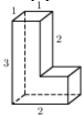
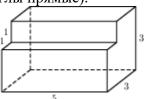
Прототипы заданий №8 2016 года

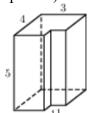
 № 25541 Найдите площадь поверхности многогранника (все двугранные углы прямые).



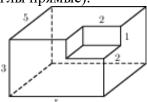
2 № 25561 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



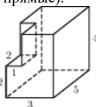
3 № 25581 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



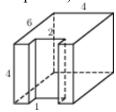
4 № **25601** Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



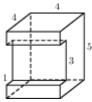
5 № 25621 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



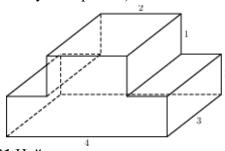
6 № 25641 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



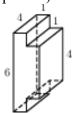
7 № 25661 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



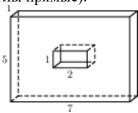
8 № 25681 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



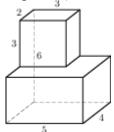
9 № 25701 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



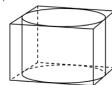
10 № 25721 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



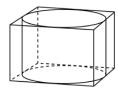
11 № 25881 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



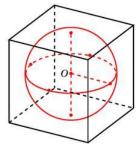
12 № 27041 Прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, радиус основания и высота которого равны 1. Найдите объем параллелепипеда.



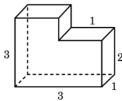
13 № 27042 Прямоугольный параллелепипед описан около цилиндра, радиус основания которого равен 4. Объем параллелепипеда равен 16. Найдите высоту цилиндра.



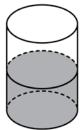
14 № 27043 Прямоугольный параллелепипед описан около сферы радиуса 1. Найдите его объем.



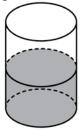
15 № 27044 Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы многогранника прямые).



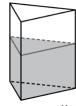
16 № 27045 В цилиндрический сосуд налили 2000 см³ воды. Уровень жидкости оказался равным 12 см. В воду полностью погрузили деталь. При этом уровень жидкости в сосуде поднялся на 9 см. Чему равен объем детали? Ответ выразите в см³.



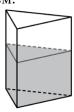
17 № 27046 В цилиндрическом сосуде уровень жидкости достигает 16 см. На какой высоте будет находиться уровень жидкости, если ее перелить во второй цилиндрический сосуд, диаметр которого в 2 раза больше диаметра первого? Ответ выразите в сантиметрах.



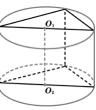
18 № 27047 В сосуд, имеющий форму правильной треугольной призмы, налили 2300 см³ воды и полностью в нее погрузили деталь. При этом уровень жидкости в сосуде поднялся с отметки 25 см до отметки 27 см. Чему равен объем детали? Ответ выразите в см³.



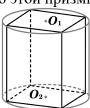
19 № 27048 В сосуд, имеющий форму правильной треугольной призмы, налили воду. Уровень воды достигает 80см. На какой высоте будет находиться уровень воды, если ее перелить в другой такой же сосуд, у которого сторона основания в 4 раза больше, чем у первого? Ответ выразите в см.



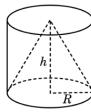
20 № 27049 В основании прямой призмы лежит прямоугольный треугольник с катетами 6 и 8. Боковые ребра призмы равны ⁵/_π. Найдите объём цилиндра, описанного около этой призмы.



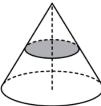
21 № 27050 В основании прямой призмы лежит квадрат со стороной 2. Боковые ребра призмы равны ²/_π. Найдите объём цилиндра, описанного около этой призмы.



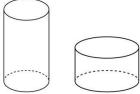
22 № 27051 Конус и цилиндр имеют общее основание и общую высоту (конус вписан в цилиндр). Вычислите объём цилиндра, если объём конуса равен 25.



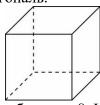
23 № 27052 Объем конуса равен 16. Через середину высоты параллельно основанию конуса проведено сечение, которое является основанием меньшего конуса с той же вершиной. Найдите объем меньшего конуса.



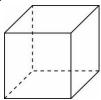
24 № 27053 Объем первого цилиндра равен 12 м³. У второго цилиндра высота в три раза больше, а радиус основания – в два раза меньше, чем у первого. Найдите объем второго цилиндра. Ответ дайте в кубических метрах.



25 № **27055** Площадь поверхности куба равна 18. Найдите его диагональ.



26 № **27056** Объем куба равен 8. Найдите площадь его поверхности.



27 № 27057 Найдите площадь боковой поверхности правильной шестиугольной призмы, сторона основания которой равна 5, а высота – 10.



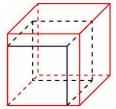
28 № **27058** Радиус основания цилиндра равен 2, высота равна 3. Найдите площадь боковой поверхности цилиндра, деленную на π.



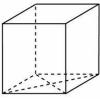
29 № 27059 Площадь большого круга шара равна3. Найдите площадь поверхности шара.



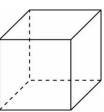
30 № 27061 Если каждое ребро куба увеличить на 1, то его площадь поверхности увеличится на 54. Найдите ребро куба.



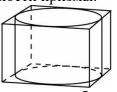
31 № 27062 Найдите площадь поверхности прямой призмы, в основании которой лежит ромб с диагоналями, равными 6 и 8, и боковым ребром, равным 10.



