ПИН-12

Акимов Александр, группа

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{3n^4-5n}{n^4+8n^2+1}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 0}\frac{(1-x)^3-(1+3x)}{r^3-r}$;
- **3.** Вычислить предел: $\lim_{x\to 64} \frac{\sqrt{x-8}}{\sqrt[3]{x}-4}$;
- **4.** Вычислить предел: $\lim_{x \to \frac{\pi}{4}} \frac{1 \operatorname{ctg}^3 x}{2 \operatorname{ctg} x \operatorname{ctg}^3 x}$;
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x\to 1} (\cos 4(x-1))^{\frac{1}{(x-1)^2}}$;

- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\pi x \sin 3x$ относительно ...
 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to 2} \frac{\sin 7\pi x}{\sin 8\pi x} .$ $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 8\pi x}{\tan 8\pi x} .$ $\frac{1}{\tan 8\pi x} \cdot \frac{1}{\tan 8\pi x} .$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

$$y = e^{\frac{1}{1-x}}.$$

БДЗ N1

Ананичев Никита, группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{(n+1)(n+2)(n-2)(n-1)}{5n^4+8n^2+1}$.

 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 1} \frac{x^4-3x+2}{x^5-4x+3}$;

 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 3} \frac{\sqrt{x^2-2x+6}-\sqrt{x^2+2x-6}}{x^2-4x+3}$;

 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 2} \frac{\sin x-\sin 2}{x-2}$;

- 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to\infty} (x^2+1) \cdot \ln\left(\sin\left(\frac{\pi(x-1)}{2x}\right)\right)$;
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $3^{1-\cos 5x}-1$ относительно x при $x\to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $e^{\sin 5x} e^{\sin 3x}$ относительно $x-\pi$ при $x \to \pi$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{e^x e^{-x}}{\sin x}$
- 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to 0} x^2 \ln \cos \frac{\pi}{x}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

Арефьев Игорь, группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\left(\frac{2n^3}{n^2-1}-\frac{2n^2}{n+1}\right)$.

 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 2}\frac{x^3-2x-4}{40x^2-64x-32};$ 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to +\infty}\left(\sqrt{x^2+4x}-\sqrt{x^2+x}\right);$

- 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{tg} x \sin x}{x \cdot \sin x^2};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{x^5+3}{x^5+1}\right)^{-2x^5};$
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $3^{\sin 2x} 1$ относительно x при $x \to 0$. 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\frac{4(x-1)^3 \sqrt[5]{x-1}}{x^2+7}$ относительно x-1 при $x \to 1$.
- $x \to 1$. 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{4}} \frac{1-\sin 2x}{\left(\pi-4x\right)^2}$. 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to 0} \frac{e^{\sin 5x} e^{\sin x}}{\ln\left(1+2x\right)}$.
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

$$y = e^{-\frac{1}{x^2 - 4}}.$$

БДЗ N1 Π ИН-12

Ахременко Маргарита, группа

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{5n^6+2n^2+7}{10n^6+5n^3+8n}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 1}\frac{x^5-1}{x^6-1}$;

- 3. Вычислить предел: $\lim_{x \to -8} \frac{\sqrt{1-x}-3}{2+\sqrt[3]{x}};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x \to 0} \frac{\cos 5x \cos x \cdot \cos 2x}{1-\cos 2x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \left(\frac{\sqrt[3]{x}+\sqrt[4]{x}+1}{\sqrt[3]{x}+2}\right)^{-\sqrt{x}};$
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{x} + \sqrt{x} + \sqrt{x}$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $tg^2(x-1) \sin(x-1)$ относительно x-1при $x \to 1$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 2} \frac{\ln{(9-2x^2)}}{\sin{2\pi x}}$.

