# مقایسه DEA محدود شده با شانس و آنالیز مرز تصادفی: کارایی بانک در تایوان

دانشجو: شایان رادی نام استاد: دکتر محسن رستمی مال خلیفه مقایسه DEA محدود شده با شانس و آنالیز مرز تصادفی: کارایی بانک در تایوان

Tser-yieth Chen\*

Ming-chuan University, Taipei, Taiwan

ما از آنالیز پوششی دادههای مبتنی بر شانس (CCDEA) و آنالیز مرزی تصادفی (SFA) برای اندازه گیری کارایی فنی ۳۹ بانک در تایوان استفاده کردیم. نتایج تخمین زده شده نشان میدهد که تفاوت معنی داری بین نمرات کارایی بین PCA محدود شده با شانس و تابع تولید مرزی تصادفی وجود دارد. تنظیمات پیشرفته مکانیسم محدود تصادفی DEA تفاوتهای غریزی بین رویکردهای DEA و SFA را تغییر نمی دهد. به علاوه بر این ما دریافتیم که متغیر مالکیت هنوز یک متغیر مهم برای توضیح کارایی فنی در تایوان است، صرف نظر از اینکه از رویکرد DEA میشود.

Journal of the Operational Research Society (2002) 53, 492–500. DOI: 10.1057/palgrave/jors/2601318

واژههای کلیدی: برنامهنویسی با محدودیت شانس. آنالیز مرز تصادفی؛ آنالیز یوششی داده ها

\*Correspondence: Tser-yieth Chen, Institute of Management Science, Ming-chuan University, No 250, Chung-shan North Road, Section 5, Taipei, 11120, Taiwan. E-mail: tychen@mcu.edu.tw

#### مقدمه

در این مقاله، ما آنالیز پوششی دادههای محدود شده با شانس (CCDEA) را با آنالیز مرزی تصادفی (SFA) برای تخمین شاخصهای کارایی فنی، و برای کشف تأثیر مالکیت بر کارایی فنی برای اهداف سیاست در بخش بانکی مقایسه می کنیم. ما بر ارزیابی کارایی تمرکز می کنیم زیرا معتقدیم کارایی و یا عملکرد به متغیرهای استراتژیک در مقابله با افزایش فشار رقابتی و تغییرات ساختاری در این صنعت تبدیل می شوند. ما یک مکانیسم تصادفی را ترکیب می کنیم و از هر دو رویکرد A CCDEA برای آنالیز خود استفاده می کنیم، زیرا در نظر داریم که غیرقابل پیش بینی بودن تقاضای مشتری باعث می شود رابطه ورودی و خروجی بانکها تصادفی باشد. دو دلیل وجود دارد: اولاً، خدمات بانکی اغلب شامل فعالیتهای یکباره است و نتایج فرآیندهای خدمات بانکی معمولاً ماهیت تصادفی دارند. هم ماهیت ریسک سپرده اوام و هم نگرش نسبت به ریسک سپرده اوام اغلب در مشتریان مختلف متفاوت است. بنابراین، خروجیهای خدمات بانکی شاخصهای مختلفی از عملکرد را ارائه می دهد و ممکن است نتیجه بی تجربگی باشد که به خروجیهای خدمات بانکی شاخصهای مختلفی از عملکرد را ارائه می دهد و ممکن است نتیجه بی تجربگی باشد که به دشواری ذاتی پیش بینی و غیرقابل پیش بینی بودن اضافه می شود. از تقاضای مشتری ثانیاً، دوره بحران مالی آشفته آسیا شدرایط بازار را غیرقابل پیش بینی تو و تصادفی تر کرد. نتایج SFA و CCDEA می توانند وجود مولفههای

تغییرپذیری خروجی نظری را در سطوح کارایی نشان دهند، به این معنی که شاخصهای کارایی بهترین عملکرد هر بانک نسبتاً پایدار است. ما همچنین رابطه بین کارایی فنی و مالکیت بانک را برای ارائه توصیههایی بررسی میکنیم.

مقرراتزدایی در بازار مالی اکنون به عنوان پدیدهای جهانی تلقی میشود و تایوان نیز از این روند بین المللی مستثنی نیست. تایوان در اوایل دهه ۱۹۹۰ شروع به پیروی از این روند کرد تا کارایی عملیاتی را افزایش دهد و وجوه را به بازار عرضه وجوه قابل استقراض جذب كند. سیاست مقرراتزدایی شامل دو جریان متمایز است: خصوصی سازی مالكیت و ایجاد بانکهای جدید در بازار. اولی شـامل نمونههای معروف بانک First ، بانک های جدید در بازار. اولی شـامل نمونههای معروف بانک hua است که هر کدام خصوصی شدند و به طور مشترک در اختیار بخش خصوصی و دولتی قرار گرفتند. سهام دولت در بانکهای تایوان کاهش یافته است. این بانک شامل بانکهای تازه تاسیس در مالکیت خصوصی در تایوان است. با این حال، این سوال باقی میماند که آیا خصوصی سازی بانکهای مختلط واقعاً عملکرد شرکت را بهبود می بخشد یا خیر؟ در سال ۱۹۹۱، دولت تایوان با دعوت از سرمایه گذاران خصوصی برای مشارکت در صنعت بانکداری تایوان، فرمان توسعه بانک تجاری را به عنوان ابزاری برای باز کردن بیشتر بازار بانک اعلام کرد. سرمایه گذاران بیش از ۳۰ بانک تجاری جدید ایجاد کردند و تعداد کل بانکهای تجاری داخلی در تایوان را در سال ۱۹۹۹ به ۴۴ بانک رساندند. اجرای چنین سیاست اخیر به وضوح نشان دهنده تمایل تایوان برای رقابتی تر کردن بانکداری و هموار کردن زمینه بازی برای بانکهای دولتی و خصوصی است. پس از شروع بحران ارزی آسیا، عدم ورشکستگی بانکها در تایوان رخ داد و نشان داد که تأثیرات بحران ارزی آسیا بر صنعت بانکداری تایوان نسبتاً ناچیز بوده است. با این حال، این بدان معنا نیست که ساختار بانکی تایوان در آینده نزدیک بدون مشکل خواهد بود. این زمان مناسبی برای تعیین کمیت و همچنین توضیح انواع مختلف کارایی پیش بینی شده در بین بانکها است، زیرا معتقدیم کارایی به یک متغیر استراتژیک در مقابله با فشار رقابتی فزاینده و تغییرات ساختاری در صنعت بانکداری تبدیل خواهد شد.

