

## Завдання 1

### 1. Знайти матрицю $AB-BA$ :

```
import numpy as np
```

```
import math
```

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
def f(x):
```

```
    return x**4 - 108*x + 7
```

```
eps = 0.0001
```

```
from scipy.misc import derivative
```

```
def hord(a, b, eps):
```

```
    if abs(f(b) - f(a)) < eps:
```

```
        print('Кореня немає')
```

```
        return
```

```
    if (f(a) * derivative(f, a, n=2)):
```

```
        x0 = a
```

```
        xi = b
```

```
    else:
```

```
        x0 = b
```

```
        xi = a
```

```
    xi_1 = xi - (xi - x0) * f(xi) / (f(xi) - f(x0))
```

```
    while (abs(f(xi_1) - f(xi)) > eps):
```

```
        xi = xi_1
```

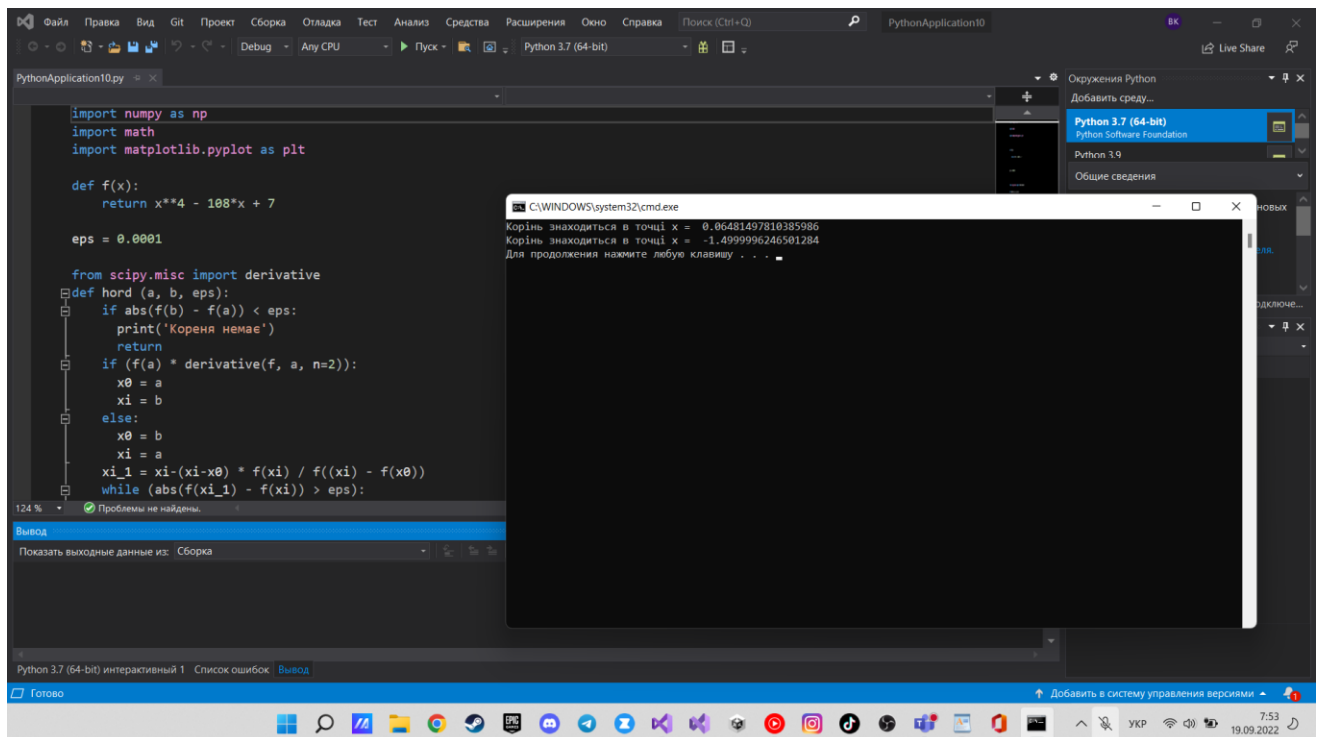
```
        xi_1 = xi - (xi - x0) * f(xi) / (f(xi) - f(x0))
```

