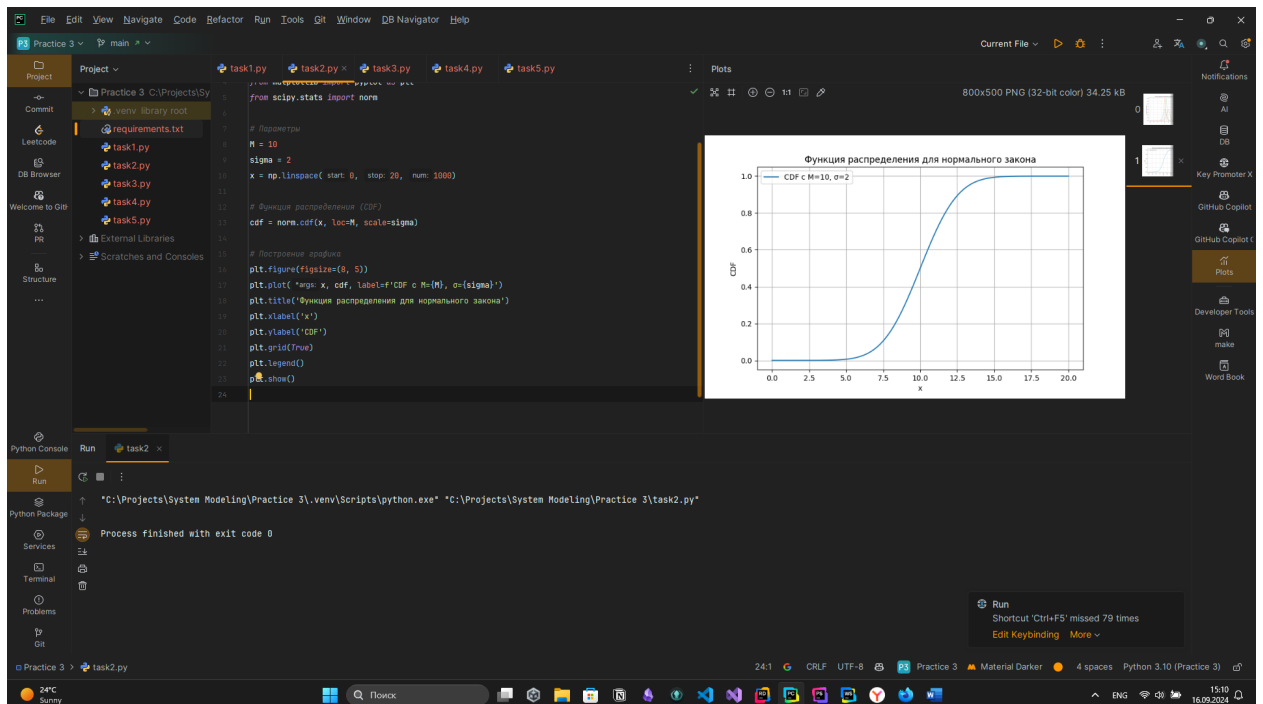
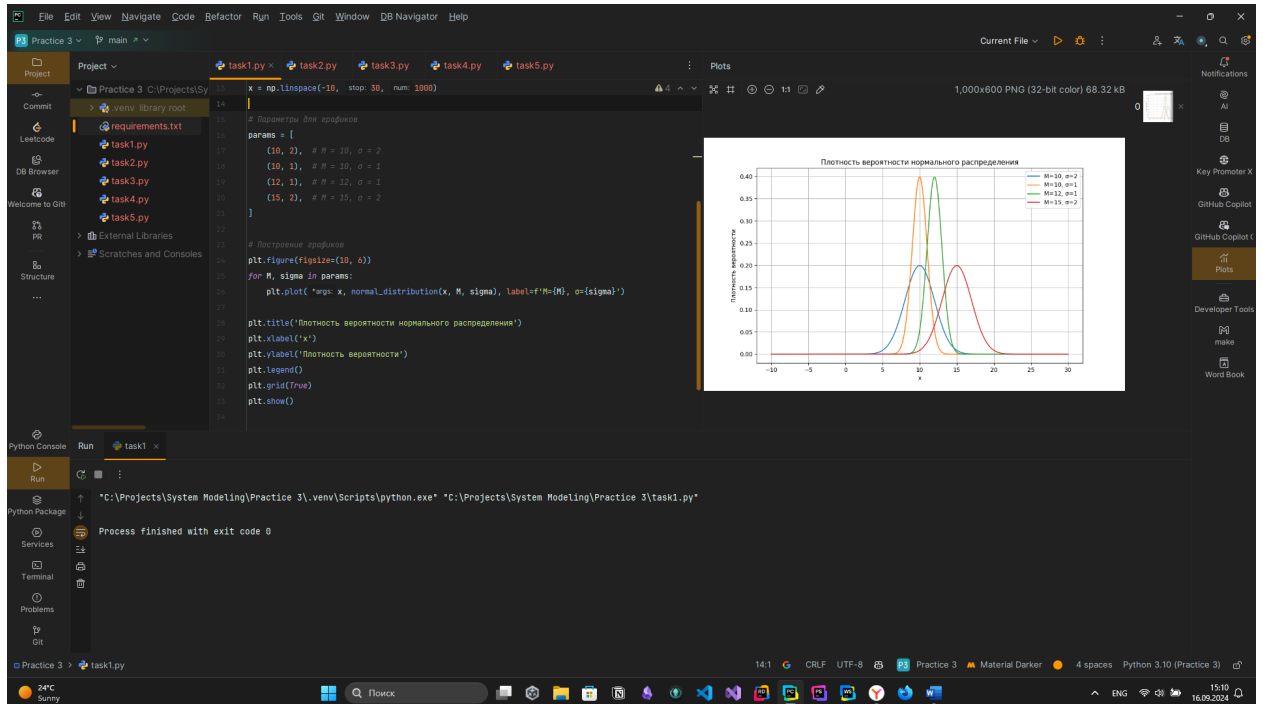