### دو رویکرد مطالعه

در این بخش، ابتدا رویکرد برنامهنویسی غیر پارامتریک CCDEA را برای ارزیابی کارایی معرفی می کنیم و سپس رویکرد برنامهنویسی پارامتریک جایگزین SFA را پیشنهاد می کنیم.

رویکرد DEA از یک تکنیک برنامهنویسی ریاضی برای ساخت یک مرز خطی تکهای استفاده می کند و می توان آن را به عنوان یک رویکرد برنامهنویسی ناپارامتریک معرفی کرد2. DEA به محققان اجازه می دهد تا از مشخص کردن یک فرم عملکردی یا ساختار خطا اجتناب کنند و بسیاری از محققان با استفاده از این تکنیک بر برآورد کارایی فنی و کارایی مقیاس بانکها تمرکز کرده اند6–3. در این میان، Schaffnit بهترین آنالیز عملکرد شعب بانک را بر اساس یک مدل منطقه تضمین (DEA (DEAAR) شامل محدودیتهای چند برابری خروجی، زمانهای تراکنش استاندارد و نگهداری، به منظور ارزیابی کارایی تخصیصی ارائه می کند. علاوه بر این، تعدادی مقاله وجود دارد که رویکرد پارامتریک و ناپارامتریک را به آنالیز کارایی مقایسه کرده است، مانند Giokas 8, Resti v Bjurek et al و ویکرد در میان آنها Bjurek et al و 9.10, Ferrier and Lovell 11

می گوید که DEA قطعی و مدل loglinear تفاوت معنی داری را نشان نمی دهند. DEA همچنین استدلال می کند که انواع مختلف DEA و توابع هزینه تصادفی تفاوت چشمگیری ندارند. با این حال، Perrier و DEA استدلال می کنند که DEA قطعی و توابع هزینه تصادفی هم در ساختار و هم در اجرا متفاوت هستند و اختلافات بین تنایج دو رویکرد هنوز قابل توجه است، اگرچه خطای مدل مربوط به تنظیم قطعی کاهش یافته است. Cooper and توابع هزینه تصادفی و DEA را مورد بحث قرار می دهند و برخی از مشکلات جدی سوگیری در رویکردهای Tone توابع هزینه تصادفی و DEA را مورد بحث قرار می دهند و برخی از مشکلات جدی سوگیری در رویکردهای SFA را شناسایی می کنند 12. این مقاله سپس روش DEA قطعی پایه را برای ترکیب مکانیسم DEA محدود شده با شانس گسترش می دهد تا بتوانیم پایه مقایسه مشابه تری بین برنامه نویسی پارامتری تصادفی و رویکردهای CCDEA بدست آور به.

در مورد رویکرد Charnes et al ،CCDEA ابتدا برنامهنویسی محدود به شانس را برای اندازه گیری کارایی در صورت عدم قطعیت و آنالیز موارد احتمال نقض محدودیتها پیشنهاد کردند. Land et al.13 ، مدل اصلی CCDEA را برای اندازه گیری کارایی تولیدی در مورد ورودیها و خروجیهای تصادفی در ۴۹ سایت مدرسه معرفی می کند. Land et al،۱۴ بیشتر از این تکنیک برای ارزیابی عملکرد اقتصادی نسبی نظامهای سرمایه داری و سوسیالیستی دولتی استفاده می کنند. 15

در رویکرد DEA، هدف ما شناسایی کارآمدترین واحد تصمیم گیری (DMU) در بین تمام DMUها، و تخمین کارایی نسبی DEA مدف ما شناسایی کارآمدترین واحد تصمیم گیری (DMU) در بین تمام DMUها، و تخمین کارایی نسبی DMUها است. مجموعه بانکهای R را در نظر بگیرید که هر کدام مقادیر متفاوتی از ورودی را برای تولید  $r_0$  مصرف می کنند. بازده اصلی Charnes-Cooper-Rhodes یک بانک منفرد،  $r_0$ ، را می توان از طریق برنامه خطی زیر (مدل CCR) محاسبه کرد.

Min 
$$\theta$$
 subject to 
$$\sum_{r} Y_{ir} \lambda_{r} \geqslant Y_{ir_{0}}$$
 
$$\theta X_{jr_{0}} - \sum_{r} X_{jr} \lambda_{r} \geqslant 0$$
  $\lambda_{r} \geqslant 0, r = 1, 2, \dots, R$ 

که در آن  $Y_{ir}$  مقدار یکمین خروجی تولید شده توسط  $Y_{ir}$  مقدار آرمین ورودی استفاده شده  $Y_{ir}$  مقدار  $Y_{ir}$  مقدار یکمین خروجی تولید شده توسط  $Y_{ir}$  مقدار  $Y_{ir}$  مقدار یکمین خروجی تولید شده توسط  $Y_{ir}$  مقدار انقباض  $Y_{ir}$  مقدار انقباض  $Y_{ir}$  مین DMU است،  $Y_{ir}$  وزن ورودی است و  $Y_{ir}$  وزن ورودی است و  $Y_{ir}$  از  $Y_{ir}$  از ایست مشاهداتی را پیدا کنیم که در مرز کارایی قرار می تولند از وحدت فراتر رود،  $Y_{ir}$  فرا می ورد که کارایی و باشد و DEA می تولند و می تولند به آرامی به محیط محدود شانس تعمیم داده شود (et al Charnes مراجعه کنید).