 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{1+\sin{2x}}-\sqrt{1-\sin{2x}}}{\tan{x}}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \frac{1}{1 + 2^{1/x^2}}.$

Белова Екатерина, группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{n^7+1}{10n^7+3n^2+2}.$ 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 1}\frac{x^4+x^3+x^2-3}{x^2-1};$

- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 4} \frac{3-\sqrt{5+x}}{1-\sqrt{5-x}};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{2\sin^2 x + \sin 2x}{1+\sin 8x \cos 8x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{x^2+3x+2}{x^2-4}\right)^{\frac{x}{2}};$
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $\sin{(1-\cos{x})}$ относительно x при $x\to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $1-\sqrt{\cos{((x-1)^2)}}$ относительно x-1 при $x \rightarrow 1$.
- $x \to 1$. 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to 1} \frac{1 + \cos \pi x}{\operatorname{tg}^2 \pi x}$.
- 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\sin(\pi \sin x)}{\sin(\cos x)}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

$$y = e^{\frac{1}{x^2 - 1}}.$$

БДЗ N1

Будин Денис, группа ПИН-12

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{3n^3-1}{5n^3+n^4-6}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to -1} \left(\frac{5}{1+x^5}-\frac{3}{1+x^3}\right)$;
- **3.** Вычислить предел: $\lim_{x\to 1} \frac{(1-\sqrt{x})(\sqrt[4]{x}-1)}{(x-1)^2}$;
- 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{tg} x \sin x}{\sin x^3}$;

 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{x^3 + 3x^2 + 1}{x^3 + 1}\right)^{-4x}$;
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{1+2x}-1-\sqrt{x}$ относительно x при $x\to 0$.
- 6. Определить порядок оесконечно малой функции $\cos^4 x \sin^4 x$ относительно $x \frac{\pi}{4}$ при $x \to \frac{\pi}{4}$.

 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to 10} \frac{\lg x 1}{\sqrt{x 9} 1}$.
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{tg} x \sin x}{e^{x^3} 1}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

БДЗ N1 ПИН-12

Гришаков Дмитрий, группа

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{(n+1)^3 + (n+5)^3}{n^3 + 2n^2 + 1}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 1} \left(\frac{3}{1-x^3} \frac{2}{1-x^2}\right)$;
- **3.** Вычислить предел: $\lim_{x\to 1} \frac{\sqrt[5]{x}-1}{\sqrt[3]{x}-1}$;
- 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\dot{1} \sqrt{\cos x}}{1 \cos \sqrt{x}};$
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x\to +\infty} x \left(\ln \left(1 + \frac{x}{2} \right) \ln \frac{x}{2} \right);$
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\lg x^2 \sin x^2$ относительно x при $x \to 0$. 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{1 + \cos x} \sqrt{1 \cos x}$ относительно $x \frac{\pi}{2}$ при $x \to \frac{\pi}{2}$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{4}} \frac{\ln \operatorname{tg} x}{\cos 2x}$
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \left(\frac{2^{\arctan x}-1}{\sqrt{x+1}-1}\right)$.
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = x \sin \frac{1}{x}.$

БДЗ N1

Дегтев Денис, группа ПИН-12

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{n^3+2n^2+3}{n^5+2n^4-1}$.
- **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 1} \frac{x^4-4x+3}{x^3-3x+2}$;
- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 4} \frac{\sqrt{1+2x}-3}{\sqrt{x}-2}$;
 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\sin^2{(1+x)}-\sin^2{1}}{\cos^2{(1+x)}-\cos^2{1}}$;
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \left(\frac{2^x + 4^x}{4^x + 1} \right)^{-2^x}$
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\lg 5x \sin 5x$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\sin^3 4x \cos^3 4x$ относительно $x \frac{\pi}{16}$ при $x \to \frac{\pi}{16}$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\sin\left(x \frac{\pi}{3}\right)}{1 2\cos x}$.
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \infty} x \left(3^{\frac{1}{x}} 1 \right)$.
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \operatorname{arcctg} \frac{1}{x+3}$

БДЗ N1

Зайцев Кирилл , группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{(2n+3)(n^3+5)}{3n^4+18n^2+1}.$ 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 1}\frac{x^3+x^2+x-3}{(x-1)\ (2x-1)};$
- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 1} \frac{(1-\sqrt{x})(1-\sqrt[3]{x})}{(1-x)^2}$
- 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\sin{(2+2x)} 2\sin{(1+x)} \cdot \cos{1}}{2x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{x^2+3}{x^2+2x-1}\right)^{3x+5};$

- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $e^{\pi x}-1$ относительно x при $x\to 0$.