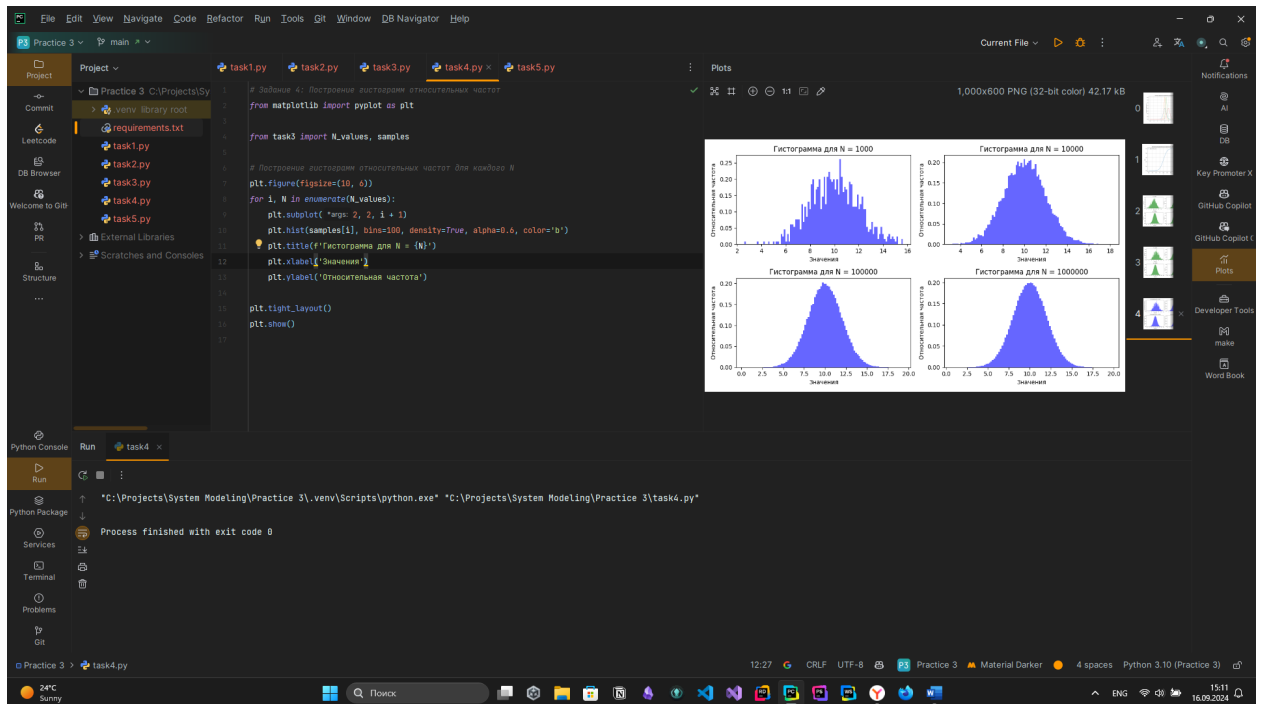