در اینجا، ما سپس تغییرات تصادفی را در اطراف مرز کارایی مجاز می کنیم و می توانیم ملاحظات تصادفی را در مدل بگنجانیم تا خطاهای اندازه گیری و مشخصات را برآورده کنیم. ما در نظر می گیریم که تنظیم خروجیها تصادفی است در حالی که ورودیها از پیش تعیین شده اند. این ارائه را بدون از دست دادن تعمیم ساده می کند. برای انجام این کار، معادله محدودیت خود را اصلاح می کنیم و مکانیسم محدودیت شانس معرفی شده توسط Land et al را اضافه می کنیم. بنابراین، اندازه گیری کارایی شانس محدودشده مربوطه به صورت محاسبه می شود

Min 
$$\theta$$
  
subject to  $\operatorname{Prob}\left[\sum_{r}Y_{ir}\lambda_{r}\geqslant Y_{ir_{0}}\right]\geqslant\alpha$   $i=1,2,\ldots,I$   
 $j=1,2,\ldots,J$   
 $r=1,2,\ldots,R$   
 $\theta X_{jr_{0}}-\sum_{r}X_{jr}\lambda_{r}\geqslant0$ 

برای ساده سازی ارائه، در اینجا نیز فرض می کنیم: (i) همه خروجیها از نظر تصادفی مستقل هستند. عملکرد یک بانک مستقل از بانک دیگری است، یعنی  $Cov(Y_{ir},Y_{is})=0$  برای همه از بانک دیگری است، یعنی خروجی (که با واریانس اندازه گیری می شود) برای همه خروجیها و در همه بانکها یکسان است، یعنی خروجی (که با واریانس اندازه گیری می شود) برای همه خروجیها و در همه بانکها یکسان است، یعنی عملکرد و (iii) همه خروجیهای مشاهده شده با انتظارات ریاضی آن ها مطابقت دارند، یعنی عملکرد مشاهده شده در هر بانک به عنوان یک تخمین بی طرفانه از عملکرد واقعی در آن سایت عمل می کند، یعنی

برای همه i و i. لطفاً توجه داشته باشید که اگر میخواهیم ورودیها تصادفی باشند، میتوانیم فرم  $E(Y_{ir})=Y_{ir}$  محدودیت شانس دیگری، e0 محدودیت شانس دیگری، e1 اگر ما بخواهیم این مورد را در نظر بگیریم که ورودی ها تصادفی باشند. e1 گر ما بخواهیم این مورد را در نظر بگیریم که ورودی ها تصادفی باشند.

روش دیگر، رویکرد برنامهنویسی پارامتریک است. این رویکرد به پلیه تابع تولید یا هزینه توجه دارد و بر تخمین ویژگیهای عملکردها با این فرض که همه شرکتها رفتار اقتصادی منطقی دارند، تمرکز میکند. از معرفی مدل تابع تولید توسط Farell برای اندازه گیری کارایی تولید، تعدادی از محققین، به ویژه gealey و Lindley ،مفهوم تابع تولید تصادفی را با استفاده از مدل مرزی تصادفی توسعه دادند. 16,17 مدل های پیشرفته توسعه یافته توسط Coelli 18,19 به ما اجازه می دهد تا سطوح ناکارآمدی متغیر با زمان را تخمین بزنید. Coelli 18,19 همچنین الگوریتمی را برای تخمین برآوردگر حداکثر احتمال SFA(MLE) پیشنهاد شده توسط Coelli پیشنهاد می کند. 20

در SFA، مفهوم ما از کارایی، بهره وری بهره وری مولد است، همانطور که توسط Farell معرفی شده است. مجموعه ای از SFA مغرفی از را برای تولید خروجی از مجموعه ای از SEA او برای تولید خروجی مثبت و یک فروجی مثبت داشته باشد و معرف می کنند. همچنین فرض می کنیم که هر بانک حداقل یک ورودی مثبت و یک خروجی مثبت داشته باشد و آزادانه ورودی ها و خروجی ها را برآورده کند. این مفروضات یکبار مصرف بیانگر این است که افزایش در ورودی ها هرگز منجر به کاهش خروجی نمی شود و هرگونه کاهش در خروجی با همان مقدار ورودی ممکن است.

توجه داشته باشید که اثر ناکارآمدی به این صورت تعریف می شود که شرکت تا چه حد زیر تابع تولید مرزی عمل می کند. Coelli معتقد است که اثرات ناکارآمدی، که باعث می شود شرکت در زیر تولید مرزی (یا بالاتر از تابع هزینه) فعالیت کند، می تواند به عنوان ناکارآمدی فنی نامیده شود. 20

برای بررسی شاخص ناکارآمدی، ما از رویکرد برآورد حداکثر احتمال استفاده می کنیم، همانطور که توسط Pattese و استفاده می کنیم، همانطور که توسط 1995 پیشنهاد شده است، برای تخمین پارامترهای مرز تصادفی و شاخصهای ناکارآمدی استفاده می کنیم. 19 این شامل مشخصات و تخمین تابع مرز تصادفی و پیشبینی ناکارآمدی فنی پیشبینی شده است. رز تصادفی تابع تولید ترانسلوگ آشنا را می توان به صورت زیر تعریف کرد

$$\ln(Y) = \hat{\alpha}_0 + \hat{\alpha}_1 \ln K + \hat{\alpha}_2 \ln L + \hat{\alpha}_3 \ln D + \frac{1}{2} \hat{\alpha}_{11} (\ln K)^2 + \frac{1}{2} \hat{\alpha}_{12} (\ln L)^2 + \frac{1}{2} \hat{\alpha}_{13} (\ln D)^2 + \hat{\rho}_{11} \ln(K) \ln(L) + \hat{\rho}_{12} \ln(k) \ln(D) + \hat{\rho}_{13} \ln(L) \ln(D) + V_{rt} + U_{rt} \quad \text{(translog form)}$$

که در آن Y خروجی، K ورودی دارایی، L ورودی کار، D ورودی سیرده،  $V_{rt}$  عبارت خطای تصادفی شرکت در  $V_{rt}$  عبارت خطای تصادفی  $V_{rt}$  عبارت خطان به عنوان زمان  $V_{rt}$  عبارت خطابه عنوان به عنوان به عنوان  $V_{rt}$  عبارت خطابه خلالات تصادفی به عنوان به عنوان تصادفی به استفاده از مدل اجزای خطابه دست می آید.  $V_{rt}$  توزیع شده است. بازده فنی از تابع مرز تصادفی با استفاده از مدل اجزای خطا به دست می آید.

