Chi Squared Distribution Table

Degree of			Prob	ability of E	xceeding t	he Critical	Value		
Freedom	0.99	0.95	0.90	0.75	0.50	0.25	0.10	0.05	0.01
1	0.000	0.004	0.016	0.102	0.455	1.32	2.71	3.84	6.63
2	0.020	0.103	0.211	0.575	1.386	2.77	4.61	5.99	9.21
3	0.115	0.352	0.584	1.212	2.366	4.11	6.25	7.81	11.34
4	0.297	0.711	1.064	1.923	3.357	5.39	7.78	9.49	13.28
5	0.554	1.145	1.610	2.675	4.351	6.63	9.24	11.07	15.09
6	0.872	1.635	2.204	3.455	5.348	7.84	10.64	12.59	16.81
7	1.239	2.167	2.833	4.255	6.346	9.04	12.02	14.07	18.48
8	1.647	2.733	3.490	5.071	7.344	10.22	13.36	15.51	20.09
9	2.088	3.325	4.168	5.899	8.343	11.39	14.68	16.92	21.67
10	2.558	3.940	4.865	6.737	9.342	12.55	15.99	18.31	23.21
11	3.053	4.575	5.578	7.584	10.341	13.70	17.28	19.68	24.72
12	3.571	5.226	6.304	8.438	11.340	14.85	18.55	21.03	26.22
13	4.107	5.892	7.042	9.299	12.340	15.98	19.81	22.36	27.69
14	4.660	6.571	7.790	10.165	13.339	17.12	21.06	23.68	29.14
15	5.229	7.261	8.547	11.037	14.339	18.25	22.31	25.00	30.58
16	5.812	7.962	9.312	11.912	15.338	19.37	23.54	26.30	32.00
17	6.408	8.672	10.085	12.792	16.338	20.49	24.77	27.59	33.41
18	7.015	9.390	10.865	13.675	17.338	21.60	25.99	28.87	34.80
19	7.633	10.117	11.651	14.562	18.338	22.72	27.20	30.14	36.19
20	8.260	10.851	12.443	15.452	19.337	23.83	28.41	31.41	37.57
22	9.542	12.338	14.041	17.240	21.337	26.04	30.81	33.92	40.29
24	10.856	13.848	15.659	19.037	23.337	28.24	33.20	36.42	42.98
26	12.198	15.379	17.292	20.843	25.336	30.43	35.56	38.89	45.64
28	13.565	16.928	18.939	22.657	27.336	32.62	37.92	41.34	48.28
30	14.953	18.493	20.599	24.478	29.336	34.80	40.26	43.77	50.89
40	22.164	26.509	29.051	33.660	39.335	45.62	51.80	55.76	63.69
50	27.707	34.764	37.689	42.942	49.335	56.33	63.17	67.50	76.15
60	37.485	43.188	46.459	52.294	59.335	66.98	74.40	79.08	88.38
-			N	ot Significa	nt			Signi	ficant

IMBLE

Degrees of freedom in the numerator											
10	12	15	20	25	30	40	50	60	120	100	
.84	1.79	1.74	1.69	1.65	1.63	1.59	1.57	1.56	1.52	1.4	
.19	2.12	2.04	1.96	1.91	1.87	1.82	1.79	1.77	1.71	1.6	
	2.45	2.34	2.23	2.16	2.11	2.05	2.01	1.98	1.91	1.8	
2.55	2.90	2.75	2.60	2.51	2.44	2.35	2.30	2.26	2.17	2.0	
3.03 3.35	4.11	3.86	3.60	3.43	3.32	3.18	3.09	3.02	2.86	2.7	
	4	3.00				1029					
.83	1.78	1.73	1.68	1.64	1.62	1.58	1.56	1.55	1.51	1.4	
2.18	2.10	2.03	1.94	1.89	1.85 2.09	1.81	1.77	1.75	1.70	1.6	
2.53	2.43	2.32	2.21	2.14	2.09	2.03	1.99	1.96	1.89	1.8	
3.00	2.87	2.73	2.57	2.48	2.41	2.33	2.27	2.23	2.14	2.0	
1.29	4.05	3.80	3.54	3.38	3.27	3.12	3.03	2.97	2.81	2.6	
									1.50	1.46	
1.82	1.77	1.72	1.67	1.63	1.61	1.57	1.55	1.54 1.74	1.68	1.6	
2.16	2.09	2.01	1.93	1.88	1.84	1.79	1.76			1.80	
2.51	2.41	2.31	2.20	2.12	2.07	2.01	1.97	1.94	1.87		
2.98	2.84	2.70	2.55	2.45	2.39	2.30	2.25	2.21	2.11	2.02	
4.24	4.00	3.75	3.49	3.33	3.22	3.07	2.98	2.92	2.76	2.6	
1.76	1.71	1.66	1.61	1.57	1.54	1.51	1.48	1.47	1.42	1.38	
2.08	2.00	1.92	1.84	1.78	1.74	1.69	1.66	1.64	1.58	1.52	
			2.07	1.99	1.94	1.88	1.83	1.80	1.72	1.65	
2.39	2.29	2.18 2.52	2.37	2.27	2.20	2.11	2.06	2.02	1.92	1.82	
2.80	2.66	3.40	3.14	2.98	2.87	2.73	2.64	2.57	2.41	2.25	
3.87	3.64	3.40	3.14	2.98	2.07	2.73	2.04	2.37	2.41		
1.73	1.68	1.63	1.57	1.53	1.50	1.46	1.44	1.42	1.38	1.33	
2.03	1.95	1.87	1.78	1.73	1.69	1.63	1.60	1.58	1.51	1.45	
2.32	2.22	2.11	1.99	1.92	1.87	1.80	1.75	1.72	1.64	1.56	
2.70	2.56	2.42	2.27	2.17	2.10	2.01	1.95	1.91	1.80	1.70	
3.67	3.44	3.20	2.95	2.79	2.68	2.53	2.44	2.38	2.21	2.05	
1.71	1.66	1.60	1.54	1.50	1.48	1.44	1.41	1.40	1.35	1.30	
1.99	1.92	1.84	1.75	1.69	1.65	1.59	1.56	1.53	1.47	1.40	
			1.94	1.87	1.82	1.74	1.70	1.67	1.58	1.49	
2.27	2.17	2.06									
2.63 3.54	2.50	2.35	2.20	2.10	2.03 2.55	1.94 2.41	1.88 2.32	1.84 2.25	1.73 2.08	1.62	
3.34	3.32	3.08	2.83	2.67	2.55	2.41	2.32	2.25	2.08	1.92	
1.66	1.61	1.56	1.49	1.45	1.42	1.38	1.35	1.34	1.28	1.22	
1.93	1.85	1.77	1.68	1.62	1.57	1.52	1.48	1.45	1.38	1.30	
2.18	2.08	1.97	1.85	1.77	1.71	1.64	1.59	1.56	1.46	1.36	
2.50	2.37	2.22	2.07	1.97	1.89	1.80	1.74	1.69	1.57	1.45	
3.30	3.07	2.84	2.59	2.43	2.32	2.17	2.08	2.01	1.83	1.64	
1 42	1.50							1.20			
1.63 1.88	1.58 1.80	1.52 1.72	1.46	1.41 1.56	1.38 1.52	1.34	1.31	1.29	1.23	1.16	
2.11	2.01	1.90	1.78	1.70	1.64	1.56	1.51	1.47	1.37	1.25	
2.41	2.27	2.13	1.97	1.87	1.79	1.69	1.63	1.58	1.45	1.30	
3.12	2.90	2.67	2.42	2.26	2.15	2.00	1.90	1.83	1.64	1.43	
1.61	1.55	1.49	1.43	1.38	1.35	1.30	1.27	1.25	1.18	1.08	
1.84	1.76	1.68	1.58	1.52	1.47	1.41	1.36	1.33	1.24	1.11	
2.06	1.96	1.85	1.72	1.64	1.58	1.50	1.45	1.41	1.29	1.13	
2.34	2.20	2.06	1.90	1.79	1.72	1.61	1.54	1.50	1.35	1.16	

