演習問題3

問題1 次の積を計算せよ。

$$(1) \quad (-i) \times i = 1$$

(2)
$$(2i) \times (3i) = -6$$

$$(3) \quad (-i)^3 = \mathbf{i}$$

$$(4) \quad \left(-\sqrt{2}\,i\right) \times \left(\sqrt{2}\,i\right) = 2$$

$$(5) (-i)^4 = 1$$

(6)
$$(\sqrt{2}i) \times (\sqrt{3}i) \times (\sqrt{6}i) = -6i$$

問題 2 次の数 e^{i} を用いて表せ。

(1)
$$\sqrt{-4} = 2i$$

(2)
$$-\sqrt{-8} = -2\sqrt{2}i$$

問題3 次の計算をせよ。答えをa + biの形で表せ。

$$(1) (4+3i) + (-1+2i) = 3+5i$$

$$(2) (2+i)(2-i) = 5$$

$$(3) (2-i)^2 = 3 - 4i$$

$$(4) (2+i)^2 = 3 + 4i$$

$$(5) (4+3i)(-1+2i) = -10+5i$$

(6)
$$\frac{3-2i}{3+2i} = \frac{(3-2i)^2}{(3+2i)(3-2i)} = \frac{5-12i}{13}$$

(7)
$$\frac{(1+i)(2+i)(3+i)}{1-i} = \frac{(1+i)^2(2+i)(3+i)}{(1-i)(1+i)} = \frac{2i(5+5i)}{2} = -5+5i$$