#### شواهد از بانک های تایوان

است، که نشان میدهد مورد A برتر از مورد F است. نتایج مشابهی در مورد G و H با جایگزینی مستقیم وامها و سرمایه گذاریهای بانکی با یک تعریف جایگزین (درآمد بهره) به دست آمد.

	Case	Case B	Case C	Case D	Case E	Case F	Case G	Case H
Items	A							
Outputs	=/12		2.11	LTD		19/19		
loans	T	T	T	T	T	T		
investments	T	T	T	T	T	T		
non-interest revenue	T	T	T	T			T	T
interest revenue			T	T			T	T
Inputs								
labour	T	T	T	T	T	T	T	T
assets	T	T	T	T	T	T	T	T
deposits	T	T	T	T	T	T	T	T
branches		T		T		T		T
Estimated results								
SCC with Case A	_	0.9679	0.8596	0.7483	0.9092	0.8923	0.5861	0.5276
number of efficient banks	10	17	20	33	10	15	12	18
mean efficiency score	0.702	0.729	0.763	0.799	0.674	0.694	0.679	0.728
standard deviation	0.152	0.157	0.133	0.138	0.163	0.166	0.148	0.161
minimum efficiency score	0.339	0.401	0.432	0.507	0.325	0.362	0.406	0.528

نکات: SCC به معنای ضریب همبستگی Spearman است. همه ضرایب همبستگی در سطح ۵ درصد معنادار هستند. ما از DEA برای به دست آوردن امتیازهای کارایی فنی و انجام این آنالیز حساسیت استفاده می کنیم. داده ها شامل DEA نمونه (۳۹ بانک در مدت هفت سال) در مدل است. در مورد معیارهای رد، به نظر می رسد (i) همبستگی بالایی با حالت پایه A و / یا (ii) تعداد بیشتری از DMUهای کار آمد نسبت به حالت پایه A باشد.

بر اسـاس این یافتهها، مدل DEA ما دارای سـه متغیر خروجی زیر اسـت: وام (شـامل وامهای تجاری و فردی)، سرمایه گذاری (عمدتا اوراق بهادار و سهام دولتی، همراه با اوراق بهادار دولتی و خصوصی) و درآمد بدون بهره (شامل کارمزدهای تراکنش، درآمد حاصل از سرمایه گذاری اوراق بهادار و سایر درآمدهای تجاری). دو نوع اول خروجی، فعالیتهای اصلی بانکها را تشکیل میدهند، در حالی که نوع سوم منبع درآمد اضافی برای بانکها است. این سه نوع خروجی از منابع عملیاتی از طریق سـه نوع ورودی، یعنی کارکنان بانک، داراییها و سـپردهها اسـتفاده میکنند. ما به سپردههای بانکی به حساب سپردههای جاری، سپردههای مدتدار و سپردههای پس انداز اشاره می کنیم، و از آنجایی که درآمد بهره، بازده اصلی وامها و سرمایهگذاری است، خروجی درآمد بهره را حذف می کنیم و آن را معادل وام و سرمایه گذاری میدانیم. داراییهای بانک عمدتاً شامل خالص داراییهای ثابت میشود که میتوان آن را به عنوان تقریبی با کل داراییهای داخلی به جز وامها و سرمایه گذاری های بانکی تخمین زد. گزارش رسمی وزارت دارایی، بانک مرکزی و کمیسیون ROC در مورد شرکتهای ملی وزارت امور اقتصادی، منبع غنی از دادهها را در مورد عملیات تمام بانکها در تایوان ارائه می دهد. ما دادههای لازم را برای ۳۹ بانک جمع آوری کردهایم که بیشتر بانکهای داخلی تایوان را در دوره ۱۹۹۴ تا ۲۰۰۰ نشان میدهند. جدول ۲ آمار توصیفی دادههای ورودی را فهرست می کند. دادههای هفتساله شامل دوره قبل از بحران (بحران مالی آسیا) (۱۹۹۴–۱۹۹۶) و دوره پس از بحران (۱۹۹۷–۲۰۰۰) است که میتواند به طور موثر از تأثیر شوک یکباره در ارزیابی کلی کارایی جلوگیری کند. ما از نرمافزار GAMS (سیستم مدل سازی جبری عمومی) در این مقاله برای حل مسئله برنامهنویسی محدود تصادفی غیرخطی استفاده می کنیم و از نرمافزار Frontier-41 براى اجراى آناليز مرز تصادفي استفاده مي كنيم.

میانگین امتیاز کارایی فنی معمولی DEA (مدل CCR) در جدول ۲۰٬۹۲۰ است که نشان می دهد بانکها می توانند DEA با استفاده از ۹۲ درصد ورودی های مورد استفاده، همان سطح خروجی را تولید کنند. با استفاده از یک رویکرد DEA با محدودیت شانس (۹۳۱) به طور متوسط بالاتر از محدود به شانس، متوجه می شویم که نمرات کارایی DEA با محدودیت شانس (۹۳۱) به طور متوسط بالاتر از امتیازات DEA قطعی (۹۲۰) است. مرز تصادفی بانکها به طور طبیعی یک مرز «نرم» است که در آن مشاهدات خروجی بانکها در برخی موارد مجاز به عبور از پاکت است. سپس می توانند برای انجام هر مشاهده ای نزدیک تر شوند. با این حال، مرز قطعی یک مرز «سخت» برای هر ارقام داده شده است، و پاکت دور از مرز محدود قرار دارد. از این رو، ممکن است چند بانک کارآمد از مرز DEA محدود شده عبور کنند، اما اکثر بانکها (۹۵ درصد یا بیشتر) هنوز هم گمان می رود که در یا زیر مرز سقوط کنند. یعنی امتیازات کارایی CCDEA بالاتر از DEA معمولی است.

