## 練習問題6

- 問1. 男子3人と女子2人がいる。次の並び方は何通りあるか。
  - 1. 全員を一列に並べる。  ${}_5P_5=5\times4\times3\times2\times1=120$  通り
  - 2. 男女が交互になるように並べる。  $_3P_3 \times _2P_2 = 6 \times 2 = 12$  通り
  - 3. 女子が隣り合うように並べる。

隣り合う女子をまとめて一人と考えると、4 人の並べ方になるので、 $_4P_4$ 通り その各々の場合について、女子 2 人の並べ方を改めて考慮すると、 $_2P_2=2$  通りとなるので、並び方の総数は、 $_4P_4\times_2P_2=48$  通り。

問 2 . 5 コの数字、1, 2, 3, 4, 5 の中から異なる数字を用いてできる、次のような整数は何個あるか。

- 1. 4 桁の整数  $_{5}P_{4} = 5 \times 4 \times 3 \times 2 = 120$  通り
- 2.4 桁の奇数

一の位は、1, 3, 5 の 3 通り。一の位の数字を決めたとき、残りの数字は 4 コ。それらを用いた千、百、十の位の数字の並べ方は、 $_4P_3$  通り。ゆえに、  $3 \times _4P_3 = 3 \times 4 \times 3 \times 2 = 72$  通り

3.4 桁の偶数

一の位は、2, 4 の 2 通り。一の位の数字を決めたとき、残りの数字は 4 コ。 それらを用いた千、百、十の位の数字の並べ方は、 $_4P_3$  通り。ゆえに、

 $2 \times {}_{4}P_{3} = 2 \times 4 \times 3 \times 2 = 48$  通り

チェック 72 + 48 = 120

問3. 6 コの数字、0, 1, 2, 3, 4, 5 の中から異なる数字を用いてできる、次のような整数は何個あるか。

1.4 桁の整数

千の位は、1, 2, 3, 4, 5 の5 通り。千の位の数字を決めたとき、残りの数字は5 コ。それらを用いた百、十、一の位の数字の並べ方は、 $_5P_3$  通り。ゆえに、 $5 \times _5P_3 = 5 \times 5 \times 4 \times 3 = 300$  通り

2.4 桁の偶数

一の位は、0, 2, 4 の 3 通り。一の位の数字を決めたとき、残りの数字は5 コ。それらを用いた千、百、十の位の数字の並べ方は、 $_5P_3$  通り。ゆえに、 $3 \times _5P_3 = 3 \times 5 \times 4 \times 3 = 180$  通り。ところが、千の位は0 となり得ないからその場合を引かなければならない。千の位が0 で一の位が2 または4 となる場合の並べ方は、 $2 \times _4P_2 = 24$  通り。ゆえに、求める数は180 - 24 = 156 通り。

3.4 桁の奇数

一の位は、1,3,503通り。一の位の数字を決めたとき、残りの数字は5コ。ところがこの5コには0も含まれている。千の位の数字は0にはなれないので、千の位に置ける数字は4通り。残りの百、十の位の数字の並べ方は、 $4P_2=12$ 通り。ゆえに、 $3\times4\times4P_2=3\times4\times4\times3=144$ 通り。これが、求める数である。