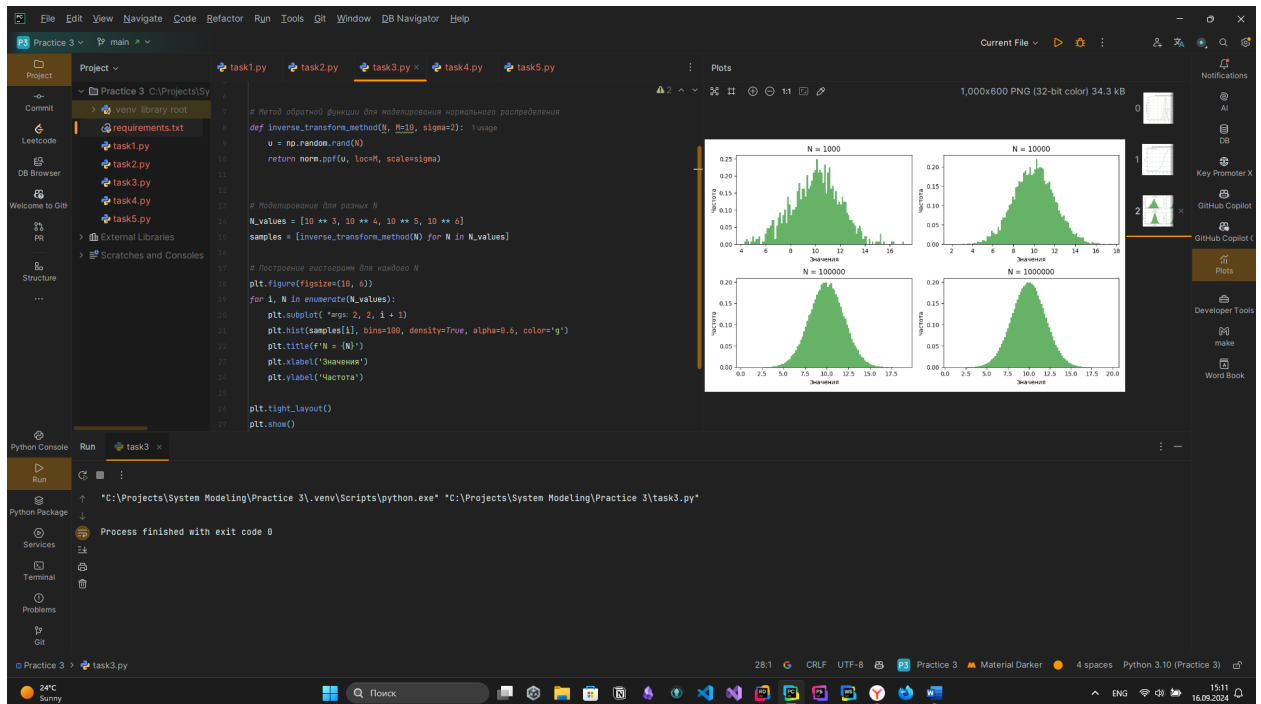
Практика 3