```
    else:
```

```
        print(f'Корінь знаходиться в точці x = ', xi_1)
```

```
hord(0.5, -2.5, 0.0001)
```

hord(3.5, -1.5, 0.0001)



## Завдання 2

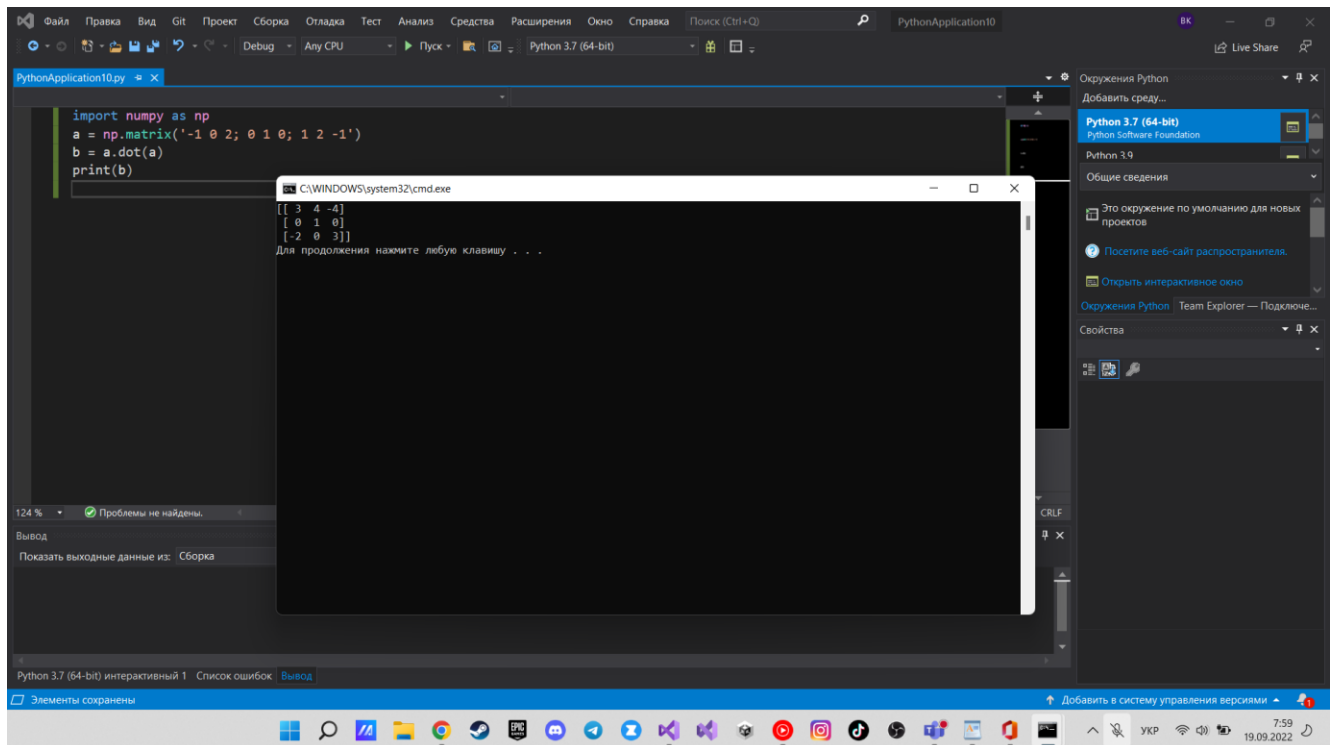
Піднести матриці до степеня:

```
import numpy as np
```

```
a = np.matrix(' -1 0 2; 0 1 0; 1 2 -1')
```

```
b = a.dot(a)
```

```
print(b)
```



### Завдання 3

#### 3. Найти добуток матриць:

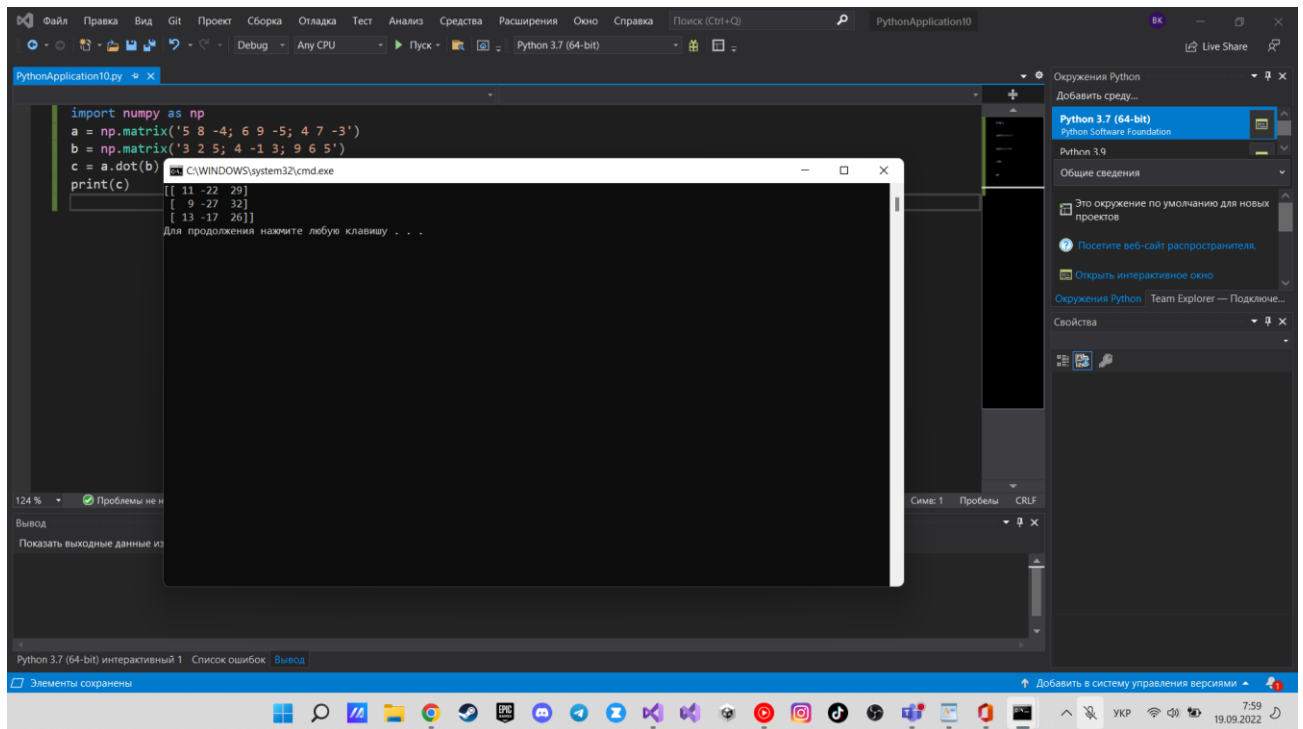
```
import numpy as np
```

```
a = np.matrix('5 8 -4; 6 9 -5; 4 7 -3')
```

```
b = np.matrix('3 2 5; 4 -1 3; 9 6 5')
```

```
c = a.dot(b)
```

```
print(c)
```



## Задання 4

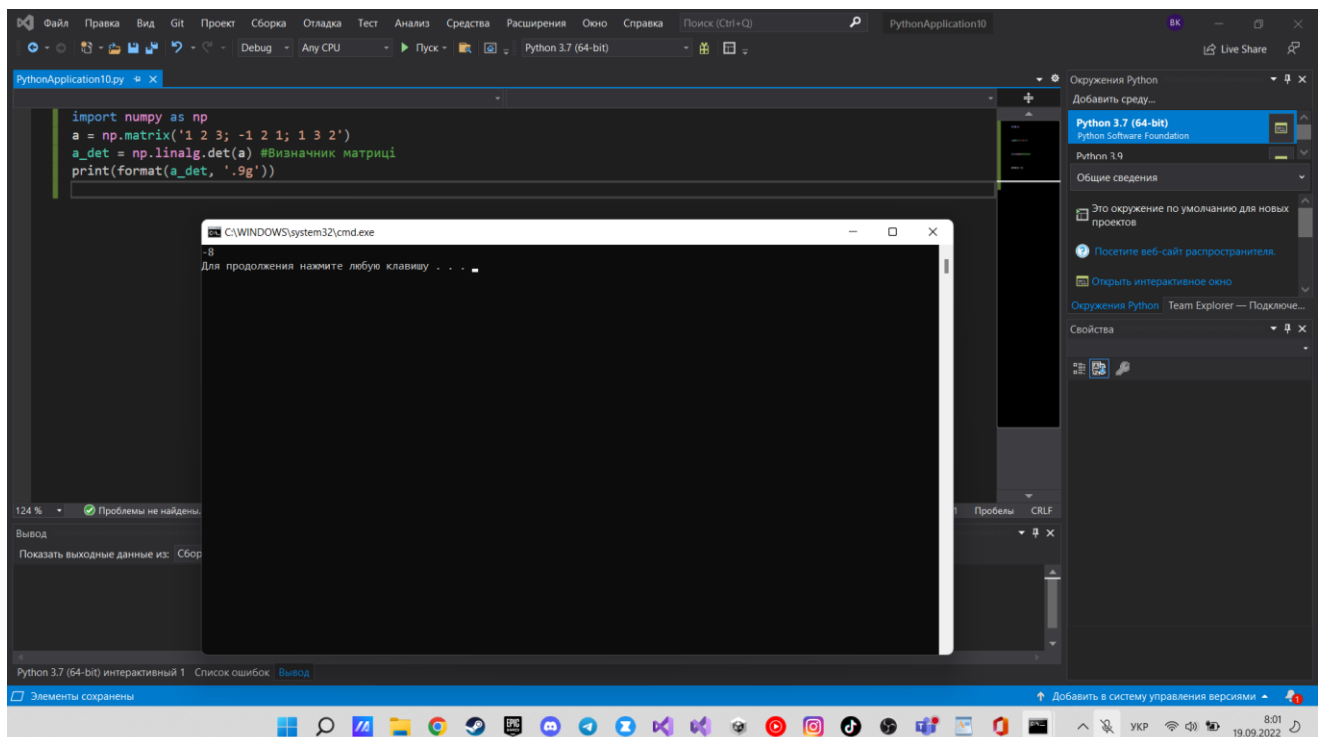
### 4. Обчислити визначники:

```
import numpy as np
```

```
a = np.matrix('1 2 3; -1 2 1; 1 3 2')
```

```
a_det = np.linalg.det(a) #Визначник матриці
```

```
print(format(a_det, '.9g'))
```



## Завдання 5

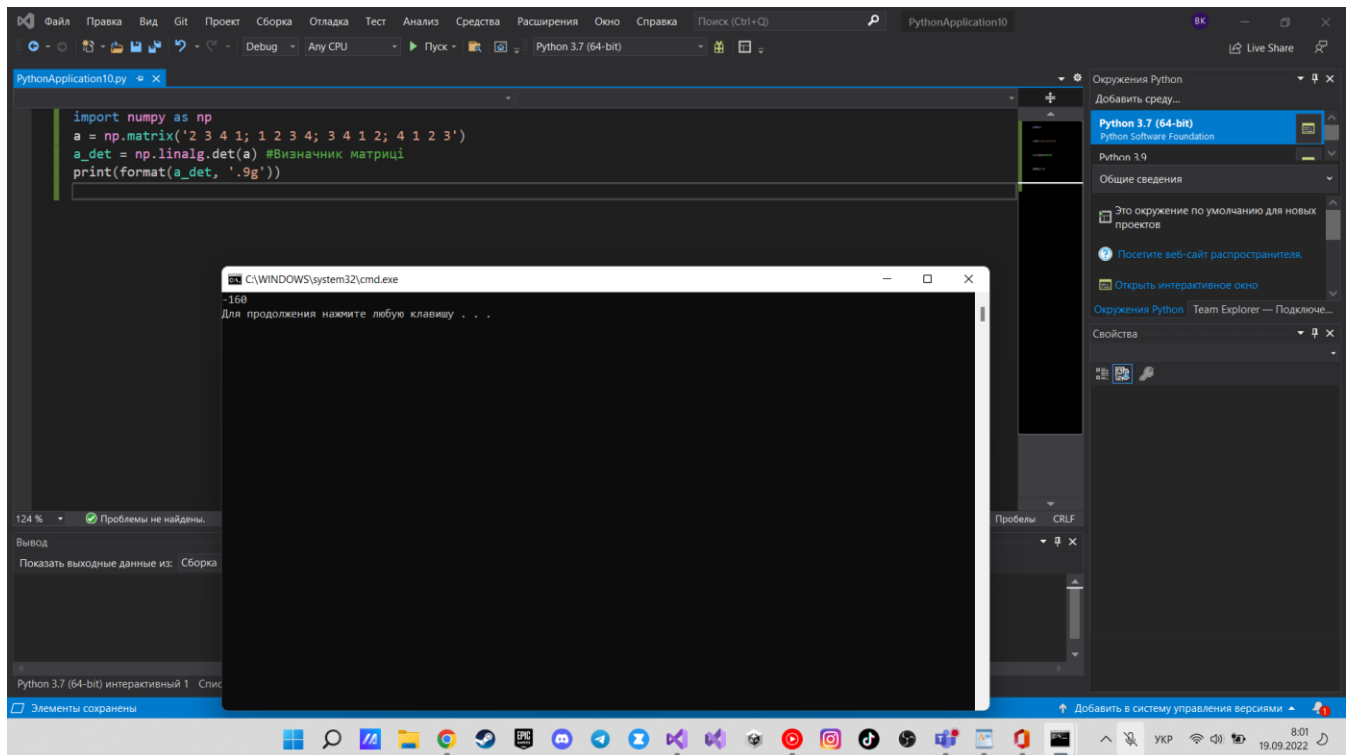
### 5. Обчислити визначники:

```
import numpy as np

a = np.matrix('2 3 4 1; 1 2 3 4; 3 4 1 2; 4 1 2 3')

a_det = np.linalg.det(a) #Визначник матриці

print(format(a_det, '.9g'))
```



## Завдання 6

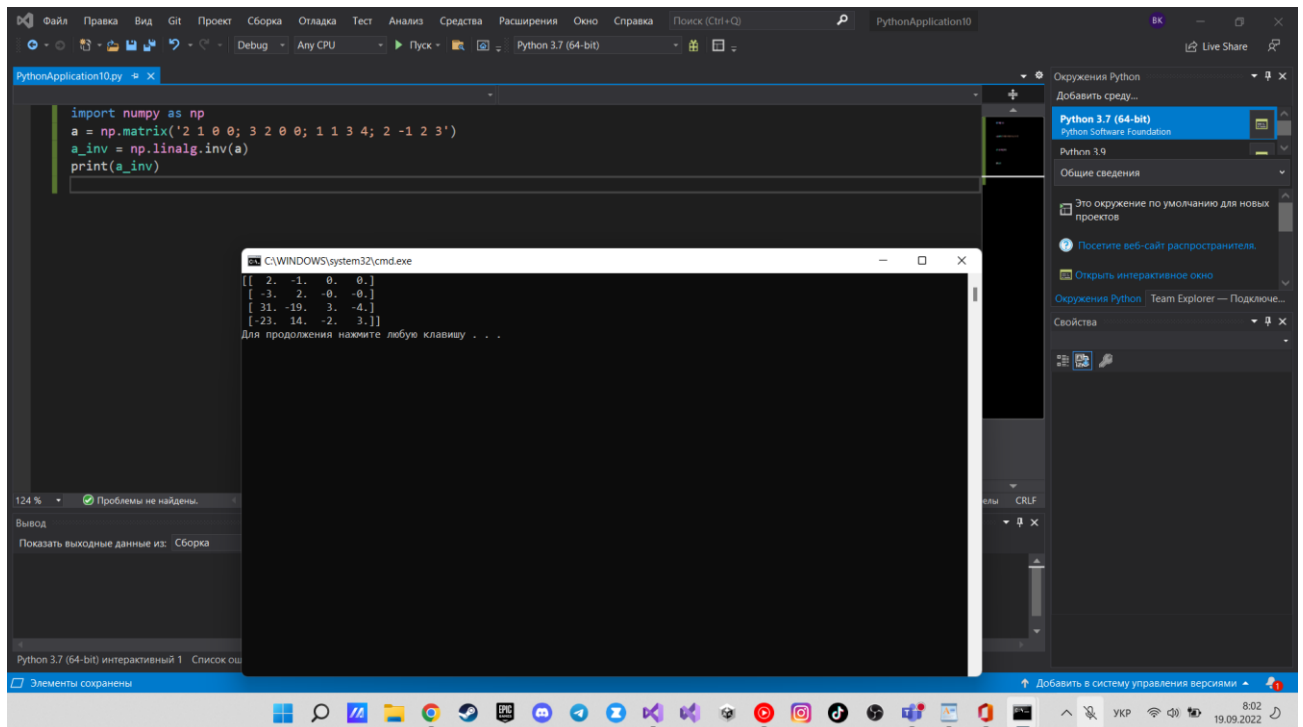
### Знайти обернену матрицю до матриць:

```
import numpy as np

a = np.matrix('2 1 0 0; 3 2 0 0; 1 1 3 4; 2 -1 2 3')

a_inv = np.linalg.inv(a)

print(a_inv)
```



## Завдання 7

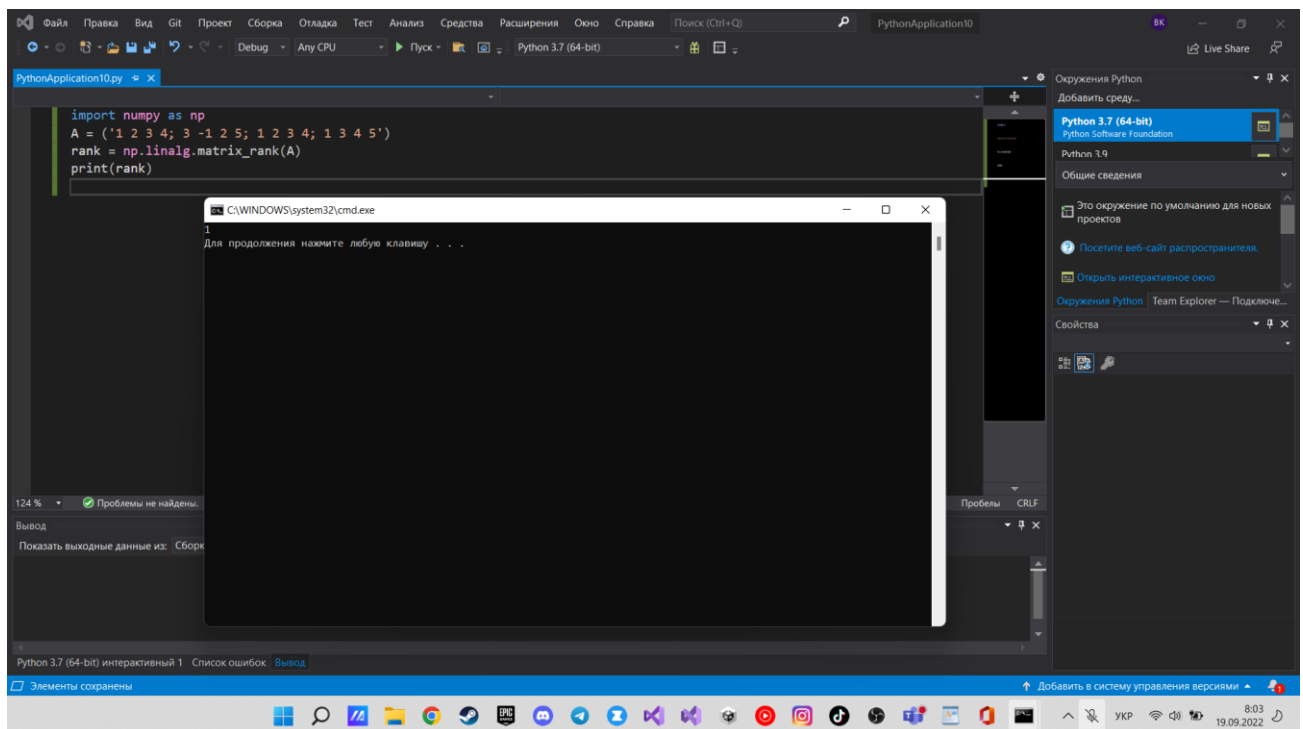
### 7. Визначити ранг матриці:

```
import numpy as np
```

```
A = ('1 2 3 4; 3 -1 2 5; 1 2 3 4; 1 3 4 5')
```

```
rank = np.linalg.matrix_rank(A)
```

```
print(rank)
```



## Завдання 8

### 8. Розв'язати систему лінійних рівнянь матричним методом:

```
import numpy as np

A = np.matrix('3 2 1; 2 -1 1; 1 5 0')

B = np.matrix('5; 6; -3')

print('A = \n', A)

print('B = \n', B)

A_inv = np.linalg.inv(A)

print(A_inv)

X = A_inv.dot(B)

print('X = \n', X)
```

The screenshot shows a Python IDE with a script being executed. The script defines a 3x3 matrix A and a 3x1 vector B, calculates the inverse of A, and then finds the solution vector X. The output is displayed in a separate window, showing the matrices and the resulting solution vector X.

