# TP2

June 20, 2020

# 1 TP2 : Interação e Concorrência

- João Bastos (A47419)
- André Sá (A76361)

Cada grupo de estudantes tem um número atribuído e pretendemos utilizar um algoritmo quântico para encontrar o nosso número. O nosso grupo de trabalho é o 1 e usaremos o algoritmo de Grover para o encontrar numa lista de 8 possíveis. Assim, para representação dos números possíveis (0 a 7) teremos 3 qubits  $(2^3 = 8)$  e pretendemos encontrar a representação binária de 1 (001).

```
[87]: from qiskit import *

%matplotlib inline
from qiskit.tools.visualization import *

import math as m

import qiskit.tools.jupyter
from qiskit.tools.monitor import backend_overview, backend_monitor
from qiskit.compiler import transpile
from qiskit.providers.aer.noise import NoiseModel
from qiskit.visualization import plot_circuit_layout
from qiskit.ignis.mitigation.measurement import (complete_meas_cal,

otensored_meas_cal,

CompleteMeasFitter,

oTensoredMeasFitter)
```

```
[88]: backend_state = Aer.get_backend("statevector_simulator")
backend_unitary = Aer.get_backend('unitary_simulator')
backend = Aer.get_backend("qasm_simulator")
```

```
[89]: def intersperse(iterable, delimiter):
    it = iter(iterable)
    yield next(it)
    for x in it:
        yield delimiter
        yield x

def concat_circuits(circuits, barrier=None):
    if barrier:
        circuits = intersperse(circuits, barrier)
```

```
ret = QuantumCircuit()
    for circuit in circuits:
        ret += circuit
    return ret
def run(circuit, backend, **kwargs):
    if type(backend) is str:
        backend = Aer.get_backend(backend)
    return execute(circuit, backend, **kwargs).result()
def bloch_sphere(circuit, result):
    return plot_bloch_multivector(result.get_statevector(circuit))
def state_city(circuit, result):
    return plot_state_city(result.get_statevector(circuit))
def state_hinton(circuit, result):
    return plot_state_hinton(result.get_statevector(circuit))
def state_qsphere(circuit, result):
    return plot_state_qsphere(result.get_statevector(circuit))
def histogram(circuit, result):
    return plot_histogram(result.get_counts(circuit))
```

# 2 Algoritmo de Grover

### 2.1 1. Inicialização

Pretendemos que todos os estados sejam verificados portanto criamos uma sobreposição uniforme de todas as possibilidades aplicando um Hadamard a cada qubit. Sendo  $N = 2^3 = 8$ ,

$$\frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{x_i} |x_i\rangle$$

```
[90]: n = 3 # nº de bits
N = 2 ** n

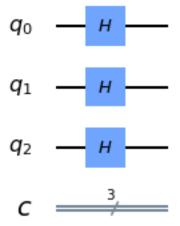
cr = ClassicalRegister(n, 'c')
qr = QuantumRegister(n, 'q')

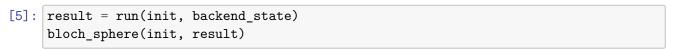
barrier = QuantumCircuit(qr, cr)
barrier.barrier()

init = QuantumCircuit(qr, cr)
```

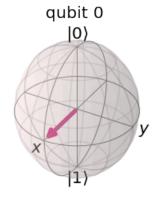
```
init.h(qr)
init.draw('mpl')
```

[90]:

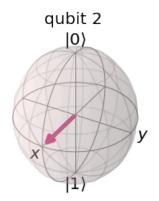




[5]:



qubit 1 |0)



Como podemos verificar, cada qubit está no estado de sobreposição  $|+\rangle$  tendo igual probabilidade de ocorrer  $|0\rangle$  como  $|1\rangle$ . Assim, todos os resultados têm igual probabilidade de ocorrer como podemos verificar na matriz seguinte.

[6]: result.get\_statevector().real

[6]: array([0.35355339, 0.35355339, 0.35355339, 0.35355339, 0.35355339, 0.35355339])

#### 2.2 2. Oráculo

Pretendemos assinalar o nosso número de grupo mudando a fase da componente  $|001\rangle$ . Para tal optámos por um oráculo de fase que evita usar um qubit auxiliar diminuindo os erros na execução.

