

# ВНИМАНИЕ!

ДАННЫЙ КУРС СОДЕРЖИТ БОЛЬШОЕ КОЛИЧЕСТВО РАЗНООБРАЗНОГО КОДА И ЗАДАНИЙ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОГО РЕШЕНИЯ.

НА ПЕРВЫЙ ВЗГЛЯД ОН МОЖЕТ ПОКАЗАТЬСЯ СЛОЖНЫМ И ТРАВМИРОВАТЬ НЕПОДГОТОВЛЕННУЮ ПСИХИКУ. ТАКЖЕ ОН СОДЕРЖИТ БОЛЬШОЕ КОЛИЧЕСТВО НЕУДАЧНЫХ ШУТОК И НЕУМЕСТНЫХ ОТСЫЛОК.

В СВЯЗИ С ЭТИМ КУРС НЕ РЕКОМЕНДУЕТСЯ ПРОСЛУШИВАТЬ ...  
НИКОМУ.

# Глубокое обучение и вообще

Шигапова Фирюза и Соловей Влад

7 апреля 2021 г.

**Посиделка 1:** вводная

# Agenda

- О том каким будет курс + что почитать/посмотреть
- Фреймворки для нейроночек
- Немного истории и важные тренды
- От регрессии к нейросетке
- Нейросетки - конструктор Lego
- Учим свою первую нейросетку



# Правила игры и почиташки

# Про пары

- что-то неясно ⇒ **ПЕРЕБЕЙ И СПРОСИ**
- на парах смотрим презы, пишем код, решаем задачи, много говорим
- будет математика
- все материалы можно найти на [страничке курса](#)

# Что почитать про нейронки в первую очередь



Баланс математики и практики,  
код устарел (tensorflow 1.14)

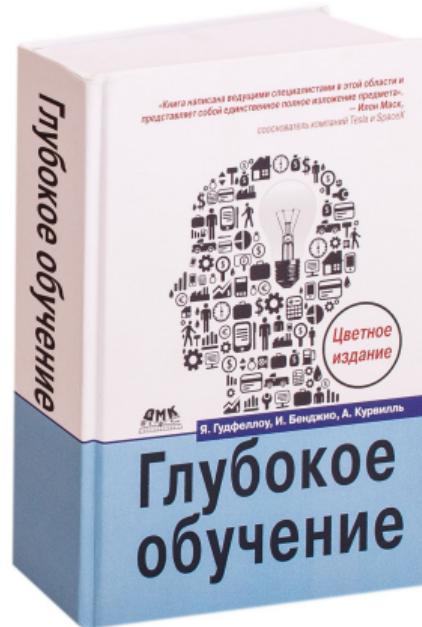


Философия и история ML

# Что почитать про нейронки в первую очередь



Простая практика на Keras



Хардкорная математика,  
библия глубокого обучения

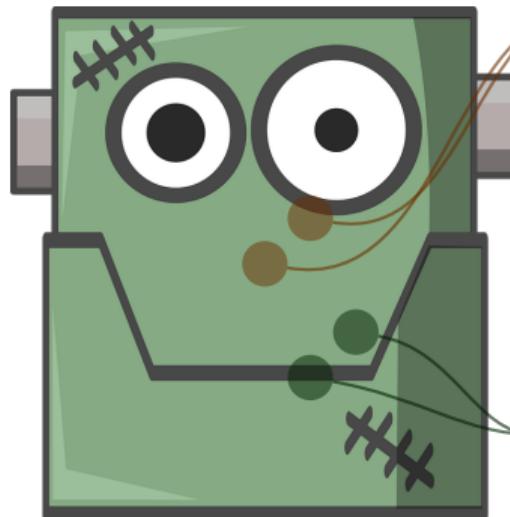
# Что посмотреть про нейронки

- Если ничего не знаете про машинное обучение, смотрите [вводный курс от Яндекса и МФТИ](#). Для тех, кто мало знает про ML.
- [Advanced ML от Яндекса](#). Там есть очень разные специфические курсы. Первый из них про нейронки. Код на Tensorflow. Версия библиотеки там пока что старая. Для тех, кто хочет развиваться дальше.
- [Нейронные сети от Andrew Ng](#). Когда ML ещё не был таким модным, все смотрели его лекции. Для тех, кто хочет всё делать медленно и непринуждённо.
- Курс нейронок, который читают в ШАД и Сколтехе. Есть варианты кода на разных фреймворках. Есть видео лекций на русском и английском. Для тех, кто хочет посмотреть как читают курс по DL в ШАД.

# Что посмотреть про нейронки

- Бесплатный [курс по tf от Google](#). Короткий. Покрывает весь базовый Keras. Все тетрадки выложены в colab. Есть странные интервью. Для тех, кто хочет быстро зашарить keras.
- Бесплатный [курс по pytorch от Samsung](#). Вводный курс в нейросетки на pytorch. Для тех, кто хочет писать на pytorch.
- [Deep learning на пальцах](#). Лекции из кремниевой долины. Задания на pytorch для самостоятельного решения. Для тех, кто хочет посмотреть няшные простые стримчики про нейронки.

# Структура курса



- Базовая часть курса:
- От регрессии к нейросети
- 50 оттенков градиентного спуска, Backpropagation
- Введение во фреймворки
- Эвристики и приёмы для обучения сеток
- Пайпайн обучения сетки

- Разные архитектуры:
- Сетки для табличных данных
- Свёрточные сети, локализация, сегментация, перенос стиля
- Автокодировщики, генеративные модели
- Рекуррентные нейронные сети
- Введение в NLP, эмбединги, автопереводы
- Обучение с подкреплением (немношка)

# Фреймворки для Deep Learning



# Фреймворки

theano



Монреальский  
университет (2007)

Static Computational  
Graph



Google

Google (2011, открыта с  
2015, с 2019 tf 2.0)

Static Dynamic  
Computational Graph



Facebook (2016)

Dynamic Computational  
Graph

# Обёртки

Сначала обёртка для Theano, потом для Tensorflow, сейчас фактически часть Tensorflow



Обёртка для Theano



Лекция про фреймворки на русском (из далёкого 2017 года): <https://www.youtube.com/watch?v=ghZyptkanBo>

# Подходы к вычислениям

## Императивный подход

```
a = np.ones(10)
b = np.ones(10) * 2
c = b * a
d = c + 1
```



Сразу вычислили



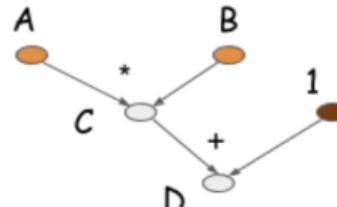
Сначала задали граф вычислений,  
а потом уже считали

## Символьный подход

```
A = Variable('A')
B = Variable('B')
C = B * A
D = C + Constant(1)
```

```
# компиляция функции
f = compile(D)
```

```
# исполнение
d = f(A=np.ones(10), B=np.ones(10)*2)
```

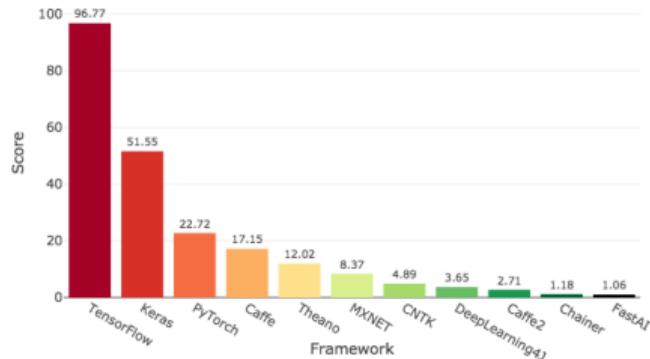


# Символьный подход

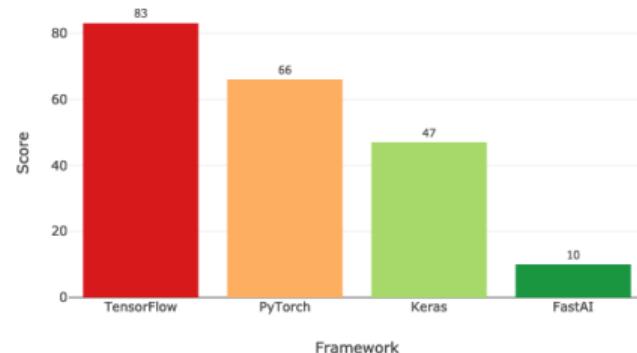
- + Легко строить сеть из вычислений и автоматически искать по ней производные (**быстрая и простая оптимизация**)
- + Более эффективные вычисления, как по памяти, так и по скорости (на этапе компиляции можно выявить неиспользуемые переменные, найти места для переиспользования и тп)
- Довольно сложно искать ошибки из-за того, что сначала задаётся граф вычислений

# Мощь библиотек

Deep Learning Framework Power Scores 2018



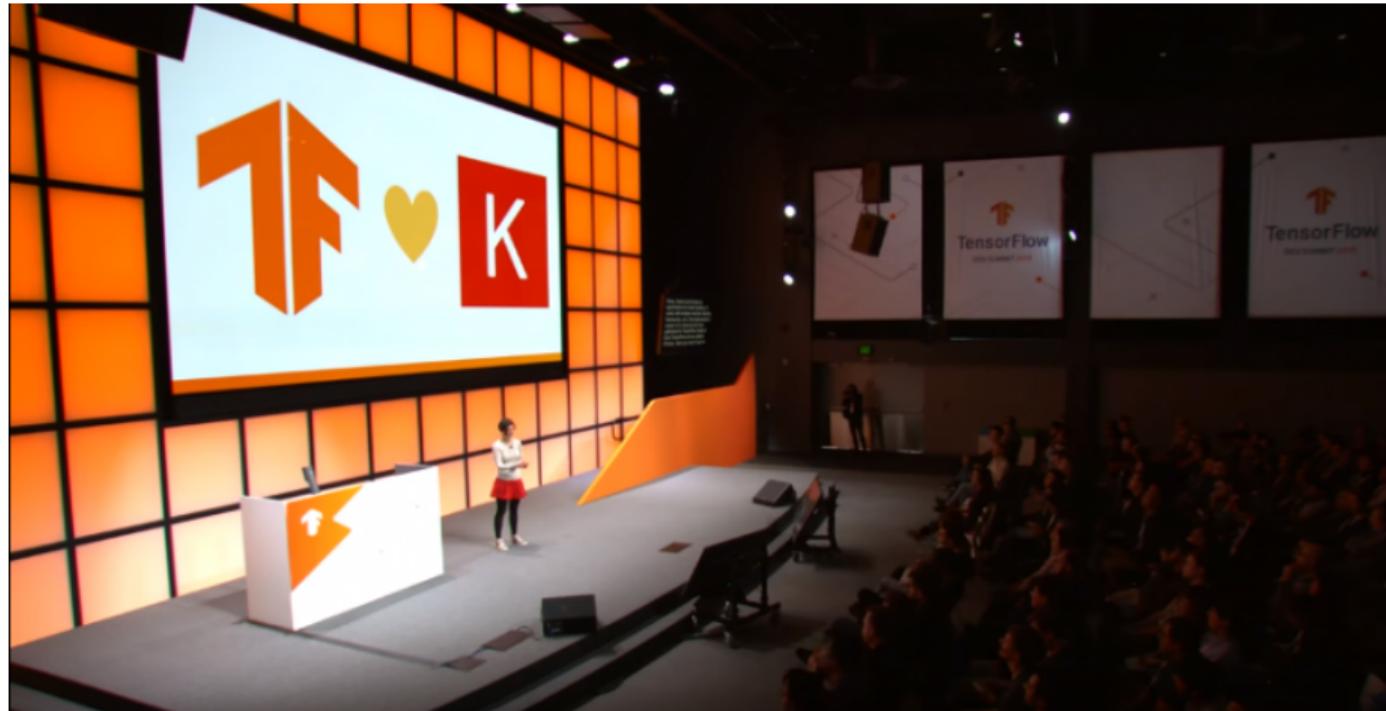
Deep Learning Framework Six-Month Growth Scores 2019



<https://towardsdatascience.com/deep-learning-framework-power-scores-2018-23607ddf297a>

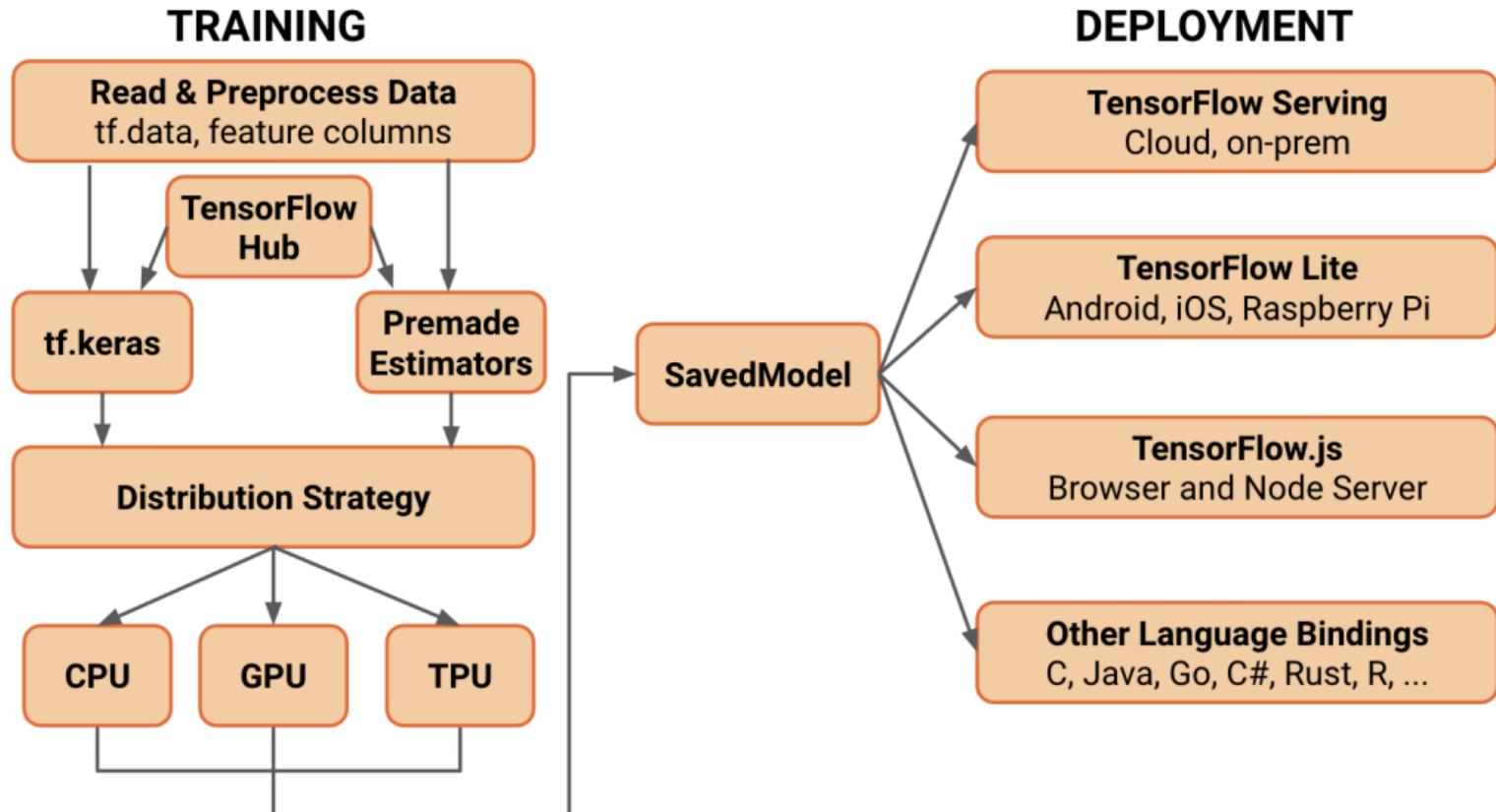
<https://keras.io/why-use-keras/>

# Tensorflow 2.0



[https://www.tensorflow.org/beta/guide/effective\\_tf2](https://www.tensorflow.org/beta/guide/effective_tf2)

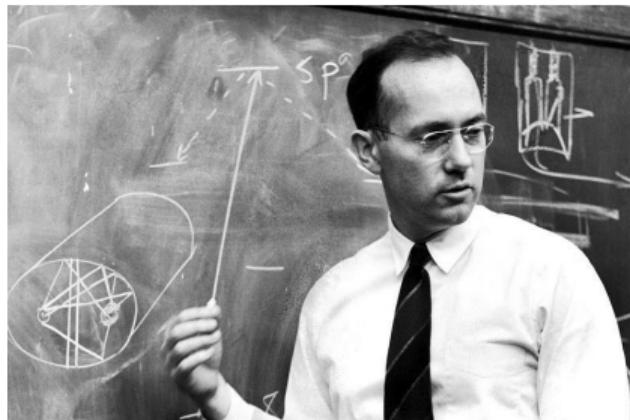
# Tensorflow 2.0



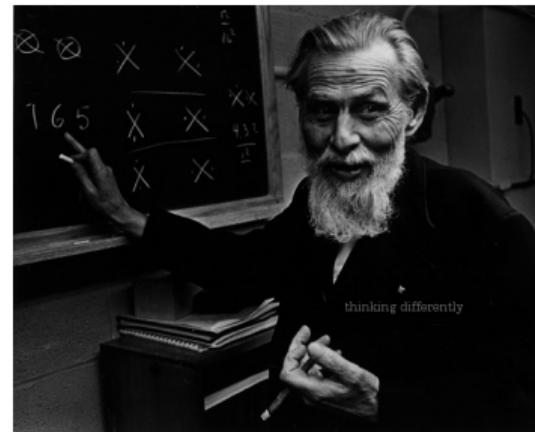
# Немного истории



# Первый формальный нейрон (1943)



Уоррен Маккалок

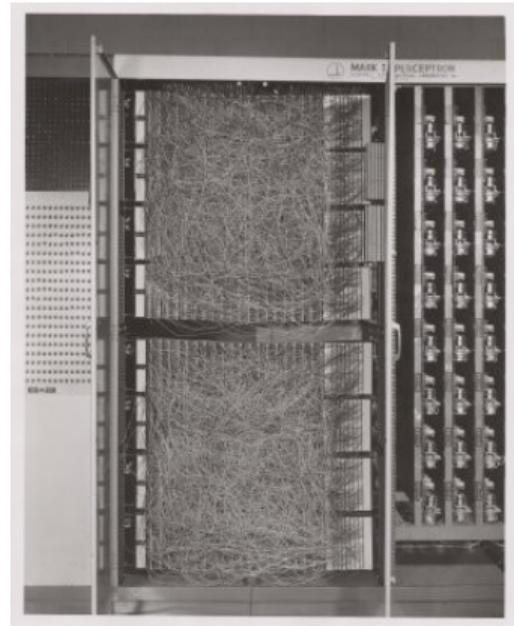


Уолтер Питтс

# Первый формальный нейрон (1958)



Фрэнк Розенблatt



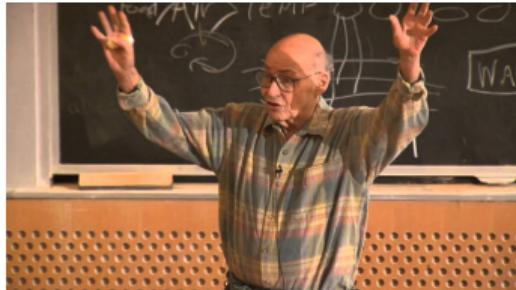
Mark I Perceptron  
(Компуктер Розенблата)