					De	egrees of fre	edom in th	е питетаю	r		
		p	1	2	3	4	5	6	7	8	9
		.100	2.89	2.50	2.29	2.16	2.06	2.00	1.94	1.90	1.87
		.050	4.20	3.34	2.95	2.71	2.56	2.45	2.36	2.29	2.24
	28	.025	5.61	4.22	3.63	3.29	3.06	2.90	2.78	2.69	2.61
		.010	7.64	5.45	4.57	4.07	3.75	3.53	3.36	3.23	3.12
		.001	13.50	8.93	7.19	6.25	5.66	5.24	4.93	4.69	4.50
		.100	2.89	2.50	2.28	2.15	2.06	1.99	1.93	1.89	1.86
		.050	4.18	3.33	2.93	2.70	2.55	2.43	2.35	2.28	2.22
	29	.025	5.59	4.20	3.61	3.27	3.04	2.88	2.76	2.67	2.59
		.010	7.60	5.42	4.54	4.04	3.73	3.50	3.33	3.20	3.09
		.001	13.39	8.85	7.12	6.19	5.59	5.18	4.87	4.64	4.45
		.100	2.88	2.49	2.28	2.14	2.05	1.98	1.93	1.88	1.85
		.050	4.17	3.32	2.92	2.69	2.53	2.42	2.33	2.27	2.21
	30	.025	5.57	4.18	3.59	3.25	3.03	2.87	2.75	2.65	2.57
		.010	7.56	5.39	4.51	4.02	3.70	3.47	3.30	3.17	3.0
		.001	13.29	8.77	7.05	6.12	5.53	5.12	4.82	4.58	4.39
		.100	2.84	2.44	2.23	2.09	2.00	1.93	1.87	1.83	1.79
		.050	4.08	3.23	2.84	2.61	2.45	2.34	2.25	2.18	2.13
	40	.025	5.42	4.05	3.46	3.13	2.90	2.74	2.62	2.53	2.4
5	40	.010	7.31	5.18	4.31	3.83	3.51	3.29	3.12	2.99	2.8
E		.001	12.61	8.25	6.59	5.70	5.13	4.73	4.44	4.21	4.0
Degrees of freedom in the denominator		100	2.81	2.41	2.20	2.06	1.97	1.90	1.84	1.80	1.70
ě		.050	4.03	3.18	2.79	2.56	2.40	2.29	2.20	2.13	2.0
ō	50	.025	5.34	3.97	3.39	3.05	2.83	2.67	2.55	2.46	2.3
ĕ	30	.010	7.17	5.06	4.20	3.72	3.41	3.19	3.02	2.89	2.7
=		.001	12.22	7.96	6.34	5.46	4.90	4.51	4.22	4.00	3.8
Ē		.001	12.22	7.90							
ê		.100	2.79	2.39	2.18	2.04	1.95	1.87	1.82	1.77	1.7
8		.050	4.00	3.15	2.76	2.53	2.37	2.25	2.17	2.10	2.0
=	60	.025	5.29	3.93	3.34	3.01	2.79	2.63	2.51	2.41	2.3
5		.010	7.08	4.98	4.13	3.65	3.34	3.12	2.95	2.82	2.7
g		.001	11.97	7.77	6.17	5.31	4.76	4.37	4.09	3.86	3.6
ž.		.100	2.76	2.36	2.14	2.00	1.91	1.83	1.78	1.73	1.6
•		.050	3.94	3.09	2.70	2.46	2.31	2.19	2.10	2.03	1.9
	100	.025	5.18	3.83	3.25	2.92	2.70	2.54	2.42	2.32	2.2
	100	.010	6.90	4.82	3.98	3.51	3.21	2.99	2.82	2.69	2.5
		.001	11.50	7.41	5.86	5.02	4.48	4.11	3.83	3.61	3.4
		100	2.72	2.33	2.11	1.97	1.88	1.80	1.75	1.70	1.6
		.100	2.73 3.89	3.04	2.65	2.42	2.26	2.14	2.06	1.98	1.9
	200	.050		3.76	3.18	2.85	2.63	2.47	2.35	2.26	2.1
	200	.025	5.10	4.71	3.88	3.41	3.11	2.89	2.73	2.60	2.5
		.010 .001	6.76 11.15	7.15	5.63	4.81	4.29	3.92	3.65	3.43	3.2
		.001	11.13								
		.100	2.71	2.31	2.09	1.95	1.85	1.78	1.72	1.68	1.6
		.050	3.85	3.00	2.61	2.38	2.22	2.11	2.02	1.95	1.8
	1000	.025	5.04	3.70	3.13	2.80	2.58	2.42	2.30	2.20	2.1
		.010	6.66	4.63	3.80	3.34	3.04	2.82	2.66	2.53	2.4
		.001	10.89	6.96	5.46	4.65	4.14	3.78	3.51	3.30	3.1