Table 2 Summary of the descriptive statistics of the input data

Years	Staff employed (person)	Bank assets (billion)	Bank deposit (billion)	Bank loans (billion)	Bank investment (billion)	Non-interest revenue (billion)
1994-1996	1915	193.10	206.45	182.61	32.19	3.02
1997-2000	2279	288.09	496.90	237.88	43.72	9.30
1994-2000	2123	247.38	372.42	214.19	38.77	6.61
Public	4451	558.04	770.10	442.64	79.06	12.62
Private	1250	130.88	223.31	128.52	23.67	4.36

توجه: ارزش دلار به میلیاردها دلار تایوان جدید، یک میلیارد =  $10^6$  دلار آمریکا است. دادهها شامل  $^{89}$  بانک تجاری داخلی و دادههای هفتساله است. دادهها شامل هفت بانک دولتی و  $^{87}$  بانک خصوصی است.

**Table 3** Efficiency estimated among DEA, CCDEA and SFA methods

	memodo		
Bank name	DEA	CCDEA	SFA
Aetna	1.000	1.000	0.866
Agriculture	0.991	1.000	0.885
Asia Pacific	0.858	0.868	0.821
Baodao	0.973	0.987	0.845
Center Trust	0.558	0.569	0.594
Chang-hua	0.868	0.878	0.766
Chiao-tung	0.808	0.809	0.785
China International	0.953	0.975	0.638
China Trust	0.996	1.000	0.737
Chinese	1.000	0.871	0.875
Chinfon	0.996	1.000	0.750
Chung-shing	0.832	0.838	0.756
Cosmos	0.780	0.800	0.749
Dah-an	0.957	0.969	0.851
E. Sun	0.921	0.930	0.826
Far Eastern	1.000	1.000	0.868
First	0.957	1.000	0.805
Fu-bon	0.723	0.745	0.711
Grand	0.715	0.720	0.738
Hsinchu City	0.970	0.988	0.817
Hualien City	0.937	1.000	0.623
Hun-nan	0.831	0.842	0.762
Kaohsiung	1.000	1.000	0.775
Kaohsiung City	0.956	0.969	0.673
Land	0.992	0.996	0.790
Our Corp.	0.856	0.877	0.807
Pan-Asia	1.000	1.000	0.854
Shanghai	0.903	0.944	0.740
Sinopac	0.881	0.906	0.825
Taishin	0.955	1.000	0.795
Taichung City	1.000	1.000	0.812
Tainan City	0.983	1.000	0.786
Taipei	0.977	0.980	0.833
Taipei Business	1.000	1.000	0.837
Taitung City	1.000	1.000	0.647
Taiwan	1.000	1.000	0.776
Taiwan Provincial	1.000	1.000	0.851
Union	0.782	0.798	0.772
United World	1.000	1.000	0.841
Average	0.920	0.932	0.782
Standard deviation	0.1022	0.1008	0.071

مشاهدات بانک ها در برخی موارد مجاز به عبور از پاکت است. سپس می توانند برای انجام هر مشاهده ای نزدیک تر شوند. با این حال، مرز قطعی یک مرز «سخت» برای هر ارقام داده شده است، و پاکت دور از مرز محدود قرار دارد. از این رو، ممکن است چند بانک کارآمد از مرز DEA محدود شده عبور کنند، اما اکثر بانکها (۹۵ درصد یا بیشتر) هنوز هم گمان می رود که در یا زیر مرز سقوط کنند. به این معنا که امتیازات کارایی CCDEA بالاتر از DEA معمولی است. ۱۴

ما همچنین دریافتیم که میانگین بازده فنی ۱۰.۷۸۲ از آنالیز مرز تصادفی (SFA) است که به طور قابل توجهی کمتر از نتیجه به دست آمده از رویکرد DEA محدود به شانس (۹۳۱) است. (جدول  $^{\circ}$ ). جدول  $^{\circ}$  ضرایب تخمینی تابع تولید translog تصادفی را نشان می دهد. تابع و آمار نویز (مربع سیگما) و مولفه ناکارآمدی (آزمون LR خطای یک طرفه) را نشان می دهد. مؤلفه نویز نیز وجود دارد، و مدل تحلیل مرزی تصادفی باید مشاهده می کنیم که تابع  $^{\circ}$  درستنمایی برای تخمین حداکثر درستنمایی نهایی مدل مرز تصادفی  $^{\circ}$  است و رقم برای حداقل مربعات معمولی متناسب با تابع تولید  $^{\circ}$  در این رو، می توانیم آمار نسبت درستنمایی تعمیمیافته یک طرفه را ۱۶.۱۸ در  $^{\circ}$  در  $^{\circ}$  است  $^{\circ}$  در مدل رد می شود. مرز تصادفی به طور قابل توجهی با مدل مرز قطعی و بدون خطای تصادفی متفاوت است.

$$U_a = N_a N_b + \frac{N_a (N_a + 1)}{2} - W_a$$

$$U_b = N_a N_b + \frac{N_b (N_b + 1)}{2} - W_b$$

$$E(\mu) = N_a N_b / 2 \quad V(\mu) = N_a N_b (N_a + N_b + 1) / 12$$

که در آن Wa و Wb مجموع رتبههای هر نمونه انتخابی هستند. در مورد ما، یکی از N دارای اندازههای نمونه بزرگ است N در N می توانیم یک مقدار N ایجاد کنیم و برای آزمایش فرضیه صفر به توزیع نرمال استاندارد مراجعه کنیم.

