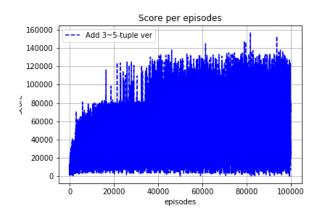
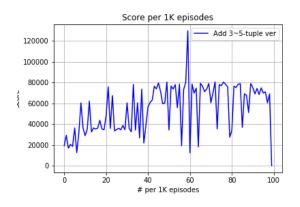
Deep Learning and Practice

#Lab02 Temporal Difference Learning 309505002鄭紹文

✓ A plot shows episode scores of at least 100,000 training episodes.





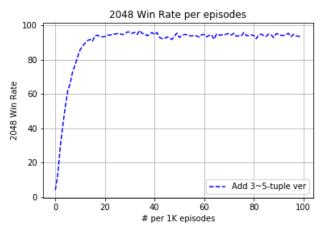


fig. 1

\checkmark Describe the implementation and the usage of n-tuple network.

n-tuple network (a.k.a. RAM-based neural network),tuple 可以定義成一個特徵所佔有的格數,用意在於當狀態有極多種可能時,我們肯定希望能夠全部存下來以方便做運算處理,然而建完的表格會過大而難以儲存,所以透過某些特徵代表目前的狀態,透過查出每個特徵的分數,加總後來代表盤面(以 2048 來說)做選擇。以 2048 為例,2048 的 board 版面為 4*4,若要紀錄所有 state 的各別的 V(s),可行性不高,因 state 總數共有 16^16=2^64 個,若使用上 tuple 的概念,使用 4 組 6-tuple network,如此一來只會有 4*16^6=2^26 種 state,相較下少了許多記憶體空間。我們知道當 tuple 數增加時,特徵數也會同時增加,產生更多的新圖形,然而由其他 paper 所做的實驗可知,6-tuple 為最大可構成的特徵圖案(如fig.2 所示),1-tuple 基本上沒有意義,2-tuple 幫助不大,所以可以從3-tuple(如fig.2 所示), 4-tuple 開始去增加特徵數量,獲得較佳的結果。

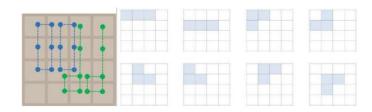


fig. 2

✓ Explain the mechanism of TD(0).

TD learning(Temporal-Difference learning)是 RL 中一個核心的算法,結合了 Monte Carlo 算法(MC)和動態規劃(DP)的想法,不僅可以直接從 sample 中學習,也可以如 DP 一樣使用 bootstrap 透過其他狀態值的估計更新當前狀態值。 而 TD learning 可以將兩個狀態中所有的可能運算值做總和後,作為執行該步驟的 reward。

TD(0)的公式:

$$V(S_t) \leftarrow V(S_t) + \alpha \underbrace{\left[R_{t+1} + rV(S_{t+1}) - V(S_t)\right]}_{The\ TD\ target}$$

跟 MC 的作法 $V(S_t) \leftarrow V(S_t) + \alpha [G_t - V(S_t)]$ 相比,最明顯差別就在於 MC 需等待一個 episode 結束才能更新,而 TD 可以不須等待整個 episode 跑完就可以透過 S t 與 S t+1 的差異來訓練。

```
Tabular TD(0) for estimating v_{\pi}

Input: the policy \pi to be evaluated Initialize V(s) arbitrarily (e.g., V(s) = 0, \forall s \in \mathcal{S}^+) Repeat (for each episode):

Initialize S

Repeat (for each step of episode):

A \leftarrow action given by \pi for S

Take action A, observe R, S'

V(S) \leftarrow V(S) + \alpha[R + \gamma V(S') - V(S)]

S \leftarrow S'

until S is terminal
```

fig. 3

✓ Explain the TD-backup diagram of V(after-state).

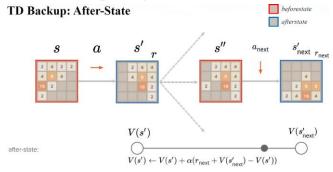


fig. 4

V(s')中的 s 代表的是經過某一 action(move)後,經過當前盤面環境隨機

pop out 一個 tile 的狀態。

TD-learning 時,利用剛剛 episode 所紀錄的結果算出 TD-traget: reward+ $V(s^{\prime\prime})$ 來更新 $V(s^{\prime\prime})$ 。

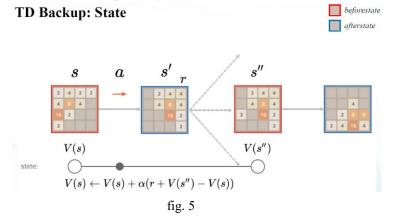
✓ Explain the action selection of V(after-state) in a diagram.