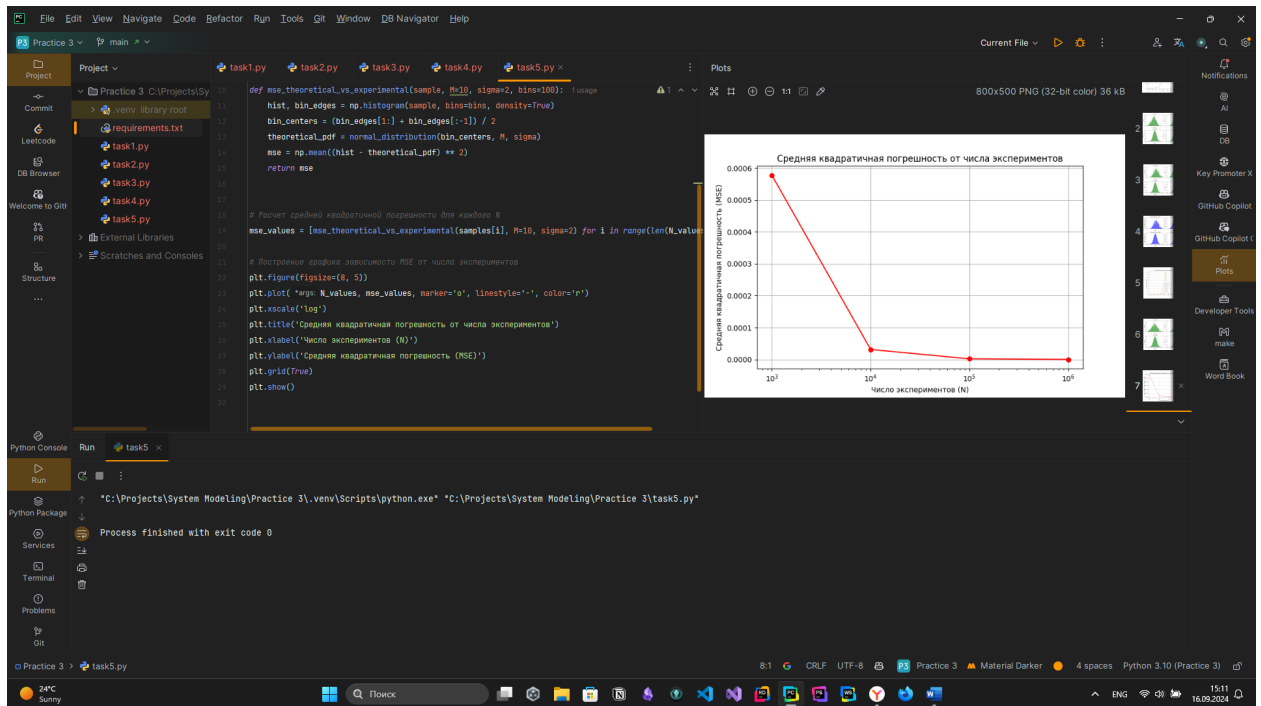
БСБО-09-23

Шутов Кирилл Сергеевич

Пример работы







Листинг кода

Задание 1: Плотность вероятности нормального распределения

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
```

Функция плотности вероятности нормального распределения

```
def normal_distribution(x, M, sigma):
    return (1 / (sigma * np.sqrt(2 * np.pi))) * np.exp(-((x - M) ** 2) / (2 * sigma ** 2))
```

Параметры