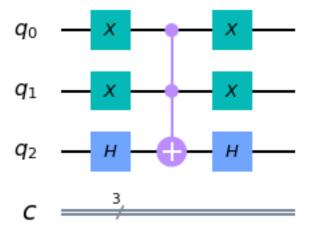
O oráculo de fase consiste em selecionar a componente pretendida ( $|001\rangle$ ), aplicar um CCZ e reverter a seleção aplicada anteriormente.

Uma vez que o operador CCZ não existe em qiskit decompusemo-lo em  $(I \otimes I \otimes H) \cdot CNOT \cdot (I \otimes I \otimes H)$ .

$$-\alpha_{001}|001\rangle + \beta \sum_{x_i \neq 001} |x_i\rangle$$

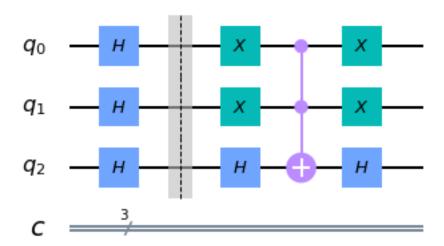
```
[8]: oracle = QuantumCircuit(qr, cr)
phase_oracle(oracle, qr)
oracle.draw('mpl')
```

[8]:



```
[9]: circuit = concat_circuits([ init, oracle ], barrier=barrier)
circuit.draw('mpl')
```

[9]:

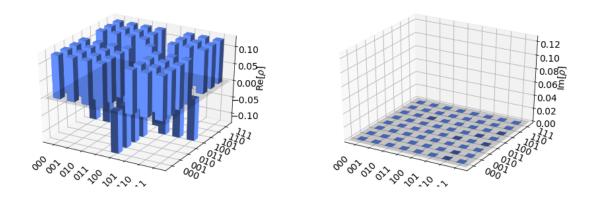


```
[10]: result = run(circuit, backend_state)
    result.get_statevector(circuit).real

[10]: array([ 0.35355339,  0.35355339,  0.35355339,  0.35355339,  0.35355339,  0.35355339])
```

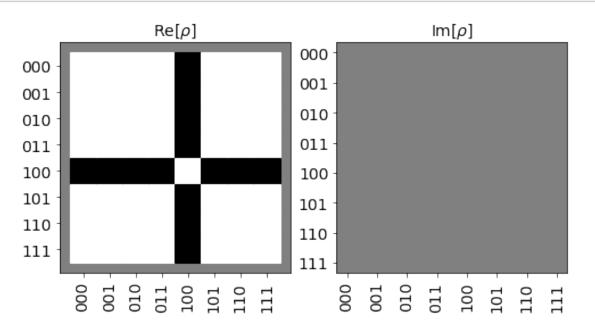
### [11]: state\_city(circuit, result)

[11]:



# [12]: state\_hinton(circuit, result)

[12]:



Como se pode verificar a componente  $|100\rangle$  (que representa o  $|001\rangle$  pretendido) manteve a amplitude mas alterou a fase, tal como pretendíamos.

# 2.3 3. Amplificação

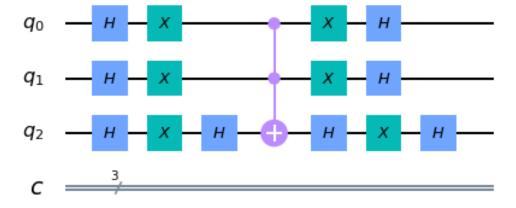
Apesar da mudança de fase, neste momento mantemos as probabilidades iguais para todos casos, o que não nos ajuda muito para o que pretendemos. O objetivo desta secção é aumentar a probabilidade de obtermos o resultado pretendido. Para isso, invertemos e aumentamos a amplitude da componente pretendida em torno da

média das amplitudes (A) e simultaneamente reduzimos a amplitude das restantes componentes de forma uniforme.

$$(2A + \alpha_{001})|001\rangle + (2A - \beta)\sum_{x_i \neq 001} |x_i\rangle$$

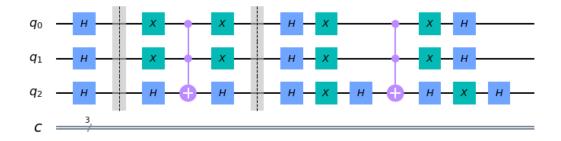
```
[13]: def diffuser(circuit, qr):
    circuit.h(qr)
    circuit.x(qr)
    ccZ(circuit, qr[0], qr[1], qr[2])
    circuit.x(qr)
    circuit.h(qr)
```