ما از چهار آزمون استفاده می کنیم: دو آزمون مجانبی DEA بانک، آزمون میانگین Welch و آزمون استفاده می کنیم: دو آزمون مجانبی DEA بین میانگین نمرات کارایی روشهای Whitney در مطالعه ما. همه آزمونها نشان می دهند که تفاوت معناداری بین میانگین نمرات کارایی روشهای DEA معمولی در مقابل SFA وجود دارد (به ستون سوم، جدول ۵ مراجعه کنید). و روشهای DEA قطعی و برنامهنویسی SFA (به ستون چهارم، جدول ۵ مراجعه کنید). و Ferrier و Jerrier رویکردهای DEA قطعی و برنامهنویسی پارامتریک را مقایسه کردند و نتیجه گیری مشابهی ارائه کردند. این با ارائه الاتفاده می شوند، به نتایج بسیار متفاوتی منجر که تکنیکهای مختلف زمانی که در چارچوب روششناختی مشابهی استفاده می شوند، به نتایج بسیار متفاوتی منجر می شوند، سازگار است. تنظیمات پیشرفته مکانیسم محدود شانس DEA تفاوتهای غریزی بین رویکردهای DEA و SFA را تغییر نمی دهد. علاوه بر این، زمانی که DEA و DEA با هم مقایسه می شوند، می توان نتایج به دست آمده را به دست آورد و کارایی فنی به دست آمده در این دو رویکرد، همانطور که در چهار نوع آزمایش تأیید شده است، متفاوت نیست (به ستون پنجم، جدول ۵ مراجعه کنید).

Table 4 Estimated results of the stochastic translog production function

Items	Estimated parameters	Standard error	T value	
Constant	6.0517	2.0542	2.9459**	
ln (L)	-0.0439	0.6179	-0.0711	
ln (K)	-0.5751	0.1893	3.0380**	
ln (M)	0.2844	0.5119	0.5556	
$(\ln K)^2$	0.0146	0.1095	0.1337	
$(\ln L)^2$	0.02762	0.0776	3.5584**	
$(\ln M)^2$	0.2164	0.0376	5.7513**	
ln L lnK	-0.0195	0.0707	-0.2763	
ln L lnM	-0.0374	0.0771	-0.4859	
ln K lnM	-0.2342	0.0708	-3.3086**	
Sigma-squared	0.1368	0.0178	7.6912**	
Gamma	0.8799	0.0467	18.8251**	
Log likelihood (OLS)	-15.03			
Log likelihood (MLE)	-6.94			
LR test of the one-sided error	16.18**			

Note: \*\* represents significant at 0.05 level.

توجه داشته باشید که تغییرپذیری بانک فردی محاسبه شده در رویکرد ( $CCDEA\ (Var(Y_{ir})=m=1)$  بر دروی وحدت تنظیم شده است. مرز سفت تر می شود و باند دامنه خروجی بانک امکان کمتری برای خروج از پوشش دارد و به مورد  $m=0.1;\ m=0.2;\ m=0.4$  قطعی نزدیک می شود. در اینجا چهار سناریو  $m=0.1;\ m=0.2$ 

m=0.6 را برای برجسته کردن و مقایسه یافتههای خود انتخاب می کنیم (جدول ۶ را ببینید). توجه داشته باشید که ما به سناریوهای m=0.8 و m=0.1 و را تعمیم نمی دهیم زیرا تعداد زیادی بانک کارآمد در محدوده که ما به سناریوهای m=0.8 و جود دارد. بدیهی است که هر چه درجه عدم قطعیت بیشتر باشد، نیاز به حاشیه احتمالی بیشتر می شود و بانک ها برای رسیدن به این میزان نیاز به سستی بیشتری دارند. همچنین، زمانی که امتیاز کارایی محدود به شانس برابر با یک باشد، بافرهای بهینه خروجی هر بانک به صفر می رسد و سقوط می کند. برای هر بانکی، بزرگی بافرهای خروجی با  $1.645\sigma$  محاسبه می شود. واریانس، مقدار عددی بافر بانک ها برای سه خروجی یکسان است. بافر خروجی ها را می توان به عنوان ارزیابی عملکرد بانک داده شده در مقایسه با بانکهای مرجع خود تفسیر کرد، تکالیف خروجیها را می توان به عنوان ارزیابی مشاهده شده باشد.

Table 5 Summary of efficiency difference test results

Classification	Test procedure <sup>1</sup>	DEA vs SFA	CCDEA vs SFA	DEA vs CCDEA
Banker's asymptotic DEA tests <sup>2</sup>	Exponential type Half-normal type	2.682** 3.137**	3.182** 3.610**	1.187 1.151
Traditional efficiency tests	Welch test <sup>3</sup> Mann–Whitney test <sup>4</sup>	6.866** -5.340**	7.525** 5.589**	0.480 1.037

