

TP Calcul Numérique

Nicolas BOUTON

November 26, 2020

Cours

Notations

- **SAXPY** : Scalar a fois X plus Y
- **GAXPY** : General matrix A fois X plus Y
- **DSL** : Domain Specific Language

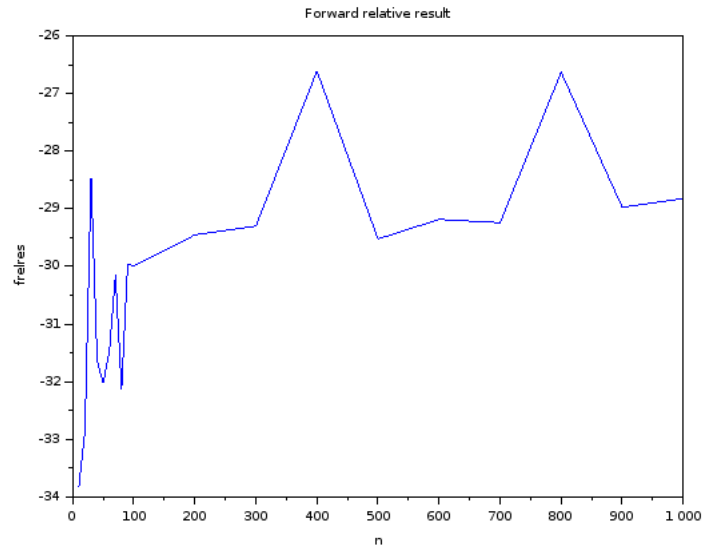
Exercice 2

Nous remarquons 3 chose :

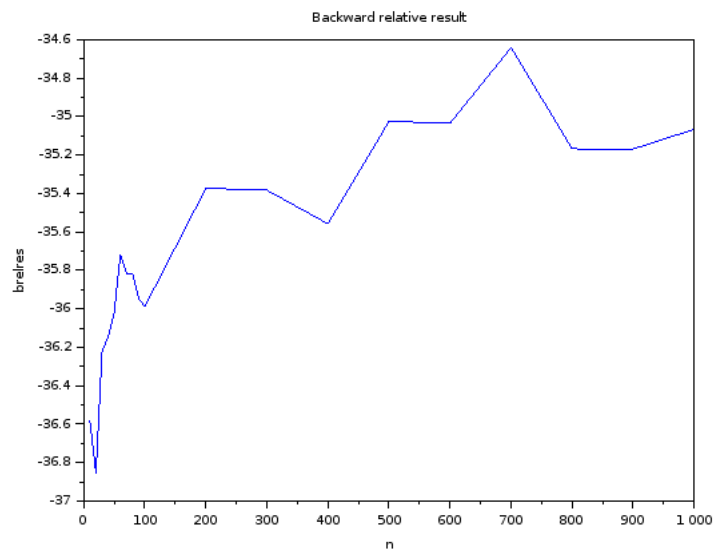
- Augmentation du conditionnement avec la taille
- Il faut considéré l'erreur arrière entaché du conditionnement pour avoir une approximation des résultats
- Nous manipulons des algorithmes avec certaines complexité qui peuvent être algorithmique ou bien de mémoire

Graphiques :

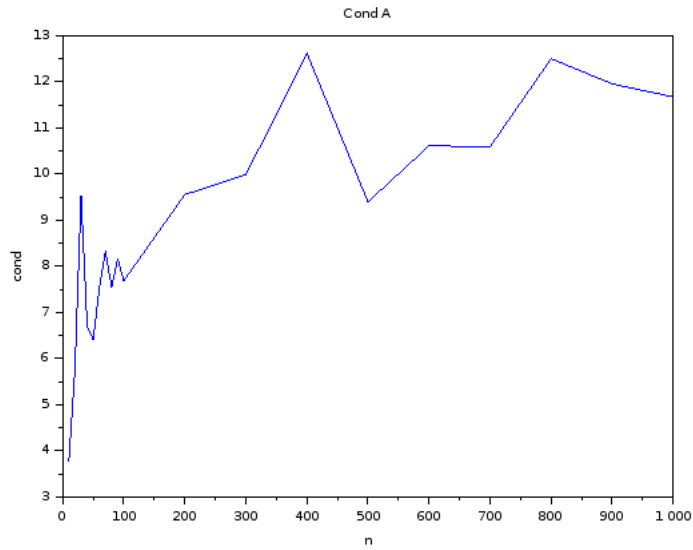
Pour l'erreur relative avant :



