

Ejercicio Realizado por ADAIR HERNANDEZ VALDIVIA

Neurona McCulloch y Pitts

(Ejercicio, 3 puntos posibles)

El modelo de McCulloch y Pitts, concebido por Warren McCulloch, neurocientífico, y Walter Pitts, lógico matemático, en 1943 [1], representa uno de los fundamentos teóricos de las redes neuronales y la inteligencia artificial. Este modelo es una simplificación abstracta de las neuronas biológicas, propuesta para entender cómo podrían las neuronas del cerebro generar patrones complejos de pensamiento a partir de operaciones simples.

 Open in Colab

[1] McCulloch, W. S., & Pitts, W. (1990). A logical calculus of the ideas immanent in nervous activity. Bulletin of mathematical biology, 52, 99-115.

Para formalizar el modelo de McCulloch y Pitts, representaremos una neurona con la letra C y definiremos que la entrada de dicha neurona, denominada *input*, está determinada por una tupla (E, I) , donde E es el conjunto de señales excitatorias e I es el conjunto de señales inhibitorias. Asimismo, estableceremos como restricciones que tanto la entrada como la salida sean variables binarias, es decir, $input, output \in \{0, 1\}$. Adicionalmente, definiremos un umbral u que la neurona utiliza para determinar los casos de excitación..

Dado lo anterior la salida de C se calcula usando las siguientes reglas:

1. En caso de que alguna de las entradas inhibitorias esté activa la neurona no se excita, es decir,

$$C(E, I) = 0 \text{ if } \exists i \in I : i = 1$$

2. La neurona se excita si la integral de sus entradas excitatorias es igual o superior al umbral, es decir,

$$C(E, I) = 1 \text{ if } \sum e_i \geq u, e \in E$$

3. En cualquier otro caso la neurona permanece sin excitación.

```
In [1]: #importamos paquetes necesarios
import numpy as np
```

```
In [2]: # TODO: (2 puntos) Implemente la función del modelo M&P, no use funciones predefinidas de numpy
def neuronaMyP(E, I, u):
    # E: Excitatoria (vector de 0s y 1s)
    # I: Inhibitoria de entrada (vector de 0s y 1s)
    # u: Umbral (escalar)
```

```
# Calcular si existe un i en I que sea 1 para que la salida sea 0
for i in I:
    if i == 1:
        return 0
# Si no existe un i en I que sea 1, entonces hacemos La suma de todos Los elementos de E y comparamos con el umbral u
suma = 0
for e in E:
    suma += e

if suma >= u:
    return 1
else:
    return 0
```

```
In [3]: # suponga
E = [1]
I = [0]
u = 1
```

```
# Calcule la salida de la neurona y verifique si es correcto
salida = neuronaMyP(E, I, u)
print("La salida de la neurona es:", salida)
```

La salida de la neurona es: 1

```
In [4]: # TODO: (1 punto) Implemente un programa que reciba vectores arbitrarios de E, I y u y devuelva la salida de la neurona.
```

```
# Vectores de prueba
E = [1, 0, 1]
I = [0, 0, 0]
u = 2

def neuronaMyP(E, I, u):
    # E: Excitatoria (vector de 0s y 1s)
    # I: Inhibitoria de entrada (vector de 0s y 1s)
    # u: Umbral (escalar)

    # Calcular si existe un i en I que sea 1 para que la salida sea 0
    for i in I:
        if i == 1:
            return 0
    # Si no existe un i en I que sea 1, entonces hacemos La suma de todos Los elementos de E y comparamos con el umbral u
    suma = 0
    for e in E:
        suma += e

    if suma >= u:
        return 1
    else:
        return 0

salida = neuronaMyP(E, I, u)
print("La salida de la neurona es:", salida)
```

La salida de la neurona es: 1