد سطوح هر کانال رنگی نمایش داده شده و بررسی شده است. سپس به بررسی نتایج الگوریتم kmeans یرداخته شده است.



شکل ۱- تصویر girl

در ادامه تصویر girl با ۸ رنگ قابل مشاهده است.



شکل۱۰- تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی(۱ بیت) برای هر کانال رنگی

در ادامه حالات مختلفی از تصویر girl با ۱۶ رنگ قابل مشاهده است.



شکل۱۳- تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی(۱ بیت) برای قرمز و سبز و ۴ سطح(۲ بیت) برای آبی



شکل۱۴- تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی(۱ بیت) برای قرمز و آبی و ۴ سطح(۲ بیت) برای سبز



شکله۱- تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی(۱ بیت) برای آبی و سبز و ۲ سطح(۲ بیت) برای قرمز

در بین تصاویر شکل۱۳ و ۱۴ و ۱۵، تصویر ۱۴ و ۱۵ ما محل ۱۵ و ۱۵ کیفیت تصویر را از نظر بصری بهتر حفظ کرده اند. مثلا جزئیات روی دیوار را بیشتر نشان داده اند. با این حال هر سه تصویر کیفیت مناسبی ندارند و رنگها از نظر بصری طبیعی نیستند.

در ادامه حالات مختلفی از تصویر girl با ۳۲ رنگ قابل مشاهده است.

شکل۱۷- تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی(۲ بیت) برای آبی و قرمز و ۲ سطح(۱ بیت) برای سبز



شکل۱۸- تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی (۲ بیت) برای قرمز و سبز و ۲ سطح (۱ بیت) برای آبی

مشاهده می شود تصویری که در آن ۲ بیت برای سبز و قرمز و ۱ بیت برای آبی در نظر گرفته شده است (شکل ۱۸)، جزئیات بیشتری از نکر بصری حفظ کرده و کیفیت بهتری نسبت به شکلهای ۱۶ و ۱۷ دارد.



شکل۱۰- تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی(۲ بیت) برای آبی و سبز و ۲ سطح(۱ بیت) برای قرمز





شکل ۲۱- تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی (۱ بیت) برای آبی و سبز و ۸ سطح (۳ بیت) برای قرمز



شکل ۱۹- تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی (۱ بیت) برای قرمز و سبز و ۸ سطح (۳ بیت) برای آبی



شکل ۲۰ تصویر حاصل از quantization با در نظر گرفتن ۲ سطح رنگی (۱ بیت) برای قرمز و آبی و ۸ سطح (۳ بیت) برای سبز

همانطور که مشاهده شد، کاهش تعداد رنگها با استفاده از روش کاهش تعداد بیتهای هر رنگ کیفیت را از نظر بصری کاهش میدهد. به همین دلیل از روشهای دیگری مانند الگوریتم kmeans استفاده میشود. در ادامه نتایج این روش بررسی شده است.



شکل۲۲-تصویر ۳۲ رنگ حاصل از الگوریتم kmeans



شکل۲۲-تصویر ۸ رنگ حاصل از الگوریتم kmeans

همانطور که مشاهده می شود، تصاویر بدست آمده از الگوریتم kmeans تقریبا رنگ و کیفیت و جزئیات تصویر اصلی را حفظ کرده اند. و حتی شکل ۲۴ که ۳۲ رنگ دارد، شباهت بسیار زیادی به تصویر اصلی دارد.



شکل۲۳-تصویر ۱۶ رنگ حاصل از الگوریتم kmeans

منابع

- [1] Digital Image Processing, Rafael C. Gonzalez, Rechard E. Wood
- [2] http://hclwizard.org/why-hcl/

- [3] https://softpixel.com/~cwright/programming/colorspace/yuv/
- [4] https://www.pcmag.com/encyclopedia/term/yuv
- [5] https://en.wikipedia.org/wiki/YIQ
- [6] http://datahacker.rs/007-color-quantization-using-k-means-clustering/
- [7] https://docs.opencv.org/master/d1/d5c/tutorial_py_kmeans_opencv.html