[14]:



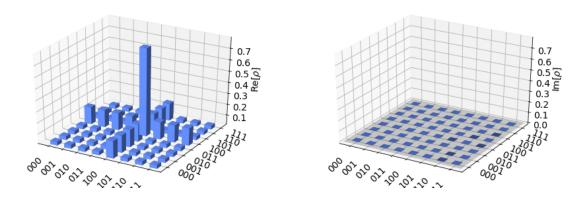
```
[15]: circuit = concat_circuits([ init, oracle, amplifier ], barrier=barrier)
    circuit.draw('mpl')
```

[15]:



```
[16]: result = run(circuit, backend_state)
state_city(circuit, result)
```

[16]:



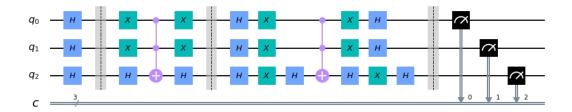
Verificamos que a magnitude da componente  $|001\rangle$  foi aumentada.

### 2.4 4. Medição

A medição é a projeção do estado quântico de cada um dos qubits para um bit clássico. Ao ser medido, cada qubit colapsa para um dos estados possíveis, não sendo mais possível obter o estado quântico inicial.

Apresentamos de seguida o circuito com as 4 secções referidas separadas por barreiras:

[17]:



#### 2.4.1 O iterador de Grover

Antes de fazermos as medições podemos melhorar a probabilidade de medirmos o valor pretendido. Para isso, iremos repetir o iterador de Grover que consiste em aplicar o oráculo e a amplificação. Lov Grover definiu que o número ideal de iterações é aproximadamente  $\frac{\pi}{4}\sqrt{N}$ , algo que podemos verificar de seguida.

```
[18]: times = round((m.pi/4) * m.sqrt(N))
times
```

[18]: 2

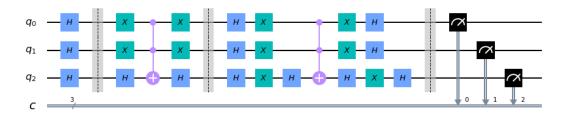
### 2.4.2 Uma iteração

```
[19]: circuit_1it = concat_circuits([ init ] + ([ oracle, amplifier ] * 1) + [

→measurements ])

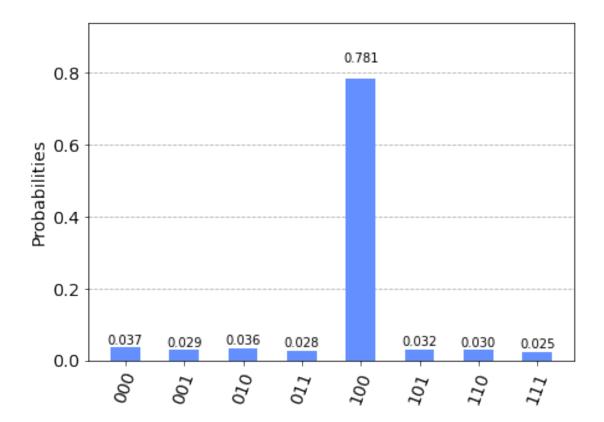
circuit.draw('mpl')
```

[19]:



```
[20]: result = run(circuit_1it, backend)
fst_loop_counts = result.get_counts(circuit_1it)
plot_histogram(fst_loop_counts)
```

[20]:



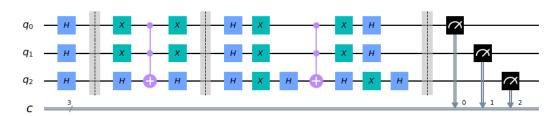
# 2.4.3 Duas iterações

```
[21]: circuit_2it = concat_circuits([ init ] + ([ oracle, amplifier ] * 2) + [

→measurements ])

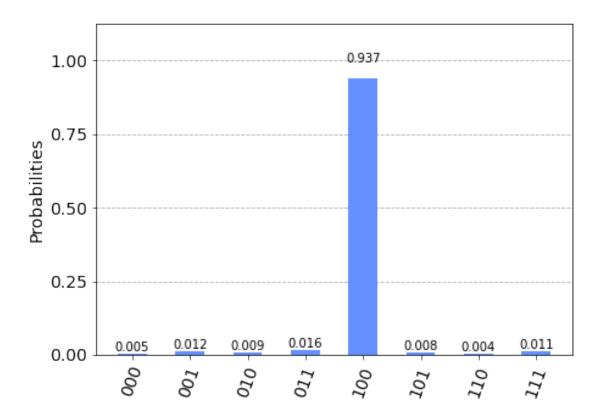
circuit.draw('mpl')
```

