一般化シフト線型方程式に対するMINRES法の適用と性能評価

日高俊太郎1,工藤周平1,山本有作1

電気通信大学 情報理工学研究科 情報・ネットワーク工学専攻 情報数理工学プログラム



研究目的

一般化シフト線型方程式

$$(A + \sigma_k B)\mathbf{x}^{(k)} = \mathbf{b}, \qquad (k = 1, \dots, M).$$

に対する shifted MINRES法[1]の拡張およびその性能評価を行う.

シフト線形方程式

• (標準)シフト線形方程式

$$(A + \sigma_k I)\mathbf{x}^{(k)} = \mathbf{b}, \qquad (k = 1, \dots, M).$$

Krylov部分空間のシフト不変性 $\mathcal{K}(A + \sigma_k I, \mathbf{b}) = \mathcal{K}(A, \mathbf{b})$ を持つ \Rightarrow 利用した効率的な解法が存在(e.g. shifted MINRES法)

• 一般化シフト線形方程式

$$(A + \sigma_k B)\mathbf{x}^{(k)} = \mathbf{b}, \qquad (k = 1, \dots, M).$$

一般化固有値問題に対するSakurai-Sugiura法で現れる Krylov部分空間のシフト不変性 $\mathcal{K}(A + \sigma_k B, \mathbf{b}) = \mathcal{K}(A, \mathbf{b})$ を持たない 既存手法としてGeneralized shifted COCG法($A + \sigma_k B$ が複素対称)[2]

shifted MINRES法

Seitoによって

一般化Lanczos過程

Generalized shifted MINRES法

数值実験

(2) 実験結果

まとめと今後の展望

参考文献

[1] S. Hiroaki, T. Hoshi, and Y. Yamamoto,

On using the shifted minimal residual method for quantum-mechanical wave packet simulation,

JSIAM Let., **11** (2019), 13–16.

[2] S. Tomohiro et.al.,

A fast numerical method for generalized shifted linear systems with complex symmetric matrices,

数理解析研究所講究録., **1719** (2010), 106–117.