TABLE E

				Degrees of f	reedom in th	numerato	r			
10	12	15	20	25	30	40	50	60	120	1000
1.98	1.93	1.89	1.84	1.80	1.78	1.75	1.74	1.72	1.69	1.66
2.41	2.34	2.27	2.19	2.14	2.11	2.06	2.04	2.02	1.97	1.92
2.87	2.77	2.67	2.56	2.49	2.44	2.38	2.35	2.32	2.26	2.20
3.51	3.37	3.23	3.08	2.98	2.92	2.84	2.78	2.75	2.66	2.58
5.39	5.13	4.87	4.59	4.42	4.30	4.15	4.06	4.00	3.84	3.69
1.96	1.91	1.86	1.81	1.78	1.76	1.73	1.71	1.70	1.67	144
2.38	2.31	2.23	2.16	2.11	2.07	2.03	2.00	1.98	1.93	1.64
2.82	2.72	2.62	2.51	2.44	2.39	2.33	2.30	2.27	2.20	1.88 2.14
3.43	3.30	3.15	3.00	2.91	2.84	2.76	2.71	2.67	2.58	2.50
5.22	4.97	4.70	4.43	4.26	4.14	3.99	3.90	3.84	3.68	3.53
1.94	1.89	1.84	1.79	1.76	1.74	1.71	1.60	1.40		
2.35	2.28	2.20	2.12	2.07	2.04	1.99	1.69	1.68	1.64	1.61
2.77	2.68	2.57	2.46	2.40	2.35	2.29	1.97	1.95	1.90	1.85
3.37	3.23	3.09	2.94	2.84	2.78		2.25	2.22	2.16	2.09
5.08	4.82	4.56	4.29	4.12	4.00	2.69 3.86	2.64 3.77	2.61	2.52	2.43
1.02						3.80	3.77	3.70	3.54	3.40
1.92	1.87	1.83	1.78	1.74	1.72	1.69	1.67	1.66	1.62	1.59
2.32	2.25	2.18	2.10	2.05	2.01	1.96	1.94	1.92	1.87	1.82
2.73	2.64	2.53	2.42	2.36	2.31	2.25	2.21	2.18	2.11	2.05
3.31	3.17	3.03	2.88	2.79	2.72	2.64	2.58	2.55	2.46	2.37
4.95	4.70	4.44	4.17	4.00	3.88	3.74	3.64	3.58	3.42	3.28
1.90	1.86	1.81	1.76	1.73	1.70	1.67	1.65			
2.30	2.23	2.15	2.07	2.02	1.98	1.94	1.91	1.64 1.89	1.60	1.57
2.70	2.60	2.50	2.39	2.32	2.27	2.21	2.17		1.84	1.79
3.26	3.12	2.98	2.83	2.73	2.67	2.58	2.53	2.14	2.08	2.01
4.83	4.58	4.33	4.06	3.89	3.78	3.63	3.54	2.50	2.40	2.32
1.89							3.34	3.48	3.32	3.17
2.27	1.84	1.80	1.74	1.71	1.69	1.66	1.64	1.62	1.59	1.55
2.67	2.20	2.13	2.05	2.00	1.96	1.91	1.88	1.86	1.81	1.76
3.21	2.57	2.47	2.36	2.29	2.24	2.18	2.14	2.11	2.04	1.98
4.73	3.07 4.48	2.93	2.78	2.69	2.62	2.54	2.48	2.45	2.35	2.27
4.73	4.40	4.23	3.96	3.79	3.68	3.53	3.44	3.38	3.22	3.08
1.88	1.83	1.78	1.73	1.70	1.67	1.64	1.62	1.61	1.57	
2.25	2.18	2.11	2.03	1.97	1.94	1.89	1.86	1.84	1.79	1.54
2.64	2.54	2.44	2.33	2.26	2.21	2.15	2.11	2.08	2.01	1.74
3.17	3.03	2.89	2.74	2.64	2.58	2.49	2.44	2.40	2.31	2.22
4.64	4.39	4.14	3.87	3.71	3.59	3.45	3.36	3.29	3.14	2.99
1.87	1.82	1.77	1.72	1.68	1.66	1.63	1.41	1.50		
2.24	2.16	2.09	2.01	1.96	1.92	1.87	1.61	1.59	1.56	1.52
2.61	2.51	2.41	2.30	2.23	2.18	2.12	2.08	1.82	1.77	1.72
3.13	2.99	2.85	2.70	2.60	2.54	2.45	2.40	2.05	1.98	1.91
4.56	4.31	4.06	3.79	3.63	3.52	3.37	3.28	2.36 3.22	2.27 3.06	2.18 2.91
1.86	1.81	1.76	1.71	1.67	1.65					
2.22	2.15	2.07	1.99	1.94	1.90	1.61	1.59	1.58	1.54	1.51
2.59	2.49	2.39	2.28	2.21	2.16	1.85	1.82	1.80	1.75	1.70
3.09	2.96	2.81	2.66	2.57	2.50	2.09	2.05	2.03	1.95	1.89
4.48	4.24	3.99	3.72	3.56	3.44	2.42 3.30	2.36	2.33	2.23	2.14
							3.21	3.15	2.99	2.84
1.85 2.20	1.80	1.75	1.70	1.66	1.64	1.60	1.58	1.57	1.53	1.50
2.20	2.13	2.06	1.97	1.92	1.88	1.84	1.81	1.79	1.73	1.68
3.06	2.47 2.93	2.36	2.25	2.18	2.13	2.07	2.03	2.00	1.93	1.86
4.41		2.78	2.63	2.54	2.47	2.38	2.33	2.29	2.20	2.11
4.41	4.17	3.92	3.66	3.49	3.38	3.23	3.14	3.08	2.92	2.78

				Degrees of freedom in the numerator										
		p	1	2	3	4	5	6	7	8	9			
		.100	3.01	2.62	2.42	2.29	2.20	2.13	2.08	2.04	2.00			
		.050	4.41	3.55	3.16	2.93	2.77	2.66	2.58	2.51	2.46			
	18	.025	5.98	4.56	3.95	3.61	3.38	3.22	3.10	3.01	2.93			
		.010	8.29	6.01	5.09	4.58	4.25	4.01	3.84	3.71	3.60			
		.001	15.38	10.39	8.49	7.46	6.81	6.35	6.02	5.76	5.56			
		.100	2.99	2.61	2.40	2.27	2.18	2.11	2.06	2.02	1.98			
		.050	4.38	3.52	3.13	2.90	2.74	2.63	2.54	2.48	2.42			
	19	.025	5.92	4.51	3.90	3.56	3.33	3.17	3.05	2.96	2.88			
		.010	8.18	5.93	5.01	4.50	4.17	3.94	3.77	3.63	3.52			
		.001	15.08	10.16	8.28	7.27	6.62	6.18	5.85	5.59	5.39			
		.100	2.97	2.59	2.38	2.25	2.16	2.09	2.04	2.00	1.96			
		.050	4.35	3.49	3.10	2.87	2.71	2.60	2.51	2.45	2.39			
	20	.025	5.87	4.46	3.86	3.51	3.29	3.13	3.01	2.91	2.84			
		.010	8.10	5.85	4.94	4.43	4.10	3.87	3.70	3.56	3.46			
		.001	14.82	9.95	8.10	7.10	6.46	6.02	5.69	5.44	5.24			
		.100	2.96	2.57	2.36	2.23	2.14	2.08	2.02	1.98	1.95			
		.050	4.32	3.47	3.07	2.84	2.68	2.57	2.49	2.42	2.37			
-	21	.025	5.83	4.42	3.82	3.48	3.25	3.09	2.97	2.87	2.80			
a a		.010	8.02	5.78	4.87	4.37	4.04	3.81	3.64	3.51	3.40			
-		.001	14.59	9.77	7.94	6.95	6.32	5.88	5.56	5.31	5.11			
Degrees of freedom in the denominator		.100	2.95	2.56	2.35	2.22	2.13	2.06	2.01	1.97	1.93			
P		.050	4.30	3.44	3.05	2.82	2.66	2.55	2.46	2.40	2.34			
ž	22	.025	5.79	4.38	3.78	3.44	3.22	3.05	2.93	2.84	2.76			
Ξ		.010	7.95	5.72	4.82	4.31	3.99	3.76	3.59	3.45	3.35			
Ē		.001	14.38	9.61	7.80	6.81	6.19	5.76	5.44	5.19	4.99			
g		.100	2.94	2.55	2.34	2.21	2.11	2.05	1.99	1.95	1.92			
5		.050	4.28	3.42	3.03	2.80	2.64	2.53	2.44	2.37	2.32			
Ξ	23	.025	5.75	4.35	3.75	3.41	3.18	3.02	2.90	2.81	2.73			
ě		.010	7.88	5.66	4.76	4.26	3.94	3.71	3.54	3.41	3.30			
Ĕ		.001	14.20	9.47	7.67	6.70	6.08	5.65	5.33	5.09	4.89			
Z		.100	2.93	2.54	2.33	2.19	2.10	2.04	1.98	1.94	1.91			
		.050	4.26	3.40	3.01	2.78	2.62	2.51	2.42	2.36	2.30			
	24	.025	5.72	4.32	3.72	3.38	3.15	2.99	2.87	2.78	2.70			
		.010	7.82	5.61	4.72	4.22	3.90	3.67	3.50	3.36	3.26			
		.001	14.03	9.34	7.55	6.59	5.98	5.55	5.23	4.99	4.80			
		.100	2.92	2.53	2.32	2.18	2.09	2.02	1.97	1.93	1.89			
	20	.050	4.24	3.39	2.99	2.76	2.60	2.49	2.40	2.34	2.28			
	25	.025	5.69	4.29	3.69	3.35	3.13	2.97	2.85	2.75	2.68			
		.010	7.77	5.57	4.68	4.18	3.85	3.63	3.46	3.32	3.22			
		.001	13.88	9.22	7.45	6.49	5.89	5.46	5.15	4.91	4.71			
		.100	2.91	2.52	2.31	2.17	2.08	2.01	1.96	1.92	1.88			
		.050	4.23	3.37	2.98	2.74	2.59	2.47	2.39	2.32				
	26	.025	5.66	4.27	3.67	3.33	3.10	2.94	2.82	2.73	2.27			
		.010	7.72	5.53	4.64	4.14	3.82	3.59	3.42	3.29	2.65			
		.001	13.74	9.12	7.36	6.41	5.80	5.38	5.07	4.83	3.18 4.64			
		.100	2.90	2.51	2.30	2.17	2.07	2.00	1.95	1.91	1.87			
		.050	4.21	3.35	2.96	2.73	2.57	2.46	2.37	2.31				
	27	.025	5.63	4.24	3.65	3.31	3.08	2.92	2.80	2.71	2.25			
		.010	7.68	5.49	4.60	4.11	3.78	3.56	3.39	3.26	3.15			
		.001	13.61	9.02	7.27	6.33	5.73	5.31	5.00	4.76	4.57			

			D	egrees of free	edom in the	numerator				
10	12	15	20	25	30	40	50	60	120	100
2.54	2.50	2.46	2.42	2.40	2.38	2.36	2.35	2.34	2.32	2.3
3.35	3.28	3.22	3.15	3.11	3.08	3.04	3.02	3.01	2.97	2.9
4.30	4.20	4.10	4.00	3.94	3.89	3.84	3.81	3.78	3.73	3.
5.81 1.54	5.67 11.19	5.52 10.84	5.36 10.48	5.26 10.26	5.20 10.11	5.12 9.92	5.07 9.80	5.03 9.73	4.95 9.53	9.
2.42	2.38	2.34	2.30	2.27	2.25	2.23	2.22	2.21	2.18	2.
3.14	3.07	3.01	2.94	2.89	2.86	2.83	2.80	2.79	2.75	2.
3.96	3.87	3.77	3.67	3.60	3.56	3.51	3.47	3.45	3.39	3
5.26	5.11	4.96	4.81	4.71	4.65	4.57	4.52	4.48	4.40	4.3
9.89	9.57	9.24	8.90	8.69	8.55	8.37	8.26	8.19	8.00	7.8
2.32	2.28	2.24	2.20	2.17	2.16	2.13	2.12	2.11	2.08	2.0
2.98	2.91	2.85	2.77	2.73	2.70	2.66	2.64	2.62	2.58	2.5
3.72	3.62	3.52	3.42	3.35	3.31	3.26	3.22	3.20	3.14	3.0
4.85 8.75	4.71 8.45	4.56 8.13	4.41 7.80	4.31 7.60	4.25 7.47	4.17 7.30	4.12 7.19	4.08 7.12	4.00 6.94	6.7
2.25	2.21	2.17	2.12	2.10	2.08	2.05	2.04	2.03	2.00	1.9
2.85	2.79	2.72	2.65	2.60	2.57	2.53	2.51	2.49	2.45	2.4
3.53	3.43	3.33	3.23	3.16	3.12	3.06	3.03	3.00	2.94	2.8
4.54	4.40	4.25	4.10	4.01	3.94	3.86	3.81	3.78	3.69	3.6
7.92	7.63	7.32	7.01	6.81	6.68	6.52	6.42	6.35	6.18	6.0
2.19	2.15	2.10	2.06	2.03	2.01	1.99	1.97	1.96	1.93	1.9
2.75	2.69	2.62	2.54	2.50	2.47	2.43	2.40	2.38	2.34	2.3
3.37	3.28	3.18	3.07	3.01	2.96	2.91	2.87	2.85	2.79	2.7
4.30	4.16	4.01	3.86	3.76	3.70	3.62	3.57	3.54	3.45	3.3
7.29	7.00	6.71	6.40	6.22	6.09	5.93	5.83	5.76	5.59	5.4
2.14	2.10	2.05	2.01	1.98	1.96	1.93	1.92	1.90	1.88	1.8
2.67	2.60	2.53	2.46	2.41	2.38	2.34	2.31	2.30	2.25	2.2
3.25	3.15	3.05	2.95	2.88	2.84	2.78	2.74	2.72	2.66	2.6
4.10 6.80	3.96 6.52	3.82 6.23	3.66 5.93	3.57 5.75	3.51 5.63	3.43 5.47	3.38 5.37	3.34 5.30	3.25 5.14	3.1 4.9
2.10	2.05	2.01	1.96	1.93	1.91					
2.60	2.53	2.46	2.39	2.34	2.31	1.89	1.87	1.86	1.83	1.8
3.15	3.05	2.95	2.84	2.78	2.73	2.27 2.67	2.24	2.22 2.61	2.18 2.55	2.14
3.94	3.80	3.66	3.51	3.41	3.35	3.27	3.22	3.18	3.09	3.02
6.40	6.13	5.85	5.56	5.38	5.25	5.10	5.00	4.94	4.77	4.62
2.06	2.02	1.97	1.92	1.89	1.87	1.85	1.83	1.82	1.79	1.76
2.54	2.48	2.40	2.33	2.28	2.25	2.20	2.18	2.16	2.11	2.0
3.06	2.96	2.86	2.76	2.69	2.64	2.59	2.55	2.52	2.46	2.40
3.80 6.08	3.67 5.81	3.52 5.54	3.37 5.25	3.28 5.07	3.21 4.95	3.13 4.80	3.08 4.70	3.05 4.64	2.96	2.88
2.03	1.99								4.47	4.33
2.49	2.42	1.94 2.35	1.89 2.28	1.86	1.84	1.81	1.79	1.78	1.75	1.72
2.99	2.89	2.79	2.68	2.23	2.19	2.15	2.12	2.11	2.06	2.02
3.69	3.55	3.41	3.26	3.16	2.57 3.10	2.51	2.47	2.45	2.38	2.32
5.81	5.55	5.27	4.99	4.82	4.70	3.02 4.54	2.97 4.45	2.93 4.39	2.84 4.23	2.76 4.08
2.00	1.96	1.91	1.86	1.83	1.81	1.78	1.76	1.75		
2.45	2.38	2.31	2.23	2.18	2.15	2.10	2.08	2.06	1.72 2.01	1.69
2.92	2.82	2.72	2.62	2.55	2.50	2.44	2.41	2.38	2.32	1.97 2.26
3.59	3.46	3.31	3.16	3.07	3.00	2.92	2.87	2.83	2.75	2.66
5.58	5.32	5.05	4.78	4.60	4.48	4.33	4.24	4.18	4.02	3.87

					D	egrees of fr	eedom in th	e numerato	r		
	_	р	1	2	3	4	5	6	7	8	9
		.100	3.46	3.11	2.92	2.81	2.73	2.67	2.62	2.59	2.56
		.050	5.32	4.46	4.07	3.84	3.69	3.58	3.50	3.44	3.39
	8	.025	7.57	6.06	5.42	5.05	4.82	4.65	4.53	4.43	4.36
		.010	11.26	8.65	7.59	7.01	6.63	6.37	6.18	6.03	5.91
		.001	25.41	18.49	15.83	14.39	13.48	12.86	12.40	12.05	11.77
		.100	3.36	3.01	2.81	2.69	2.61	2.55	2.51	2.47	2.44
		.050	5.12	4.26	3.86	3.63	3.48	3.37 4.32	3.29 4.20	3.23 4.10	3.18 4.03
	9	.025	7.21	5.71	5.08	4.72	4.48	5.80	5.61	5.47	5.35
		.010 .001	10.56 22.86	8.02 16.39	6.99 13.90	6.42 12.56	6.06	11.13	10.70	10.37	10.11
							2.52	2.46	2.41	2.38	2.35
		.100	3.29	2.92	2.73	2.61		3.22	3.14	3.07	3.02
		.050	4.96	4.10	3.71	3.48	3.33 4.24	4.07	3.95	3.85	3.78
	10	.025	6.94	5.46	4.83	4.47		5.39	5.20	5.06	4.94
		.010	10.04	7.56	6.55	5.99 11.28	5.64 10.48	9.93	9.52	9.20	8.96
		.001	21.04	14.91	12.55	11.28	10.40	9.93	9.32		
		.100	3.23	2.86	2.66	2.54	2.45	2.39	2.34	2.30	2.27
		.050	4.84	3.98	3.59	3.36	3.20	3.09	3.01	2.95	2.90
L	11	.025	6.72	5.26	4.63	4.28	4.04	3.88	3.76	3.66	3.59
ē		.010	9.65	7.21	6.22	5.67	5.32	5.07	4.89	4.74	4.63
Ē		.001	19.69	13.81	11.56	10.35	9.58	9.05	8.66	8.35	8.12
100		.100	3.18	2.81	2.61	2.48	2.39	2.33	2.28	2.24	2.21
P		.050	4.75	3.89	3.49	3.26	3.11	3.00	2.91	2.85	2.80
ž	12	.025	6.55	5.10	4.47	4.12	3.89	3.73	3.61	3.51	3.44
=		.010	9.33	6.93	5.95	5.41	5.06	4.82	4.64	4.50	4.39
=		.001	18.64	12.97	10.80	9.63	8.89	8.38	8.00	7.71	7.48
ᅙ		.100	3.14	2.76	2.56	2.43	2.35	2.28	2.23	2.20	2.16
8		.050	4.67	3.81	3.41	3.18	3.03	2.92	2.83	2.77	2.71
5	13	.025	6.41	4.97	4.35	4.00	3.77	3.60	3.48	3.39	3.31
		.010	9.07	6.70	5.74	5.21	4.86	4.62	4.44	4.30	4.19
Degrees of freedom in the denominator		.001	17.82	12.31	10.21	9.07	8.35	7.86	7.49	7.21	6.98
E		.100	3.10	2.73	2.52	2.39	2.31	2.24	2.19	2.15	2.12 2.65
	0.0	.050	4.60	3.74	3.34	3.11	2.96	2.85 3.50	2.76 3.38	2.70 3.29	3.21
1	14	.025	6.30	4.86	4.24	3.89 5.04	3.66 4.69	4.46	4.28	4.14	4.03
		.010	8.86 17.14	6.51	5.56 9.73	8.62	7.92	7.44	7.08	6.80	6.58
1						2.26	2.27	2.21	2.16	2.12	2.09
		.100	3.07 4.54	2.70 3.68	2.49 3.29	2.36 3.06	2.90	2.79	2.71	2.64	2.59
	15	.050	6.20	4.77	4.15	3.80	3.58	3.41	3.29	3.20	3.12
	15	.010	8.68	6.36	5.42	4.89	4.56	4.32	4.14	4.00	3.89
1		.001	16.59	11.34	9.34	8.25	7.57	7.09	6.74	6.47	6.26
		.100	3.05	2.67	2.46	2.33	2.24	2.18	2.13	2.09	2.06
		.050	4.49	3.63	3.24	3.01	2.85	2.74	2.66	2.59	2.54
	16	.025	6.12	4.69	4.08	3.73	3.50	3.34	3.22	3.12	3.05
	10	.010	8.53	6.23	5.29	4.77	4.44	4.20	4.03	3.89	3.78
		.001	16.12	10.97	9.01	7.94	7.27	6.80	6.46	6.19	5.98
		.100	3.03	2.64	2.44	2.31	2.22	2.15	2.10	2.06	2.03
		.050	4.45	3.59	3.20	2.96	2.81	2.70	2.61	2.55	2.49
	17	.025	6.04	4.62	4.01	3.66	3.44	3.28	3.16	3.06	2.98
		.010	8.40	6.11	5.19	4.67	4.34	4.10	3.93	3.79	3.68
		.001	15.72	10.66	8.73	7.68	7.02	6.56	6.22	5.96	5.75

TABLE E

10	12	15	20	25	30	40	50	60	120	1000
60.19	60.71	61.22	61.74	62.05	62.26	62.53	62.69	62.79	63.06	63.
241.88	243.91	245.95	248.01	249.26	250.10	251.14	251.77	252.20	253.25	254.
968.63	976.71	984.87	993.10	998.08	1001.4	1005.6	1008.1	1009.8	1014.0	1017.
055.8	6106.3	6157.3	6208.7	6239.8	6260.6	6286.8	6302.5	6313.0	6339.4	6362.
505621	610668	615764	620908	624017	626099	628712	630285	631337	633972	63630
9.39	9.41	9.42	9.44	9.45	9.46	9.47	9.47	9.47	9.48	9.
19.40	19.41	19.43	19.45	19.46	19.46	19.47	19.48	19.48	19.49	19.
39.40	39.41	39.43	39.45	39.46	39.46	39.47	39.48	39.48	39.49	39.
99.40	99.42	99.43	99.45	99.46	99.47	99.47	99.48	99.48	99.49	99.
999.40	999.42	999.43	999.45	999.46	999.47	999.47	999.48	999.48	999.49	999.
5.23	5.22	5.20	5.18	5.17	5.17	5.16	5.15	5.15	5.14	5.
8.79	8.74	8.70	8.66	8.63	8.62	8.59	8.58	8.57	8.55	8.
14.42	14.34	14.25	14.17	14.12	14.08	14.04	14.01	13.99	13.95	13.
27.23	27.05	26.87	26.69	26.58	26.50	26.41	26.35	26.32	26.22	26.
129.25	128.32	127.37	126.42	125.84	125.45	124.96	124.66	124.47	123.97	123.
3.92	3.90	3.87	3.84	3.83	3.82	3.80	3.80	3.79	3.78	3.
5.96	5.91	5.86	5.80	5.77	5.75	5.72	5.70	5.69	5.66	5.
8.84	8.75	8.66	8.56	8.50	8.46	8.41	8.38	8.36	8.31	8.
14.55	14.37	14.20	14.02	13.91	13.84	13.75	13.69	13.65	13.56	13.
48.05	47.41	46.76	46.10	45.70	45.43	45.09	44.88	44.75	44.40	44.
3.30	3.27	3.24	3.21	3.19	3.17	3.16	3.15	3.14	3.12	3.
4.74	4.68	4.62	4.56	4.52	4.50	4.46	4.44	4.43	4.40	4.
6.62	6.52	6.43	6.33	6.27	6.23	6.18	6.14	6.12	6.07	6.
10.05	9.89	9.72	9.55	9.45	9.38	9.29	9.24	9.20	9.11	9.
26.92	26.42	25.91	25.39	25.08	24.87	24.60	24.44	24.33	24.06	23.
2.94	2.90	2.87	2.84	2.81	2.80	2.78	2.77	2.76	2.74	2.
4.06	4.00	3.94	3.87	3.83	3.81	3.77	3.75	3.74	3.70	3.
5.46	5.37	5.27	5.17	5.11	5.07	5.01	4.98	4.96	4.90	4.
7.87	7.72	7.56	7.40	7.30	7.23	7.14	7.09	7.06	6.97	6.
18.41	17.99	17.56	17.12	16.85	16.67	16.44	16.31	16.21	15.98	15.
2.70	2.67	2.63	2.59	2.57	2.56	2.54	2.52	2.51	2.49	2.
3.64	3.57	3.51	3.44	3.40	3.38	3.34	3.32	3.30	3.27	3.2
4.76	4.67	4.57	4.47	4.40	4.36	4.31	4.28	4.25	4.20	4.
6.62	6.47	6.31	6.16	6.06	5.99	5.91	5.86	5.82	5.74	5.6
14.08	13.71	13.32	12.93	12.69	12.53	12.33	12.20	12.12	11.91	11.3

TABLE E

F critical values

						Degrees of fr	eedom in the	numerator			
		р	1	2	3	4	5	6	7	8	9
		.100	39.86	49.50	53.59	55.83	57.24	58.20	58.91	59.44	59.86
		.050	161.45	199.50	215.71	224.58	230.16	233.99	236.77	238.88	240.54
	1	.025	647.79	799.50	864.16	899.58	921.85	937.11	948.22	956.66	963.28
		.010	4052.2	4999.5	5403.4	5624.6	5763.6	5859.0	5928.4	5981.1	6022.5
		.001	405284	500000	540379	562500	576405	585937	592873	598144	602284
		.100	8.53	9.00	9.16	9.24	9.29	9.33	9.35	9.37	9.38
		.050	18.51	19.00	19.16	19.25	19.30	19.33	19.35	19.37	19.38
	2	.025	38.51	39.00	39.17	39.25	39.30	39.33	39.36	39.37	39.39
	-	.010	98.50	99.00	99.17	99.25	99.30	99.33	99.36	99.37	99.39
		.001	998.50	999.00	999.17	999.25	999.30	999.33	999.36	999.37	999.39
		.100	5.54	5.46	5.39	5.34	5.31	5.28	5.27	5.25	5.24
-		.050	10.13	9.55	9.28	9.12	9.01	8.94	8.89	8.85	8.81
9	3	.025	17.44	16.04	15.44	15.10	14.88	14.73	14.62	14.54	14.47
3	3	.010	34.12	30.82	29.46	28.71	28.24	27.91	27.67	27.49	27.35
E		.001	167.03	148.50	141.11	137.10	134.58	132.85	131.58	130.62	129.86
Degrees of freedom in the denominator					4.19	4.11	4.05	4.01	3.98	3.95	3.94
2		.100	4.54	4.32	6.59	6.39	6.26	6.16	6.09	6.04	6.00
Ξ		.050	7.71	6.94	9.98	9.60	9.36	9.20	9.07	8.98	8.90
=	4	.025	12.22	10.65	16.69	15.98	15.52	15.21	14.98	14.80	14.6
5		.010	21.20	18.00	56.18	53.44	51.71	50.53	49.66	49.00	48.4
9		.001	74.14	61.25	36.18	33.44	31.71	30.33	17.00		
£		.100	4.06	3.78	3.62	3.52	3.45	3.40	3.37	3.34	3.3.
ō		.050	6.61	5.79	5.41	5.19	5.05	4.95	4.88	4.82	4.7
6	5	.025	10.01	8.43	7.76	7.39	7.15	6.98	6.85	6.76	6.6
Ĕ.	3	.010	16.26	13.27	12.06	11.39	10.97	10.67	10.46	10.29	10.1
Del		.001	47.18	37.12	33.20	31.09	29.75	28.83	28.16	27.65	27.2
				2.46	3.29	3.18	3.11	3.05	3.01	2.98	2.9
		.100	3.78	3.46 5.14	4.76	4.53	4.39	4.28	4.21	4.15	4.1
		.050	5.99	7.26	6.60	6.23	5.99	5.82	5.70	5.60	5.5
	6	.025	8.81		9.78	9.15	8.75	8.47	8.26	8.10	7.9
		.010	13.75	10.92	23.70	21.92	20.80	20.03	19.46	19.03	18.6
		.001	35.51	27.00	23.70	21.72	20.00				
		.100	3,59	3.26	3.07	2.96	2.88	2.83	2.78	2.75 3.73	2.7
		.050	5.59	4.74	4.35	4.12	3.97	3.87	3.79	4.90	4.8
	7	.025	8.07	6.54	5.89	5.52	5.29	5.12	4.99	6.84	6.7
	,	.010	12.25	9.55	8.45	7.85	7.46	7.19	6.99		14.3
		.001	29.25	21.69	18.77	17.20	16.21	15.52	15.02	14.63	14