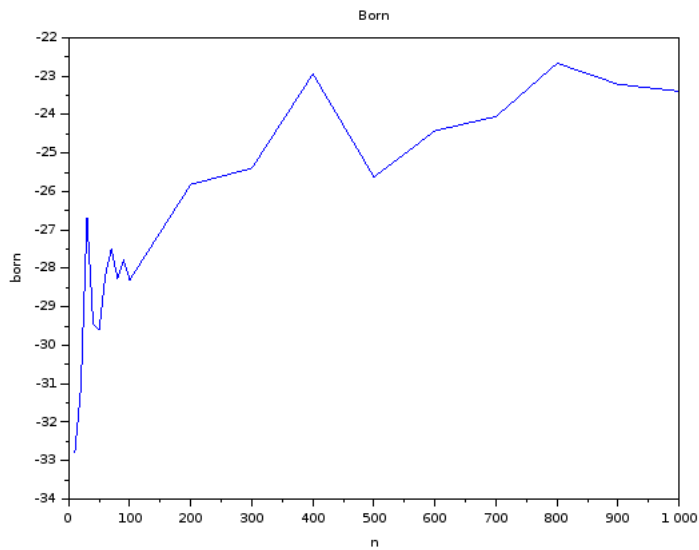
Pour l'erreur relative arrière :



Pour le conditionnement de A :



Pour les bornes :



On voit que les erreurs relatives avant et arrières, ainsi que le conditionnement de \mathbf{A} et les bornes sont très sensible à la taille de la matrice. De plus on peut apercevoir que c'est courbe suivent une complexité logarithmique. En effet au début l'augmentation de la taille entraîne une augmentation du résultat, alors qu'à partir d'une taille de **100 x 100** la courbe se stabilise.

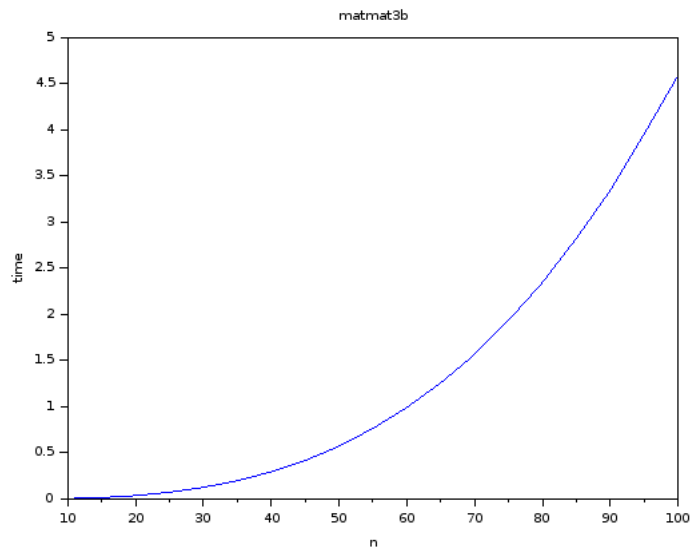
Le code source se trouve dans **exo2.sci**.

Exercice 3

Le produit **matrice x matrice** à une complexité cubique. Nous remarquons dans un premier temps que l'appel au fonction de **Scilab** pour des calculs **vecteur x vecteur** ou bien **vecteur x matrice** au lieu de déroulé nous même les boucles est beaucoup plus performant. Il est d'autant plus performant si la taille des matrices est grandes. **Scilab** appelle des noyaux de calcul optimisé tel que **BLAS**.