選擇 action 時,因為 s 會有四種可能的 after states,所以必須先透過分別的分數 reward+V(s')去求出在哪一種 action 下會有最佳的選擇,所以四種都要跑一遍模擬再做選擇。

TD-after-state

function EVALUATE(s, a) s', $r \leftarrow \text{COMPUTE AFTERSTATE}(s, a)$ return r + V(s')

✓ Explain the TD-backup diagram of V(state).



V(s)中的 s 代表的是在選擇做某個 action 之前的盤面狀態,再經過某action 之後獲得 s'盤面,在此時去計算出在這個盤面後隨機 popup 出 tile 的所有可能性的總合(Sigma s")並存下來,以判斷說 S -> S'這個選擇是好還是不好。

TD-learning 時,利用紀錄的結果算出 TD-traget: reward+V(s")來更新 V(s)。

✓ Explain the action selection of V(state) in a diagram.

選擇 action 時,因為 s'->s"會有很多很多種可能性,我們必須要列出所有的可能性,並估計中每一可能性的值乘上機率 $(\Sigma_{s''} \in S'') P(s,a,s'') V(S'')$,來判斷說這個 action 所對後面的影響到底是好還是不好。

TD-state function EVALUATE(s, a) $s', r \leftarrow \text{COMPUTE AFTERSTATE}(s, a)$ $S'' \leftarrow \text{ALL POSSIBLE NEXT STATES}(s')$ **return** $r + \Sigma_{s'' \in S''} P(s, a, s'') V(s'')$

✓ Describe your implementation in detail.

此次 LAB 有 5 個 TODO 要填寫:

(1).

Pattern class 中的 estimate() function 計算當前 board 中的特定 pattern 組合 與其 8 個 isomorphic Value(iso_last=8)之和,先得到其 index 之後透過 weight table 得到 weight 做加總。這部分討論後認為跟 after-state 一樣

```
virtual float estimate(const board& b) const {
    float value = 0;
    for (int i = 0; i < iso_last; i++) {
        size_t index = indexof(isomorphic[i], b);
        value += operator[](index);
    }
    return value;
}</pre>
```

fig. 6

(2).

Update function()是在做 TD backup 時,要去更新各個 feature pattern 的 weight table。float u 是已經乘上 learning rate 的 TD-error。更新特定 pattern 的 8 個 isomorphic feature value, 並回傳更新後的值的總和。

這部分討論後認為跟 after-state 一樣

```
virtual float update(const board& b, float u) {
   float u_split = u / iso_last;
   float value = 0;
   for (int i = 0; i < iso_last; i++) {
       size_t index = indexof(isomorphic[i], b);
       operator[](index) += u_split;
      value += operator[](index);
   }
   return value;</pre>
```

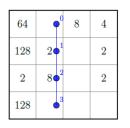
fig. 7

(3).

在 estimate(), update() function 中我們都需要透過 index 找尋對應於 weight table 的 weight 值,而 indexof() function 就負責在輸入當前盤面以及 feature、 isomorphic 時,得到並回傳所代表的 index,類似 weight table 的門牌號碼。舉例而言,若是 6-tuple network,因每個 tile 都用 4 個 bit 來表示,所以門牌號碼是 6*4bit=24bit,若如 fig.9 是 4-tuple network 則 4*4bit=16bit。

這部分討論後認為跟 after-state 一樣

fig. 8



0002 -2.14 : : 0010 5.89 : : 0130 -2.01 : :