 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\frac{(x^2-16)^2}{\sin(\sqrt{x}-2)}$ относительно x-4 при $x\to 4$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to -2} \frac{\operatorname{tg} \pi x}{x+2}$.
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} (\ln{(e+x)})^{\operatorname{ctg}{x}}$.
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

$$y = e^{-\frac{1}{x+4}}.$$

БДЗ N1 ПИН-12

Кабанова Кристина, группа

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{\sqrt{n^2+1}+2n-3}{2n+3}$.
 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{r\to -2}\frac{x^2-x-6}{r^6-64}$;

- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 1} \frac{\sqrt[3]{x^2}-2\sqrt[3]{x}+1}{(x-1)^2};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\sin x+\sin 3x}{\operatorname{tg} 2x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{x^3+2x^2-1}{x^3+4}\right)^{-3x};$
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt[3]{x^2} \sqrt{x^3}$ относительно x при $x \to 0$.

 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\sin \pi x \ln \frac{x}{2}$ относительно x 2 при $x \to 2$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \pi} \frac{1 + \cos 3x}{\sin^2 7x}$.
- 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\sin(\pi \cos x)}{\sin(\cos x)}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \frac{\sin x}{x^2}.$

Ковалев Михаил, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{n^7+2n^2+8}{10n^7+2}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 4} \frac{x^2-6x+8}{x^3-3x-52}$;
- 3. Вычислить предел: $\lim_{x \to -2} \frac{\sqrt[3]{x-6}+2}{x^3+8};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 5x \sin 3x}{\sin x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} (\sin x)^{\lg x};$

- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt[3]{1+x^2}-1$ относительно x при $x\to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $1-\cos^3{(x-2)}^2$ относительно x-2 при
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{\ln{(1+\arctan{5}x)}}{\sqrt{x+9}-3}$.
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{e^{x^2}-1}{\sqrt{1+\sin x^2}-1}$.
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = (x-1)\sin\frac{\pi}{x^2-1}$.

БДЗ N1 12

Коротов Дмитрий, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{3n^3+2n^2-1}{5n^3+7}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 1} \left(\frac{5}{1-x^5}-\frac{4}{1-x^4}\right)$;
- **3.** Вычислить предел: $\lim_{x\to 8} \frac{\sqrt{9+2x}-5}{\sqrt[3]{x}-2}$;
- 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 3} \frac{\cos x \cos 3}{x-3}$;

 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to +\infty} \left(\frac{\sqrt{x}+2\sqrt[4]{x}+5}{\sqrt{x}+3}\right)^{2\sqrt{x}}$;
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $e^{2x} e^{-2x}$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\sin x \cos x$ относительно $x \frac{\pi}{4}$ при $x \to \frac{\pi}{4}$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos 2x}{\cos 7x \cos 3x}.$ 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos 2x}{\cos 7x \cos 3x}.$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

$$y = \frac{1}{1 + e^{1/(x-1)}}.$$

Костин Григорий, группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n \to \infty} \frac{n^3 + 2n + 3}{n^5 + 2n 1}.$ 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x \to 2} \frac{x^3 2x^2 4x + 8}{x^4 8x^2 + 16};$ 3. Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \sqrt[3]{x} \cdot \left(\sqrt[3]{(x+1)^2} \sqrt[3]{(x-1)^2}\right);$