Appendix

```
import cv2
import numpy as np
import math
from sklearn.cluster import KMeans
def quantize(img, level):
   coef = 256 / level
   quantized = np.floor(np.true_divide(img, coef)) * coef
   quantized = quantized.astype("uint8")
   return quantized
def rgb_quantize(img, rlevel, glevel, blevel):
   blue = img[:,:, 0]
   green = img[:,:, 1]
   red = img[:,:, 2]
   q_red = quantize(red, rlevel)
   q_blue = quantize(blue, blevel)
   q_green = quantize(green, glevel)
   quantized_image = np.zeros_like(img)
   quantized_image[:,:,0] = q_blue
   quantized_image[:,:,1] = q_green
   quantized_image[:,:,2] = q_red
   return quantized_image
def psnr(img1, img2):
  mse = np.mean((img1 - img2) ** 2)
   if mse == 0:
       return 100
   PIXEL_MAX = 255.0
   return 20 * math.log10(PIXEL_MAX / math.sqrt(mse))
```

```
def normal(img):
  min val = np.amin(img)
  max val = np.amax(img)
   output = np.zeros_like(img)
  for i in range(np.size(img, 0)):
       for j in range(np.size(img, 1)):
           new_val = math.floor(((img[i, j] - min_val)*255) / (max_val -
min_val))
           output[i, j] = new_val
   return output
def get_intensity(img):
   img = np.float32(img)/255
   img blue = img[:,:, 0]
   img_green = img[:,:, 1]
   img_red = img[:,:, 2]
   intensity = (img_blue + img_green + img_red) / 3
   intensity = intensity * 255
   return(normal(intensity))
def get saturation(img):
   img = np.float32(img)/255
   img blue = img[:,:, 0]
   img_green = img[:,:, 1]
   img_red = img[:,:, 2]
   saturation = 1 - (3 / (img_red + img_green + img_blue + 0.001) *
np.minimum(np.minimum(img red, img green), img blue))
   return normal(saturation)
def get_hue(img):
   img = np.float32(img)/255
   hue = np.zeros((img.shape[0], img.shape[1]))
   for i in range(img.shape[0]):
       for j in range(img.shape[1]):
          b = img[i, j, 0]
           g = img[i, j, 1]
           r = img[i, j, 2]
           teta = np.arccos((0.5*(2*r-b-g)) / ((((r-g)**2) + (r-b)*(g-b))**0.5)
+ 0.000001)
           teta = np.degrees(teta)
```

```
if(b <= g):
               hue[i, j] = teta
           else:
               hue[i,j] = 360 - teta
           if(math.isnan(hue[i, j])):
               hue[i, j] = 0
   return normal(hue)
def color_quantization(img, k):
# Defining input data for clustering
data = np.float32(img).reshape((-1, 3))
# Defining criteria
criteria = (cv2.TERM CRITERIA EPS + cv2.TERM CRITERIA MAX ITER, 20, 1.0)
# Applying cv2.kmeans function
ret, label, center = cv2.kmeans(data, k, None, criteria, 10,
cv2.KMEANS_RANDOM_CENTERS)
center = np.uint8(center)
result = center[label.flatten()]
result = result.reshape(img.shape)
return result
pepper = cv2.imread("image/Pepper.bmp")
cv2.imwrite("output/pepper.jpg", pepper)
girl = cv2.imread("image/Girl.bmp")
cv2.imwrite("output/girl.jpg", girl)
#5.2.1
quantized = []
levels = [64, 32, 16, 8]
for i in range(len(levels)):
  level = levels[i]
   quantized.append(rgb_quantize(pepper, level, level, level))
   cv2.imwrite("output/5_2_1/pepper" + str(level) + ".jpg", quantized[i])
for i in range(len(quantized)):
  mse = np.mean( (pepper - quantized[i]) ** 2 )
   psnr_val = psnr(pepper, quantized[i])
   print(str(levels[i]) + "mse: " + str(mse))
   print(str(levels[i]) + "psnr: " + str(psnr_val))
#5.2.2
quantized_522 = rgb_quantize(pepper, 8, 8, 4)
cv2.imwrite("output/5_2_2/quantized.jpg", quantized_522)
```

```
mse = np.mean( (pepper - quantized_522) ** 2 )
psnr_val = psnr(pepper, quantized_522)
print("522 " + "mse: " + str(mse))
print("522 " + "psnr: " + str(psnr_val))
#5.1.1
img = pepper
img_intensity = get_intensity(pepper)
cv2.imwrite("output/5_1_1/intensity.jpg", img_intensity)
img_saturation = get_saturation(pepper)
cv2.imwrite("output/5_1_1/saturation.jpg", img_saturation)
img hue = get hue(pepper)
cv2.imwrite("output/5_11/hue.jpg", img_hue)
#5.2.3
quantized_8 = rgb_quantize(girl, 2, 2, 2)
cv2.imwrite("output/5_2_3/222.jpg", quantized_8)
levels_16 = [(2, 2, 4), (2, 4, 2), (4, 2, 2)]
quantized 16 = []
for i in range(len(levels 16)):
   1 = levels_16[i]
   q = rgb_quantize(girl, 1[0], 1[1], 1[2])
   quantized_16.append(q)
   cv2.imwrite("output/5_2_3/" + str(1[0]) + str(1[1]) + str(1[2]) + ".jpg", q)
levels_32 = [(2, 4, 4), (4, 2, 4), (4, 4, 2), (8, 2, 2), (2, 8, 2), (2, 2, 8)]
quantized 32 = []
for i in range(len(levels_32)):
   1 = levels 32[i]
   q = rgb_quantize(girl, 1[0], 1[1], 1[2])
   quantized 32.append(q)
   cv2.imwrite("output/5_2_3/" + str(1[0]) + str(1[1]) + str(1[2]) + ".jpg", q)
mse8 = np.mean( (pepper - quantized_8) ** 2 )
psnr val8 = psnr(pepper, quantized_8)
print("(2, 2, 2)" + "mse: " + str(mse8))
print("(2, 2, 2)" + "psnr: " + str(psnr_val8))
for i in range(len(quantized_16)):
   mse = np.mean( (pepper - quantized_16[i]) ** 2 )
```

```
psnr_val = psnr(pepper, quantized_16[i])
   print(str(levels_16[i]) + "mse: " + str(mse))
   print(str(levels_16[i]) + "psnr: " + str(psnr_val))
for i in range(len(quantized_32)):
  mse = np.mean( (pepper - quantized_32[i]) ** 2 )
   psnr_val = psnr(pepper, quantized_32[i])
   print(str(levels_32[i]) + "mse: " + str(mse))
   print(str(levels_32[i]) + "psnr: " + str(psnr_val))
# 5.2.3 second solution(kmeans)
colorNum = [3, 8, 16, 32]
kmeans_quantized = []
for i in range (len(colorNum)):
   q = color_quantization(girl, colorNum[i])
   kmeans_quantized.append(q)
   cv2.imwrite("output/5_2_3/kmeans" + str(colorNum[i]) + ".jpg", q)
for i in range(len(colorNum)):
  mse = np.mean( (pepper - kmeans_quantized[i]) ** 2 )
   psnr_val = psnr(pepper, kmeans_quantized[i])
  print("kmeans" + str(colorNum[i]) + " mse: " + str(mse))
  print("kmeans" + str(colorNum[i]) + " psnr: " + str(psnr_val))
```