32 № 27063 Найдите боковое ребро правильной четырехугольной призмы, если сторона ее основания равна 20, а площадь поверхности равна 1760.



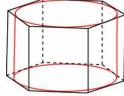
33 № 27064 Правильная четырехугольная призма описана около цилиндра, радиус основания и высота которого равны 1. Найдите площадь боковой поверхности призмы.



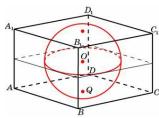
34 № 27065 Найдите площадь боковой поверхности правильной треугольной призмы, описанной около цилиндра, радиус основания которого равен $\sqrt{3}$, а высота равна 2.



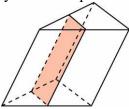
35 № 27066 Найдите площадь боковой поверхности правильной шестиугольной призмы, описанной около цилиндра, радиус основания которого равен √3, а высота равна 2.



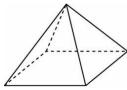
36 № 27067 Прямоугольный параллелепипед описан около единичной сферы. Найдите его площадь поверхности.



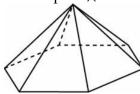
37 № 27068 Через среднюю линию основания треугольной призмы, площадь боковой поверхности которой равна 24, проведена плоскость, параллельная боковому ребру. Найдите площадь боковой поверхности отсеченной треугольной призмы.



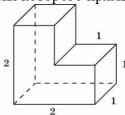
38 № 27069 Стороны основания правильной четырехугольной пирамиды равны 10, боковые ребра равны 13. Найдите площадь поверхности этой пирамиды.



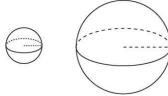
39 № 27070 Стороны основания правильной шестиугольной пирамиды равны 10, боковые ребра равны 13. Найдите площадь боковой поверхности этой пирамиды.



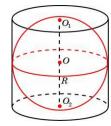
40 № 27071 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке, все двугранные углы которого прямые.



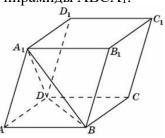
41 № 27072 Во сколько раз увеличится площадь поверхности шара, если радиус шара увеличить в 2 раза?



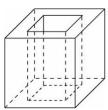
42 № 27073 Около шара описан цилиндр, площадь поверхности которого равна 18. Найдите площадь поверхности шара.



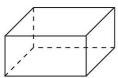
43 № **27074** Объем параллелепипеда ABCDA₁B₁C₁D₁ равен 9. Найдите объем треугольной пирамиды ABCA₁.



44 № 27075 Из единичного куба вырезана правильная четырехугольная призма со стороной основания 0,5 и боковым ребром 1. Найдите площадь поверхности оставшейся части куба.



45 № 27079 Два ребра прямоугольного параллелепипеда, выходящие из одной вершины, равны 2 и 6. Объем параллелепипеда равен 48. Найдите третье ребро параллелепипеда, выходящее из той же вершины.



46 № **27081** Во сколько раз увеличится объем куба, если все его ребра увеличить в три раза?



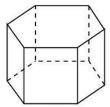
47 № 27082 Основанием прямой треугольной призмы является прямоугольный треугольник с катетами 6 и 8, боковое ребро призмы равно 5. Найдите объём призмы.



48 № 27083 Основанием прямой треугольной призмы служит прямоугольный треугольник с катетами 3 и 5. Объем призмы равен 30. Найдите ее боковое ребро.



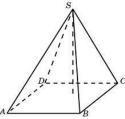
49 № 27084 Найдите объем правильной шестиугольной призмы, стороны основания которой равны 1, а боковые ребра равны $\sqrt{3}$.



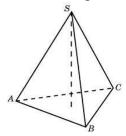
50 № 27085 Во сколько раз увеличится объем правильного тетраэдра, если все его ребра увеличить в два раза?



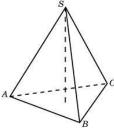
51 № **27086** Основанием пирамиды является прямоугольник со сторонами 3 и 4. Ее объем равен 16. Найдите высоту этой пирамиды.



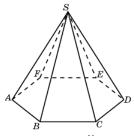
52 № 27087 Найдите объем правильной треугольной пирамиды, стороны основания которой равны 1, а высота равна √3.



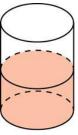
53 № 27088 Найдите высоту правильной треугольной пирамиды, стороны основания которой равны 2, а объем равен √3.



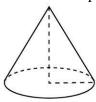
54 № **27089** Во сколько раз увеличится объем пирамиды, если ее высоту увеличить в четыре раза?



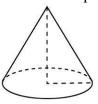
55 № 27091 В цилиндрический сосуд, в котором находится 6 литров воды, опущена деталь. При этом уровень жидкости в сосуде поднялся в 1,5 раза. Чему равен объем детали? Ответ выразите в литрах.



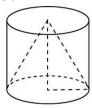
56 № **27094** Во сколько раз уменьшится объем конуса, если его высота уменьшится в 3 раза, а радиус основания останется прежним?



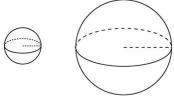
57 № 27095 Во сколько раз увеличится объем конуса, если радиус его основания увеличится в 1,5 раза, а высота останется прежней?



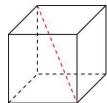
58 № 27096 Конус и цилиндр имеют общее основание и общую высоту (конус вписан в цилиндр). Вычислите объём конуса, если объём цилиндра равен 150.