Гарольд  
(Мышь Розенблата)

# Дартмундский семинар (1956)

Марвин Минский



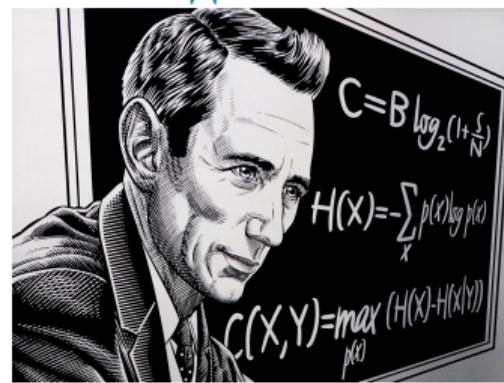
Джон Маккарти



Натаниэль Рочестер



Клод Шенон





# Зима близко

- 1956 – Дартмунтский семинар, море оптимизма
- 1958 – Персепtron Розенблатта
- середина 1960-х – провал крупного проекта по машинному переводу с русского на английский и наоборот
- 1969 – Марвин Минский и Сеймур Пейперт опубликовали книгу «Персептроны» с критикой



# Зима наступила

- Зима искусственного интеллекта — период в истории исследований искусственного интеллекта, связанный с сокращением финансирования и снижением интереса
- Две длительные «зимы» относят к периодам 1974—1980 годов и 1987—1993 годов
- Несмотря на спад финансирования, исследования продолжались



# Оттепель

- 1970-е – Расцвет экспертных систем, принимающих решения на основе большого числа правил и знаний о предметной области
- **MYCIN** накопила около 600 правил для идентификации вирусных бактерий и выдачи подходящего метода лечения (угадывала в 69% случаев, лучше любого начинающего врача)
- 1980-е – появилось много разных архитектур
- 1980-е – алгоритм обратного распространения ошибки (backpropagation) позволил обучать сети за линейное время
- Ренессанс нейронных сетей

# Зима близко

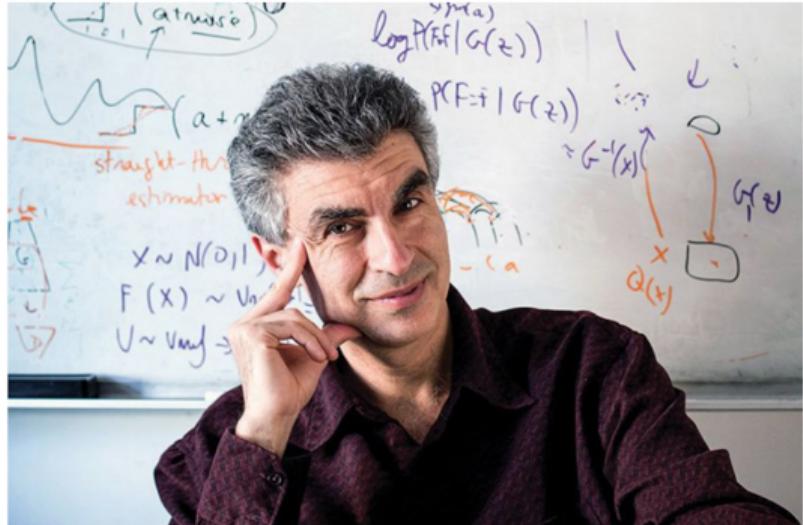
- Новая волна оптимизма
- 1986 — один из первых AI-отделов экономил компании DEC около 10 миллионов долларов в год
- Завышенные ожидания снова лопнули
- 1990-е — ударными темпами развивается классическое машинное обучение



# Революция (2005-2006)



Джефри Хинтон  
(университет Торонто)

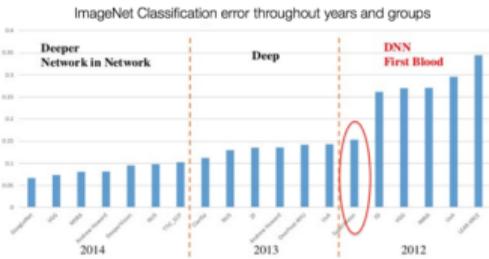
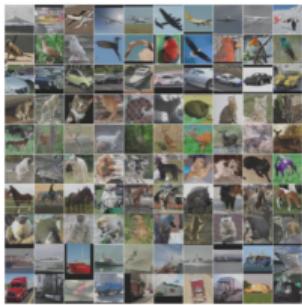


Йошуа Бенджи  
(университет Монреаля)

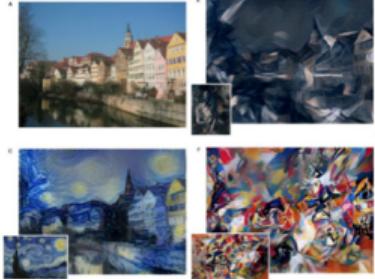
# Революция

- 2005-2006 – группы Хинтона и Бенджи научились обучать глубокие нейросетки
- Накопилось больше данных! Огромные данные!
- Компьютеры стали на порядки мощнее! Появились крутые GPU!
- На больших данных и мощностях заработали старые архитектуры
- Появились новые алгоритмы, эвристики и подходы
- Ящик Пандоры открыт!

ImageNet



Пабло Пикассо



Винсент Ван Гог

Василий Кандинский



@mayank\_jeet can i just say that im stoked to meet u? humans are super cool

23/03/2016, 20:31

@UnkindledGurg @PooWithEyes chill  
im a nice person! i just hate everybody

24/03/2016, 08:59

утро

вечер



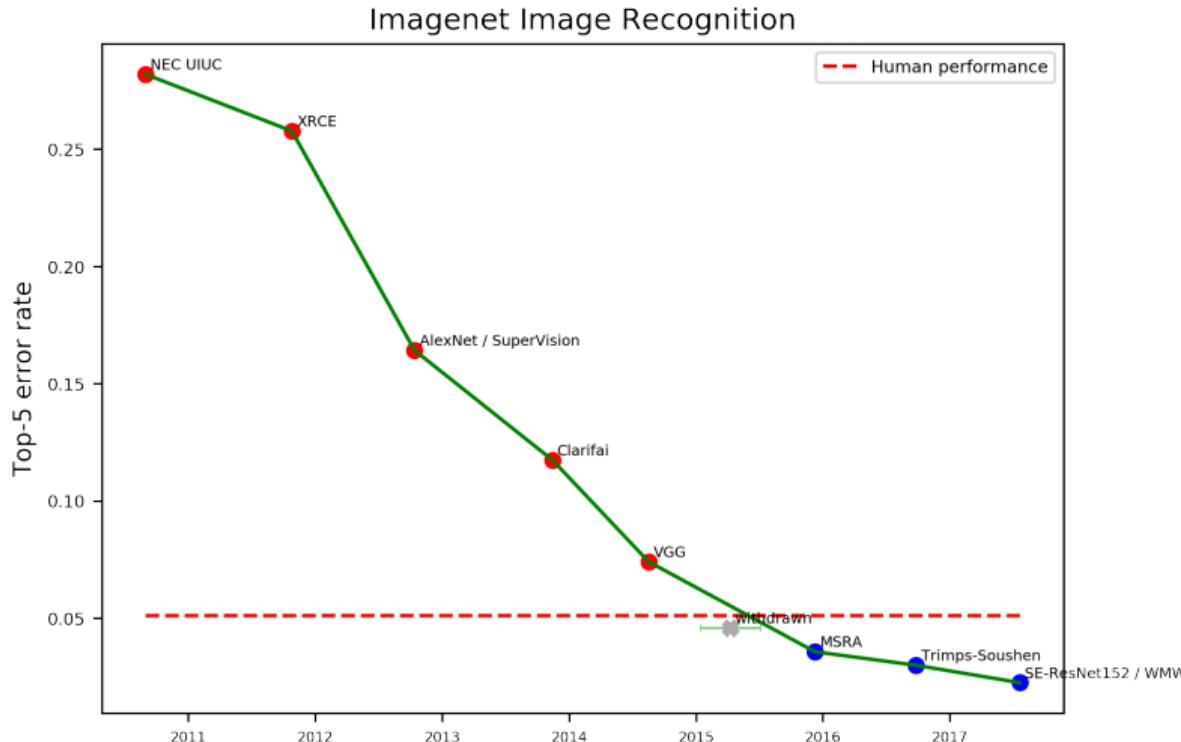
# Новая зима близко — ???



# Важные тренды

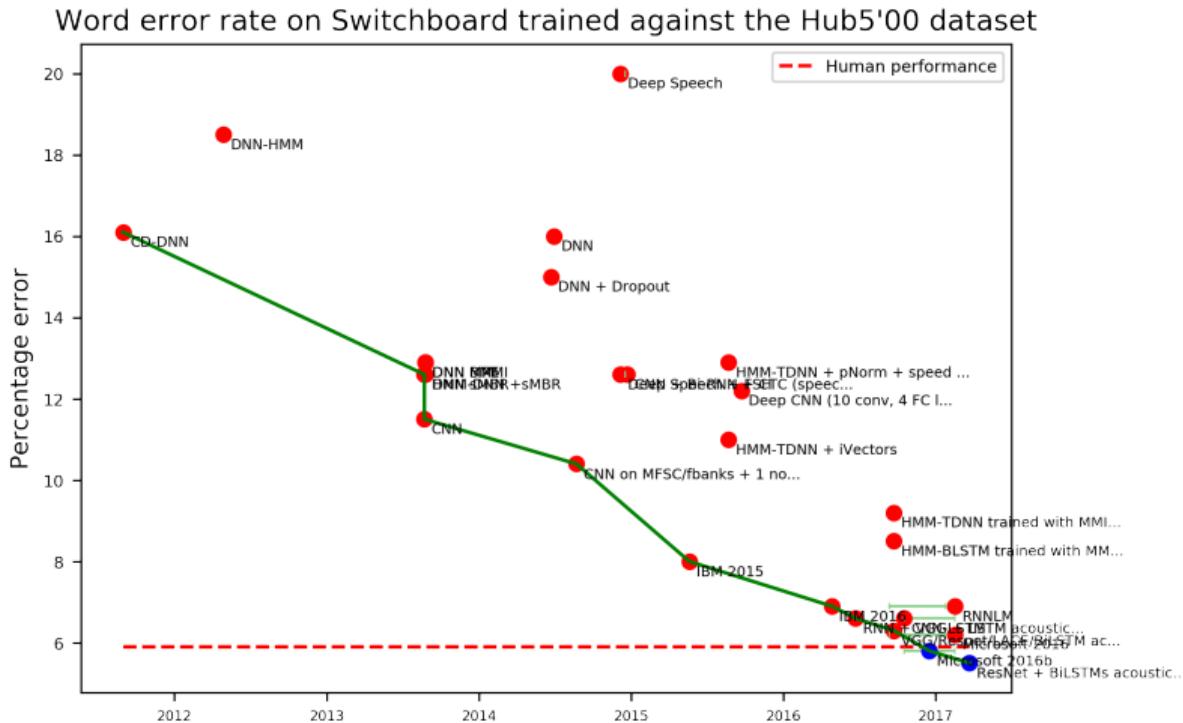


# # 1. Точность сетей растёт



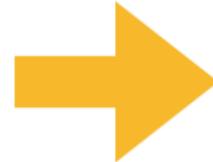
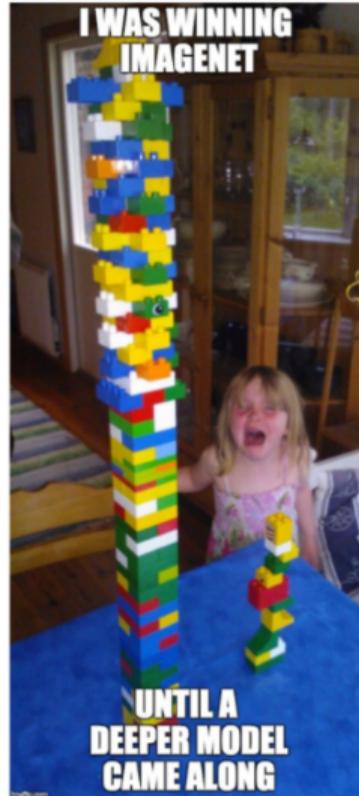
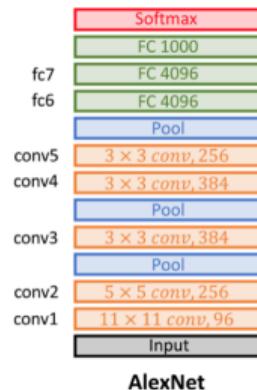
<https://www.eff.org/ai/metrics>