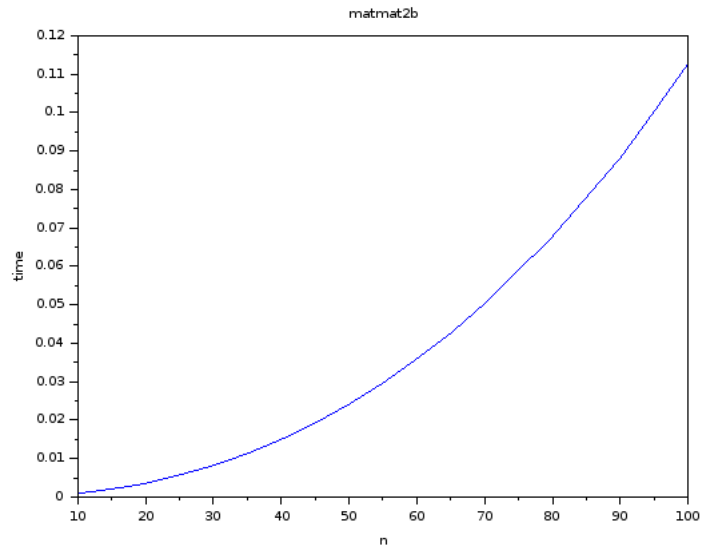
Graphiques :

Pour la fonction **matmat3b** :



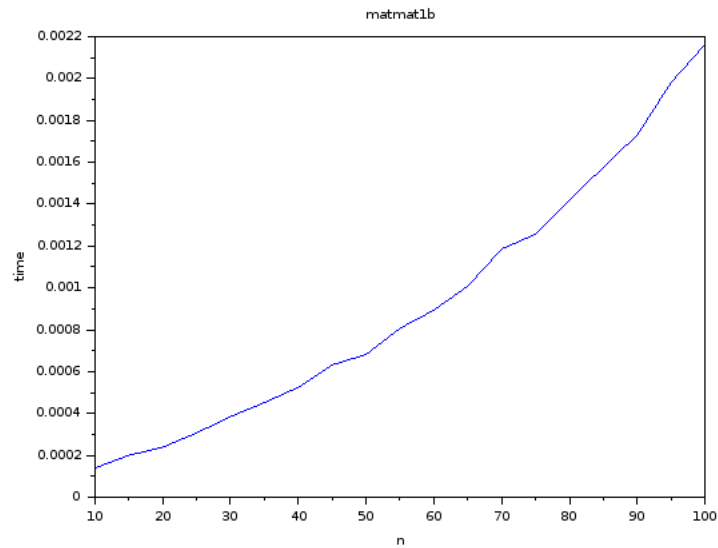
On voit que la fonction suit une complexité **cubique**, car **Scilab** n'appelle pas **BLAS** à cause du fait que nous avons déroulé 3 boucles.

Pour la fonction **matmat2b** :



On voit que la fonction suit une complexité **quadratique**, car **Scilab** appelle une fonction **vecteur x vecteur** de **BLAS** ce qui réduit l'ordre de 1, ce qui augmente la rapidité.

Pour la fonction **matmat1b** :



On voit que la fonction suit une complexité **linéaire**, car **Scilab** appelle une fonction **vecteur x matrice** de **BLAS** ce qui réduit l'ordre de 2, ce qui

augmente la rapidité.

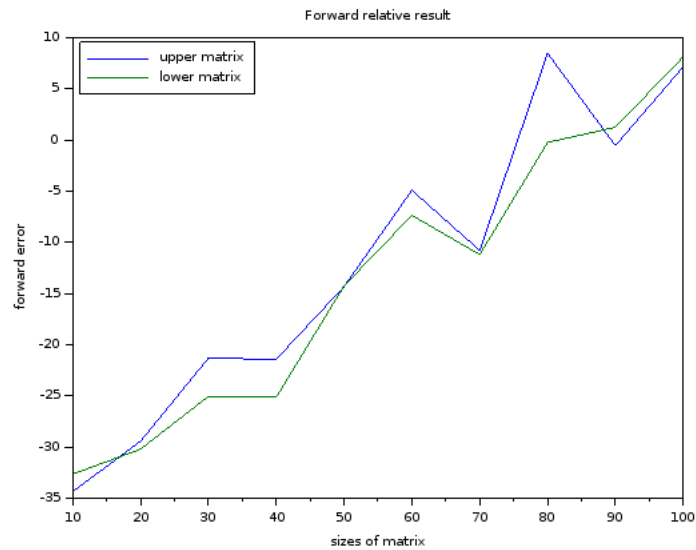
A l'avenir on appellera directement les **BLAS 3** c'est-à-dire le produit **matrice x matrice** car le calcul est plus rapide.