59 № 27097 Во сколько раз увеличится объем шара, если его радиус увеличить в три раза?



60 № **27098** Диагональ куба равна √12. Найдите его объем.



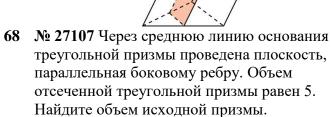
61 № **27099** Объем куба равен 24√3 . Найдите его диагональ.



призмы.

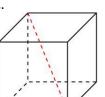
30°.

62 № 27100 Два ребра прямоугольного параллелепипеда, выходящие из одной вершины, равны 2, 4. Диагональ параллелепипеда равна 6. Найдите объем параллелепипеда.



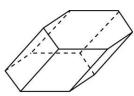
67 № 27106 Через среднюю линию основания

треугольной призмы, объем которой равен 32, проведена плоскость, параллельная боковому ребру. Найдите объем отсеченной треугольной



№ 27108 Найдите объем призмы, в основаниях которой лежат правильные шестиугольники со сторонами 2, а боковые ребра равны 2√3 и

63 № **27102** Если каждое ребро куба увеличить на 1, то его объем увеличится на 19. Найдите ребро куба.



наклонены к плоскости основания под углом

64 № 27103 Одна из граней прямоугольного параллелепипеда — квадрат. Диагональ параллелепипеда равна √8 и образует с плоскостью этой грани угол 45°. Найдите объем параллелепипеда.

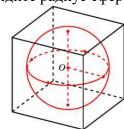
70 № 27109 В правильной четырехугольной пирамиде высота равна 6, боковое ребро равно 10. Найдите ее объем.

65 № 27104 Гранью параллелепипеда является ромб со стороной 1 и острым углом 60°. Одно из ребер параллелепипеда составляет с плоскостью этой грани угол 60° и равно 2. Найдите объем параллелепипеда.

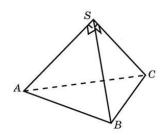


66 № 27105 Объем прямоугольного параллелепипеда, описанного около сферы, равен 216. Найдите радиус сферы.

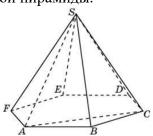
прямоугольник, одна боковая грань перпендикулярна плоскости основания, а три другие боковые грани наклонены к плоскости основания под углом 60°. Высота пирамиды равна 6. Найдите объем пирамиды.



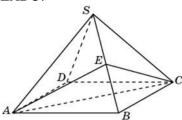
72 № 27111 Боковые ребра треугольной пирамиды взаимно перпендикулярны, каждое из них равно 3. Найдите объем пирамиды.



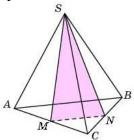
- 73 № 27112 От треугольной призмы, объем которой равен 6, отсечена треугольная пирамида плоскостью, проходящей через сторону одного основания и противоположную вершину другого основания. Найдите объем оставшейся части.
- **74** № 27113 Объем треугольной пирамиды *SABC*, являющейся частью правильной шестиугольной пирамиды *SABCDEF*, равен 1. Найдите объем шестиугольной пирамиды.



75 № 27114 Объем правильной четырехугольной пирамиды *SABCD* равен 12. Точка *E* – середина ребра *SB*. Найдите объем треугольной пирамиды *EABC*.

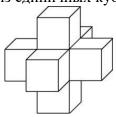


76 № 27115 От треугольной пирамиды, объем которой равен 12, отсечена треугольная пирамида плоскостью, проходящей через вершину пирамиды и среднюю линию основания. Найдите объем отсеченной треугольной пирамиды.

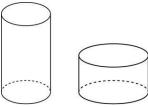


77 № 27116 Объем треугольной пирамиды равен 15. Плоскость проходит через сторону основания этой пирамиды и пересекает противоположное боковое ребро в точке, делящей его в отношении 1:2, считая от вершины пирамиды. Найдите больший из объемов пирамид, на которые плоскость разбивает исходную пирамиду.

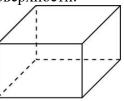
78 № 27117 Найдите объем пространственного креста, изображенного на рисунке и составленного из единичных кубов.



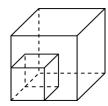
79 № 27118 Одна цилиндрическая кружка вдвое выше второй, зато вторая в полтора раза шире. Найдите отношение объема второй кружки к объему первой.



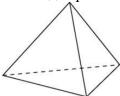
80 № 27128 Рёбра прямоугольного параллелепипеда равны 1, 2, 3. Найдите площадь его поверхности.



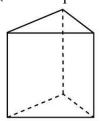
81 № 27130 Во сколько раз увеличится площадь поверхности куба, если все его рёбра увеличить в три раза?



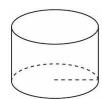
82 № 27131 Во сколько раз увеличится площадь поверхности правильного тетраэдра, если все его ребра увеличить в два раза?



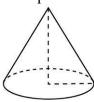
83 № 27132 Основанием прямой треугольной призмы служит прямоугольный треугольник с катетами 6 и 8, высота призмы равна 10. Найдите площадь ее поверхности.



84 № 27133 Длина окружности основания цилиндра равна 3, высота равна 2. Найдите площадь боковой поверхности цилиндра.



85 № 27135 Длина окружности основания конуса равна 3, образующая равна 2. Найдите площадь боковой поверхности конуса.