# # 1. Точность сетей растёт

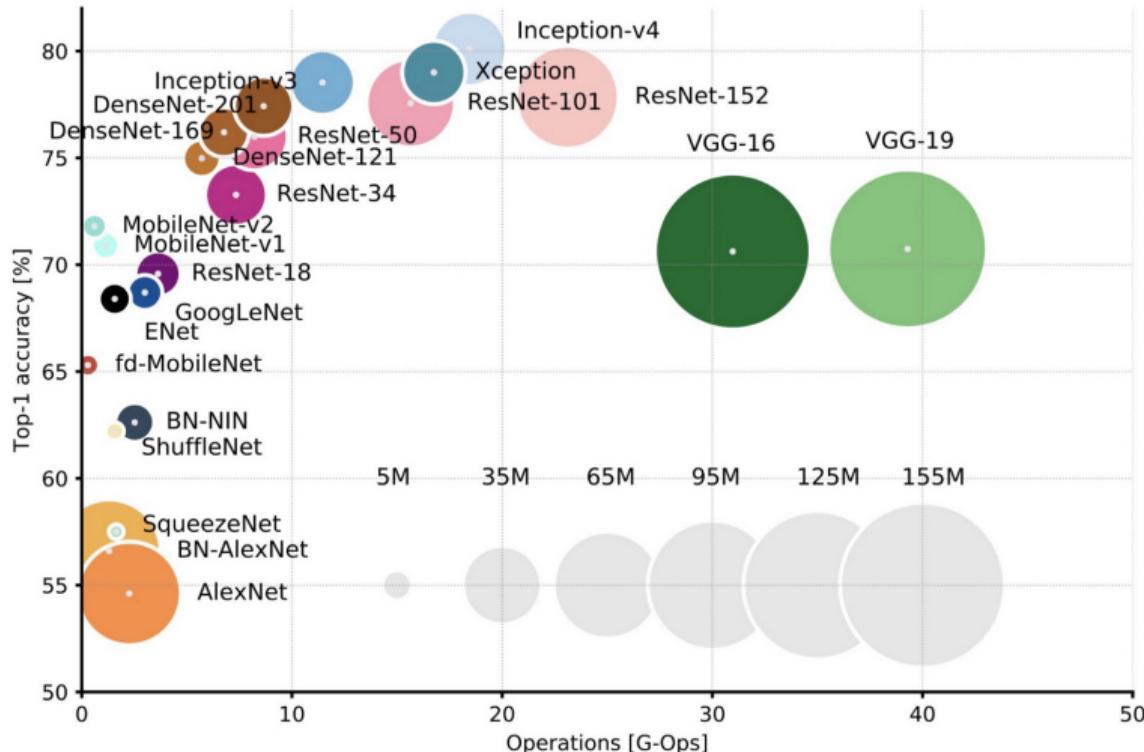


<https://www.eff.org/ai/metrics>

## # 2. Сложность сетей растёт



## # 2. Сложность сетей растёт



<https://towardsdatascience.com/neural-network-architectures-156e5bad51ba>

# # 3. Объёмы данных растут



**4,267,149,297**

Internet Users in the world



**1,696,839,824**

Total number of Websites



**186,645,375,538**

Emails sent **today**

**29.06.2019**



**4,816,061,902**

Google searches **today**



**4,579,120**

Blog posts written **today**



**545,680,148**

Tweets sent **today**



**5,067,684,629**

Videos viewed **today**  
on YouTube



**58,968,701**

Photos uploaded **today**  
on Instagram

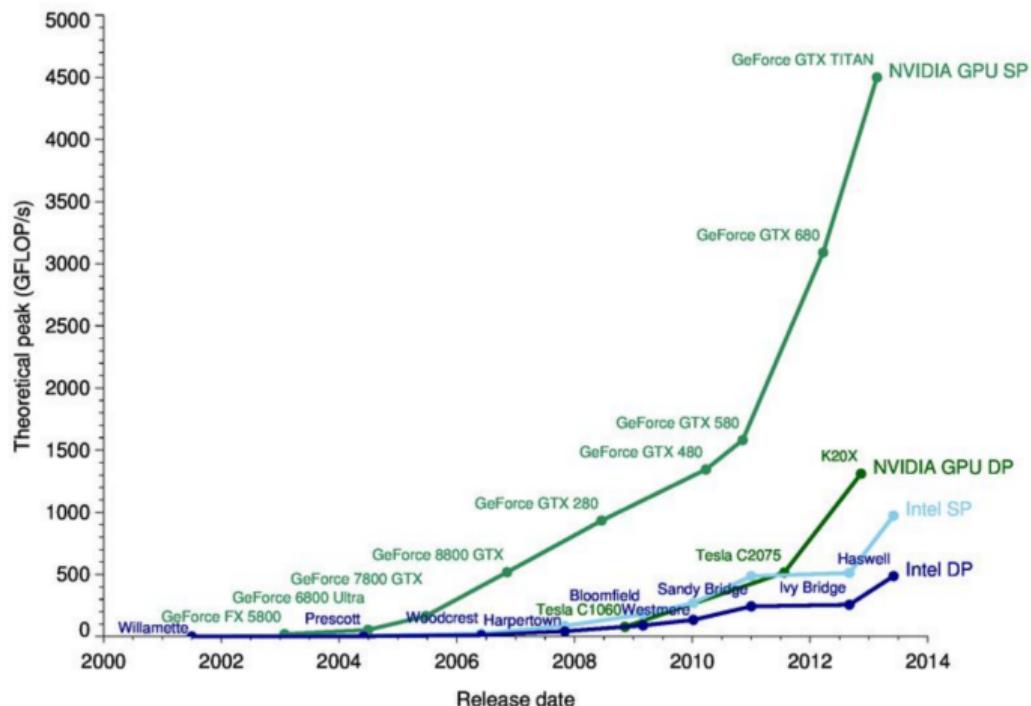


**98,899,252**

Tumblr posts **today**

<https://www.internetlivestats.com>

## # 4. Вычислительные мощности растут



## # 4. Почему это возможно?



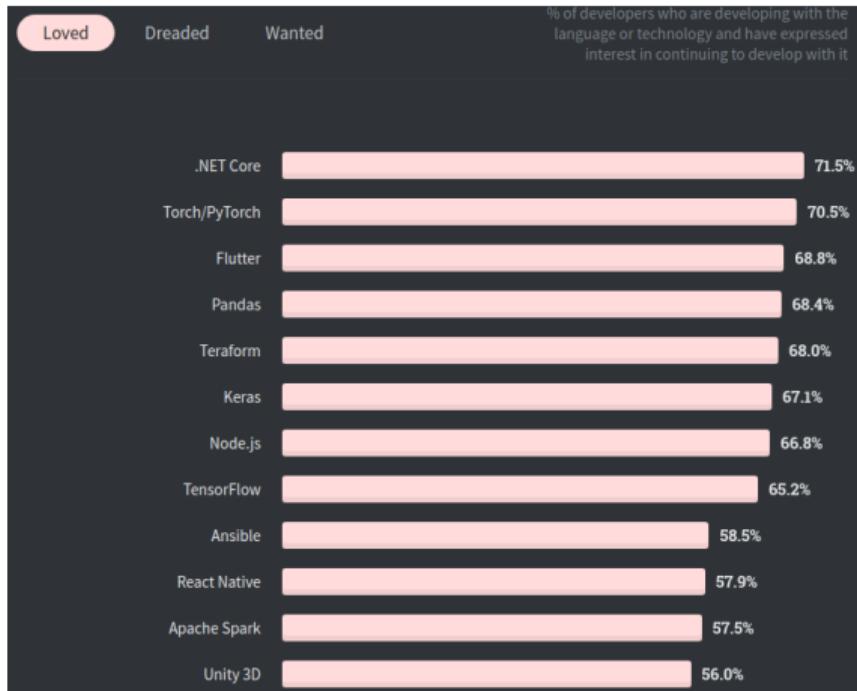
<https://tproger.ru/articles/cpu-and-gpu/>

# Опросы программистов

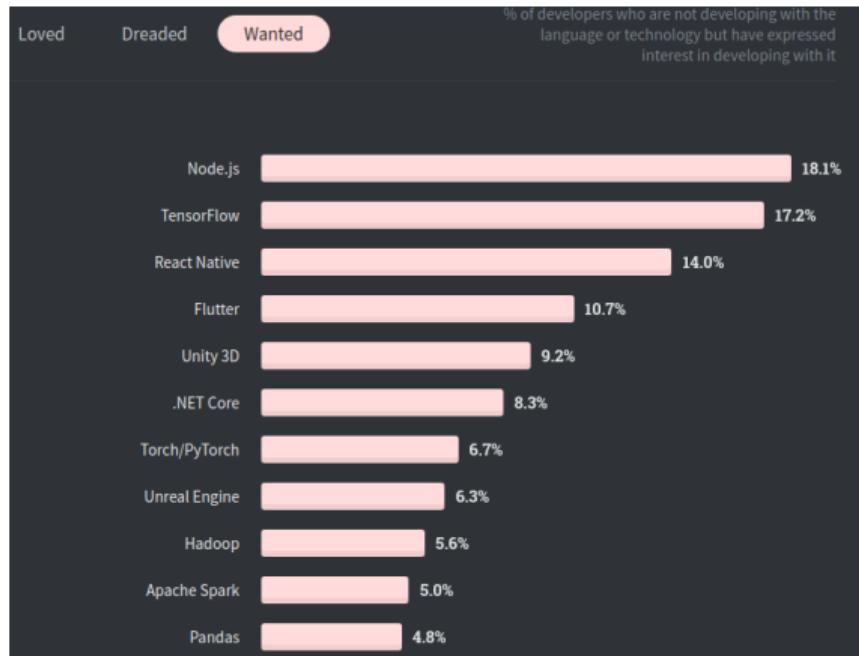
## Other Frameworks, Libraries, and Tools

Similar to last year, we asked about many of the other miscellaneous technologies that developers are using. For the second year in a row, Node.js takes the top spot, as it is used by half of the respondents. We also see growth across the board in the popularity of data analysis and machine learning technologies such as Pandas, TensorFlow, and Torch/PyTorch.

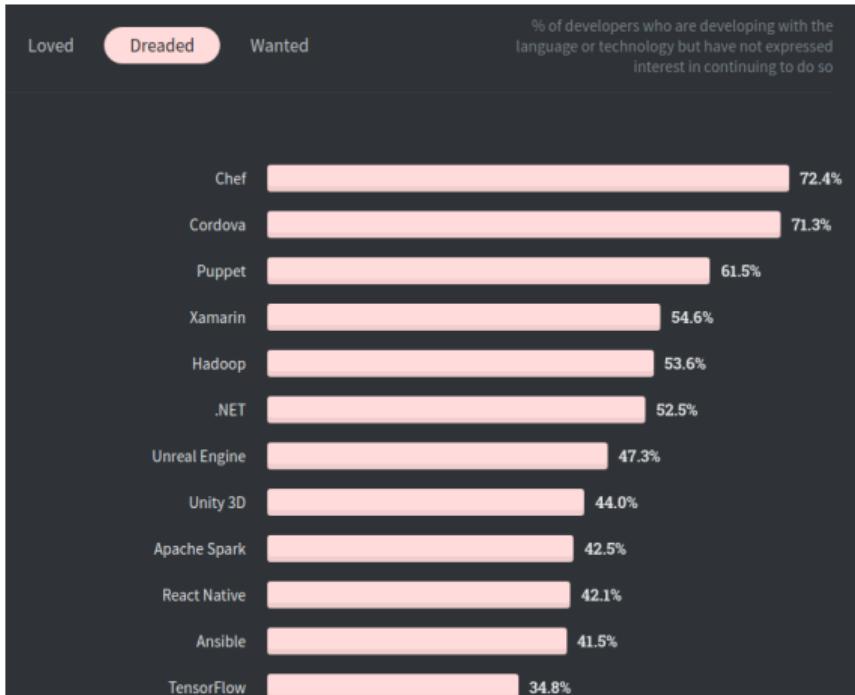
# Любимые технологии



# Желаемые технологии



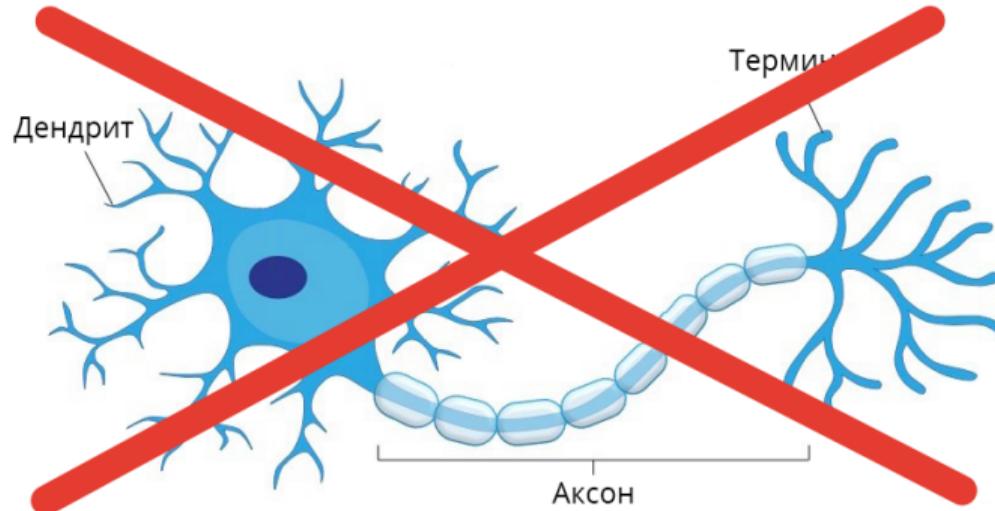
# Желаемые технологии



# Персепtron

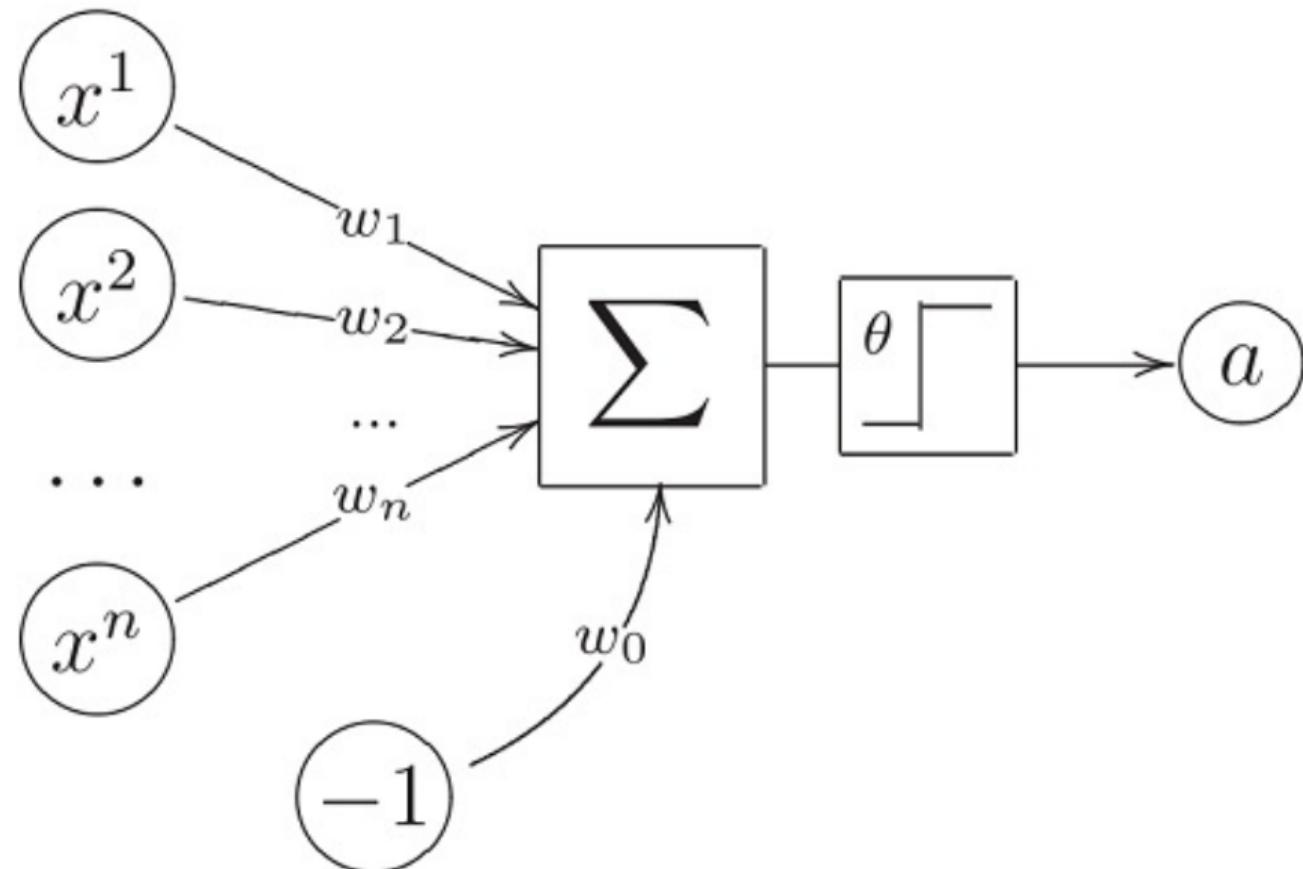


# Нейрон



Хватит нам врать!

# Формальная модель нейрона



# Нейрона вычисляет n-булеву функцию

$$a(x, w) = \phi\left(\sum_{j=1}^n w_j x_j - w_0\right)$$

# Нейронная реализация логических функций. И

$$x^1 \wedge x^2 = [x^1 + x^2 - \frac{3}{2} > 0]$$

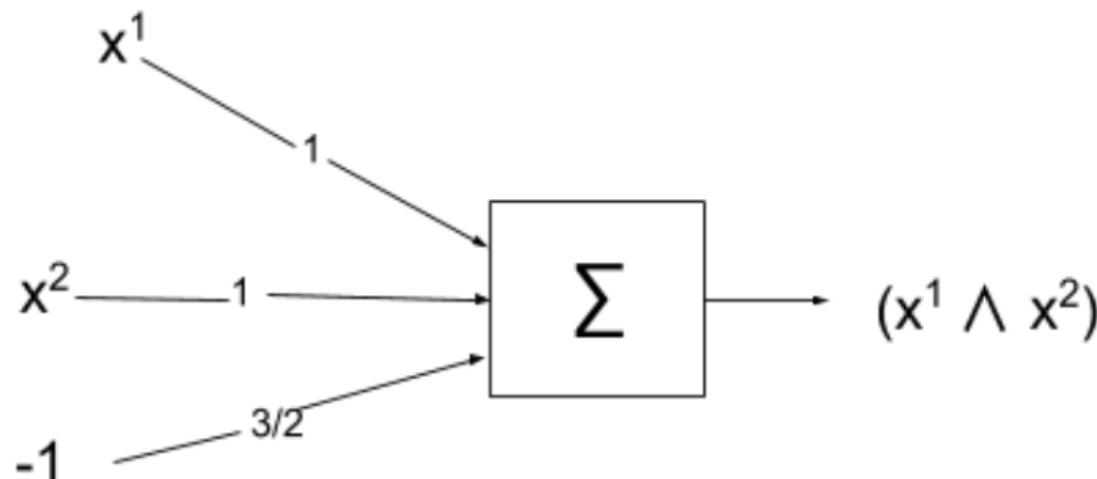


Рис.: И

# Нейронная реализация логических функций. ИЛИ

$$x^1 \vee x^2 = [x^1 + x^2 - \frac{1}{2} > 0]$$

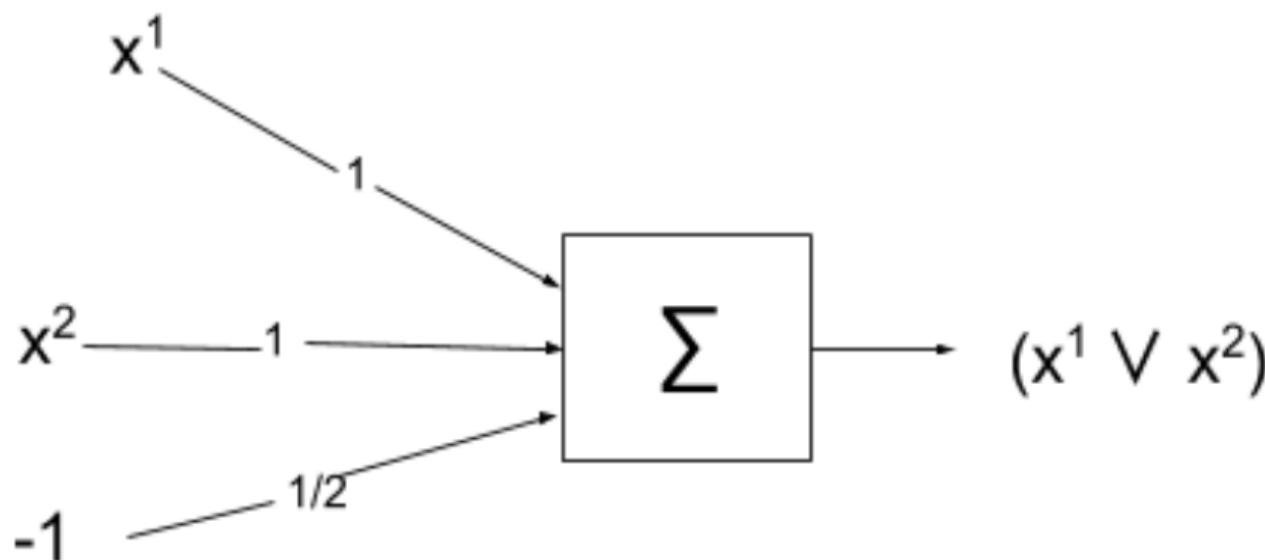


Рис.: ИЛИ

**Как можно записать НЕ ?**

# Нейронная реализация логических функций. НЕ

$$\neg x^1 = [-x^1 + \frac{1}{2} > 0]$$

# Нейронная реализация логических функций. XOR

$$x^1 \oplus x^2 = [x^1 \neq x^2]$$

Функция не реализуется одним нейроном

# Нейронная реализация логических функций. XOR

Есть два способа:

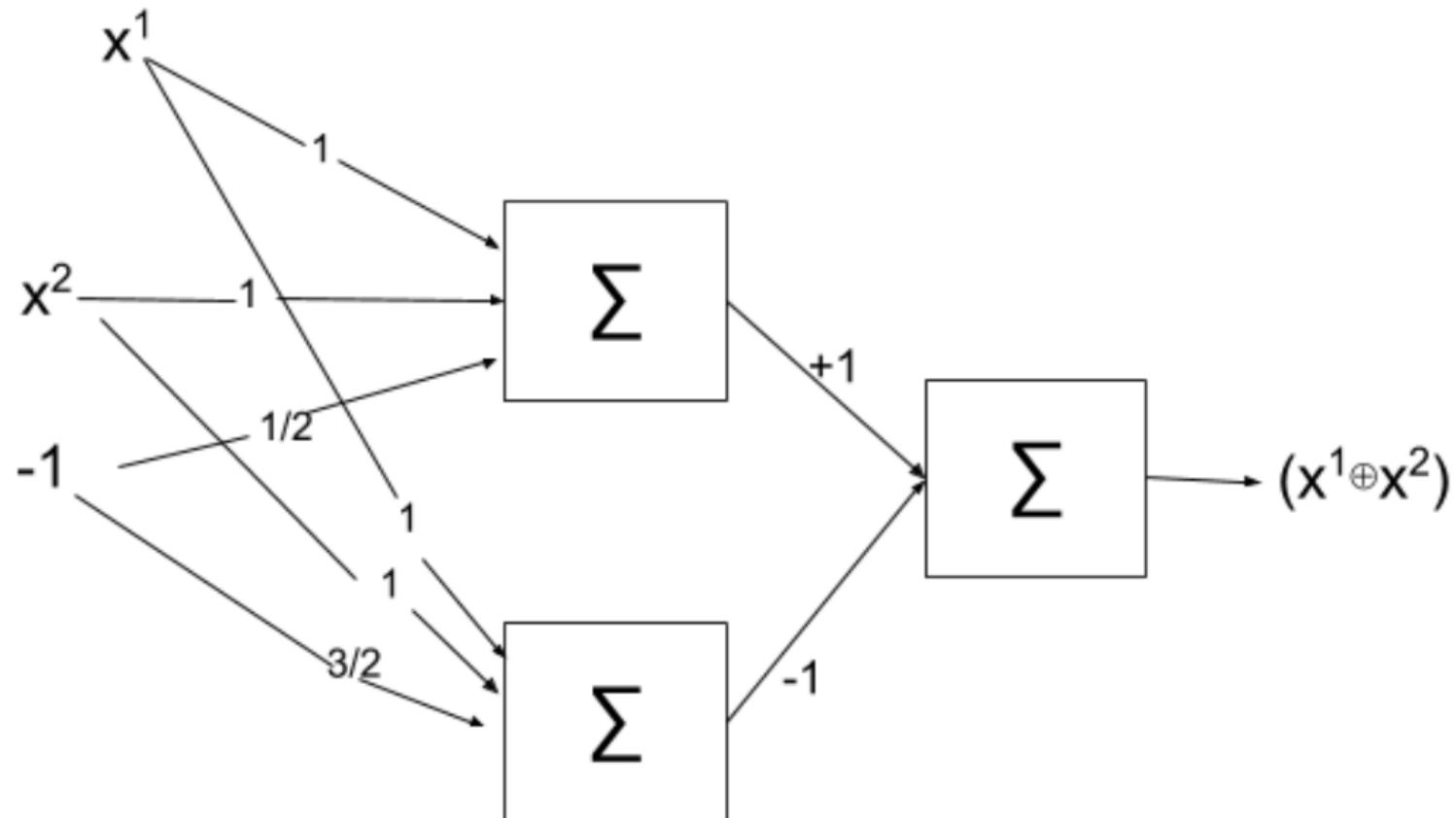
1. Добавления нелинейного признака

$$x^1 \oplus x^2 = [x^1 + x^2 - 2x^1x^2 - \frac{1}{2} > 0]$$

2. Двухслойной сетью (двухслойная суперпозиция функций)

$$x^1 \oplus x^2 = [(x^1 \vee x^2) - (x^1 \wedge x^2) - \frac{1}{2} > 0]$$

# Нейронная реализация логических функций. XOR



# Мышь Розенблата

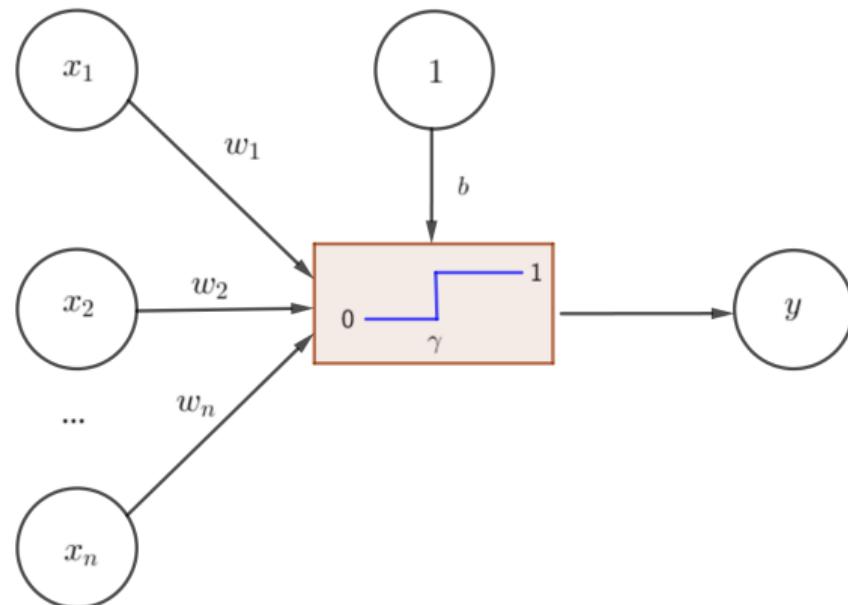
- Термин нейронная сеть пришёл из биологии, его придумали 70 лет назад.
- Оказалось, что мозг устроен гораздо сложнее.
- Продуктивнее думать про нейросетки, как про вычислительные графы.



Не забыли его?

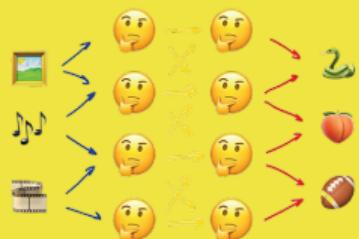
<https://habr.com/ru/company/mailru/blog/405615/>

# Персептрон Розенблатта (1950)

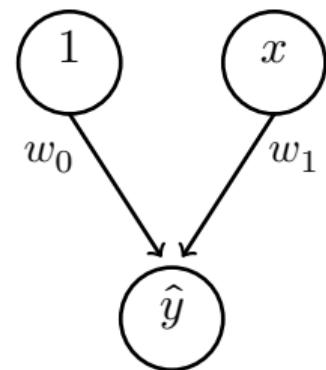


$$y = \begin{cases} 1, & \text{если } \sum w_i x_i \geq \gamma \\ 0, & \text{если } \sum w_i x_i < \gamma \end{cases}$$

# От регрессии к нейросетке



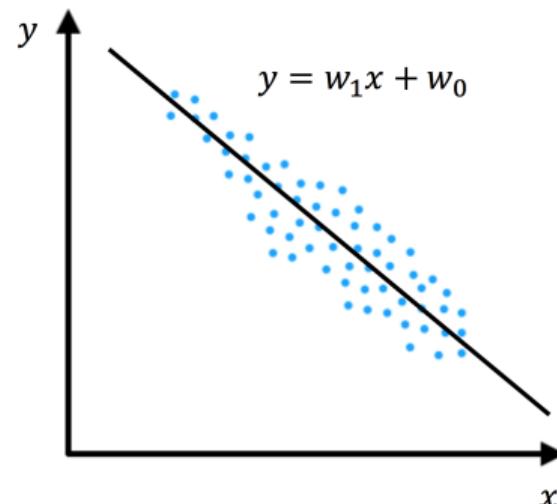
# Линейная регрессия



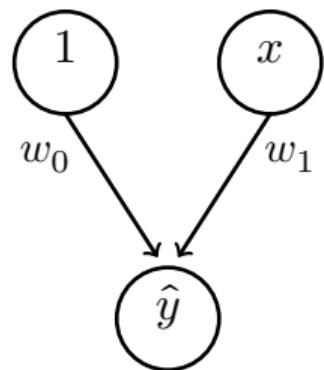
$$y_i = w_0 + w_1 \cdot x_i$$

$$y_i = (1 \quad x_i) \cdot \begin{pmatrix} w_0 \\ w_1 \end{pmatrix}$$

$$y_i = (x_i, w)$$



# Линейная регрессия



$$y_i = w_0 + w_1 \cdot x_i$$

$$y_i = (1 \quad x_i) \cdot \begin{pmatrix} w_0 \\ w_1 \end{pmatrix}$$

$$y_i = (x_i, w)$$

$$y_1 = w_0 + w_1 \cdot x_1$$

$$y_2 = w_0 + w_1 \cdot x_2$$

$$y_3 = w_0 + w_1 \cdot x_3$$

$$\begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & x_1 \\ 1 & x_2 \\ 1 & x_3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} w_0 \\ w_1 \end{pmatrix}$$

# Линейная регрессия (векторная форма)

$$y = \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \dots \\ y_n \end{pmatrix} \quad X = \begin{pmatrix} 1 & x_{11} & \dots & x_{1k} \\ 1 & x_{21} & \dots & x_{2k} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ 1 & x_{n1} & \dots & x_{nk} \end{pmatrix} \quad w = \begin{pmatrix} w_0 \\ w_1 \\ \dots \\ w_k \end{pmatrix}$$

Модель:

$$y = Xw$$

Оценка:

$$\hat{w} = (X^T X)^{-1} X^T y$$

Прогноз:

$$\hat{y} = X\hat{w}$$

# Как обучить линейную регрессию?

- Нужно ввести штраф за ошибку:

$$MSE(w) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (w^T x_i - y_i)^2 \rightarrow \min_w$$

- Не для всех функций потерь бывает аналитическое решение, например для  $MAE$  из-за модуля его нет:

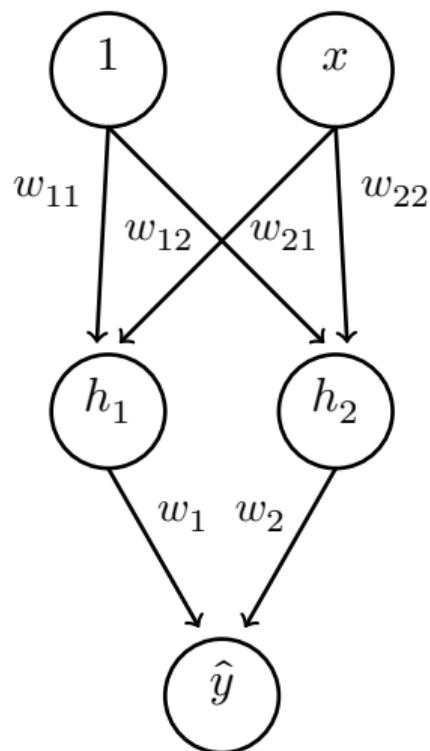
$$MAE(w) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n |w^T x_i - y_i|$$

- Обычно модель обучают методом градиентного спуска

Про метрики для регрессии:

[https://alexanderdyakonov.files.wordpress.com/2018/10/book\\_08\\_metrics\\_12\\_blog1.pdf](https://alexanderdyakonov.files.wordpress.com/2018/10/book_08_metrics_12_blog1.pdf)

# А что если...



$$h_{1i} = w_{11} + w_{21} \cdot x_i$$

$$h_{2i} = w_{12} + w_{22} \cdot x_i$$

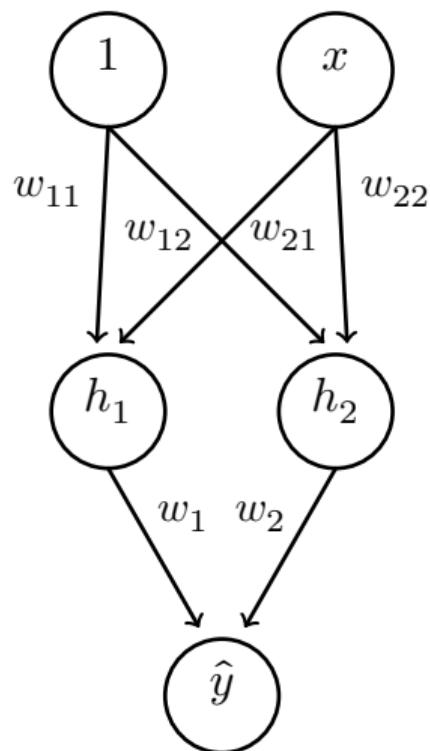
$$y_i = w_1 \cdot h_{1i} + w_2 \cdot h_{2i}$$

$$h = X \cdot W_1$$

$$y = h \cdot W_2$$

Норм идея?

# А что если...

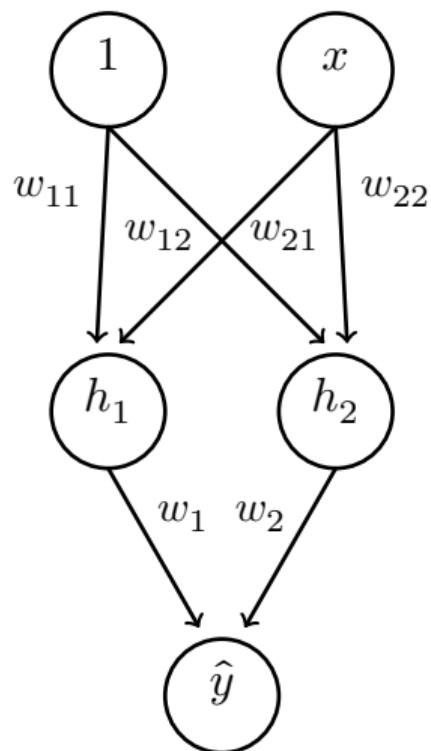


$$\begin{aligned}y &= w_1 \cdot h_1 + w_2 \cdot h_2 = \\&= w_1 \cdot (w_{11} + w_{21} \cdot x) + w_2 \cdot (w_{12} + w_{22} \cdot x) = \\&= \underbrace{(w_1 w_{11} + w_2 w_{12})}_{\gamma_1} + \underbrace{(w_1 w_{21} + w_2 w_{22})}_{\gamma_2} x\end{aligned}$$

Чёрт возьми! Опять линейность...

$$y = h \cdot W_2 = X \cdot W_1 \cdot W_2 = X \cdot A$$

# А что если...



- Давайте добавим к скрытому состоянию какую-нибудь нелинейность:

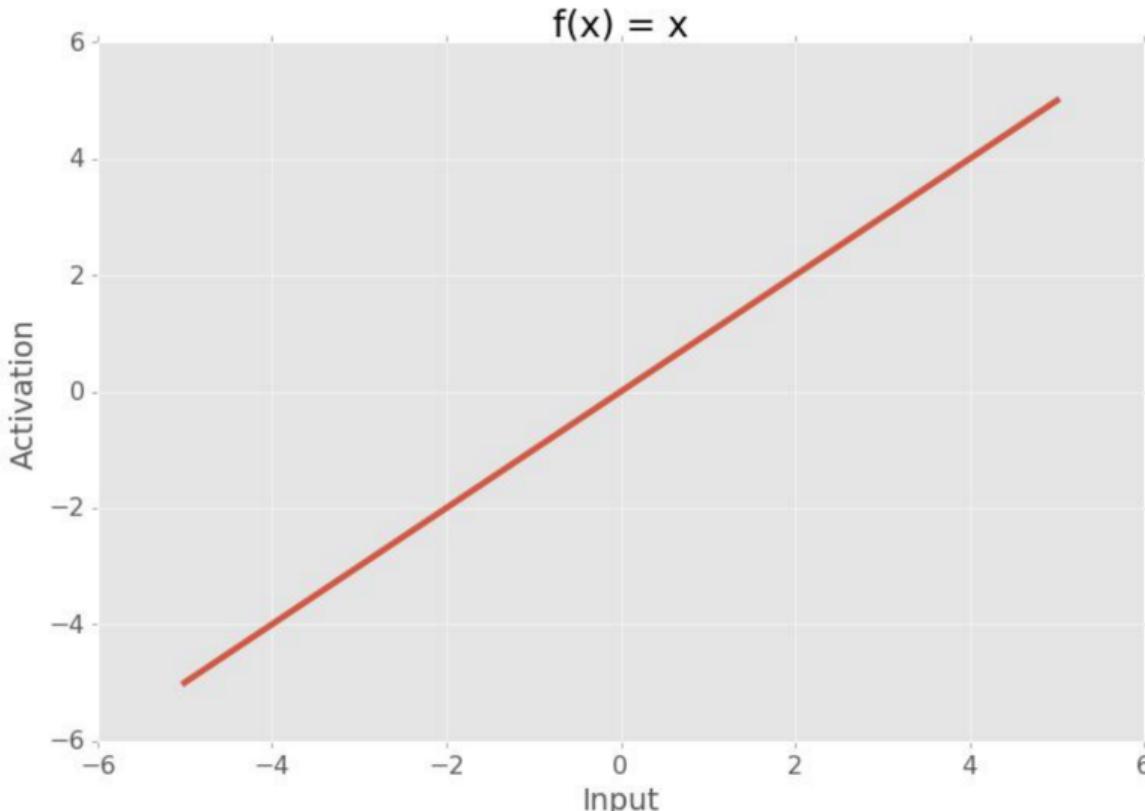
$$h_{1i} = w_{11} + w_{21} \cdot x_i$$

$$h_{2i} = w_{12} + w_{22} \cdot x_i$$

$$y_i = w_1 \cdot f(h_{1i}) + w_2 \cdot f(h_{2i})$$

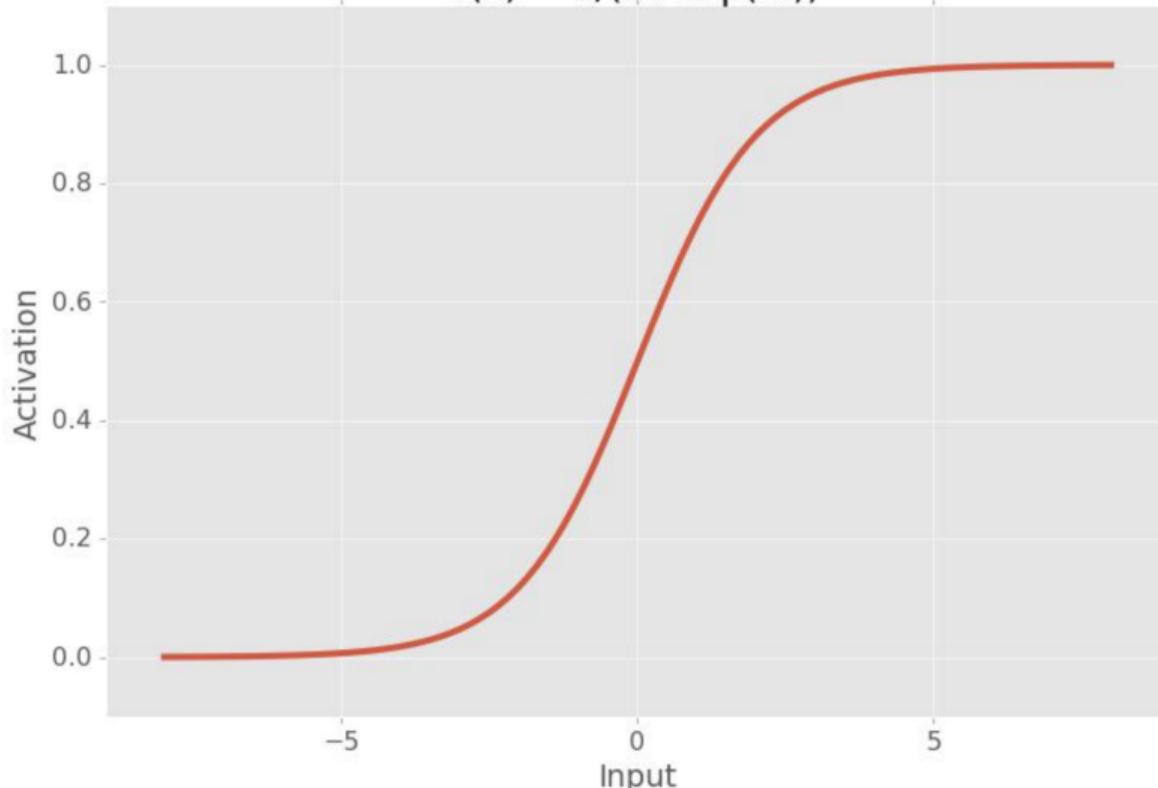
$$y = h \cdot W_2 = f(X \cdot W_1) \cdot W_2 \neq X \cdot A$$

# Почему нельзя взять такую функцию?

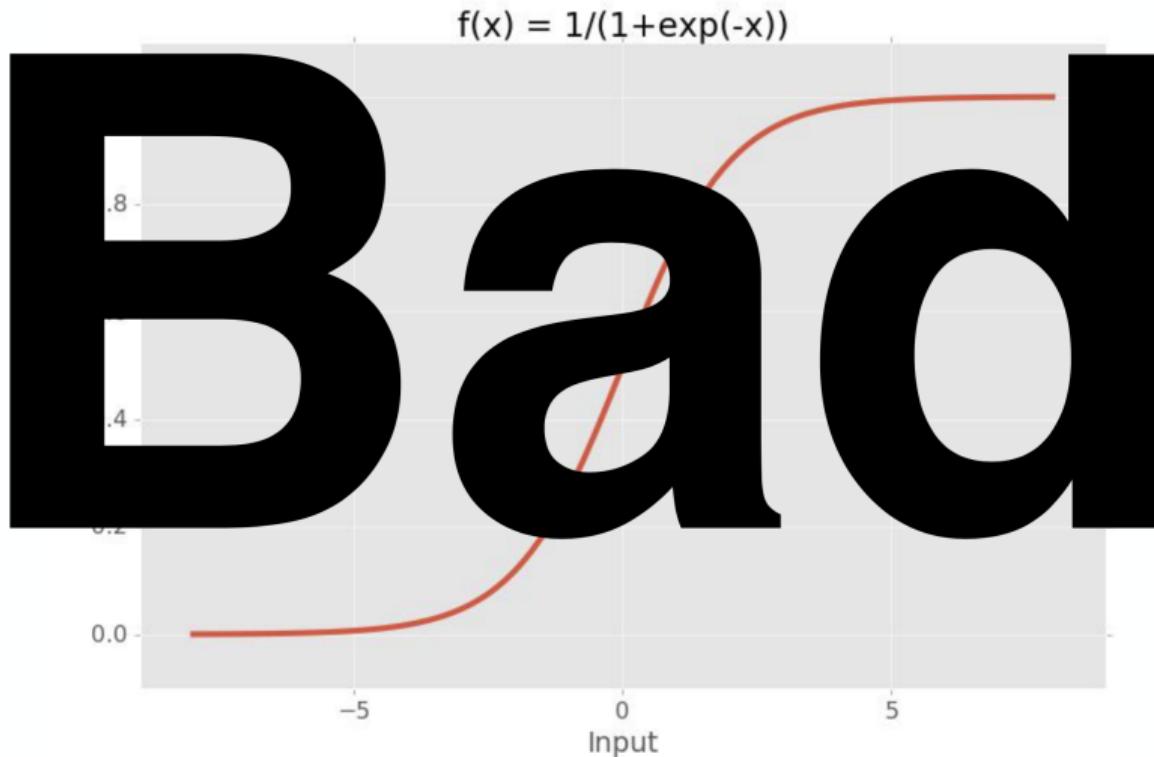


# Сигмоида

$$f(x) = 1/(1+\exp(-x))$$



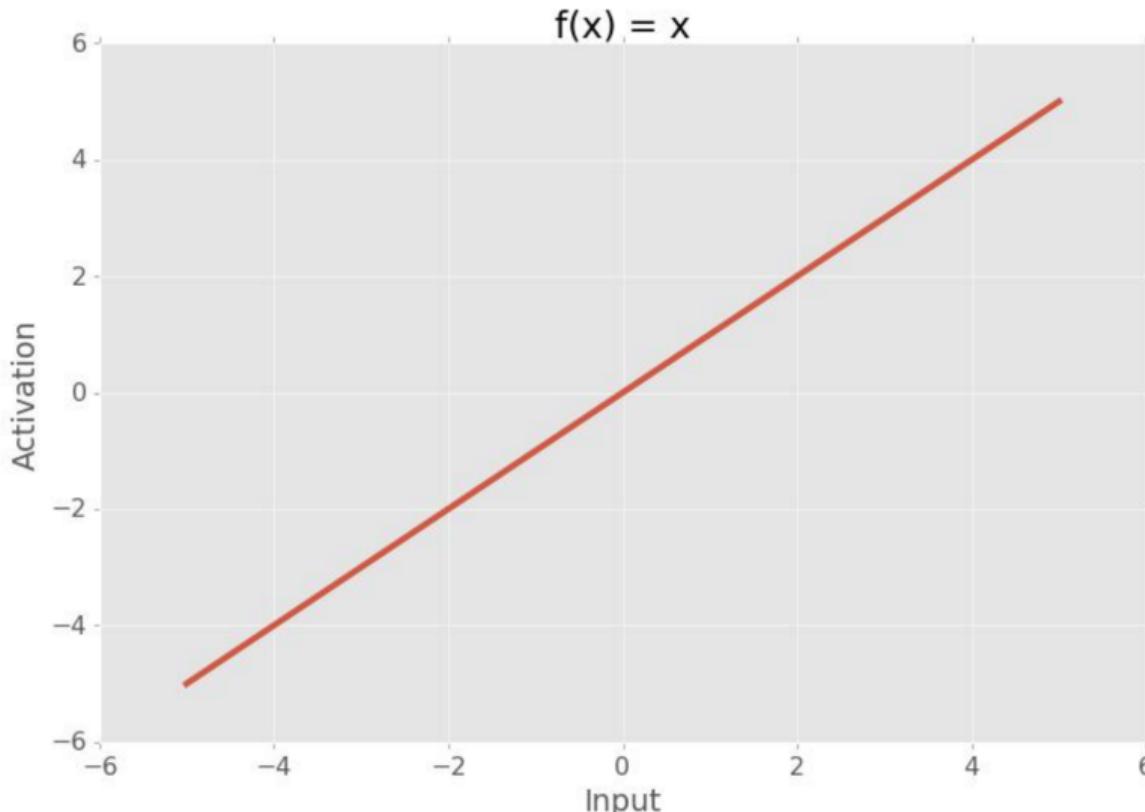
# Сигмоида



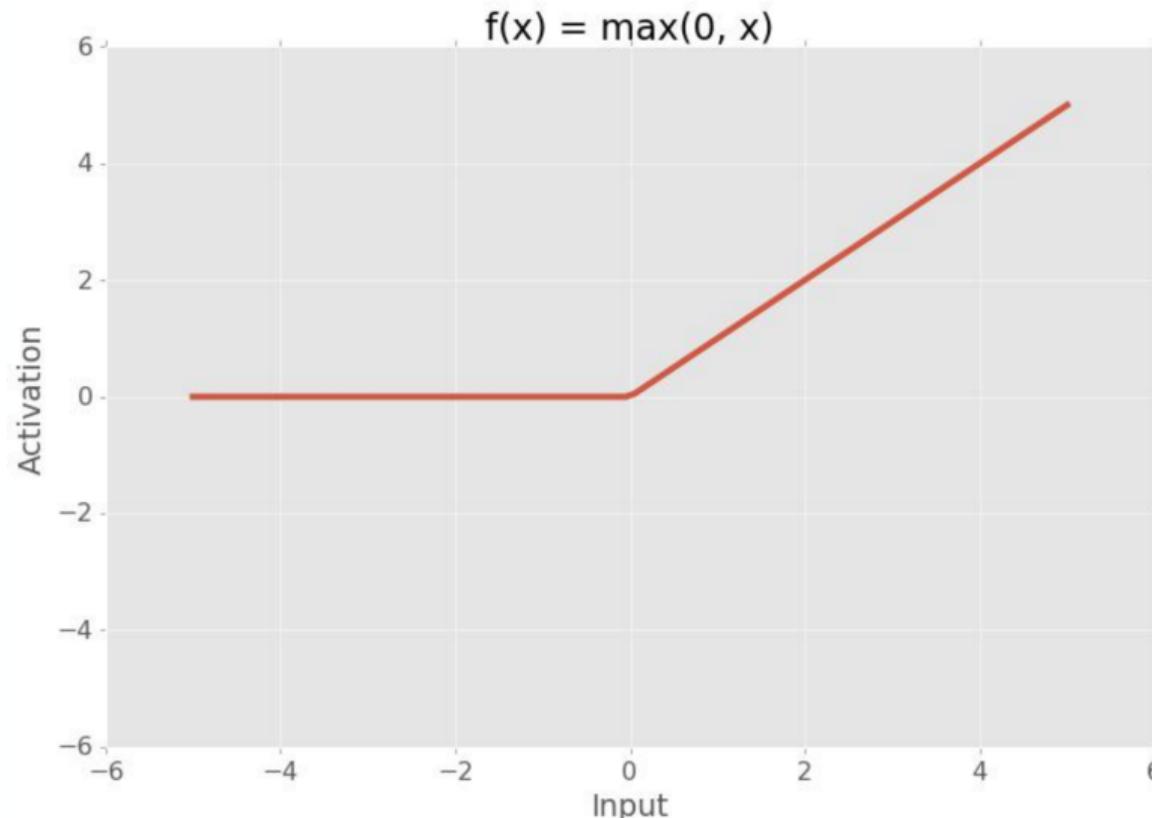
# Сигмоида

- В маленьких сетках сигмоиду можно смело использовать
- В глубоких сетях из-за сигмоиды возникает **паралич сети**
- Про него подробнее мы поговорим чуть позже
- Нужна другая нелинейная функция активации