```
A =
[[ 3  2  1]
 [ 2 -1  1]
 [ 1  5  0]]
B =
[[ 5]
 [ 6]
 [-3]]
X =
[[ 2.]
 [-1.]
 [ 1.]]
```

Для продолжения нажмите любую клавишу . . .

### Методом крамера

```
import numpy as np

a = np.matrix('3 2 1; 2 -1 1; 1 5 0')

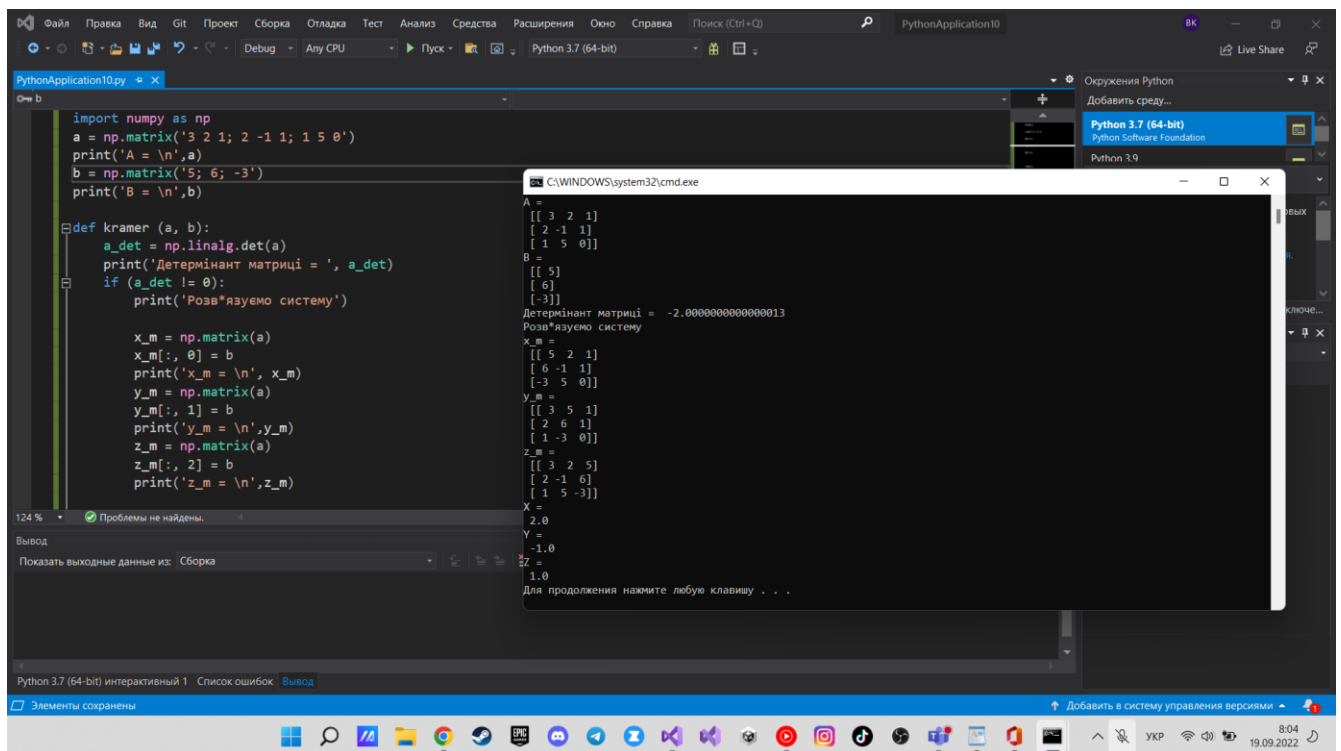
print('A = \n', a)

b = np.matrix('5; 6; -3')

print('B = \n', b)
```

```
def kramer (a, b):  
    a_det = np.linalg.det(a)  
    print('Детермінант матриці = ', a_det)  
    if (a_det != 0):  
        print('Розв'язуємо систему')  
  
        x_m = np.matrix(a)  
        x_m[:, 0] = b  
        print('x_m = \n', x_m)  
        y_m = np.matrix(a)  
        y_m[:, 1] = b  
        print('y_m = \n', y_m)  
        z_m = np.matrix(a)  
        z_m[:, 2] = b  
        print('z_m = \n', z_m)  
  
        x = np.linalg.det(x_m) / a_det  
        y = np.linalg.det(y_m) / a_det  
        z = np.linalg.det(z_m) / a_det  
        print('X = \n', round(x,5))  
        print('Y = \n', round(y,5))  
        print('Z = \n', round(z,5))  
    else:  
        print('Розв'язків немає')  
kramer(a,b)
```





## Завдання 9

### 9. Перевірка за допомогою методом solve() пакеты linalg