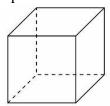
86 № 27136 Во сколько раз увеличится площадь боковой поверхности конуса, если его образующая увеличится в 3 раза, а радиус основания останется прежним?



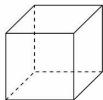
87 № 27137 Во сколько раз уменьшится площадь боковой поверхности конуса, если радиус его основания уменьшится в 1,5 раза, а образующая останется прежней?



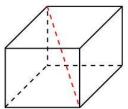
88 № 27139 Диагональ куба равна 1. Найдите площадь его поверхности.



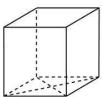
89 № 27141 Площадь поверхности куба равна 24. Найдите его объем.



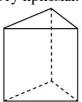
90 № 27143 Два ребра прямоугольного параллелепипеда, выходящие из одной вершины, равны 2, 4. Диагональ параллелепипеда равна 6. Найдите площадь поверхности параллелепипеда.



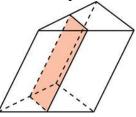
91 № 27148 В основании прямой призмы лежит ромб с диагоналями, равными 6 и 8. Площадь ее поверхности равна 248. Найдите боковое ребро этой призмы.



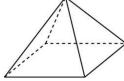
92 № 27151 Основанием прямой треугольной призмы служит прямоугольный треугольник с катетами 6 и 8. Площадь ее поверхности равна 288. Найдите высоту призмы.



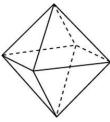
93 № 27153 Через среднюю линию основания треугольной призмы проведена плоскость, параллельная боковому ребру. Площадь боковой поверхности отсеченной треугольной призмы равна 8. Найдите площадь боковой поверхности исходной призмы.



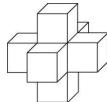
94 № 27155 Найдите площадь поверхности правильной четырехугольной пирамиды, стороны основания которой равны 6 и высота равна 4.



95 № 27157 Во сколько раз увеличится площадь поверхности октаэдра, если все его ребра увеличить в 3 раза?



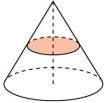
96 № 27158 Найдите площадь поверхности пространственного креста, изображенного на рисунке и составленного из единичных кубов.



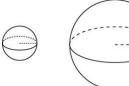
97 № 27160 Площадь боковой поверхности конуса в два раза больше площади основания. Найдите угол между образующей конуса и плоскостью основания. Ответ дайте в градусах.



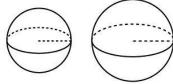
98 № 27161 Площадь полной поверхности конуса равна 12. Параллельно основанию конуса проведено сечение, делящее высоту пополам. Найдите площадь полной поверхности отсеченного конуса.



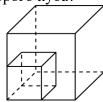
99 № 27162 Объем одного шара в 27 раз больше объема второго. Во сколько раз площадь поверхности первого шара больше площади поверхности второго?



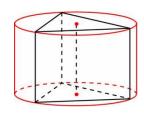
100 № 27163 Радиусы двух шаров равны 6 и 8. Найдите радиус шара, площадь поверхности которого равна сумме площадей поверхностей двух данных шаров.



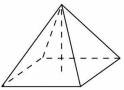
101 № 27168 Объём первого куба в 8 раз больше объёма второго куба. Во сколько раз площадь поверхности первого куба больше площади поверхности второго куба?



102 № 27170 Найдите площадь боковой поверхности правильной треугольной призмы, вписанной в цилиндр, радиус основания которого равен $2\sqrt{3}$, а высота равна 2.

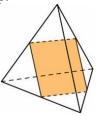


103 № 27171 Найдите площадь боковой поверхности правильной четырехугольной пирамиды, сторона основания которой равна 6 и высота равна 4.

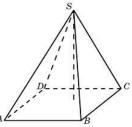


104 № 27172 Во сколько раз увеличится площадь поверхности пирамиды, если все ее ребра увеличить в 2 раза?

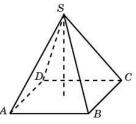
105 № 27175 Ребра тетраэдра равны 1. Найдите площадь сечения, проходящего через середины четырех его ребер.



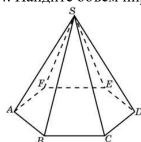
106 № 27176 Найдите объем пирамиды, высота которой равна 6, а основание – прямоугольник со сторонами 3 и 4.



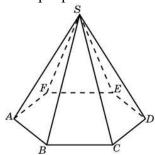
107 № **27178** В правильной четырехугольной пирамиде высота равна 12, объем равен 200. Найдите боковое ребро этой пирамиды.



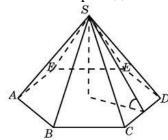
108 № **27179** Сторона основания правильной шестиугольной пирамиды равна 2, боковое ребро равно 4. Найдите объем пирамиды.



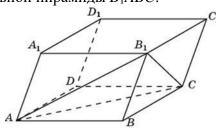
109 № **27180** Объем правильной шестиугольной пирамиды 6. Сторона основания равна 1. Найдите боковое ребро.



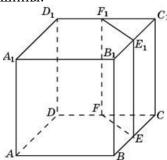
110 № 27181 Сторона основания правильной шестиугольной пирамиды равна 4, а угол между боковой гранью и основанием равен 45°. Найдите объем пирамиды.



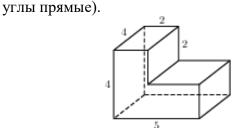
111 № **27182** Объем параллелепипеда $ABCDA_1B_1C_1D_1$ равен 12. Найдите объем треугольной пирамиды B_1ABC .



