問題1 次の2次不等式を解け。

(1)
$$(x-3)(x-5) > 0$$

 $x < 3, x > 5$

(2)
$$(x+3)(x-2) \le 0$$

 $-3 \le x \le 2$

(3)
$$x^2 - 7x + 12 < 0$$

 $(x-3)(x-4) < 0 \ \ \, \ \ \, 3 < x < 4$

(5)
$$-x^2+3x-2<0$$
 両辺に -1 を掛けると、 $x^2-3x+2>0$,すなわち、 $(x-2)(x-1)>0$ ゆえに、 $x<1$, $x>2$

(6)
$$x^2 + 6x + 9 > 0$$

 $(x+3)^2 > 0$ より、 -3 以外のすべての実数

(7)
$$x^2 - 8x + 16 \ge 0$$

 $(x-4)^2 \ge 0$ より、すべての実数

(8)
$$x^2 + 6x + 10 > 0$$

$$\frac{D}{A} = 3^2 - 10 = -1 < 0. ゆえに、すべての実数$$

$$(9) \quad x^2 - 4x + 5 < 0$$

$$\frac{D}{4} = 2^2 - 5 = -1 < 0, \ \$$
 ゆえに、解なし

問題 2 2次関数 $y = 2x^2 + 2kx + k^2 - 1 = 0$ の解の種類は、k 値によってどのように変わるか。

$$\frac{D}{4} = k^2 - 2(k^2 - 1) = -(k^2 - 2) = -(k - \sqrt{2})(k + \sqrt{2})$$
 ゆえに、

$$-\sqrt{2} < k < \sqrt{2}$$
 のとき、 $D>0$ で、 異なる 2 つの実数解 $k=\pm\sqrt{2}$ のとき、 $D=0$ で、 ただ 1 つの実数解 (重解) $k<-\sqrt{2},\ k>\sqrt{2}$ のとき、 $D<0$ で、 異なる 2 つの虚数解