

1

利用accounting方法分析;

每一位被置1的时候, 代价为3;

1用于本次置1的开销;

1用于存储在该位置上, 用于支付此位置被置0的开销;

1用于初始的b个1变0的开销;

因为初始共有b个1, 若这b个1都变为0, 共需要b开销。但是我们已知 $n = \omega(b) \geq b$; 因此n次操作中, “1用于初始的b个1变0的开销”的加和一定大于b;

因此, $\sum a_i \leq \sum c_i$ 对于任意n个操作序列都成立;

因此总平摊代价为 $O(n)$;

2

伪代码设计:

```
ENQUEUE(e, stack-in, stack-out):
    stack-in.push(e)
    IF stack-out.isEmpty()
    THEN:    #把stack-in的元素倒入stack-out中
             stack-out.push(stack-in.pop())

DEQUEUE(e, stack-in, stack-out):
    return stack-out.pop()
```

假设共进行n次ENQUEUE和DEQUEUE操作。

一个对象被压入栈后, 最多被弹出2次; 因此对于ENQUEUE和DEQUEUE操作而言, 调用stack.pop的次数不超过2n, 且调用stack.push的次数不超过n;

最坏情况下操作序列的代价为 $T(n) \leq 3n = O(n)$

平摊代价为 $O(n)/n = O(1)$

3

用无序数组即可实现该数据结构。

在无序数组中, 对于INSERT(S,x)的时间为 $O(1)$; 对于DELETE-LARGER-HALF(S), 先用划分的方法找到S的中位数, 然后删除最大的 $|S|/2$ 个元素, 假设找中位数和删除的总时间为 c_1n 。

用Accounting方法分析这个过程, 插入一个元素收取 $1 + 2c_1$ 费用, 其中1付给插入操作。 c_1 用于预支删除操作; 每次DELETE-LARGER-HALF操作, 全体集合元素都需要消耗 c_1 , 然后将删除部分元素的余款(c_1)分配到剩余的元素上。这样数组中每个元素始终有 $2c_1$ 存款。

所以任意m个操作序列可以在 $O(m)$ 时间内运行。

文章受到CC BY-NC-SA协议保护 This work is licensed under the Creative Commons 署名-非商业性使用-相同方式共享 4.0 国际 License. To view a copy of this license, visit <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/>.