112 № 27183 Объем куба равен 12. Найдите объем треугольной призмы, отсекаемой от него плоскостью, проходящей через середины двух ребер, выходящих из одной вершины и параллельной третьему ребру, выходящему из этой же вершины.



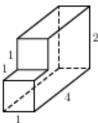
113 № **27184** Объем куба равен 12. Найдите объем четырехугольной пирамиды, основанием которой является грань куба, а вершиной — центр куба.



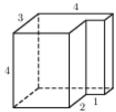
изображенного на рисунке (все двугранные

115 № **27188** Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).

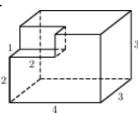
114 № 27187 Найдите объем многогранника,



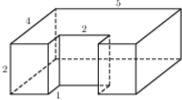
116 № 27189 Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



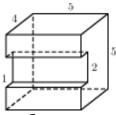
117 № 27190 Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



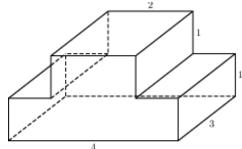
118 № 27191 Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



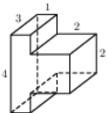
119 № 27192 Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



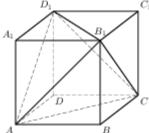
120 № 27193 Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



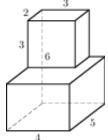
121 № 27194 Найдите объем многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



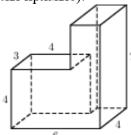
122 № **27209** Объем параллелепипеда $ABCDA_1B_1C_1D_1$ равен 4,5. Найдите объем треугольной пирамиды AD_1CB_1 .



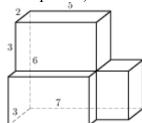
123 № **27210** Найдите объем многогранника (все двугранные углы прямые).



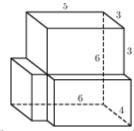
124 № 27211 Найдите объем многогранника (все двугранные углы прямые).



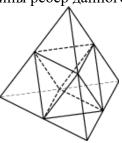
125 № 27212 Найдите объем многогранника (все двугранные углы прямые).



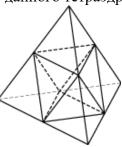
126 № 27213 Найдите объем многогранника (все двугранные углы прямые).



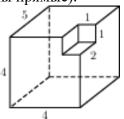
127 № 27214 Объём тетраэдра равен 19. Найдите объём многогранника, вершинами которого являются середины рёбер данного тетраэдра.



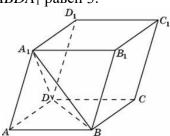
128 № 27215 Площадь поверхности тетраэдра равна 12. Найдите площадь поверхности многогранника, вершинами которого являются середины рёбер данного тетраэдра.



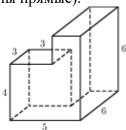
129 № 27216 Найдите объем многогранника (все двугранные углы прямые).



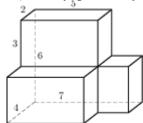
130 № 77154 Найдите объем параллелепипеда *АВСDA*₁*B*₁*C*₁*D*₁, если объем треугольной пирамиды *АВDA*₁ равен 3.



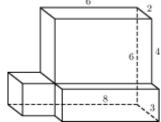
131 № 77155 Найдите площадь поверхности многогранника, изображенного на рисунке (все двугранные углы прямые).



132 № 77156 Найдите площадь поверхности многогранника (все двугранные углы прямые).

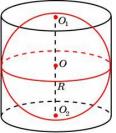


133 № 77157 Найдите площадь поверхности многогранника (все двугранные углы прямые).

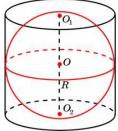


- **134** № **245335** Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A, D, A_1, B, C, B_1 прямоугольного параллелепипеда $ABCDA_1B_1C_1D_1$, у которого AB=3, AD=4, $AA_1=5$.
- **135** № **245336** Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A, B, C, D_1 прямоугольного параллелепипеда $ABCDA_1B_1C_1D_1$, у которого AB=4, AD=3, $AA_1=4$.
- **136** № **245337** Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A_1 , B, C, C_1 , B_1 прямоугольного параллелепипеда $ABCDA_1B_1C_1D_1$, у которого AB=4, AD=3, AA_1 =4.
- **137** № **245338** Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A, B, C, B_1 прямоугольного параллелепипеда $ABCDA_1B_1C_1D_1$, у которого AB=3, AD=3, $AA_1=4$.
- **138** № **245339** Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A, B, B_1 , C_1 прямоугольного параллелепипеда $ABCDA_1B_1C_1D_1$, у которого AB=5, AD=3, $AA_1=4$.
- **139** № 245340 Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A, B, C, A_1 правильной треугольной призмы $ABCA_1B_1C_1$, площадь основания которой равна 2, а боковое ребро равно 3.
- 140 № 245341 Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A, B, C, A₁, C₁ правильной треугольной призмы ABCA₁B₁C₁, площадь основания которой равна 3, а боковое ребро равно 2.
- 141 № 245342 Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A₁, B₁, B, С правильной треугольной призмы ABCA₁B₁C₁, площадь основания которой равна 4, а боковое ребро равно 3.
- **142** № **245343** Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A, B, C, D, E, F, A_1 правильной шестиугольной призмы $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$, площадь основания

