練習問題2

問題

- (1) 点(5,0) を原点のまわりに90 回転した点の座標を求めよ。 (答) (0,5)
- (2) 点(6,0) を原点のまわりに $\frac{\pi}{3}$ 回転した点の座標を求めよ。

$$x' = 6\cos\frac{\pi}{3} - 0\sin\frac{\pi}{3} = 6 \times \frac{1}{2} = 3$$
$$y' = 6\sin\frac{\pi}{3} + 0\cos\frac{\pi}{3} = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3}$$

(答) $(3, 3\sqrt{3})$

(3) 点 (10,1) を (5,1) のまわりに $\frac{\pi}{4}$ 回転した点の座標を求めよ。 点 (10,1) を (-5,-1) だけ並行移動すると、(5,0) となる。次に $\frac{\pi}{4}$ 回転すると、

$$x' = 5\cos\frac{\pi}{4} - 0\sin\frac{\pi}{4} = \frac{5\sqrt{2}}{2}$$
$$y' = 5\sin\frac{\pi}{4} + 0\cos\frac{\pi}{4} = \frac{5\sqrt{2}}{2}$$

$$(5, 1)$$
 だけ並行移動して、最後に (答) $\left(\frac{5\sqrt{2}}{2} + 5, \frac{5\sqrt{2}}{2} + 1\right)$

(4) 点(4,3) を原点のまわりに $\frac{\pi}{4}$ 回転した点の座標を求めよ。

$$x' = 4\cos\frac{\pi}{4} - 3\sin\frac{\pi}{4} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$
$$y' = 4\sin\frac{\pi}{4} + 3\cos\frac{\pi}{4} = \frac{7}{\sqrt{2}}$$

- (5) 点 (9,4) を (5,1) のまわりに $\frac{\pi}{4}$ 回転した点の座標を求めよ。 点 (9,4) を (-5,-1) だけ並行移動すると、(4,3) となるので、 (答) $\left(\frac{1}{\sqrt{2}}+5,\frac{7}{\sqrt{2}}+1\right)$
- (6) 点 (7,11) を直線 y=-x に関して鏡映変換して得られる点の座標を求めよ。 $x'=-y,\ y'=-x$ だから、(答) $(-11,\ -7)$