- 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to\pi} \frac{\sin 7x}{\sin 5x}$
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \left(\frac{3^{2x} + 3^x + 1}{9^x + 2} \right)^{3^x}$;
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{x+2\sqrt{x}}$ относительно x при $x\to 0$.
- **6.** Определить порядок оесконе но малой функции $e^{\cos 5x} e^{\cos 3x}$ относительно $x \pi$ при $x \to \pi$. **8.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \pi} \frac{\sin^2 x \lg^2 x}{(x \pi)^2}$.
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \infty} x^2 \left(\ln(x+1) 2 \ln x + \ln(x-1) \right)$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

$$y = e^{-\frac{1}{x^3}}.$$

БДЗ N1

Котлуков Георгий, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \left(\frac{3n^3}{n^2+3}-3n\right)$.
- **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x \to -1} \frac{x^3 2x 1}{x^5 2x 1}$;
- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 16} \frac{\sqrt[4]{x}-2}{(\sqrt{x}-4)(\sqrt{x}+2)};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\sin{(5+2x)}-\sin{(5+x)}}{2 \operatorname{tg} x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\ln{(1+\operatorname{tg} x^2)}}{1-\cos{2x}};$
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $1-\cos^3 x$ относительно x при $x\to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $1-\sin\frac{x}{2}$ относительно $x-\pi$ при $x\to\pi$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{e^{\sin^2 2x}-1}{\sqrt{x^2+4}-2}$ 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{10^x-1}{2^x-1}$.
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \sin \frac{\pi}{2x}.$

БДЗ N1 ПИН-12

Красавин Виталий, группа

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{(n-1)(n-2)(n-3)(n-4)}{3n^4+8n+1}$.

 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to\infty} \frac{(2x+1)^5+(2x+2)^5+\ldots+(2x+10)^5}{x^5+10^5}$;
- **3.** Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \frac{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x} + \sqrt[4]{x}}{\sqrt{2x + \sqrt{1 + x^2}}};$
- 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{1-\cos x^2}}{1-\cos x}$
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \left(\frac{\sqrt{x} + 3\sqrt[4]{x} + 1}{\sqrt{x} + 3} \right)^{-\sqrt[4]{x}};$
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{1-2x}-\sqrt{1-3x}$ относительно x при
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\arcsin \frac{(x-1)^2}{\sqrt{1-x}}$ относительно x-1 при $x\to 1$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{2^{\cos^2 x} 1}{\ln \sin x}$.
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{1-\sqrt{\cos x}}{e^{x^2}-1}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

БДЗ N1 ПИН-12

Криницкий Александр, группа

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n \to \infty} \frac{3n^2 n + 2}{2n^3 5n + 3}.$ 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x \to 2} \frac{3x^3 + 2x^2 19x + 6}{2x^2 3x 2};$ 3. Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \left(\sqrt[3]{x^3 3x^2} \sqrt[3]{x^3 + 3x^2}\right);$

- **4.** Вычислить предел: $\lim_{x \to \frac{\pi}{6}} \frac{\sin x \cos 2x}{2 \cos 2x 3\sin x}$;
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x \to \infty} \left(\frac{x^2 + 2x 1}{x^2 3x 2} \right)^{2x}$;
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{x^2 x + 1} 1$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt[3]{(x-1)^2} \sqrt{(x-1)^3}$ относительно x-1при $x \to 1$.
- **8.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{4}} \frac{\sqrt{2} 2\cos x}{\sin\left(x \frac{\pi}{4}\right)}$.
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \infty} x^{1/(1-x)}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

$$y = e^{\frac{1}{x+1}}.$$

Кудрявцев Денис, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{(n+3)^3-(n-4)^3}{5n^2+23n+2}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 1} \frac{x^4-4x+3}{(x-1)^2}$;
- **3.** Вычислить предел: $\lim_{x\to 7} \frac{\sqrt{x+2}-3}{\sqrt[4]{x+9}-2}$;
- 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 2} \frac{4-x^2}{\sin \pi x}$;

 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{x^2+2x+1}{x^2-3}\right)^{-x+1}$;
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\frac{2x^2\sqrt{x}}{2+x}$ относительно x при $x\to 0$. 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\cos^2 5x \cos^2 3x$ относительно $x-\pi$ при
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to 1} (1-x) \operatorname{tg} \frac{\pi x}{2}$.
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{(2+x)^x-2^x}{x^2}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

БДЗ N1 12

Лагунов Алексей, группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{2n^8+5n^6+8}{10n^8+7n^7+6n^5+1}.$ 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to\infty}\frac{(2x-3)^{20}\left(3x+2\right)^{30}}{\left(2x+1\right)^{50}};$

- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{x^2}{\sqrt[3]{1+3x}-(1+x)};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos x\cdot\cos 2x}{1-\cos x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \left(1+\operatorname{tg}\sqrt{x}\right)^{-\frac{5}{x}};$ 6. Определить порядок бесконечно малой функции $x\ln\left(\cos 5x\right)$ относительно x при $x\to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt[3]{x^2} 2\sqrt{x} + 1$ относительно x 1 при $x \to 1$
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos 10x}{e^{x^2}-1}$
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{ch} x^2 1}{\ln \cos x}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = x^2 \sin \frac{\pi + x}{2x}.$

Лебедев Павел, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{(n+1)^3+(n+2)^3}{n^3+200}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to -1} \frac{x^2-1}{x^3+1}$;
- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 7} \frac{\sqrt[3]{x^2-22}-\sqrt[3]{x+20}}{x-7};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to \frac{\pi}{2}} \left(x-\frac{\pi}{2}\right)\cdot \operatorname{ctg}\,2x;$
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} (1 + x \operatorname{tg} x)^{\frac{1}{\sin^2 x}}$;
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\lg \sqrt{x} \sin \sqrt{x}$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\ln\cos x$ относительно $x-2\pi$ при $x\to 2\pi$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{e^{4x^2}-1}{\operatorname{tg} x}$
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} (\cos 6x)^{\operatorname{ctg}^2 x}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \operatorname{arctg} \frac{1}{x}$

БДЗ N1 12

Маряшкин Роман, группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n \to \infty} \frac{5n^6 + 3n^4 + 7}{3n^6 35n^3 + 7n}.$ 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x \to \infty} \frac{(2x+1)^{10} \cdot (9x^2+1)^{25}}{(3x-1)^{60}};$
- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 8} \frac{2-\sqrt{x-4}}{\sqrt[3]{x}-2};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\cos x \cos 3x}{x^2};$
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x \to \infty} \left(\frac{x^2 + 4}{r^2 2r + 3} \right)^{-x^2}$;
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\frac{3x^3\sqrt{x}}{x+8}$ относительно x при $x\to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $1-\sin 2x$ относительно $x-\frac{\pi}{4}$ при $x\to\frac{\pi}{4}$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \pi} \frac{\ln \cos 2x}{\ln \cos 4x}$.

 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{1+2\sin x} \sqrt{1-2\sin x}}{e^x 1}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

Надёжкина Анна, группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{(n+3)^3-(n+4)^3}{3n^2+232}$. 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 0}\frac{(1+x)(1+2x)(1+3x)-1}{x}$;
- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{1-2x-x^2}-(1+x)}{\cos x^2-1};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\cos x^2-1}{\operatorname{tg}^2 x};$
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\ln(\cos x)}{\sin^2 x}$;
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $e^{\sin x^2}-1$ относительно x при $x\to 0$. 7. Определить порядок бесконечно малой функции $1-\sqrt{x^2-4x+5}$ относительно x-2 при
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \left(\frac{\pi}{2} x \right) \operatorname{tg} x$.
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 1} \frac{\cos\frac{\pi}{2}x}{1-\sqrt{x}}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \operatorname{arcctg} \frac{1}{x-2}.$

БДЗ N1 12

Пеньков Степан, группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{(n+2)^3+(n-2)^3}{2n^3-20n}$.

 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to\infty} \frac{(x+1)^{10}+(x+2)^{10}+\ldots+(x+100)^{10}}{x^{10}+10^{10}}$;
- **3.** Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \left(\sqrt{x^2 5x 6} x \right)$;
- **4.** Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{x^2 \cdot \sin \frac{\pi}{x}}{\operatorname{tg} 4x};$
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x \to \infty} \left(\frac{x^2 3x + 1}{x^2 + 4} \right)^{2x+1}$;
- 6. Определить порядок бесконечно мало́й функции $1-\cos 3x$ относительно x при $x\to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $(x-\pi) \ln \cos 2x$ относительно $x-\pi$ при
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{\operatorname{tg} 2x 3 \arcsin 4x}{\sin 5x 6 \arctan 7x}$
- 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{e^{x^2}-\cos x}{\sin^2 x}$ 10. Выяснить характер точек разрыва функции отста
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \frac{1}{1 + 2^{1/x}}.$