- которой равна 4, а боковое ребро равно 3.
- **143** № **245344** Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A, B, C, A_1, B_1, C_1 правильной шестиугольной призмы $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$, площадь основания которой равна 6, а боковое ребро равно 3.
- **144** № 245345 Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки $A, B, D, E, A_1, B_1, D_1, E_1$ правильной шестиугольной призмы $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$, площадь основания которой равна 6, а боковое ребро равно 2.
- **145** № 245346 Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки $A, B, C, D, A_1, B_1, C_1, D_1$ правильной шестиугольной призмы $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$, площадь основания которой равна 6, а боковое ребро равно 2.
- **146** № **245347** Найдите объем многогранника, вершинами которого являются точки A, B, C, B_1 правильной шестиугольной призмы $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$, площадь основания которой равна 6, а боковое ребро равно 3.
- **147** № **245348** Цилиндр описан около шара. Объем цилиндра равен 33. Найдите объем шара.

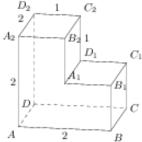


148 № **245349** Цилиндр описан около шара. Объем шара равен 24. Найдите объем цилиндра.

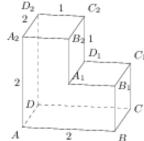


- **149** № **245350** Конус и цилиндр имеют общее основание и общую высоту (конус вписан в цилиндр). Вычислите объём цилиндра, если объём конуса равен 5.
- 150 № 245351 Конус вписан в шар. Радиус основания конуса равен радиусу шара. Объем шара равен 28. Найдите объем конуса.
- 151 № 245352 Конус вписан в шар. Радиус основания конуса равен радиусу шара. Объем конуса равен 6. Найдите объем шара.
- 152 № 245354 Правильная четырехугольная призма описана около цилиндра, радиус основания которого равен 2. Площадь боковой поверхности призмы равна 48. Найдите высоту цилиндра.

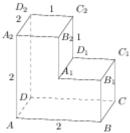
- **153** № **245355** Куб вписан в шар радиуса $\sqrt{3}$. Найдите объем куба.
- 154 № 245356 Площадь поверхности правильной треугольной призмы равна 6. Какой станет площадь поверхности призмы, если все её рёбра увеличатся в три раза, а форма останется прежней?
- 155 № 245358 Длина окружности основания цилиндра равна 3. Площадь боковой поверхности равна 6. Найдите высоту цилиндра.
- **156** № **245361** Найдите угол ABD_1 прямоугольного параллелепипеда, для которого AB = 5, AD = 4, $AA_1 = 3$. Ответ дайте в градусах.
- **157** № **245363** Найдите угол DBD_1 прямоугольного параллелепипеда, для которого AB = 4, AD = 3, $AA_1 = 5$. Ответ дайте в градусах.
- **158** № **245364** В правильной шестиугольной призме $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$ все ребра равны 1. Найдите расстояние между точками A и E_1 .
- **159** № **245366** В правильной шестиугольной призме $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$ все ребра равны $\sqrt{5}$. Найдите расстояние между точками B и E_1 .
- **160** № **245367** В правильной шестиугольной призме $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$ все ребра равны 1. Найдите тангенс угла AD_1D .
- **161** № **245369** В правильной шестиугольной призме $ABCDEFA_1B_1C_1D_1E_1F_1$ все ребра равны 1. Найдите угол AC_1C . Ответ дайте в градусах.
- **162** № **245370** Найдите расстояние между вершинами *A* и *C*₂ многогранника. Все двугранные углы многогранника прямые.



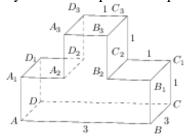
163 № 245372 На рисунке изображён многогранник, все двугранные углы многогранника прямые. Найдите расстояние между вершинами B₁ и D₂.



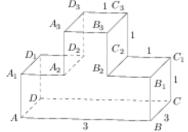
164 № **245375** На рисунке изображён многогранник, все двугранные углы многогранника прямые. Найдите тангенс угла $B_2A_2C_2$.



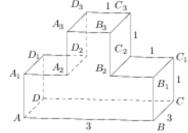
165 № **245376** Найдите квадрат расстояния между вершинами B_2 и D_3 многогранника. Все двугранные углы многогранника прямые.



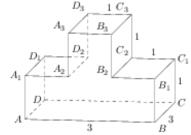
166 № 245377 Найдите квадрат расстояния между вершинами В и D₂ многогранника. Все двугранные углы многогранника прямые.



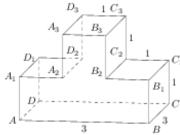
167 № **245378** Найдите квадрат расстояния между вершинами *А* и *С*₃ многогранника. Все двугранные углы многогранника прямые.



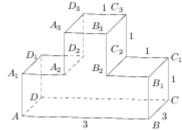
168 № **245379** На рисунке изображён многогранник, все двугранные углы многогранника прямые. Найдите тангенс угла $C_2C_3B_2$.



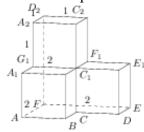
169 № 245380 На рисунке изображён многогранник, все двугранные углы многогранника прямые. Найдите тангенс угла ABB₃.



170 № 245381 На рисунке изображён многогранник, все двугранные углы многогранника прямые. Найдите тангенс угла $C_3D_3B_3$.

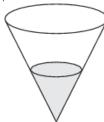


171 № **245382** Найдите квадрат расстояния между вершинами *D* и *C*₂ многогранника. Все двугранные углы многогранника прямые.