[21]:



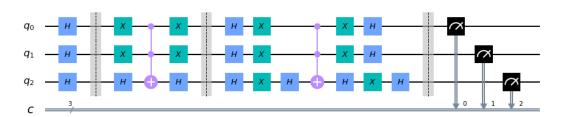
```
[22]: result = run(circuit_2it, backend)
snd_loop_counts = result.get_counts(circuit_2it)
plot_histogram(snd_loop_counts)
```

[22]:



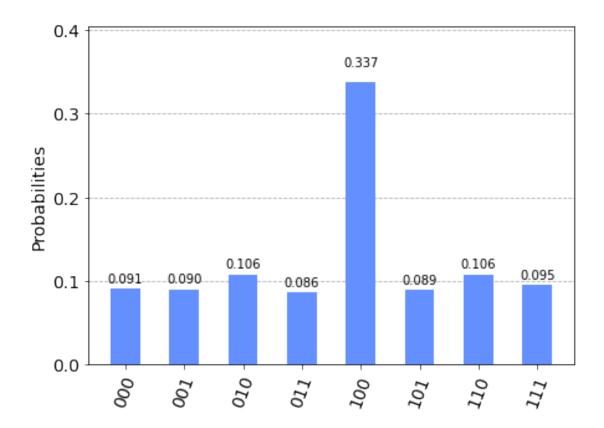
### 2.4.4 Três iterações

[23]:

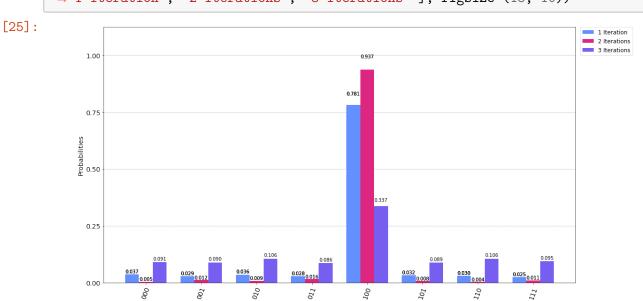


```
[24]: result = run(circuit_3it, backend)
trd_loop_counts = result.get_counts(circuit_3it)
plot_histogram(trd_loop_counts)
```

[24]:



### 2.4.5 Análise de resultados



Como se pode verificar, houve um aumento significativo entre aplicar uma e duas iterações, no entanto ao aplicar uma terceira há uma diminuição substancial.