Table 6 Various output variation degrees of the chance-constrained efficiency score and buffers of inefficient banks Basic DEA Buffers Buffers Eff Buffers Buffers Aetna 1.000 Agriculture Asia Pacific 0.991 0.995 1.000 1,000 1.000 0.858 0.862 0.17 0.868 0.34 0.906 0.68 1.01 Baodao Center Trust 0.862 0.978 0.563 0.871 0.868 0.987 0.569 0.878 0.78 1.34 1.13 0.594 0.896 0.817 1.12 1.50 1.64 0.558 Chang-hua Chiao-tung 0.808 0.809 0.809 0.811 China Intern 0.953 0.966 0.21 0.975 0.43 0.86 China Trust 0.996 1.000 1.10 1.39 0.892 1.000 0.844 0.823 1.72 0.857 0.82 0.871 0.914 Chinese Chinfon Chung-shing 0.780 Dah-an 0.19 1.000 1.08 E. Sun 0.921 0.924 0.34 Far Eastern First Fu-bon 1.000 0.970 0.733 1.000 0.79 1.06 0.41 0.723 0.21 Grand 0.715 0.718 0.17 0.720 0.726 0.68 0.731 Hsinchu City 0.970 0.978 0.21 0.988 1.000 0.965 0.836 1.000 0.958 1.000 0.842 1.000 1.000 0.857 1.000 1.000 Hualien City 0.937 0.16 0.33 Kaohsiung City 0.956 0.969 Land 0.992 0.994 1.01 1.07 Our Corp. 0.856 0.20 0.43 1.000 0.903 0.881 1.000 0.925 0.890 0.967 Pan-Asia Shangha 0.20 0.23 0.21 0.38 Sinopac Taishin 1.000 0.955 1.000 Taichung City Tainan City 1.000 1.000 1,000 1.000 1.000 1.44 0.983 1.000 1.000 1.000 1.000 0.978 1.000 1.000 0.982 1.000 1.000 0.24 1.02 0.48 1.000 Taitung City Taiwan 1.000 1.000 1.000 1.000 Taiwan 1.000 1.000 1,000 1,000 1,000 Provincial Union United World 0.798 1.000 0.782 0.789 0.18 0.40 0.823 0.75 0.850 1.07 Average 0.920 0.924 0.932

Note: Four scenarios (m = 0.1; m = 0.2; m = 0.4; m = 0.6) of stochastic variability of various degrees within-bank standard deviation are chosen. Eff. = efficiency.

به عنوان مثال، ارزیابی وامهای بانکی دریافت شده در یک بانک خاص (مثلاً بانک آسیا و اقیانوسیه)، خروجی بانک مرجع (مثلاً وام) که بانک آسیا پاسیفیک با آن مقایسه می شود باید حداقل ۹۵٪ بزرگتر از وامهای واقعی باشد. برای رسیدن به این شرایط، بانک آسیا و اقیانوسیه نیاز به کسادی زیادی از طریق وامهای دست یافته بانک دارد. علاوه بر این، سرمایه گذاری بانکی و/یا درآمد بدون بهره بانک آسیا پاسیفیک نیز نیاز به کسادی دارد. ما بیشتر یک آنالیز رگرسیونی انجام می دهیم تا مشخص کنیم آیا امتیازات کارایی به بحران مالی آسیا، مالکیت یا اندازه ویژگیهای بانک مربوط است یا خیر. شکل رگرسیون به یک تابع احتمال لجستیک از آنجایی که بازده از صفر یک است. رگرسیون تبدیل شده به صورت  $X = (\frac{Y}{1-Y})$  ایبان می شده و که از تابع احتمال لجستیک  $X = (\frac{Y}{1-Y})$  مشتق شده است که در آن X و X یک متغیر وابسته و مستقل را نشان می دهند. به ترتیب متغیر با استفاده از رگرسیون تبدیل، موضوع محدوده پیش بینی احتمالی  $\cdot$  تا رایی مسئله پیش بینی وقوع رویدادهای خاص در کل مجموعه واقعی فرموله شده است. اندازه بانک با کارکنان شاغل برای مسئله پیش بینی وقوع رویدادهای خاص در کل مجموعه واقعی فرموله شده است. اندازه بانک با کارکنان شاغل با داراییهای بانک اندازه گیری می شود. وضعیت مالکیت با سهام دولت سنجیده می شود. نتایج آنالیز رگرسیون در جول ۷ نشان داده شده است که نشان می دهد که مالکیت، اندازه بانک و متغیرهای اثر بحران مالی آسیا متغیرهای مهمی در توضیح کارایی فنی هستند.

Model Dep. var.	M1 DEA	M2 DEA	M3 DEA	M4 CCDEA	M5 CCDEA	M6 CCDEA	M7 SFA	M8 SFA	M9 SFA
Indep. var.	0.874	0.862	0.867	0.891	0.918	0.896	0.850	0.849	0.848
intercept	62.83**	59.17**	62.22**	36.33**	24.10**	24.31**	77.22**	72.46**	75.50**
	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)
2.6	0.062	0.053	0.098	0.063	0.042	0.058	0.054	0.039	0.053
	2.63**	2.25**	1.72**	2.44**	1.25	1.67*	3.20**	1.99**	2.80**
	(0.009)	(0.025)	(0.093)	(0.017)	(0.216)	(0.098)	(0.002)	(0.048)	(0.005)
Staff		$1.61 \times 10^{-5}$			$6.63 \times 10^{-6}$			$3.80 \times 10^{-6}$	
		3.18**			0.93			0.94	
		(0.003)			(0.358)			(0.350)	
Assets			$1.36 \times 10^{-7}$			$1.07 \times 10^{-8}$			5.97 × 10 -
			3.91**			0.19			2.13**
			(0.002)			(0.847)			(0.034)
Asian financial	0.210	0.199	0.205	0.180	0.177	0.1791	0.126	0.114	0.118
crisis effect	11.92**	11.96**	12.28**	7.58**	7.31**	7.24**	9.08**	8.51**	8.78**
	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)	(0.001)
Adj. R <sup>2</sup>	0.577	0.579	0.588	0.443	0.424	0.436	0.228	0.207	0.218
F value	47.88	48.41	50.95	32.69	21.37	20.87	28.37	25.02	26.54
P value	0.001**	0.001**	0.001**	0.001**	0.001**	0.001**	0.001**	0.001**	0.001**

Notes: 1. Indep. Var. = independent variables; Dep. Var. = dependent variable; here are the efficiency scores derived from DEA, CCDEA, or SFA model. N=273.

2. \*\* represents significant at 0.05 level.