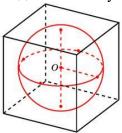
- **172** № **284348** В правильной четырехугольной пирамиде SABCD точка O центр основания, S вершина, SO = 4, AC = 6. Найдите боковое ребро SC.
- **173** № **284349** В правильной четырехугольной пирамиде SABCD точка O центр основания, S вершина, SC = 5, AC = 6. Найдите длину отрезка SO.
- **174** № **284350** В правильной четырехугольной пирамиде SABCD точка O центр основания, S вершина, SO = 4, SC = 5. Найдите длину отрезка AC.
- **175** № **284357** В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известно, что $BD_1 = 3$, CD = 2, AD = 2. Найдите длину ребра AA_1 .
- 176 № 284358 Высота конуса равна 4, а диаметр основания 6. Найдите образующую конуса.
- 177 № 284359 Высота конуса равна 4, а длина образующей 5. Найдите диаметр основания конуса.
- **178** № **284360** Диаметр основания конуса равен 6, а длина образующей 5. Найдите высоту конуса.
- **179** № **284361** Площадь боковой поверхности цилиндра равна 2π, а диаметр основания 1. Найдите высоту цилиндра.
- **180** № **284362** Площадь боковой поверхности цилиндра равна 2π, а высота 1. Найдите диаметр основания.

- **181** № **284363** В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известно, что $DD_1=1$, CD=2, AD=2. Найдите длину диагонали CA_1 .
- **182** № 315130 В кубе $ABCDA_1B_1C_1D_1$ точка K середина ребра AA_1 , точка L середина ребра A_1B_1 , точка M середина ребра A_1D_1 . Найдите угол MLK. Ответ дайте в градусах.
- **183** № 315131 В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ ребро AB = 2, ребро $AD = \sqrt{5}$, ребро $AA_1 = 2$. Точка K середина ребра BB_1 . Найдите площадь сечения, проходящего через точки A_1 , D_1 и K.
- **184** № **316552** В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известны длины рёбер: AB = 24, AD = 10, $AA_1 = 22$. Найдите площадь сечения, проходящего через вершины A, A_1 и C.
- **185** № **316554** В кубе $ABCDA_1B_1C_1D_1$ найдите угол между прямыми AD_1 и B_1D_1 . Ответ дайте в градусах.
- 186 № 316555 Около конуса описана сфера (сфера содержит окружность основания конуса и его вершину). Центр сферы находится в центре основания конуса. Образующая конуса равна 7√2. Найдите радиус сферы.
- 187 № 316556 Около конуса описана сфера (сфера содержит окружность основания конуса и его вершину). Центр сферы находится в центре основания конуса. Радиус сферы равен 28√2. Найдите образующую конуса.
- **188** № 316557 Шар вписан в цилиндр. Площадь поверхности шара равна 111. Найдите площадь полной поверхности цилиндра.
- **189** № **316558** В правильной треугольной призме $ABCA_1B_1C_1$, все ребра которой равны 3, найдите угол между прямыми AA_1 и BC_1 . Ответ дайте в градусах.
- **190** № 318145 В сосуде, имеющем форму конуса, уровень жидкости достигает ½ высоты. Объём жидкости равен 70 мл. Сколько миллилитров жидкости нужно долить, чтобы полностью наполнить сосуд?



- **191** № 318146 В правильной четырёхугольной пирамиде SABCD с основанием ABCD боковое ребро SA равно 5, сторона основания равна $3\sqrt{2}$. Найдите объём пирамиды.
- **192** № 318474 В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известны длины рёбер AB=8, AD=6, AA_1 =21. Найдите синус угла между прямыми CD и A_1C_1 .

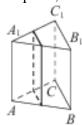
- **193** № 318475 В правильной четырёхугольной призме $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известно, что AC_1 =2BC. Найдите угол между диагоналями BD_1 и CA_1 . Ответ дайте в градусах.
- **194** № **324449** Шар, объём которого равен 6π, вписан в куб. Найдите объём куба.



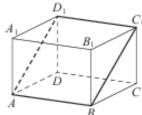
195 № 324450 В правильной четырёхугольной пирамиде все рёбра равны 1. Найдите площадь сечения пирамиды плоскостью, проходящей через середины боковых рёбер.



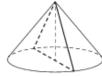
196 № **324451** В правильной треугольной призме $ABCA_1B_1C_1$ стороны оснований равны 2, боковые рёбра равны 5. Найдите площадь сечения призмы плоскостью, проходящей через середины рёбер AB, AC, A_1B_1 и A_1C_1 .



197 № **324452** В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известны длины рёбер: AB = 3, AD = 5, $AA_1 = 12$. Найдите площадь сечения параллелепипеда плоскостью, проходящей через точки A, B и C_1 .



198 № 324453 Площадь основания конуса равна 16π , высота — 6. Найдите площадь осевого сечения конуса.



199 № 324454 Площадь основания конуса равна 18. Плоскость, параллельная плоскости основания конуса, делит его высоту на отрезки длиной 3 и 6, считая от вершины. Найдите

площадь сечения конуса этой плоскостью.



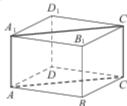
200 № 324455 Высота конуса равна 8, а длина образующей — 10. Найдите площадь осевого сечения этого конуса.



201 № **324456** Диаметр основания конуса равен 12, а длина образующей — 10. Найдите площадь осевого сечения этого конуса.