- Le code des fonction se trouve dans **opmat.sci**.
- Le code de test se trouve dans **exo3.sci**.

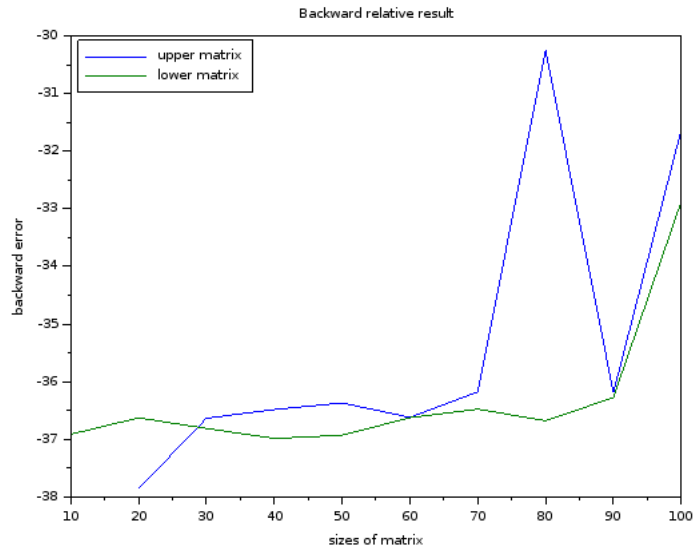
Exercice 4

Graphiques :

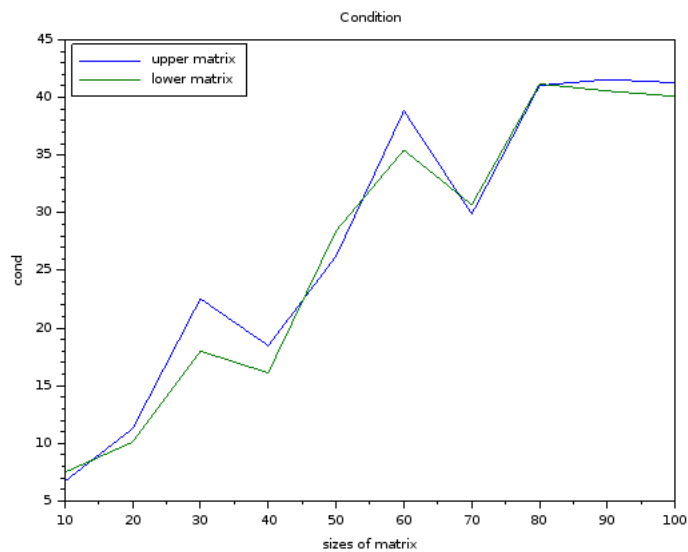
Pour l'erreur relative avant pour les 2 matrices :



Pour l'erreur relative arrière pour les 2 matrices :



Pour le conditionnement des 2 matrices :



On sait que l'erreur relative avant est borné avec la formule suivante : **forward error** \leq **condition number** \times **backward error** et donc cela explique pourquoi nos erreurs relatives avant se dégrade très vite lorsque la taille augmente car le conditionnement augmente très vite et les résultats sont entaché par le conditionnement qui est quand à lui borné par la précision de la machine qui est ici 10^{-16} .

Donc après une certaine taille l'erreur relative avant n'est plus une erreur étant donné qu'il dépasse même le plus petit nombre entier représentable qui est **1**. L'erreur est acceptable tant qu'elle est inférieure à la précision machine qui est de 10^{-16} .

Donc pour les erreurs relatives arrières, elles sont acceptables car elles sont inférieure à la précision machine qui est de 10^{-16} .

Annexe

Dépôt github : https://github.com/Sholde/CN/tree/master/partie_2