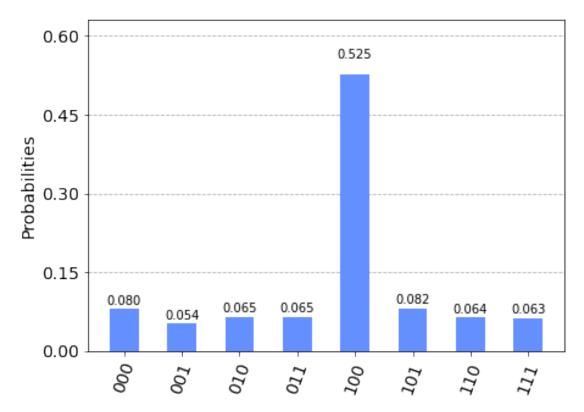
# 3 Simulação de ruído

```
[27]: provider = IBMQ.load_account()
               provider.backends(simulator=False, open_pulse=False)
 [27]: [<IBMQBackend('ibmqx2') from IBMQ(hub='ibm-q', group='open', project='main')>,
                 <IBMQBackend('ibmq_16_melbourne') from IBMQ(hub='ibm-q', group='open',</pre>
              project='main')>,
                 <IBMQBackend('ibmq_vigo') from IBMQ(hub='ibm-q', group='open',</pre>
              project='main')>,
                 <IBMQBackend('ibmq_ourense') from IBMQ(hub='ibm-q', group='open',</pre>
              project='main')>,
                 <IBMQBackend('ibmq_london') from IBMQ(hub='ibm-q', group='open',</pre>
              project='main')>,
                 <IBMQBackend('ibmq_burlington') from IBMQ(hub='ibm-q', group='open',</pre>
              project='main')>,
                 <IBMQBackend('ibmq_essex') from IBMQ(hub='ibm-q', group='open',</pre>
               project='main')>,
                 <IBMQBackend('ibmq_rome') from IBMQ(hub='ibm-q', group='open',</pre>
               project='main')>]
[105]: | %qiskit_backend_overview
              VBox(children=(HTML(value="<h2 style ='color:#ffffff; background-color:#000000;padding-top: 1%
                        Tendo em conta o valor elevado do T1 e T2 - que se refere à média do
                        tempo de vida dos qubits até chegar à decoerência - à reduzida taxa de
                         erros de medida e cx, e ainda ao facto de ter uma boa disponibilidade
                         optámos pelo device backend ibmq_vigo.
  [91]: my_provider_ibmq = IBMQ.get_provider(hub='ibm-q', group='open', project='main')
               backend_device = my_provider_ibmq.get_backend('ibmq_vigo')
               backend device
              VBox(children=(HTML(value="<h1 style='color:#ffffff;background-color:#000000;padding-top: 1%;padding-top: 1%;p
 [91]: <IBMQBackend('ibmq_vigo') from IBMQ(hub='ibm-q', group='open', project='main')>
 [34]: coupling_map = backend_device.configuration().coupling_map
               noise_model = NoiseModel.from_backend(backend_device)
```

```
basis_gates = noise_model.basis_gates
print(basis_gates)
```

['cx', 'id', 'u2', 'u3']

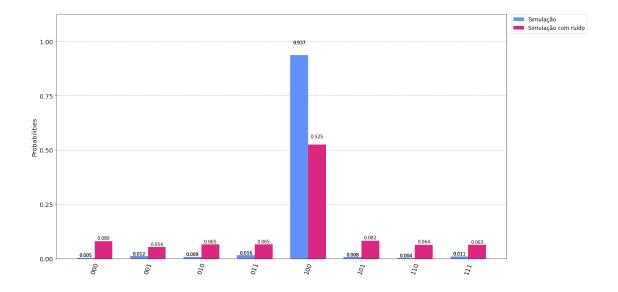
[37]:



```
[38]: plot_histogram([snd_loop_counts, counts_noise], legend=[ "Simulação", □ 

→"Simulação com ruído"], figsize=(18, 10))
```

[38]:



Podemos ver que os erros produzidos pelo ruído no backend device serão significativos, pelo que devemos optimizar o circuito de forma a reduzir a taxa de erro.

# 4 Optimização do circuito

Após simulação com ruído do backend device selecionado vamos executar no mesmo para podermos fazer uma análise mais correcta do ganho efectivo na optimização.

```
[41]: shots=1024

#executar o circuito na máquina real
#job_G_r = execute(circuit_2it, backend_device, shots=shots)

#jobID_G_r = job_G_r.job_id()

print('JOB ID: {}'.format(jobID_G_r))
```

JOB ID: 5eee298334af18001bf1e7b9

```
[94]: %qiskit_job_watcher ## widget para visualizar o estado da job #%qiskit_disable_job_watcher ## para fechar o widget
```

Accordion(children=(VBox(layout=Layout(max\_width='710px', min\_width='710px')),), layout=Layout
<IPython.core.display.Javascript object>

```
[44]: # Recolha de resultados do job executado no backend device
job_get=backend_device.retrieve_job("5eee298334af18001bf1e7b9")

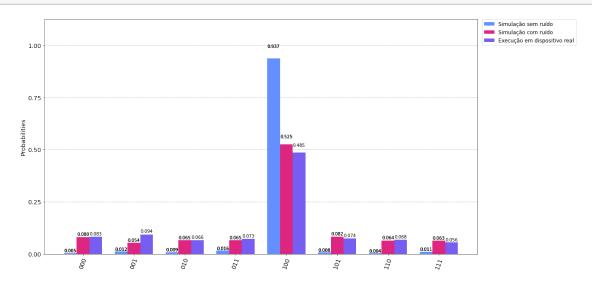
result_G = job_get.result()
counts_G = result_G.get_counts(circuit_2it)
```