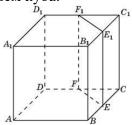
202 № 324457 В правильной четырёхугольной призме $ABCDA_1B_1C_1D_1$ ребро AA_1 равно 15, а диагональ BD_1 равна 17. Найдите площадь сечения призмы плоскостью, проходящей через точки A, A_1 и C.



203 № 324458 Цилиндр и конус имеют общие основание и высоту. Высота цилиндра равна радиусу основания. Площадь боковой поверхности цилиндра равна 3√2. Найдите площадь боковой поверхности конуса.



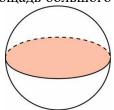
204 № 324459 Объём треугольной призмы, отсекаемой от куба плоскостью, проходящей через середины двух рёбер, выходящих из одной вершины, и параллельной третьему ребру, выходящему из этой же вершины, равен 2. Найдите объём куба.



205 № **508284** В правильной треугольной пирамиде боковое ребро равно 5, а сторона основания равна $3\sqrt{3}$. Найдите высоту пирамиды.

206 № **508285** В правильной треугольной призме $ABCA_1B_1C_1$ известно, что $AB = \sqrt{3}AA_1$. Найдите угол между прямыми AB_1 и CC_1 . Ответ дайте в градусах.

207 № 508286 Площадь поверхности шара равна 12. Найдите площадь большого круга шара.



Ответы:

| 1. 18 | 36. 24 | 71. 108 | 106. 24 | 141. 4 | 176. 5 |
|-----------------|-----------------|------------------|------------------|----------------|-------------------|
| 2. 76 | 37. 12 | 72. 4,5 | 107. 13 | 142. 4 | 177. 6 |
| 3. 92 | 38. 340 | 73. 4 | 108. 12 | 143. 3 | 178. 4 |
| 4. 110 | 39. 360 | 74. 6 | 109. 7 | 144. 8 | 179. 2 |
| 5. 94 | 40. 14 | 75. 3 | 110. 48 | 145. 6 | 180. 2 |
| 6. 132 | 41. 4 | 76. 3 | 111. 2 | 146. 1 | 181. 3 |
| 7. 114 | 42. 12 | 77. 10 | 112. 1,5 | 147. 22 | 182. 60 |
| 8. 48 | 43. 1,5 | 78. 7 | 113. 2 | 148. 36 | 183. 5 |
| 9. 84 | 44. 6,5 | 79. 1,125 | 114. 56 | 149. 15 | 184. 572 |
| 10. 96 | 45. 4 | 80. 22 | 115. 7 | 150. 7 | 185. 60 |
| 11. 124 | 46. 27 | 81. 9 | 116. 40 | 151. 24 | 186. 7 |
| 12. 4 | 47. 120 | 82. 4 | 117. 34 | 152. 3 | 187. 56 |
| 13. 0,25 | 48. 4 | 83. 288 | 118. 36 | 153. 8 | 188. 166,5 |
| 14. 8 | 49. 4,5 | 84. 6 | 119. 90 | 154. 54 | 189. 45 |
| 15. 8 | 50. 8 | 85. 3 | 120. 18 | 155. 2 | 190. 490 |
| 16. 1500 | 51. 4 | 86. 3 | 121. 24 | 156. 45 | 191. 48 |
| 17. 4 | 52. 0,25 | 87. 1,5 | 122. 1,5 | 157. 45 | 192. 0,6 |
| 18. 184 | 53. 3 | 88. 2 | 123. 78 | 158. 2 | 193. 60 |
| 19. 5 | 54. 4 | 89. 8 | 124. 104 | 159. 5 | 194. 36 |
| 20. 125 | 55. 3 | 90. 64 | 125. 87 | 160. 2 | 195. 0,25 |
| 21. 4 | 56. 3 | 91. 10 | 126. 114 | 161. 60 | 196. 5 |
| 22. 75 | 57. 2,25 | 92. 10 | 127. 0,95 | 162. 3 | 197. 39 |
| 23. 2 | 58. 50 | 93. 16 | 128. 0,6 | 163. 3 | 198. 24 |
| 24. 9 | 59. 27 | 94. 96 | 129. 78 | 164. 2 | 199. 2 |
| 25. 3 | 60. 8 | 95. 9 | 130. 18 | 165. 11 | 200. 48 |
| 26. 24 | 61. 6 | 96. 30 | 131. 162 | 166. 14 | 201. 48 |
| 27. 300 | 62. 32 | 97. 60 | 132. 140 | 167. 17 | 202. 120 |
| 28. 12 | 63. 2 | 98. 3 | 133. 152 | 168. 3 | 203. 3 |
| 29. 12 | 64. 4 | 99. 9 | 134. 30 | 169. 2 | 204. 16 |
| 30. 4 | 65. 1,5 | 100. 10 | 135. 8 | 170. 3 | 205. 4 |
| 31. 248 | 66. 3 | 101. 4 | 136. 16 | 171. 6 | 206. 60 |
| 32. 12 | 67. 8 | 102. 36 | 137. 6 | 172. 5 | 207. 3 |
| 33. 8 | 68. 20 | 103. 60 | 138. 10 | 173. 4 | |
| 34. 36 | 69. 18 | 104. 4 | 139. 2 | 174. 6 | |
| 35. 24 | 70. 256 | 105. 0,25 | 140. 4 | 175. 1 | |
| | | | | | |