```
x = np.linspace(-10, 30, 1000)
```

Параметры для графиков

```
params = [
    (10, 2), # M = 10, σ = 2
    (10, 1), # M = 10, σ = 1
    (12, 1), # M = 12, σ = 1
    (15, 2), # M = 15, σ = 2
]
```

Построение графиков

```
plt.figure(figsize=(10, 6))
for M, sigma in params:
    plt.plot(x, normal_distribution(x, M, sigma), label=f'M={M}, σ={sigma}')
```

```
plt.title('Плотность вероятности нормального распределения')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('Плотность вероятности')
plt.legend()
```

```
plt.grid(True)
plt.show()
```

Задание 2: Функция распределения (CDF) для нормального закона

```
import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt
from scipy.stats import norm
```

Параметры

```
M = 10
sigma = 2
x = np.linspace(0, 20, 1000)
```

Функция распределения (CDF)

```
cdf = norm.cdf(x, loc=M, scale=sigma)
```

Построение графика

```
plt.figure(figsize=(8, 5))
plt.plot(x, cdf, label=f'CDF с M={M}, σ={sigma}')
plt.title('Функция распределения для нормального закона')
plt.xlabel('x')
plt.ylabel('CDF')
plt.grid(True)
plt.legend()
plt.show()
```

Задание 3: Моделирование нормального распределения методом обратной функции

```
import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt
from scipy.stats import norm
```

Метод обратной функции для моделирования нормального распределения

```
def inverse_transform_method(N, M=10, sigma=2):
    u = np.random.rand(N)
    return norm.ppf(u, loc=M, scale=sigma)
```

Моделирование для разных N

```
N_values = [10 ** 3, 10 ** 4, 10 ** 5, 10 ** 6]
samples = [inverse_transform_method(N) for N in N_values]
```

Построение гистограмм для каждого N

```
plt.figure(figsize=(10, 6))
for i, N in enumerate(N_values):
    plt.subplot(2, 2, i + 1)
    plt.hist(samples[i], bins=100, density=True, alpha=0.6, color='g')
    plt.title(f'N = {N}')
    plt.xlabel('Значения')
    plt.ylabel('Частота')
```

```
plt.tight_layout()
plt.show()
```

```

# Задание 4: Построение гистограмм относительных частот
from matplotlib import pyplot as plt

from task3 import N_values, samples

# Построение гистограмм относительных частот для каждого N
plt.figure(figsize=(10, 6))
for i, N in enumerate(N_values):
    plt.subplot(2, 2, i + 1)
    plt.hist(samples[i], bins=100, density=True, alpha=0.6, color='b')
    plt.title(f'Гистограмма для N = {N}')
    plt.xlabel('Значения')
    plt.ylabel('Относительная частота')

plt.tight_layout()
plt.show()

```

```

# Задание 5: Средняя квадратичная погрешность
import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt

from task1 import normal_distribution
from task3 import samples, N_values

# Функция для вычисления средней квадратичной погрешности
def mse_theoretical_vs_experimental(sample, M=10, sigma=2, bins=100):
    hist, bin_edges = np.histogram(sample, bins=bins, density=True)
    bin_centers = (bin_edges[1:] + bin_edges[:-1]) / 2
    theoretical_pdf = normal_distribution(bin_centers, M, sigma)
    mse = np.mean((hist - theoretical_pdf) ** 2)
    return mse

# Расчет средней квадратичной погрешности для каждого N
mse_values = [mse_theoretical_vs_experimental(samples[i], M=10, sigma=2) for i in
range(len(N_values))]

# Построение графика зависимости MSE от числа экспериментов
plt.figure(figsize=(8, 5))
plt.plot(N_values, mse_values, marker='o', linestyle='-', color='r')
plt.xscale('log')
plt.title('Средняя квадратичная погрешность от числа экспериментов')
plt.xlabel('Число экспериментов (N)')
plt.ylabel('Средняя квадратичная погрешность (MSE)')
plt.grid(True)
plt.show()

```