演習問題9

問題 1. 次の行列の積を求めよ。

$$(1) \quad \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 \\ 5 \end{pmatrix}$$

$$(2) \quad (4 \quad 2) \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix}$$

$$(3) \quad \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$(4) \quad \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 & 4 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
2 & 0 & -1 \\
0 & -3 & 1 \\
1 & 2 & 0
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
0 & 3 & -2 \\
2 & -1 & 0 \\
-1 & 0 & 1
\end{pmatrix}$$

問題 2. $A=\begin{pmatrix}0&-1\\1&0\end{pmatrix}$ であるとき、 $A^2,\ A^3,\ A^4$ をそれぞれ求めよ。

問題 3. A を 2 次の正方行列とするとき、次の積を計算せよ。

(1)
$$(A+2E)(A-2E)$$

(2)
$$(A-E)(A^2+A+E)$$