```
import numpy as np
```

```
A = np.matrix('3 2 1; 2 -1 1; 1 5 0')
```

```
B = np.matrix('5; 6; -3')
```

```
print('A = \n', A)
```

```
print('B = \n', B)
```

```
A_inv = np.linalg.inv(A)
```

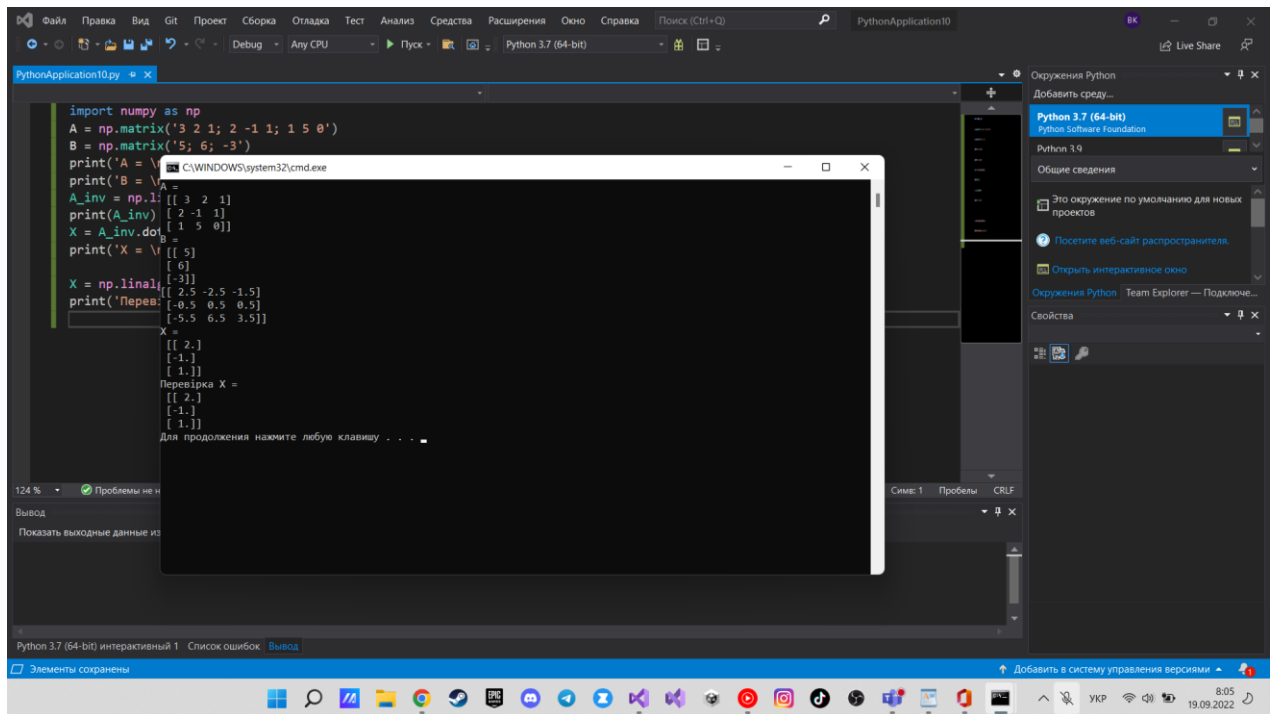
```
print(A_inv)
```

```
X = A_inv.dot(B)
```

```
print('X = \n', X)
```

```
X = np.linalg.solve(A, B)
```

```
print('Перевірка X = \n', X)
```



## Завдання 10

Створіть прямокутну матрицю A з N рядками та стовпцями M з випадкових елементів. Знайдіть найнижче значення серед середніх значень для кожного рядка матриці.

```
import numpy as np
```

```
import pandas as pd
```

```
a = np.random.randint(-9, 9, (4, 6))
```

```
print("a = \n", a)
```

```
b = [*map(sum, zip(*a))]
```

```
print('Середнє арифметичне кожного стовпця = ', b)
```

```
min = min(b)
```

```
print('Мінімальне значення = ', min)
```