Петров Денис, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{(2n^3-3)(3n^2+4)}{3n^5+8n^2+2}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 2}\frac{x^2-6x+8}{x^6-64}$;

- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 7} \frac{2-\sqrt{x-3}}{x^2-49};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{2\sin^2\frac{x}{2}+\sin^2x}{1-\cos3x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{x^3+2x+3}{x^3+1}\right)^{-\frac{1}{2}x^2};$
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $e^x \cos \sqrt{x}$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{1+\sin 3x} \sqrt{1-\sin 3x}$ относительно $x-\pi$ при $x \to \pi$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \pi} \frac{\cos 5x \cos 3x}{\sin^2 x}$.

 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to 0} \left(1 + 3x^4\right)^{\frac{1}{\sin^2 x}}$.
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \frac{1}{1 + 3 \text{ctgx}}$

БДЗ N1

Старцев Григорий, группа ПИН-

- 1. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{4n^5+6n^2+13}{2n^6+2}$.

 2. Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to\infty} \frac{(1+5x)^3-(1-3x)^5}{x^5}$;

 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to+\infty} \left(\sqrt[3]{x^3+x^2+1}-\sqrt[3]{x^3-x^2+1}\right)$;

- **4.** Вычислить предел: $\lim_{x \to \frac{\pi}{3}} \frac{\lg^3 x 3 \lg x}{\cos(x + \frac{\pi}{6})}$;
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} (\sin x)^{\lg^2 x}$
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\cos 5x \cos 6x$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $x \ln x$ относительно x-1 при $x \to 1$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 3} \frac{\ln{(2x-5)}}{e^{\sin{\pi x}}-1}$ 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to \frac{1}{4}} \frac{1-\cot{g}\pi x}{\ln{tg}\pi x}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

$$y = e^{-\frac{1}{x^3 - 1}}.$$

Титов Максим, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{3n^2-n+2}{2n^3-5n+3}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 2}\frac{x^3-8-12\,(x-2)}{(x-2)^2}$;
- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 1} \frac{\sqrt[3]{7+x^3}-\sqrt[3]{9-x^2}}{x-1};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{x-\sin 5x}{x+\sin 8x};$
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \left(\frac{25^x 5^x + 1}{25^x + 2} \right)^{-5^x}$;
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{\sin x} \cdot \sin \sqrt{x}$ относительно x при $x \to 0$. 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\cos x \cos 7x$ относительно $x \frac{\pi}{2}$ при $x \to \frac{\pi}{2}$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos^3 x}{4x^2}$. 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to \infty} \left(\sin\sqrt{x^2+1}-\sin\sqrt{x^2-1}\right)$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = (1 - x) \operatorname{arctg} \frac{1}{r^2 - 1}.$

БДЗ N1 12

Тржецяк Арсений, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{2n^6+3n+7}{n^7+8n^2+2}.$ **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 5} \frac{x^3-7x-90}{x^2-2x-15};$
- **3.** Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \frac{\sqrt{x + \sqrt{x + \sqrt{x}}}}{\sqrt{x + 1 + \sqrt{x + 1 + \sqrt{x + 1}}}};$
- **4.** Вычислить предел: $\lim_{x \to \frac{\pi}{4}} \frac{\operatorname{tg} x 1}{x \frac{\pi}{4}}$;
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x\to\infty} (2x+5) \ln\left(\frac{3x+1}{3x+4}\right)$;
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $1-\sqrt{x^2+3x+1}$ относительно x при $x\to 0$. 7. Определить порядок бесконечно малой функции $1-\operatorname{tg}^3 x$ относительно $x-\frac{\pi}{4}$ при $x\to \frac{\pi}{4}$.

- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\ln{(\sin{x})}}{(2x \pi)^2}.$ 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} \frac{\sqrt{1 + \cos{x}} \sqrt{1 \cos{x}}}{\sin(\cos{x})}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = x \sin \frac{\pi}{x}$.