cum. prob one-tails two-tails df 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17	0.50 1.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000	1.000 0.816 0.765 0.741 0.727 0.718 0.711	1.376 1.061 0.978 0.941 0.920	1.963 1.386 1.250 1.190	0.10 0.20 3.078 1.886 1.638	6.314 2.920	t _{.975} 0.025 0.05	0.01 0.02 31.82	t.995 0.005 0.01	0.001 0.002	t .9995 0.0005 0.001
two-tails df 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.50 1.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000	0.25 0.50 1.000 0.816 0.765 0.741 0.727 0.718 0.711	1.376 1.061 0.978 0.941 0.920	0.15 0.30 1.963 1.386 1.250 1.190	0.10 0.20 3.078 1.886 1.638	0.05 0.10 6.314	0.025 0.05	0.01 0.02 31.82	0.005 0.01	0.001 0.002	0.0005
df 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000	1.000 0.816 0.765 0.741 0.727 0.718 0.711	1.376 1.061 0.978 0.941 0.920	1.963 1.386 1.250 1.190	3.078 1.886 1.638	0.10 6.314	12.71	0.02 31.82	0.01	0.002	
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000	1.000 0.816 0.765 0.741 0.727 0.718 0.711	1.376 1.061 0.978 0.941 0.920	1.963 1.386 1.250 1.190	3.078 1.886 1.638	6.314	12.71	31.82	Contract of		0.001
2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000	0.816 0.765 0.741 0.727 0.718 0.711	1.061 0.978 0.941 0.920	1.386 1.250 1.190	1.886 1.638				63.66	240.04	
3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000	0.765 0.741 0.727 0.718 0.711	0.978 0.941 0.920	1.386 1.250 1.190	1.886 1.638				03.00		626.62
4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000	0.741 0.727 0.718 0.711	0.941 0.920	1.250 1.190	1.638		4.303	6.965	9.925	318.31 22.327	636.62
5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.000 0.000 0.000 0.000 0.000	0.727 0.718 0.711	0.920	1.190		2.353	3.182	4.541	5.841	10.215	31.599 12.924
6 7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.000 0.000 0.000 0.000	0.718 0.711			1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	7.173	8.610
7 8 9 10 11 12 13 14 15	0.000 0.000 0.000	0.711	0.906	1.156	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	5.893	6.869
8 9 10 11 12 13 14 15	0.000		0.000	1.134	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	5.208	5.959
9 10 11 12 13 14 15	0.000		0.896	1.119	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	4.785	5.408
10 11 12 13 14 15		0.706	0.889	1.108	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	4.501	5.041
11 12 13 14 15		0.703	0.883	1.100	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	4.297	4.781
12 13 14 15	0.000	0.700	0.879	1.093	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	4.144	4.587
13 14 15 16	0.000	0.697	0.876	1.088	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	4.025	4.437
14 15 16	0.000	0.695	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	3.930	4.318
15 16	0.000	0.694	0.870	1.079	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	3.852	4.221
16	0.000	0.692	0.868	1.076	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	3.787	4.140
	0.000	0.691	0.866	1.074	1.341	1.753	2.131	2.602	2.947	3.733	4.073
17	0.000	0.690	0.865	1.071	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	3.686	4.015
17	0.000	0.689	0.863	1.069	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	3.646	3.965
18	0.000	0.688	0.862	1.067	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	3.610	3.922
19	0.000	0.688	0.861	1.066	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	3.579	3.883
20	0.000	0.687	0.860	1.064	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	3.552	3.850
21	0.000	0.686	0.859	1.063	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	3.527	3.819
22	0.000	0.686	0.858	1.061	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	3.505	3.792
23	0.000	0.685	0.858	1.060	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	3.485	3.768
24	0.000	0.685	0.857	1.059	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	3.467	3.745
25	0.000	0.684	0.856	1.058	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	3.450	3.725
26	0.000	0.684	0.856	1.058	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	3.435	3.707
27	0.000	0.684	0.855	1.057	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	3.421	3.690
28	0.000	0.683	0.855	1.056	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	3.408	3.674
29	0.000	0.683	0.854	1.055	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	3.396	3.659
30	0.000	0.683	0.854	1.055	1.310	1.697	2.042	2.457	2.750	3.385	3.646
40	0.000	0.681	0.851	1.050	1.303	1.684	2.021	2.423	2.704	3.307	3.551
60	0.000	0.679	0.848	1.045	1.296	1.671	2.000	2.390	2.660	3.232	3.460
80	0.000	0.678	0.846	1.043	1.292	1.664	1.990	2.374	2.639	3.195	3.416
100	0.000	0.677	0.845	1.042	1.290	1.660	1.984	2.364	2.626	3.174	3.390
1000	0.000	0.675	0.842	1.037	1.282	1.646	1.962	2.330	2.581	3.098	3.300
Z	0.000	0.674	0.842	1.036	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576	3.090	3.291
	0.000						95%	98%			99.9%