0123

0001

weight

-3.90

fig. 9

(4).

```
state after[4] = { 0, 1, 2, 3 }; // up, right, down, left
state* best = after;
for (state* move = after; move != after + 4; move++) {
    if (move->assign(b)) {
        int space[16];
             if (move->after_state().at(i) == 0) {
            space[num++] = i;
         float Sigma_value = 0;
        if(num){
             for(int i=num; i>0; i--){
                 board tmp_board;
                 tmp board = move->after state();
                 tmp_board.set(space[i-1], 1); //pop 2
// Sigma (Probability of all * 0.9 or 0.1 / num)
                 Sigma_value = Sigma_value + estimate(tmp_board)*0.9/num ;
                 tmp_board = move->after_state();
                 tmp_board.set(space[i-1], 2);
                 Sigma_value = Sigma_value + estimate(tmp_board)*0.1/num;
        move->set_value(move->reward() + Sigma_value);
        if (move->value() > best->value())
                                                                                   TD-state
        move->set_value(-std::numeric_limits<float>::max());
                                                                                    function EVALUATE(s, a)
                                                                                      s', r \leftarrow \text{COMPUTE AFTERSTATE}(s, a)
    debug << "test " << *move;</pre>
                                                                                       S'' \leftarrow ALL POSSIBLE NEXT STATES(s')
return *best;
                                                                                       return r + \sum_{s'' \in S''} P(s, a, s'') V(s'')
```

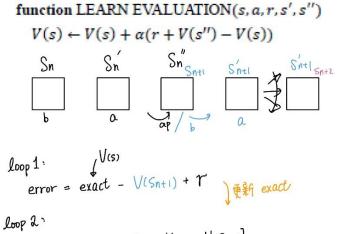
fig. 10

(5).

因為 path 紀錄了每一次的 s, s', a, r, V(s),分別代表了 before, after, opcode, reward, estimate value。首先要先丟掉最後一個紀錄,因為該步驟走得不好造成了遊戲結束,所以不學習它,然後在每一次讀取紀錄,由後往前做學習更新,code的概念展示如 fig.12。

```
oid update_episode(std::vector<state>& path, float alpha = 0.1)               const {
  float exact = 0;
  for (path.pop_back() /* terminal state */; path.size(); path.pop_back()) {
      state& move = path.back();
      float error = exact - (estimate(move.before_state()) - move.reward());
      exact = update(move.before_state(), alpha * error);
```

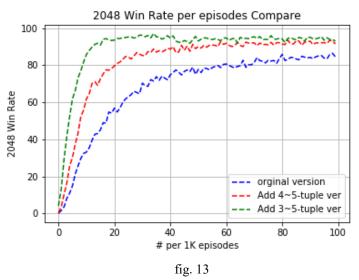
fig. 11



error = exact -
$$\alpha(7 + V(s) - V(S_{nt1}))$$

Other discussions or improvements.

(1)



由前述可知,加上不同的 tuple,或者說增加其他不同種 feature(pattern),增 加更多學習的多樣性,會使結果來的更好,fig.13 中藍色虛線為最初的四組 pattern(6-tuple)的學習曲線,紅色虛線為加上 5-tuple 以及 4-tuple 的學習曲線,綠 色虛線為 5-tuple、 4-tuple 以及 3-tuple 的學習曲線(每一千場記錄一次 score),可

以發現綠色虛線學習效果極高,不僅很早就達到較高的 score,同時也擁有最高的結果。

(2)

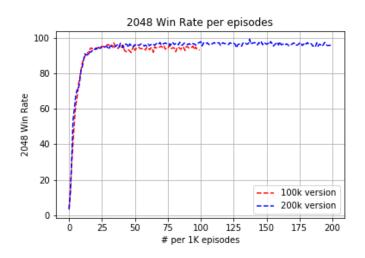


fig. 14

200000	mean :	= 93327.9	max = 174024
	256	100%	(0.2%)
	512	99.8%	(0.2%)
	1024	99.6%	(3.7%)
	2048	95.9%	(9.3%)
	4096	86.6%	(41.6%)
	8192	45%	(45%)
_			

fig. 15

當多訓練 100K 場次會發現,最後的結果比原本得來的好,換言之,在 tuple 更改到一定時數量後,拉長訓練場次,有機會提高結果,由 fig.15 中發現 8192 亦提高到 45%。

(3).

version	第 9000 場時的 2048win rate	第 x 場時 達到 50%	第 x 場時 達到 80%	最後場次的 2048win rate	執行 場數
Ver1: 6-tuple*4	29.7%	19K	60K	84.5%	100K
Ver2:					
6-tuple*7, 5-tuple*1	54.7%	9K	23K	92.8%	100K
4-tuple*6					
Ver3:					
6-tuple*7, 5-tuple*1	77%	5K	10K	96%	100K
4-tuple*6, 3-tuple*6					

由表格可發現,增加 tuple 對提升速度以及表現都有很大的幫助。