[45]: plot\_histogram([snd\_loop\_counts, counts\_noise, counts\_G], legend=[ "Simulação<sub>⊔</sub>

→sem ruído", "Simulação com ruído", "Execução em dispositivo real"],<sub>⊔</sub>

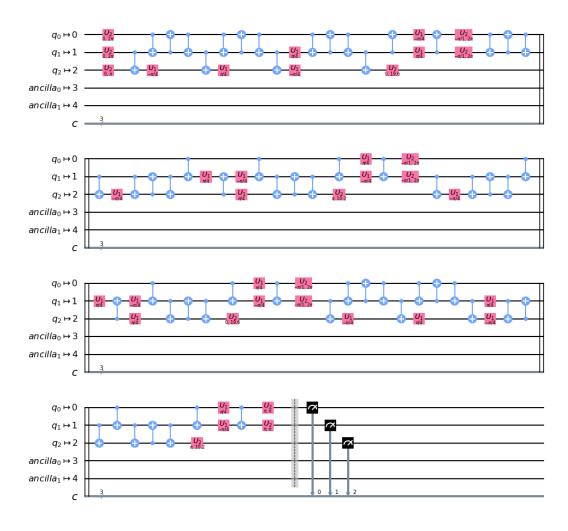
→figsize=(18, 10))

[45]:



```
[70]: circuit_real = transpile(circuit_2it, backend=backend_device) circuit_real.draw(output='mpl', scale=0.5)
```

[70]:

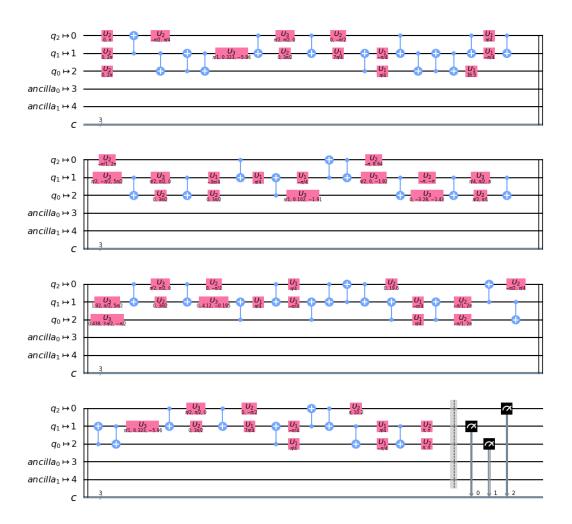


```
[71]: circuit_opt = transpile(circuit_2it, backend=backend_device, 

→optimization_level=3)

circuit_opt.draw(output='mpl', scale=0.5)
```

[71]:

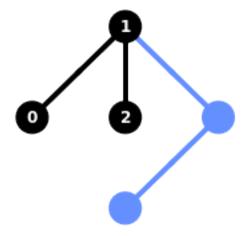


[72]: circuit\_real.depth()

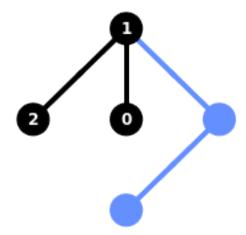
[72]: 78

[50]: plot\_circuit\_layout(circuit\_real, backend\_device)

[50]:



```
[73]: circuit_opt.depth()
[73]: 71
[54]: plot_circuit_layout(circuit_opt, backend_device)
[54]:
```



Após ser aplicada uma optimização de nível 3 à tradução do circuito para a backend device notamos uma ligeira melhoria quanto à profundidade do circuito.

### 4.1 Optimização do número de gates

Na tentativa de diminuição do número de erros testamos a diminuição do número de gates no circuito fazendo a substituição de algumas combinações de gates por outras.

```
[74]: cr = ClassicalRegister(n, 'c')
    qr = QuantumRegister(n, 'q')

    qc_short = QuantumCircuit(qr, cr)

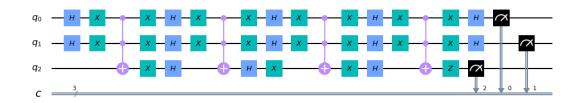
    qc_short.h([ qr[0], qr[1] ])
    qc_short.x([ qr[0], qr[1] ])

##########

    qc_short.ccx(qr[0], qr[1], qr[2])
    qc_short.x([ qr[0], qr[1] ])
    qc_short.h([ qr[0], qr[1] ])
    qc_short.x([ qr[0], qr[1] ])
    qc_short.x([ qr[0], qr[1] ])
```