Трусов Михаил, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\left(\frac{n^4}{2n^2-1}-\frac{n^4}{2n^2+1}\right)$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 0}\frac{(1+4x)^2-(1+2x)^4}{x^2}$;

- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt[3]{8+3x-x^2}-2}{x+x^2}$;
 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\cos{(3+2x)}-\cos{(3+x)}}{x}$;
 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to +\infty} \left(\frac{4^x+1}{2^{2x}+3}\right)^{-4^x}$;
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $\sin\left(\sqrt{1+x}-1\right)$ относительно x при $x\to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $tg^2\sqrt{x+2}$ относительно x+2 при $x\to -2$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{\cos 5x \cos 10x}{e^{\sin x^2} 1}$ 9. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to x} \frac{\cos 5x \cos 10x}{e^{\sin x^2} 1}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию:

$$y = e^{-\frac{1}{x^2}}.$$

БДЗ N1 12

Федюра Тимур, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty} \frac{3n^4+6n}{n^4-7n^3+1}$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 1} \frac{x^3+x^2+x-3}{x^2-8x+7}$;

- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{x^2+x^3}{\sqrt[3]{1+6x}-1-2x};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{\cos x}-\sqrt[3]{\cos x}}{\sin^2 x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{x^4+2x^3+1}{x^4+3}\right)^{3x};$
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $3^{\sin 5x} 1$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{1-\cos^3 x}$ относительно $x-2\pi$ при $x\to 2\pi$.
- 6. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{1-\cos^3 x}$ относительно $x-2\pi$ пр. 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 1} \frac{2^x-2}{\ln x}$.
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \ln \cos x$.

Филиппов Гарий, группа ПИН-

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\frac{(5n+2)(3n^5+8)}{5n^6+8n^2+3}.$ **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to 0}\frac{(1+x)^3-(1+3x)}{x^2+x^3};$

- 3. Вычислить предел: $\lim_{x\to 3} \frac{\sqrt{x+13}-2\sqrt{x+1}}{x^2-9};$ 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to 0} \frac{\sin 4-2\cos (2+x)\cdot \sin 2}{x};$ 5. Вычислить предел: $\lim_{x\to +\infty} \left(\frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}+3}\right)^{2\sqrt{x}};$
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $tg^2 x \sin x$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $(x^2-1) \ln x$ относительно x-1 при $x\to 1$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{6}} \frac{\ln \sin 6x}{(6x \pi)^2}$
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x\to 0} \frac{(3+x)^x 3^x}{x^2}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = \ln \sin x$.

БДЗ N1

Ян Кирилл, группа ПИН-12

- **1.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{n\to\infty}\left(\frac{n^3}{n^2+1}-n+2\right)$. **2.** Вычислить предел, доказать по определению: $\lim_{x\to -1}\frac{x^3+x^2-x-1}{x^3-x^2-x+1}$;
- **3.** Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} x \cdot \left(\sqrt{1+x^2} x\right)$;
- 4. Вычислить предел: $\lim_{x\to +\infty} \left(\sin\sqrt{x-1} \sin\sqrt{x}\right)$;
- **5.** Вычислить предел: $\lim_{x \to +\infty} \left(\frac{\sqrt[3]{x} + 2\sqrt[6]{x} + 1}{\sqrt[3]{x} + 2} \right)^{\sqrt[6]{x}};$
- **6.** Определить порядок бесконечно малой функции $1 \sqrt{\cos x^2}$ относительно x при $x \to 0$.
- 7. Определить порядок бесконечно малой функции $\sqrt{2+x}-2$ относительно x-2 при $x\to 2$.
- 8. Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \frac{\pi}{4}} \frac{\sin x \cos x}{1 \lg x}$
- **9.** Вычислить предел, используя понятие эквивалентности функций: $\lim_{x \to \infty} (\sin x)^{\lg^2 x}$
- 10. Выяснить характер точек разрыва функции, сделать геометрическую иллюстрацию: $y = (1+x)\arctan \frac{1}{1-r^2}.$