نتایج مشابهی نیز در امتیازات کارایی CCDEA و کارایی SFA به دست آمد، و این نتایج از نتایج ذکر شده در بالا در این بخش پشتیبانی می کند. ما متوجه شدیم که متغیر مالکیت همچنان متغیر مهمی را برای توضیح کارایی فنی در مدل کارایی ارائه می کند، صرف نظر از اینکه رویکرد DEA، CCDEA یا SFA در نظر گرفته می شود. ما به طور منطقی می توانیم استنباط کنیم که بلنکهای دولتی اغلب کارایی فنی پایین تری دارند و در کارایی تفاوتی وجود دارد. همچنین داشتن مبنایی در مالکیت بانک تایوان ممکن است زمانی که اثر بحران مالی اَسیا در نظر گرفته شده باشد بسیار مهم باشد.

## نتايج اظهاري

در این مطالعه، رویکردهای DEA معمولی، DEA محدود به شانس، و آنالیز مرز تصادفی برای مقایسه کارایی فنی ۳۹ بانک در تایوان به کار گرفته شده است. مجموعه دادههای هفتساله (۱۹۹۴–۲۰۰۰)، که شامل زمان قبل از بحران (بحران مالی آسیا) ۱۹۹۴–۱۹۹۶، همراه با دوره پس از بحران ۱۹۹۷–۲۰۰۰ است، برای جلوگیری از اثر شوک یکباره در ارزیابی کارایی کلی استفاده میشود. نتایج تخمین زده شده نشان میدهد که تفاوت معنی داری در نمرات کارایی بین DEA محدود شده با شانس و تابع تولید مرزی تصادفی وجود دارد. مشابه نتایج Ferrell و Lovell ، متوجه می شویم که رویکردهای مختلف (DEA در مقابل SFA) زمانی که در چارچوب روش شناختی مشابهی به کار گرفته شوند، به نتایج متفاوتی منجر می شوند. تنظیمات پیشرفته مکانیسم محدود تصادفی DEA تفاوتهای غریزی بین رویکردهای DEA و SFA را تغییر نمی دهد. علاوه بر این، متغیر مالکیت همچنان متغیر مهمی را برای توضیح کارایی فنی در مدل کارایی ارائه می کند، صرف نظر از اینکه آیا از DEA، CCDEA یا یک رویکرد SFA استفاده مىشود.

<sup>3.</sup> The ownership is switched to the dummy variables 0 and 1 as a proxy. The cut-off point is 33.3% in government shareholding.

- 1 Charnes A, Cooper WW and Rhodes E (1978). Measuring the efficiency of decision making units. Eur JOpl Res 2: 429–444.
- 2 Banker RD, Charnes A and Cooper WW (1984). Some models for estimation of technical and scale inefficiencies in data envelopment analysis. Mngt Sci 30: 1078–1092.
- 3 Oral M and Yolalan R (1990). An empirical study on measuring operating efficiency and profitability of bank branches. Eur J Opl Res 46: 282–294.
- 4 Favero CA and Papi L (1995). Technical efficiency and scale efficiency in the Italian banking sector. Appl Econ 27: 385–395.
- 5 Schaffnit C, Rosen D and Paradi JC (1997). Best practice analysis of bank branches: an application of DEA in a large Canadian bank. Eur J Opl Res 98: 269–289.
- 6 Fukuyama H, Guerra R and Weber WL (1999). Efficiency and ownership: evidence from Japanese credit cooperatives. JEcon Bus 51: 473–487.
- 7 Bjurek H, Hjalmarsson L and Forsund FR (1990). Deterministic parametric and nonparametric estimating of efficiency in service production. J Economet 46: 213–227.
- 8 Giokas DI (1991). Bank branch operating efficiency: a comparative application of DEA and the loglinear model. Omega 19: 549–557.
- 9 Resti A (1997). Evaluating the cost efficiency of the Italian banking system: what can be learned from the joint application of parametric and non-parametric techniques. J Banking Fin 21: 221–250.
- 10 Resti A (2000). Efficiency measurement for multi-product industries: a comparison of classic and recent techniques based on simulated data. Eur J Opl Res 121: 559–578.

- 11 Ferrier GD and Lovell CAK (1990). Measuring cost efficiency in banking: econometric and linear programming evidence. J Economet 46: 229–245.
- 12 Cooper WW and Tone K (1997). Measures of inefficiency in data envelopment analysis and stochastic frontier estimation. Eur J Opl Res 99:72–88.
- 13 Charnes A and Cooper WW (1959). Chanced-constrained programming. Mngt Sci 15:73–79.
- 14 Land KC, Lovell CAK and Thore S (1993). Chance-constrained data envelopment analysis. Mngt Decis Econ 14: 541–554.
- 15 Land KC, Lovell CAK and Thore S (1994). Productive efficiency under capitalism and state socialism: an empirical inquiry using chance-constrained data envelopment analysis. Technol Forecast Social Change 46: 139–152.
- 16 Farrell M (1957). The measurement of productive efficiency. J R Statist Soc A 120: 253–281.
- 17Sealey CWand Lindley JT (1997). Inputs, outputs and a theory of production and cost at depository financial institutions. JFin 32: 1251–1266.
- 18 Battese GE and Coelli TJ (1992). Frontier production function, technical efficiency and panel data with application to paddy farmers in India. J Prod Anal 3: 153–169.
- 19 Battese GE and Coelli TJ (1995). A model for technical inefficiency effects in a stochastic frontier production function for panel data. Empirical Econ 20: 325–332.
- 20 Coelli TJ (1996). Simulators and hypothesis tests for a stochastic model: a Monte Carlo analysis. J Prod Anal 6: 247–268.
- 21 Oral M and Yolalan R (1990). An empirical study on measuring operating efficiency and profitability of bank branches. Eur J Opl Res 46: 282–294.

- 22 Coelli T, Rao DSP and Battese GE (1998). An Introduction to Efficiency and Productivity Analysis. Kluwer: Norwell, MA, pp 190–198.
- 23 Banker RD (1996). Hypothesis tests using data envelopment analysis. J Prod Anal 7: 139–159.
- 24 Banker RD and Chang H (1995). A simulation study of hypothesis tests for differences in efficiencies. Int J Prod Econ 39:37–54.

Received July 2000; accepted November 2001 after three revisions