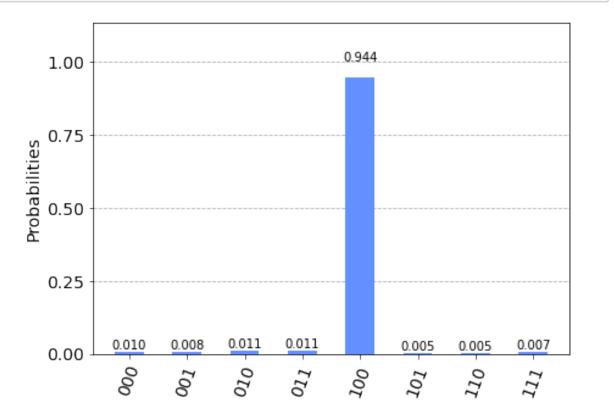
```
if False:
    qc_short.h(qr[2])
    qc_short.z(qr[2])
else:
    qc_short.x(qr[2])
    qc_short.h(qr[2])
###########
qc_short.ccx(qr[0], qr[1], qr[2])
qc_short.x([ qr[0], qr[1] ])
qc_short.h([ qr[0], qr[1] ])
qc_short.x([ qr[0], qr[1] ])
if False:
    qc_short.z(qr[2])
    qc_short.h(qr[2])
else:
    qc_short.h(qr[2])
    qc_short.x(qr[2])
###########
qc_short.ccx(qr[0], qr[1], qr[2])
qc_short.x([ qr[0], qr[1] ])
qc_short.h([ qr[0], qr[1] ])
qc_short.x([ qr[0], qr[1] ])
if False:
    qc_short.h(qr[2])
    qc_short.z(qr[2])
else:
    qc_short.x(qr[2])
    qc_short.h(qr[2])
############
qc_short.ccx(qr[0], qr[1], qr[2])
qc_short.x([ qr[0], qr[1] ])
qc_short.h([ qr[0], qr[1] ])
qc_short.z(qr[2])
qc_short.measure(qr, cr)
qc_short.draw('mpl')
```

[74]:



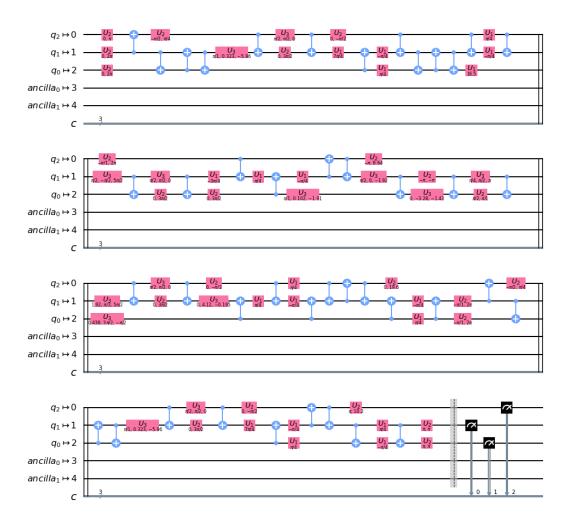
```
[75]: result = run(qc_short, backend)
histogram(qc_short, result)
```

[75]:



```
[77]: qc_short_real = transpile(qc_short, backend=backend_device) qc_short_opt = transpile(qc_short, backend=backend_device, optimization_level=3) circuit_opt.draw(output='mpl', scale=0.5)
```

[77]:



```
[78]: qc_short_real.depth()

[78]: 76

[79]: qc_short_opt.depth()

[79]: 64
```

```
[80]: # execução do circuito com optimização nivel 3 #
#job_G_r2 = execute(circuit_opt, backend_device, shots=shots)

#jobID_G_r2 = job_G_r2.job_id()

#print('JOB ID: {}'.format(jobID_G_r2))
```