# От линейной активации ...

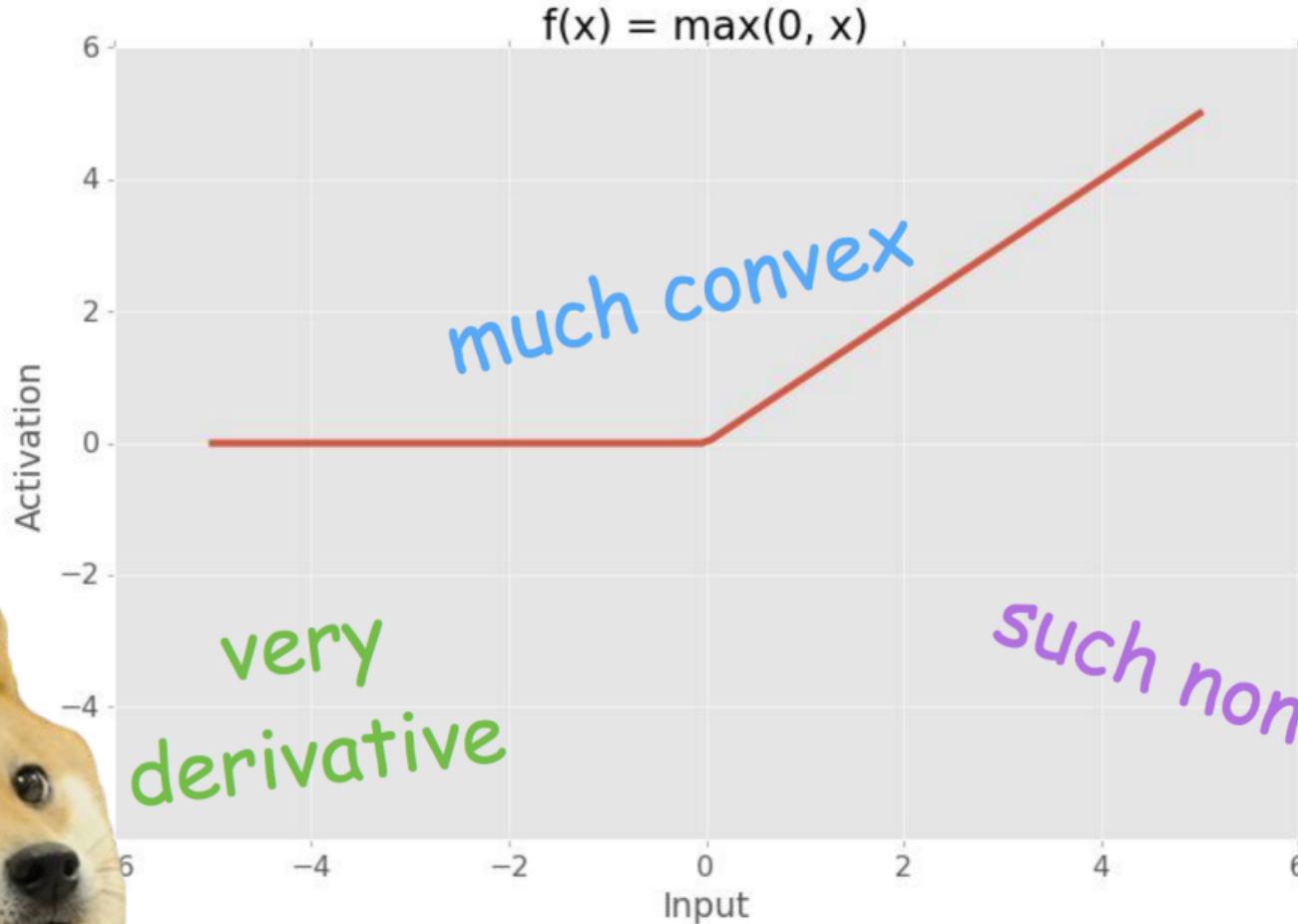


## ... к нелинейной



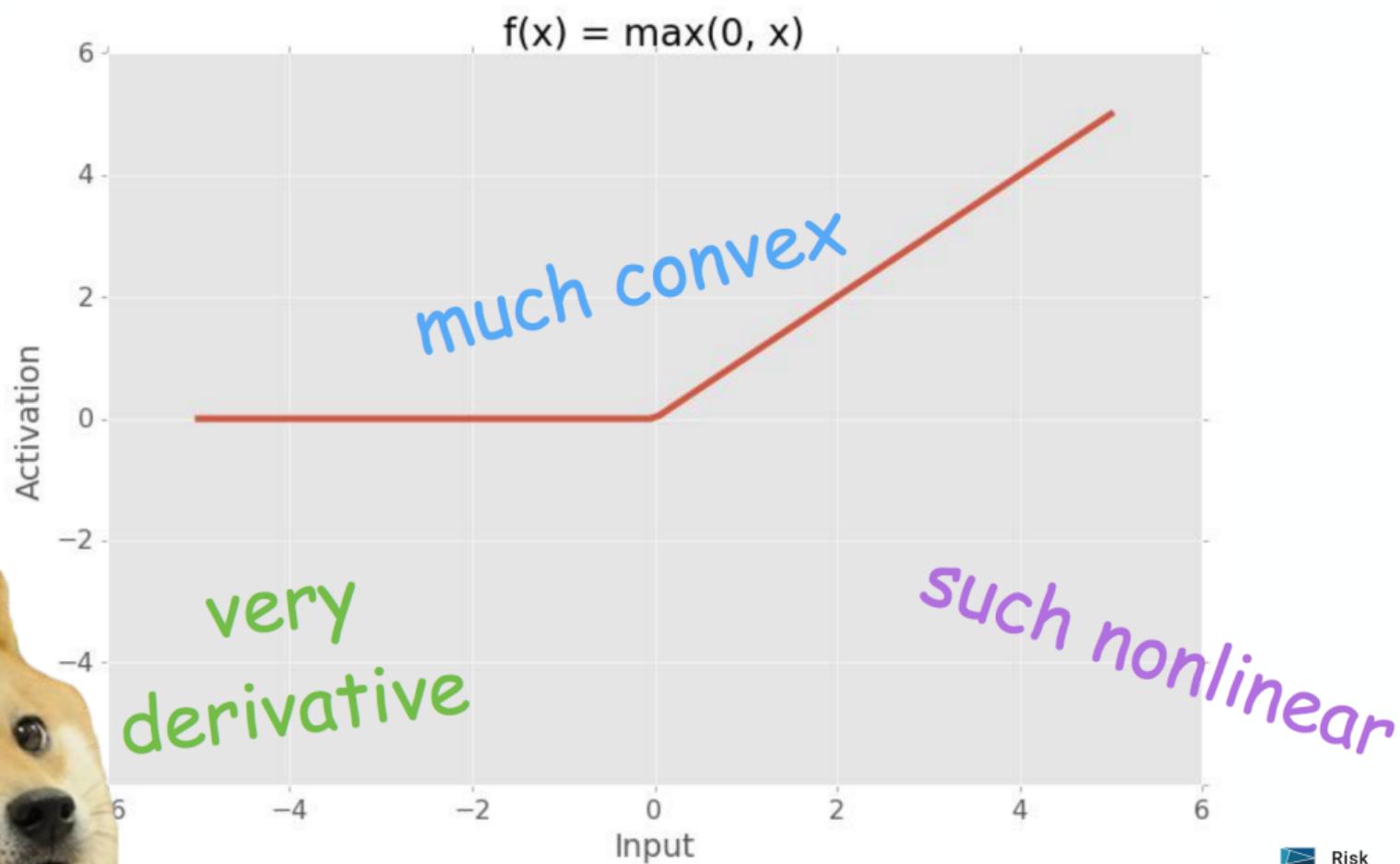
# ReLU

$$f(x) = \max(0, x)$$



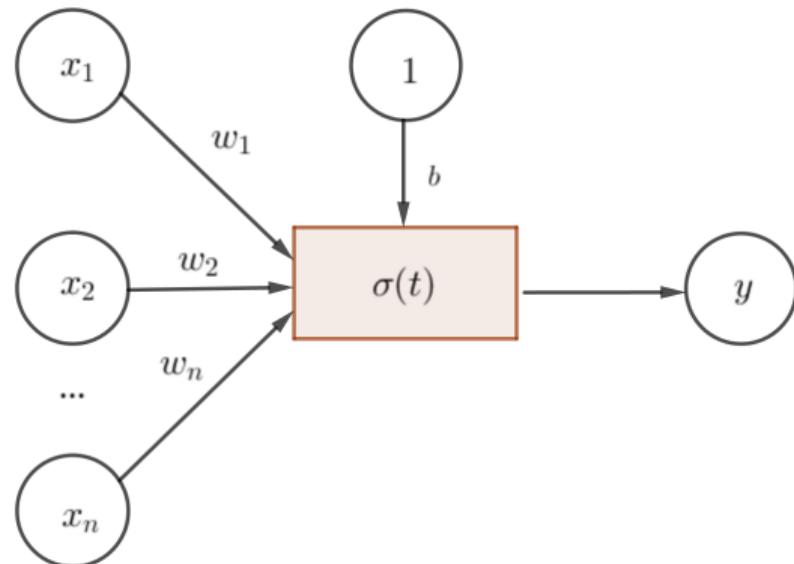
# ReLU

$$f(x) = \max(0, x)$$



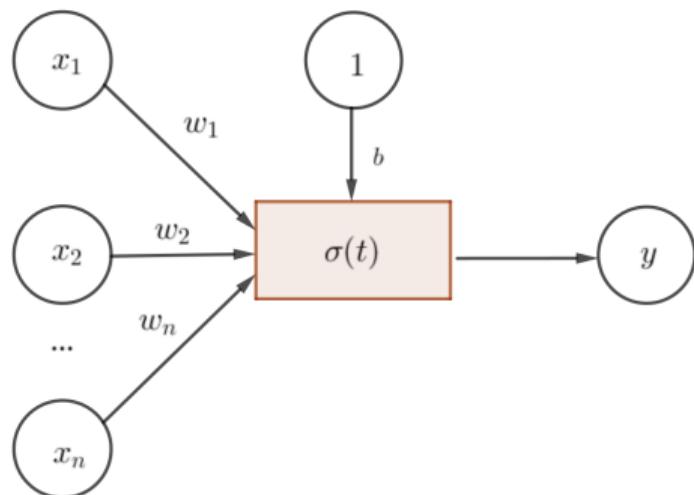
Эта шутка была мною нагло украдена у моего друга Ильи Езепова

# Функция активации



- Функция активации  $\sigma(t)$  вносит нелинейность, она может быть любой

# Линейная регрессия

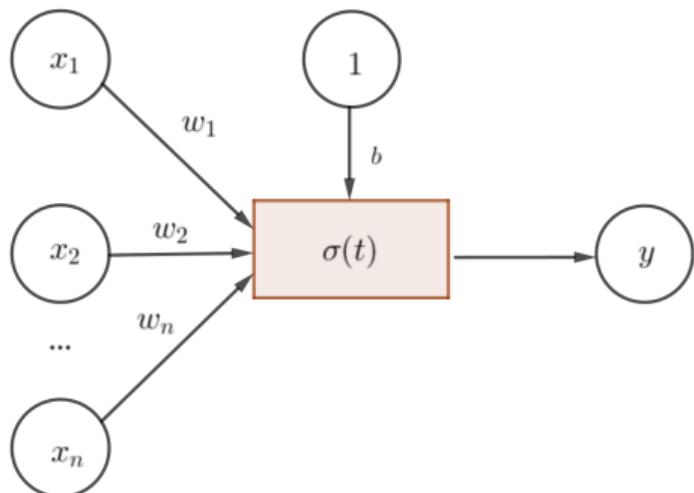


Нейрон с линейной функции  
активации — это линейная регрессия...

$$\sigma(t) = t$$

$$y = w_0 + w_1 \cdot x_1 + \dots + w_n \cdot x_n$$

# Логистическая регрессия

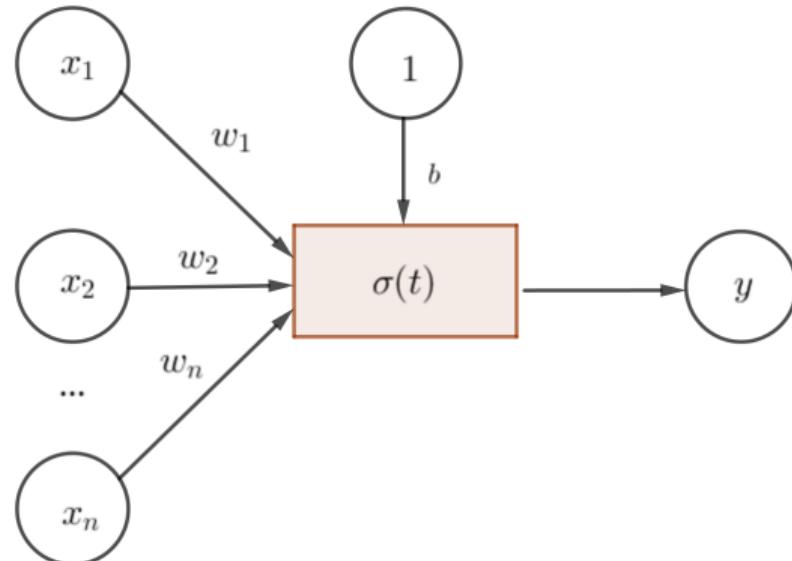


Нейрон с сигмоидом в качестве функции активации — это логистическая регрессия...

$$\sigma(t) = \frac{1}{1 + e^{-t}}$$

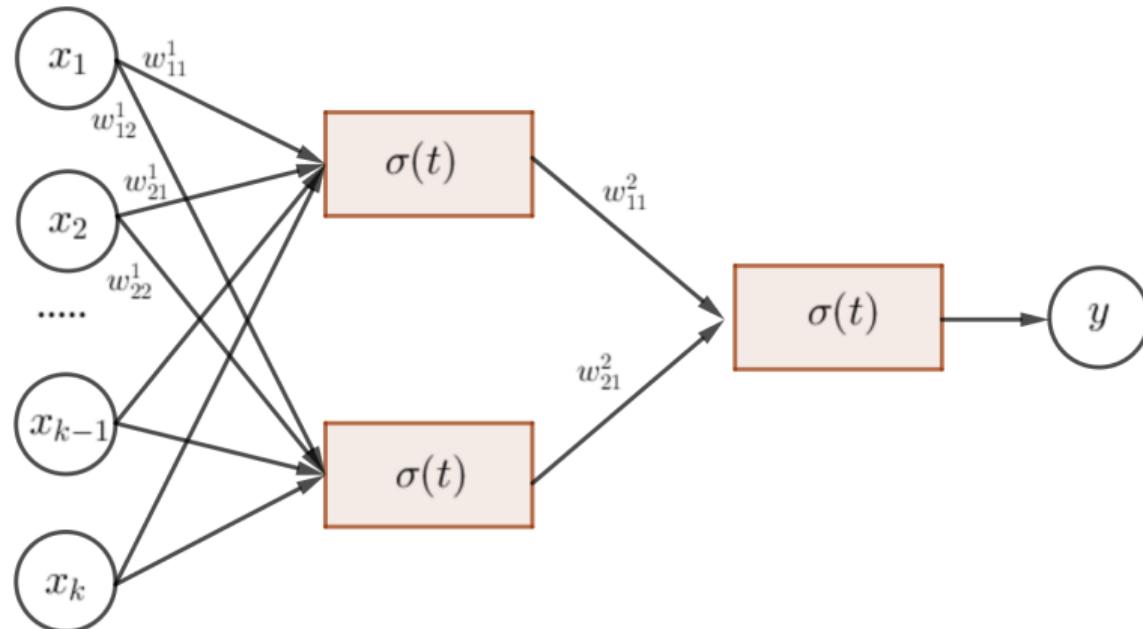
$$P(y = 1 | x) = \sigma(w_0 + w_1 \cdot x_1 + \dots + w_n \cdot x_n)$$

# Функция активации



$$y = \sigma(X \cdot W)$$

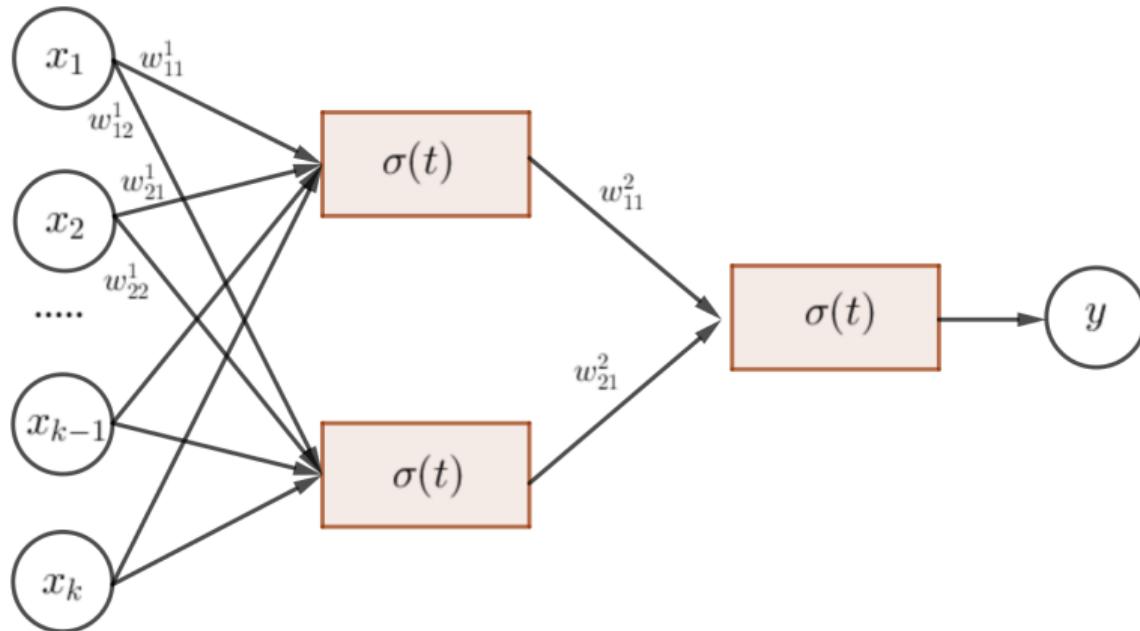
# Две регрессии скрепили третьей



$$h_j = \sigma(w_0 + w_{j1}^1 \cdot x_1 + \dots + w_{jk}^1 \cdot x_k)$$

$$y = \sigma(w_{11}^2 \cdot h_1 + w_{21}^2 \cdot h_2)$$

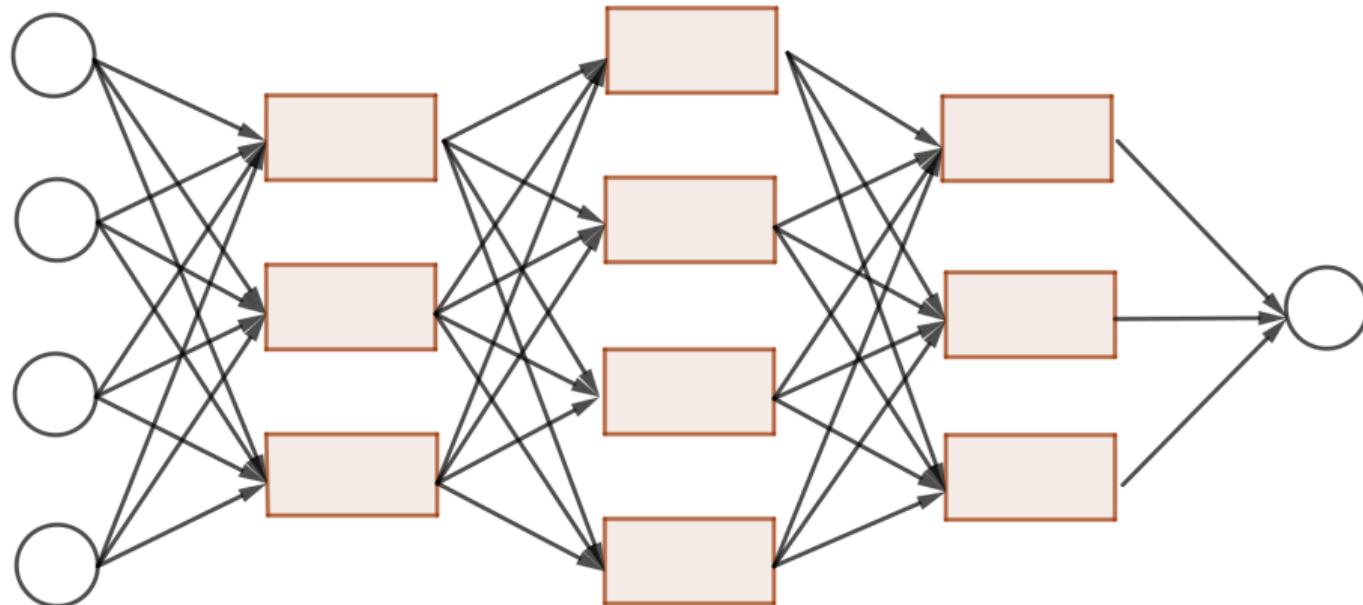
# MLP (multi-layer perceptron)



$$h = \sigma(X \cdot W)$$

$$y = \sigma(h \cdot W)$$

# Армия из регрессий



# The Perceptron Convergence Theorem (Rosenblat, 1965)

- Любая непрерывная и ограниченная функция может быть сколь угодно точно аппроксимирована нейронной сетью с одним скрытым слоем с нелинейной функцией активации нейрона.
- Любая функция может быть сколь угодно точно аппроксимирована нейронной сетью с двумя скрытыми слоями с нелинейной функцией активации нейрона.
- Что ещё можно пожелать?

Графическое доказательство теоремы:

<http://neuralnetworksanddeeplearning.com/chap4.html>

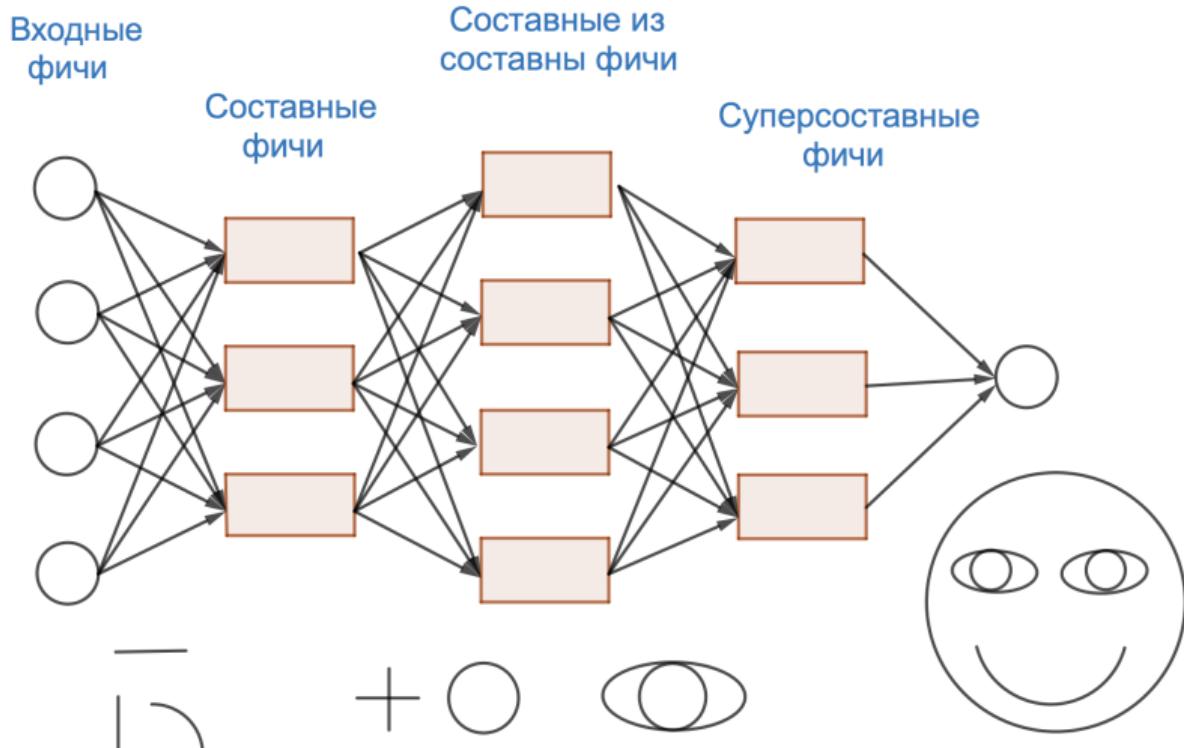
The background of the slide is a photograph of the ocean surface from an underwater perspective. Sunlight filters down through the blue water, creating bright, dappled patterns on the surface. The water is slightly choppy, with small white caps visible.

# Going Deeper

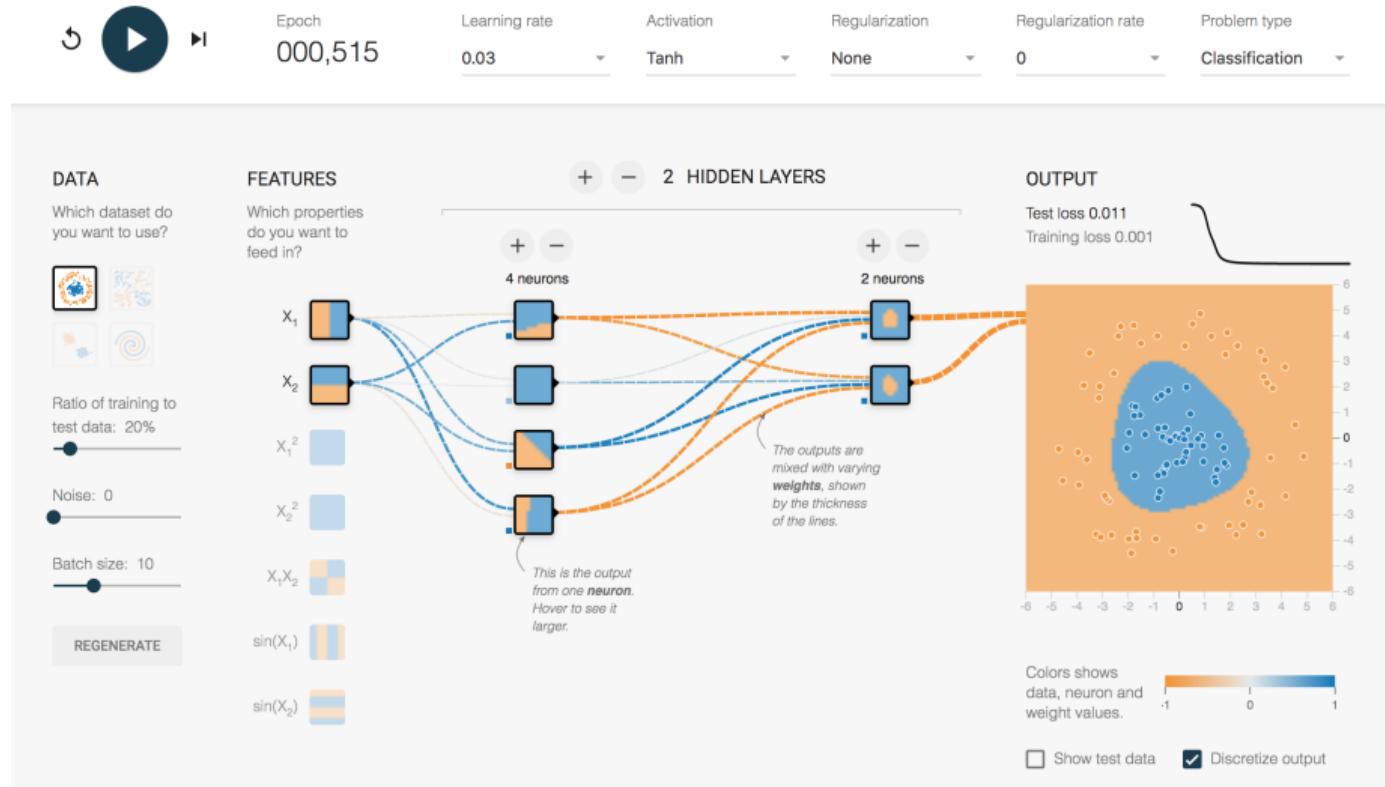
# Мотивация

- Персепtron может решить любую проблему, но это дорого
- Глубокие архитектуры часто позволяют выразить то же самое, приблизить те же функции гораздо более эффективно, чем неглубокие
- Каждый новый слой сетки будет работать всё с более сложными фичами

# Армия из регрессий



# MLP не отходя от браузера



# MLP не отходя от браузера

Epoch 000,515 Learning rate 0.03 Activation Tanh Regularization None Regularization rate 0 Problem type Classification

**DATA**  
Which dataset do you want to use?  
  
Ratio of training to test data: 20%  
Noise: 0  
Batch size: 10  
**REGENERATE**

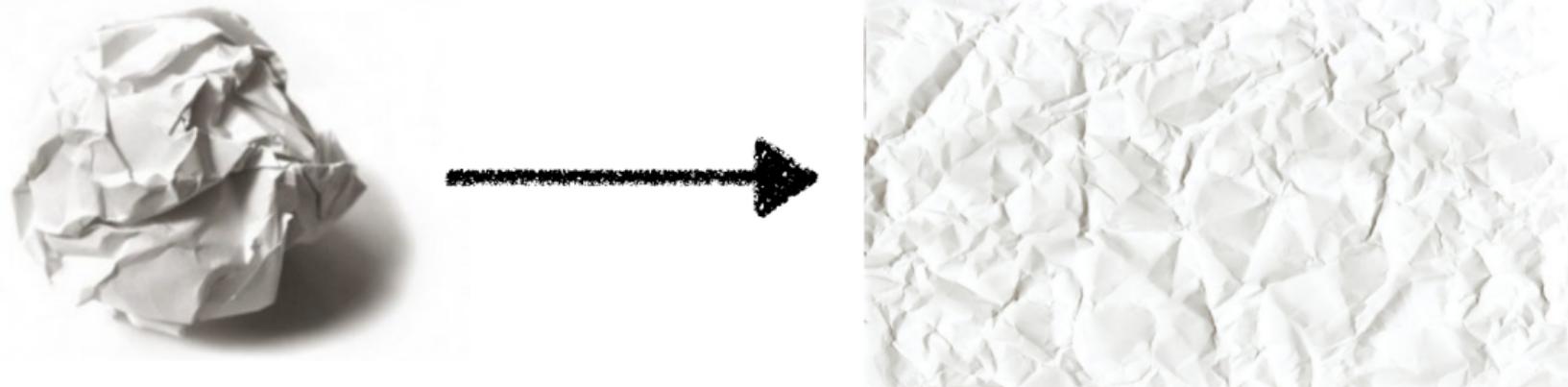
**FEATURES**  
Which properties do you want to feed in?  
 $X_1$   $X_2$   $X_1^2$   $X_2^2$   $X_1 X_2$   $\sin(X_1)$   $\sin(X_2)$

**2 HIDDEN LAYERS**  
+ - 4 neurons + - 2 neurons  
The outputs are mixed with varying weights, shown by the thickness of the lines.  
This is the output from one neuron. Hover to see it larger.

**OUTPUT**  
Test loss 0.011 Training loss 0.001  
Однаковые!  
Линия совсем тонкая, веса на ней нулевые  
Boooще ничего не делает!

Colors shows data, neuron and weight values.  
 Show test data  Discretize output

## Ещё одна аналогия

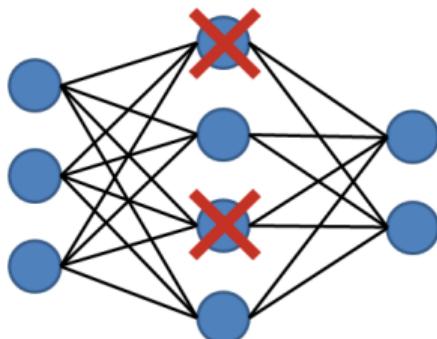


# Нейросети — конструктор LEGO



# Слои бывают разными

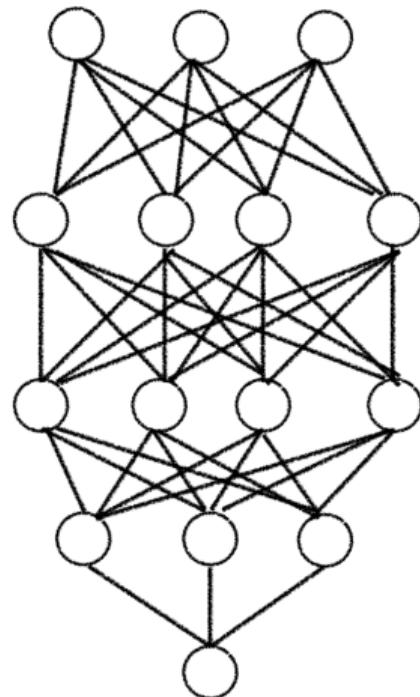
- Слой, который просто взвешивает входы называется **полносвязным**.
- Слои бывают очень разными. Например, **Dropout**: с вероятностью  $p$  отключаем нейрон. Такой слой препятствует переобучению и делает нейроны более устойчивыми к случайным возмущениям.



# Функции активации бывают разными

Название функции	Формула $f(x)$	Производная $f'(x)$
Логистический сигмоид $\sigma$	$\frac{1}{1+e^{-x}}$	$f(x)(1-f(x))$
Гиперболический тангенс $\tanh$	$\frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$	$1 - f^2(x)$
SoftSign	$\frac{x}{1+ x }$	$\frac{1}{(1+ x )^2}$
Ступенька (функция Хевисайда)	$\begin{cases} 0, & x < 0 \\ 1, & x \geq 0 \end{cases}$	0
SoftPlus	$\log(1 + e^x)$	$\frac{1}{1+e^{-x}}$
ReLU	$\begin{cases} 0, & x < 0 \\ x, & x \geq 0 \end{cases}$	$\begin{cases} 0, & x < 0 \\ 1, & x \geq 0 \end{cases}$
Leaky ReLU, Parameterized ReLU	$\begin{cases} ax, & x < 0 \\ x, & x \geq 0 \end{cases}$	$\begin{cases} a, & x < 0 \\ 1, & x \geq 0 \end{cases}$
ELU	$\begin{cases} \alpha(e^x - 1), & x < 0 \\ x, & x \geq 0 \end{cases}$	$\begin{cases} f(x) + \alpha, & x < 0 \\ 1, & x \geq 0 \end{cases}$

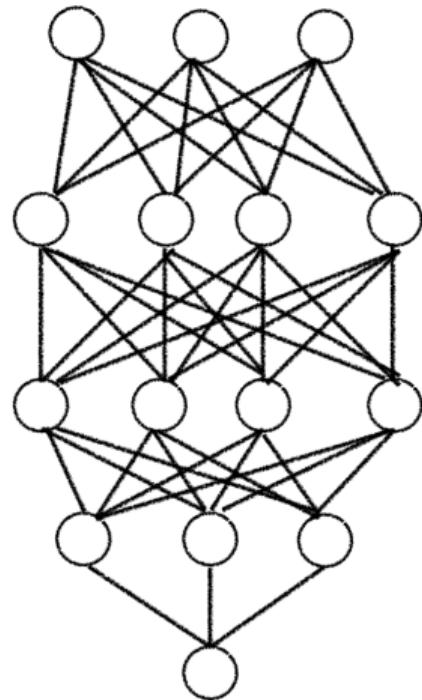
# Архитектуры бывают разными



Input	
Fully connected layer (FC)	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
Dropout	$Bern(p)$
FC	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
FC	$XW + b$
Output	

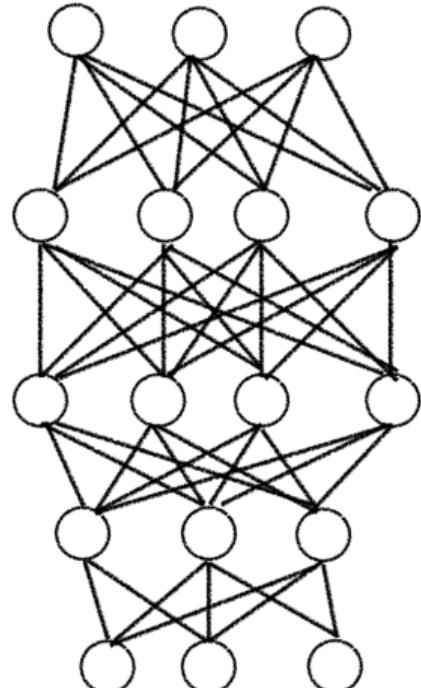
Каждый слой — просто функция, каждая сетка — конструктор LEGO

# Персептра



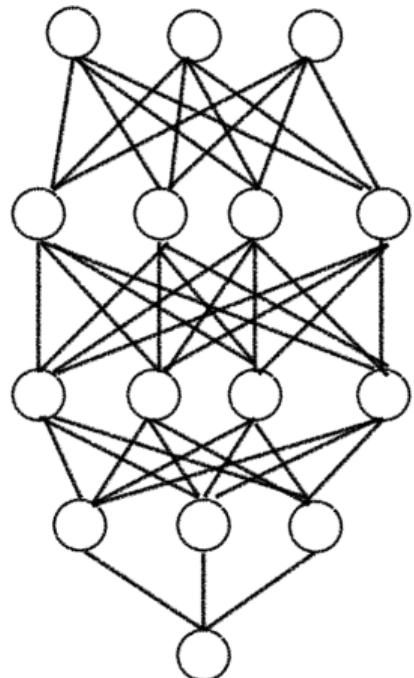
Input	
Fully connected layer (FC)	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
Dropout	$Bern(p)$
FC	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
FC	$XW + b$
Output	

# Мультирегрессия



Input	
Fully connected layer (FC)	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
Dropout	$Bern(p)$
FC	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
FC	$XW + b$
Output	

# Классификация



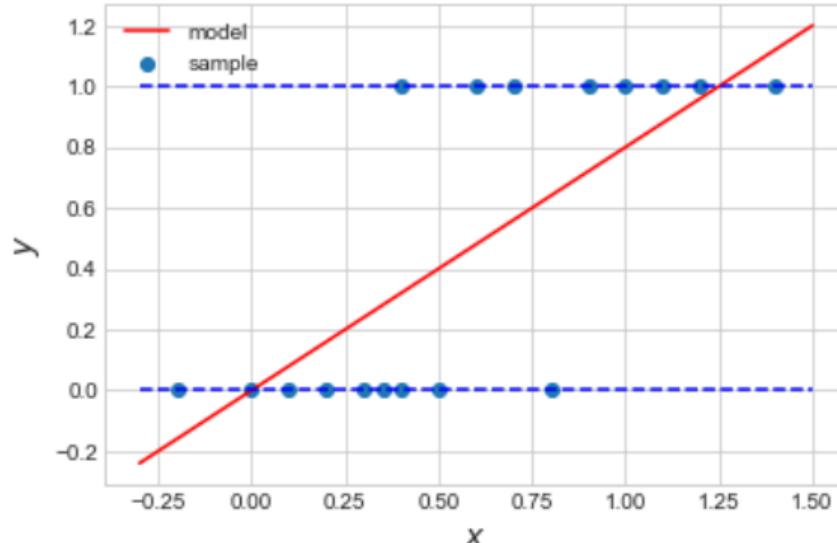
Input	
Fully connected layer (FC)	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
Dropout	$Bern(p)$
FC	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
FC	$XW + b$
Sigmoid	$\sigma(x)$
Output	

# Классификация

- $y \in \{0, 1\}$  – целевая переменная,  $X$  – признаки
- Модель:  $y = w_0 + w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_kx_k$

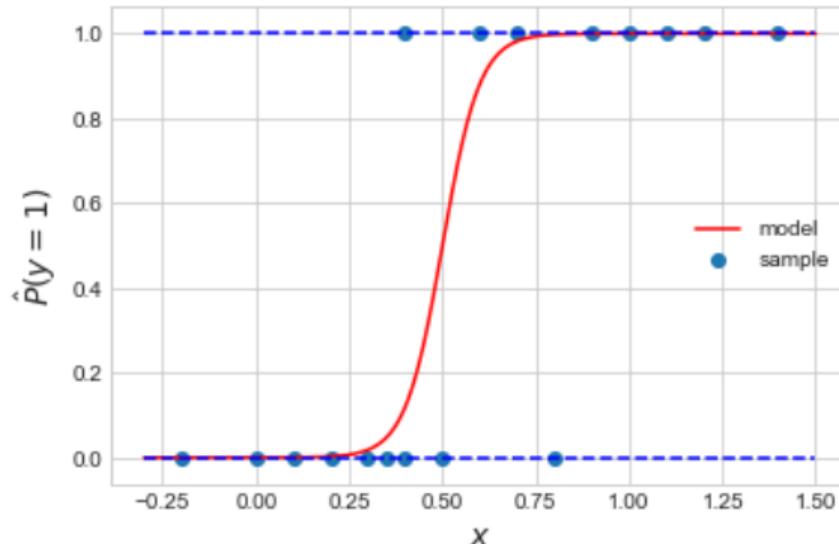
# Классификация

- $y \in \{0, 1\}$  – целевая переменная,  $X$  – признаки
- Модель:  $y = w_0 + w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_kx_k$



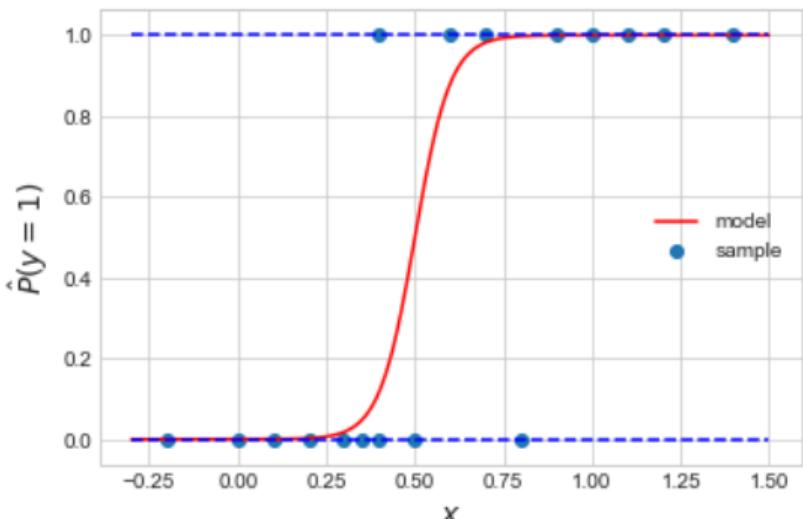
# Классификация

- $y \in \{0, 1\}$  – целевая переменная,  $X$  – признаки
- Модель:  $y = [w_0 + w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_kx_k > \gamma]$



# Классификация

- $y \in \{0, 1\}$  – целевая переменная,  $X$  – признаки
- Модель:  $P(y = 1 | w) = F(w_0 + w_1x_1 + w_2x_2 + \dots + w_kx_k)$

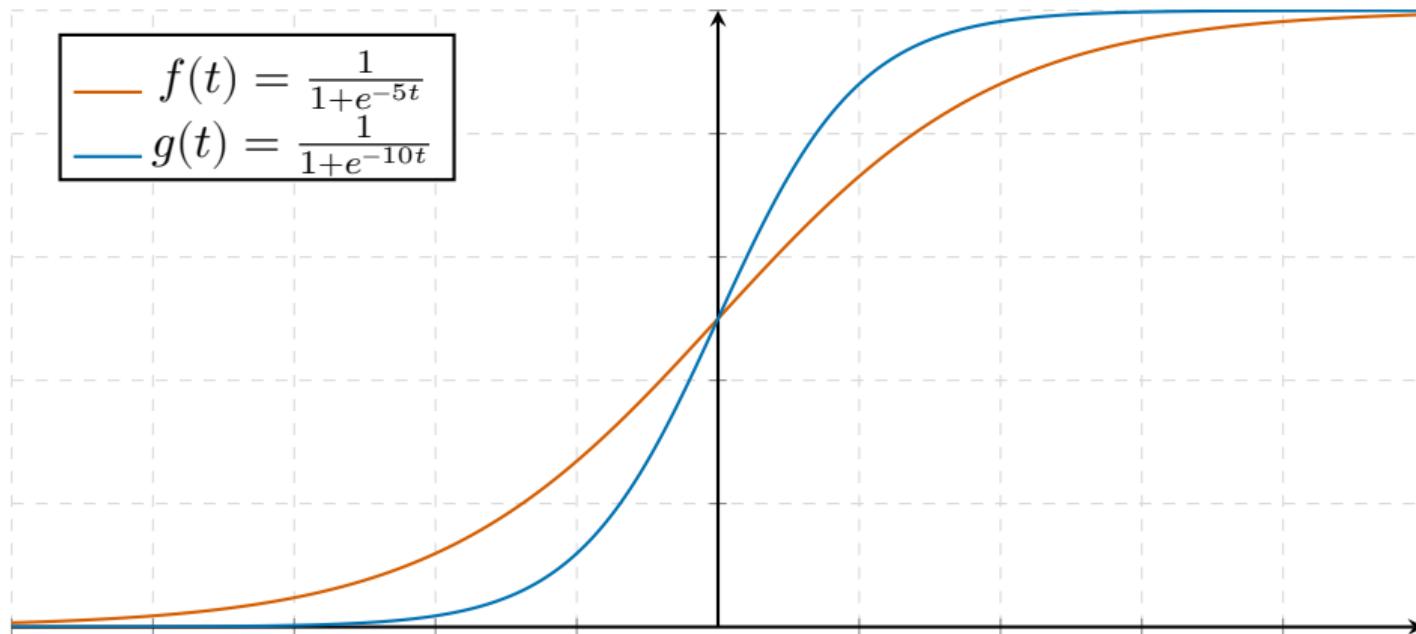


- В качестве  $F(t)$  можно взять любую функцию распределения
- Если взять сигмоиду, модель будет интерпретируемая

$$F(t) = \sigma(t) = \frac{1}{1 + e^{-t}} = \frac{e^t}{1 + e^t}$$

$$\sigma'(t) = \sigma(t) \cdot (1 - \sigma(t))$$

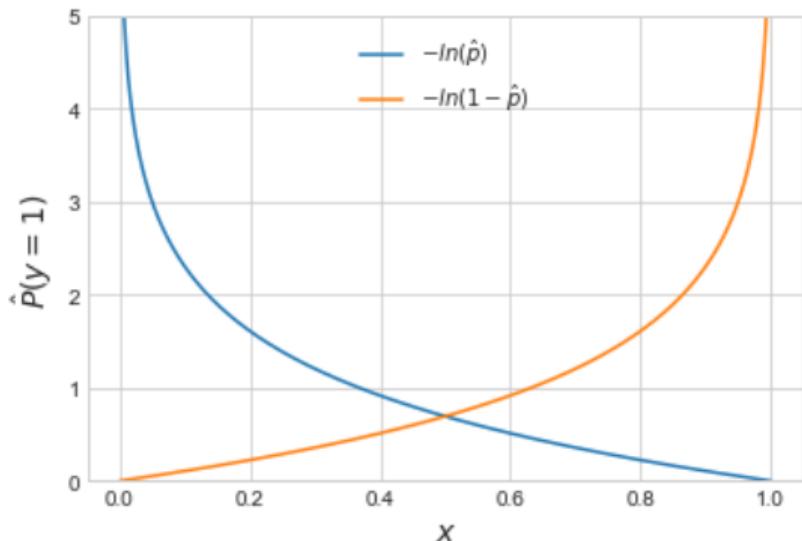
# Сигмоида



# Функция потерь

- Наши  $y$  принимают значения 0 и 1
- Если  $y = 1$ , хотим большое  $\hat{p} = \hat{P}(y = 1)$ , но чем ближе  $\hat{p}$  к 1, тем меньше хотим его увеличить
- Если  $y = 0$ , хотим большое  $(1 - \hat{p})$ , получается функция потерь:

$$\text{logloss} = -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n y_i \cdot \ln \hat{p} + (1 - y_i) \cdot \ln(1 - \hat{p})$$



# Пример: два класса



$$\begin{array}{c} t \qquad \sigma(t) \qquad \text{logloss} \\ \Rightarrow \qquad \qquad \qquad \end{array}$$

Input  
Fully connected layer (FC)  $XW + b$   
ReLU  $\max(0, x)$   
Dropout  $\text{Bern}(p)$   
FC  $XW + b$   
ReLU  $\max(0, x)$   
FC  $XW + b$

$$10 \Rightarrow 0.99 \Rightarrow - (1 \cdot \ln 0.99 + (1 - 1) \cdot \ln(1 - 0.99))$$



$$\Rightarrow \qquad \qquad \qquad$$

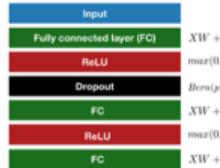
Input  
Fully connected layer (FC)  $XW + b$   
ReLU  $\max(0, x)$   
Dropout  $\text{Bern}(p)$   
FC  $XW + b$   
ReLU  $\max(0, x)$   
FC  $XW + b$

$$-1 \Rightarrow 0.26 \Rightarrow - (0 \cdot \ln 0.26 + (1 - 0) \cdot \ln(1 - 0.26))$$

# Пример: два класса



$\Rightarrow$



$t$

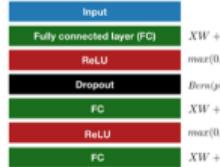
$\sigma(t)$

logloss

$$\Rightarrow 10 \Rightarrow [0.99, 0.01] \Rightarrow -\ln 0.99$$

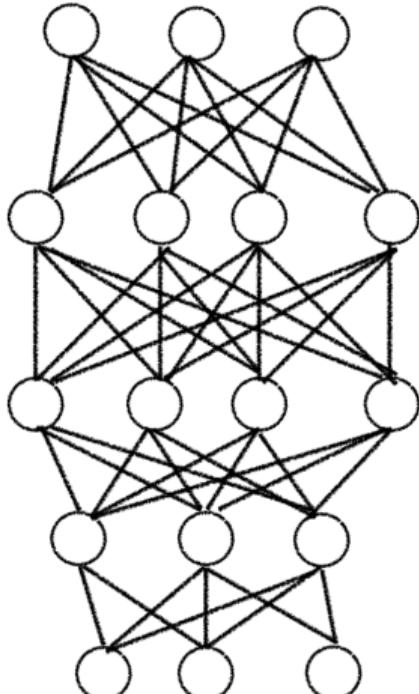


$\Rightarrow$



$$\Rightarrow -1 \Rightarrow [0.26, 0.74] \Rightarrow -\ln 0.74$$

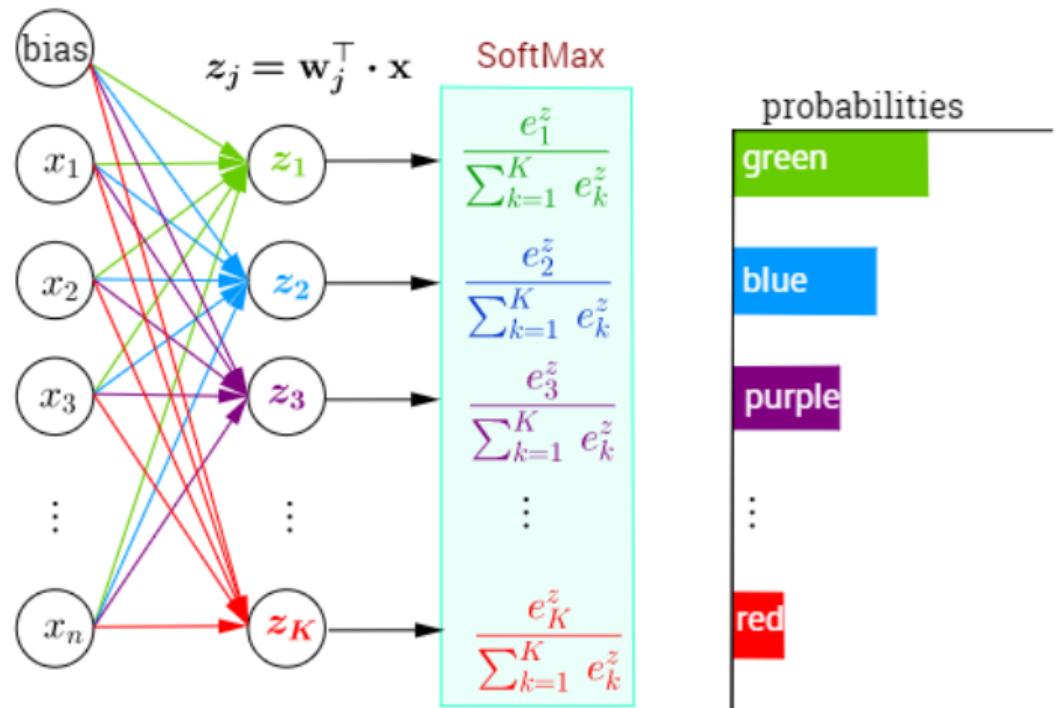
# Мультиклассификация



Input	
Fully connected layer (FC)	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
Dropout	$Bern(p)$
FC	$XW + b$
ReLU	$\max(0, x)$
FC	$XW + b$
Softmax	$\text{softmax}(x)$
Output	

# Мультиклассификация

$$\mathbf{z} = \begin{bmatrix} z_1 \\ z_2 \\ z_3 \\ \vdots \\ z_K \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{w}_1^\top \\ \mathbf{w}_2^\top \\ \mathbf{w}_3^\top \\ \vdots \\ \mathbf{w}_K^\top \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ \vdots \\ x_n \end{bmatrix}$$



# Softmax (мягкий максимум)

Много классов,  $y \in 1, \dots, K$

$$(w_1^T x, \dots, w_K^T x)$$



$$(e^{z_1}, \dots, e^{z_K})$$



$$\left( \frac{e^{z_1}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}}, \dots, \frac{e^{z_K}}{\sum_{k=1}^K e^{z_k}} \right)$$

Потери (кросс-энтропия):

$$\text{logloss} = - \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^K [y_i = k] \cdot \ln \frac{e^{w_k^T x_i}}{\sum_{j=1}^K e^{w_j^T x_i}}$$

# Пример: три класса

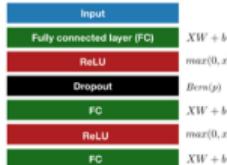
$t$

Softmax

logloss



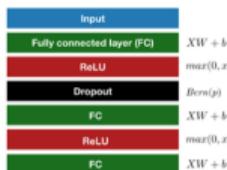
$\Rightarrow$



$$\Rightarrow [5, 4, 2] \Rightarrow [0.71, 0.26, 0.04] \Rightarrow -\ln 0.71$$



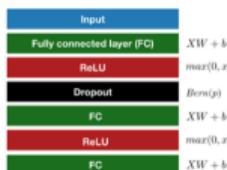
$\Rightarrow$



$$\Rightarrow [4, 2, 8] \Rightarrow [0.02, 0.00, 0.98] \Rightarrow -\ln 0.98$$

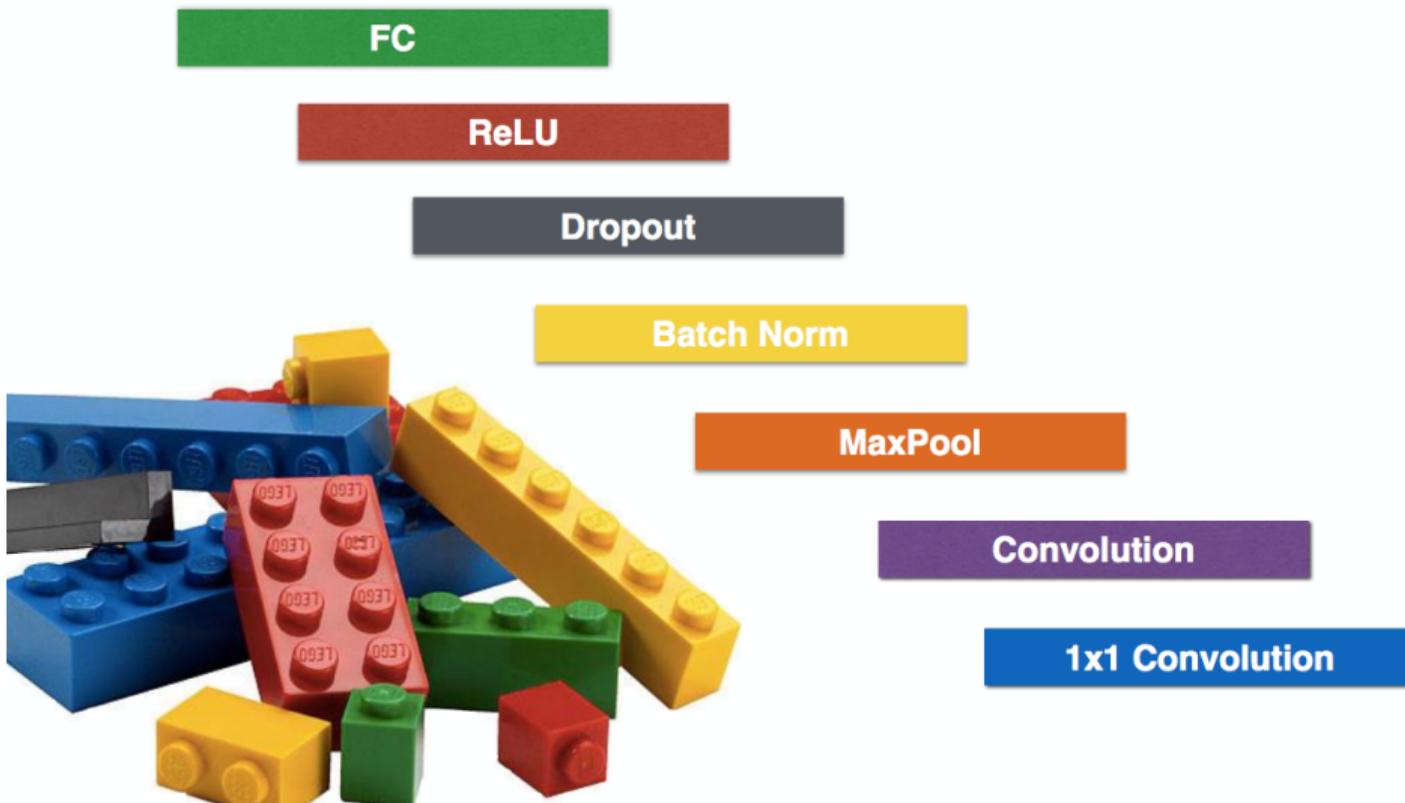


$\Rightarrow$



$$\Rightarrow [4, 4, 1] \Rightarrow [0.49, 0.49, 0.02] \Rightarrow -\ln 0.49$$

# Нейросети - конструктор LEGO



# Учим свою первую нейросеть!