JOB ID: 5eee32dc34af18001bf1e844

```
[83]: | job_get2=backend_device.retrieve_job("5eee32dc34af18001bf1e844")
      result_G2 = job_get2.result()
      counts_G2 = result_G2.get_counts(circuit_opt)
[81]: # execução do circuito com optimização nivel 3 + optimização n^{\varrho} de gates #
      #job_G_r3 = execute(qc_short_opt, backend_device, shots=shots)
      \#jobID\_G\_r3 = job\_G\_r3.job\_id()
      #print('JOB ID: {}'.format(jobID_G_r3))
      JOB ID: 5eee32e06bb14a001cca1b2e
[84]: | job_get3=backend_device.retrieve_job("5eee32e06bb14a001cca1b2e")
      result_G3 = job_get3.result()
      counts_G3 = result_G3.get_counts(qc_short_opt)
[86]: plot_histogram([counts_G, counts_G2, counts_G3], legend=[ "Sem optimização", __
       →"Optimização nível 3", "Optimização nível 3 + gates"], figsize=(18, 10))
[86]:
                                                                             Optimização nível 3

    Optimização nível 3 + gates

           0.60
           0.45
```

Apesar da profundidade do circuito com optimização do número de gates ter diminuido, contraintuitivamente teve um pior resultado que o circuito com apenas a optimização nível 3. Assim, teremos de abdicar desta última optimização.

100

## 4.2 Mitigação de erros com o Ignis

0.00

Por fim, após termos executado o nosso circuito vamos usar o Ignis para, sobre os resultados obtidos, mitigar os erros de medição do backend device escolhido.

### 4.2.1 Matriz de Calibração

Primeiro geramos a matriz de calibração a partir das propriedades do backend device.

```
[92]: meas_calibs, state_labels = complete_meas_cal(qubit_list=[0,1,2], qr=qr, u circlabel='mcal')
```

```
[92]: ['000', '001', '010', '011', '100', '101', '110', '111']
```

```
[93]: #job_ignis = execute(meas_calibs, backend=backend_device, shots=shots)

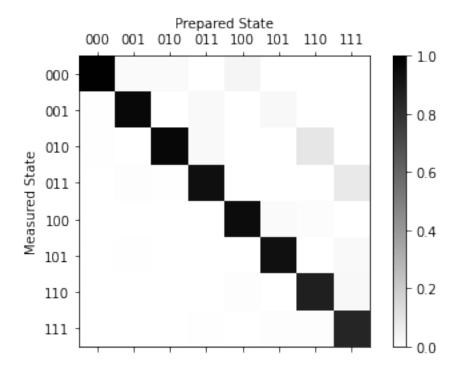
#jobID_run_ignis = job_ignis.job_id()

#print('JOB ID: {}'.format(jobID_run_ignis))
```

JOB ID: 5eee477b61ad6a00190bd14f

```
[95]: job_get=backend_device.retrieve_job("5eee477b61ad6a00190bd14f")
cal_results = job_get.result()
```

```
[96]: meas_fitter = CompleteMeasFitter(cal_results, state_labels, circlabel='mcal')
meas_fitter.plot_calibration()
```



```
[106]: print("Fidelidade média de Medição: %f" % meas_fitter.readout_fidelity())
```

Fidelidade média de Medição: 0.934570

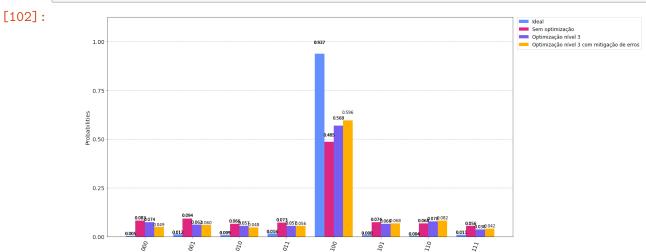
Podemos verificar que a fidelidade média de medição é bastante elevada pelo que a melhoria não deverá ser significativa.

Por fim, aplicamos a calibração aos resultados com um filtro baseado na matriz de calibração.

```
[100]: meas_filter = meas_fitter.filter

# Resultados com mitigação
mitigated_results = meas_filter.apply(result_G2)
mitigated_counts = mitigated_results.get_counts()
```

[102]: plot\_histogram([snd\_loop\_counts, counts\_G, counts\_G2, mitigated\_counts], →legend=[ "Ideal", "Sem optimização", "Optimização nível 3", "Optimização →nível 3 com mitigação de erros"], figsize=(18, 10))



Verificamos uma melhoria após a mitigação dos erros de medição no entanto os resultados ficam muito aquém do ideal.

#### Referências:

- Complete 3-Qubit Grover Search on a Programmable Quantum Computer
- Qiskit Documentation

[]: