#### Matlab results

## 1 Math Matrix M(q)

```
1 >> Dynamic_model
  M(q) matrix
_3 M =
 [m1*((\cos(\cos(\sin(q1))*abs(11)^2)/11 + (\cos(\cos(q1) + \cos(q1)))]
      (q4) + conj(q6) *abs(16)^2/16 + (cos(conj(q1) + conj(q1))
      (q4))*abs(14)^2/(14)*(14*cos(q1+q4)+11*cos(q1)+16)
      *\cos(q1 + q4 + q6)) + m1*((\sin(\cos(q1))*abs(l1)^2)/l1
      + (\sin(\cos(q_1) + \cos(q_4) + \cos(q_6)) *abs(16)^2)/16
     + (\sin(\cos(q_1) + \cos(q_4)) * abs(14)^2)/14) * (14 * \sin(q_1)
     + q4) + 11*sin(q1) + 16*sin(q1 + q4 + q6)) + 3*m1*cos(
      conj(q1))*abs(11)^2*cos(q1) + 3*m1*sin(conj(q1))*abs(
      11)^2*\sin(q1) + (2*m1*(14*\sin(conj(q1))*abs(11)^2 + 11
     *\sin(conj(q1) + conj(q4))*abs(l4)^2)*(l4*sin(q1 + q4)
     + 11*\sin(q1))/(11*14) + (2*m1*(14*\cos(q1+q4)+11*
      \cos(q1))*(14*\cos(conj(q1))*abs(11)^2 + 11*\cos(conj(q1))
      + coni(q4) *abs(14)^2) / (11*14) + 1, 4*13*m1*sin(coni
      (q1) *sin(q2 + q3)*conj(11) + 13*m1*sin(conj(q1) +
      conj(q4) + conj(q6) * sin(q2 + q3) * conj(16) + 5*12*m1*
      \sin(\text{conj}(q1))*\cos(11)*\sin(q2) + 3*13*m1*\sin(\text{conj}(q1))
     + conj(q4) * sin(q2 + q3) * conj(14) + 12 * m1 * sin(conj(q1))
      + conj(q4) + conj(q6) * conj(16) * sin(q2) + 3*12*m1*sin
      (conj(q1) + conj(q4))*conj(14)*sin(q2), 4*13*m1*sin(
      conj(q1))*sin(q2 + q3)*conj(l1) + l3*m1*sin(conj(q1) +
       conj(q4) + conj(q6) * sin(q2 + q3) * conj(16) + 3*13*m1*
      \sin(\text{conj}(q1) + \text{conj}(q4)) * \sin(q2 + q3) * \text{conj}(14), 3*m1*
      \cos(q1 + q4 - \cos(q1) - \cos(q4))*abs(14)^2 + m1*cos(q1)
     q1 + q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4) - conj(q6) * abs(16)
      ^2 + 16*m1*cos(q1 + q4 + q6 - conj(q1))*conj(11) + 16*
     m1*cos(q1 + q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4))*conj(l4) +
      3*14*m1*conj(11)*cos(q1 + q4 - conj(q1)) + 14*m1*conj(
      16)*\cos(\cos(q1) - q4 - q1 + \cos(q4) + \cos(q6)), -
      2*15*m1*cos(conj(q1))*conj(l1)*sin(q5) - l5*m1*cos(
      conj(q1) + conj(q4) + conj(q6) * *conj(16) * *sin(q5) - 2*
      15*m1*cos(conj(q1) + conj(q4))*conj(14)*sin(q5), m1*
      \cos(q1 + q4 + q6 - \cos (q1) - \cos (q4) - \cos (q6))*abs
      (16)^2 + 16*m1*cos(q1 + q4 + q6 - conj(q1))*conj(11) +
       16*m1*cos(q1 + q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4))*conj(14)
_{5} [3*14*m1*sin(conj(q2))*sin(q1 + q4)*conj(12) + 5*11*m1*
      \sin(\text{conj}(q2))*\cos(12)*\sin(q1) + 3*14*m1*\sin(\text{conj}(q2))
     + conj(q3) * sin(q1 + q4) * conj(13) + 4*11*m1*sin(conj(
```

```
(q2) + conj(q3) * conj(13) * sin(q1) + 16 * m1 * sin(q1 + q4 + q4)
                        q6)*sin(conj(q2))*conj(12) + 16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*
                     \sin(\operatorname{conj}(q2) + \operatorname{conj}(q3)) * \operatorname{conj}(13), m1 * \cos(\operatorname{conj}(q2)) * abs
                     (12)^2*\cos(q2) + m1*\sin(\cos(q2))*abs(12)^2*\sin(q2) +
                     (4*m1*(13*sin(conj(q2))*abs(12)^2 + 12*sin(conj(q2) +
                     conj(q3) *abs(13)^2 *(13*sin(q2 + q3) + 12*sin(q2)))/(
                    12*13) - (4*m1*(13*cos(conj(q2))*abs(12)^2 - 12*sin(
                    conj(q2) + conj(q3) *abs(13)^2 *(13*sin(q2 + q3) - 12*
                     \cos(q2))/(12*13) + 1,4*13*m1*\sin(q2 + q3)*(\sin(conj(q2 + q3)))
                    (q2) \times (conj(12) - cos(conj(q2)) \times (conj(12) + (2 \times sin(conj(12)) + (2
                    q2) + conj(q3) *abs(13)^2/13, m1*(sin(conj(q2))*conj(
                    12) + \sin(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(13)) * (3*14*\sin(q_1)
                    + q4) + 16*sin(q1 + q4 + q6)), -2*15*m1*sin(q5)*(cos(
                     conj(q2) * conj(12) - sin(conj(q2) + conj(q3)) * conj(13)
                     ), 16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*(sin(conj(q2))*conj(12) +
                     \sin(\operatorname{conj}(q2) + \operatorname{conj}(q3)) * \operatorname{conj}(13))
_{6} [m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*(3*14*sin(q1 + q4))
                   +4*11*\sin(q1) + 16*\sin(q1 + q4 + q6)), (4*m1*\sin(conj(
                    q2) + conj(q3) *abs(13)^2*(2*13*sin(q2 + q3) - 12*cos(
                    (q2) + 12*\sin(q2))/13,8*m1*\sin(conj(q2) + conj(q3))*
                     \sin(q2 + q3)*abs(13)^2 + 1,m1*sin(conj(q2) + conj(q3))
                     *conj(13)*(3*14*sin(q1+q4)+16*sin(q1+q4+q6))
                      ,2*15*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*sin(q5),16*
                    m1*sin(q1 + q4 + q6)*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)
         [m1*((sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*abs(16)^2)/16 +
                         (\sin(\cos(q1) + \cos(q4))*abs(14)^2)/14)*(14*sin(q1 +
                        q4) + 11*sin(q1) + 16*sin(q1 + q4 + q6)) + m1*((cos(
                     conj(q1) + conj(q4) + conj(q6) * abs(16)^2 / 16 + (cos(q4) + conj(q4)) * abs(16)^2 /
                     conj(q1) + conj(q4) *abs(14)^2/14 *(14*cos(q1 + q4) +
                        11*\cos(q1) + 16*\cos(q1 + q4 + q6)) + (2*m1*\cos(conj)
                     q1) + conj(q4) *abs(14)^2*(14*cos(q1 + q4) + 11*cos(q1)
                     (1))/14 + (2*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*abs(14)^2*(14*)
                     \sin(q1 + q4) + 11*\sin(q1))/14, m1*(\sin(\cos(q1) + \cos(q1)))
                     (q4) + conj(q6) * conj(16) + 3* sin(conj(q1) + conj(q4))
                    * conj(14))* (13* sin(q2 + q3) + 12* sin(q2)), 13* m1* sin(
                    conj(q1) + conj(q4) + conj(q6) * sin(q2 + q3) * conj(16)
                    + 3*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*sin(q2 + q3)*conj(
                    14), m1*(14*cos(q1+q4)+16*cos(q1+q4+q6))*((cos
                    (conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*abs(16)^2/16 + (cos(q4))*abs(16)^2/16 + (cos(q5))*abs(16)^2/16 + (cos(q5))*abs(16)^2/1
                    conj(q1) + conj(q4))*abs(14)^2/14 + m1*(14*sin(q1 +
                    q4) + 16*sin(q1 + q4 + q6))*((sin(conj(q1) + conj(q4)))
                    + conj(q6) *abs(16)^2 / 16 + (sin(conj(q1) + conj(q4)) *
                    abs(14)^2/14 + 2*m1*cos(conj(q1) + conj(q4))*cos(q1)
                   + q4)*abs(14)^2 + 2*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*sin(q1)
                        + q4)*abs(14)^2 + 1, - 15*m1*cos(conj(q1) + conj(q4) +
```

```
conj(q6))*conj(16)*sin(q5) - 2*15*m1*cos(conj(q1) +
      conj(q4))*conj(14)*sin(q5),m1*cos(q1 + q4 + q6 - conj(
      q1) - conj(q4) - conj(q6) *abs(16)^2 + 16*m1*cos(q1 +
      q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4) * conj(14)
s = [-m1*sin(conj(q5))*conj(15)*(2*14*cos(q1+q4)+2*11*cos)]
      (q1) + 16*\cos(q1 + q4 + q6)), 2*m1*\sin(\cos(q5))*\cos(q5)
      15) *(13*\sin(q2+q3)-12*\cos(q2)), 2*13*m1*sin(conj(q5)
      ) \times \sin(q^2 + q^3) \times \cos(15), -m^2 \times \sin(\cos(q^5)) \times \cos(15)
      *(2*14*\cos(q1+q4)+16*\cos(q1+q4+q6)),4*m1*\sin(
      conj(q5))*abs(15)^2*sin(q5) + 1,-16*m1*cos(q1 + q4 +
      q6)*sin(conj(q5))*conj(15)
9 [(m1*cos(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*abs(16)^2*(14*)]
      \cos(q1 + q4) + 11*\cos(q1) + 16*\cos(q1 + q4 + q6)))/16
     + (m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*abs(16)^2*(
     14*\sin(q1+q4) + 11*\sin(q1) + 16*\sin(q1+q4+q6)))/
      16 ,m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*conj(16)*(13)
      *\sin(q2 + q3) + 12*\sin(q2)), 13*m1*\sin(conj(q1) + conj(q1))
      q4) + conj(q6) * sin(q2 + q3) * conj(16), (m1 * cos(conj(q1)))
      + conj(q4) + conj(q6))*abs(16)^2*(14*cos(q1 + q4) +
      16*\cos(q1 + q4 + q6))/16 + (m1*\sin(conj(q1) + conj(q4))
      + conj(q6) **\delta bs(16)^2*(14*\sin(q1 + q4) + 16*\sin(q1 +
      q4 + q6))/16,-15*m1*cos(conj(q1) + conj(q4) + conj(q4)
     (q6))*conj(16)*sin(q5),m1*cos(q1 + q4 + q6 - conj(q1) - q6)
       conj(q4) - conj(q6))*abs(16)^2
```

## 2 Coriolis Matrix $C(q, \dot{q})$ :

```
C =
[-11*m*]*sin(conj(q1) - q1 + conj(q4) + conj(q6))*conj(16)
    -(3*11*m1*sin(conj(q1) - q1 + conj(q4))*conj(14))/2
     -16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1))*conj(11) - (16*)
    m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4))*conj(14))/2
     -(3*14*m1*conj(11)*sin(q1+q4-conj(q1)))/2-(14*
    m1*conj(16)*sin(conj(q1) - q4 - q1 + conj(q4) + conj(q4)
    (q6))/2, (5*12*m1*cos(conj(q1))*conj(11)*sin(q2))/2
    5*11*m1*sin(conj(q2))*conj(12)*cos(q1) + (15*12*m1*sin)
    (conj(q1))*conj(11)*cos(q2))/2 + 3*13*m1*cos(conj(q1))
    + conj(q4) * sin(q2 + q3) * conj(14) + 9*13*m1*sin(conj(
    q1) + conj(q4) * cos(q2 + q3) * conj(14) - 3*14*m1*sin(
    conj(q2) + conj(q3) * cos(q1 + q4) * conj(13) + (3*12*m1*)
    \cos(\operatorname{conj}(q1) + \operatorname{conj}(q4) + \operatorname{conj}(q6)) * \operatorname{conj}(16) * \sin(q2))
    /2 + (3*12*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*conj
    (16)*\cos(q2))/2 - 4*11*m1*\sin(conj(q2) + conj(q3))*
    conj(13)*cos(q1) + 3*12*m1*cos(conj(q1) + conj(q4))*
    conj(14)*sin(q2) + (9*12*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*
    conj(14)*cos(q2))/2 - 16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj
    (q2) * conj (12) - 16 * m1 * cos (q1 + q4 + q6) * sin (conj(q2))
    + \operatorname{conj}(q3) * \operatorname{conj}(13) + 2*13*m1*\cos(\operatorname{conj}(q1))*\sin(q2 +
    q3)*conj(11) + 12*13*m1*sin(conj(q1))*cos(q2 + q3)*
    conj(11) - 3*14*m1*sin(conj(q2))*cos(q1 + q4)*conj(12)
    + (3*13*m1*cos(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*sin(q2)
     + q3)*conj(16))/2 + 3*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) +
     \operatorname{conj}(q6))*\cos(q2 + q3)*\cos(16),
                                3*14*m1*sin(q1 + q4 - conj(q2))
    -\cos(q3) \cdot \cos(q3) - \sin(q3) - 3*13*m1*\sin(q2 + q3 - \cos(q1))
    -\cos(q4) \cdot \cos(14) + (9*13*m1*\sin(q2 + q3 + \cos(q4)))
    q1) + conj(q4) + conj(q6) * conj(16) /4 - 4*11*m1*sin(
    conj(q2) - q1 + conj(q3) * conj(13) + 6*13*m1*sin(q2 + q2)
    q3 + conj(q1) + conj(q4))*conj(14) - 3*14*m1*sin(q1 +
    q4 + conj(q2) + conj(q3) * conj(13) + 7*13*m1*sin(q2 +
    q3 + conj(q1) * conj(11) + 16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - q6)
    conj(q2) - conj(q3) * conj(13) - 16*m1*sin(q1 + q4 + q6)
    + \operatorname{conj}(q2) + \operatorname{conj}(q3) * \operatorname{conj}(13) - 5*13*m1*\operatorname{conj}(11)*
    \sin(q^2 + q^3 - \cos(q^1)) - 4*11*m1*\cos(1^3)*\sin(q^1 +
    conj(q2) + conj(q3) + (3*13*m1*conj(16)*sin(conj(q1))
    -q3 - q2 + conj(q4) + conj(q6))/4, -2*11*m1*sin(conj
    (q1) - q1 + conj(q4) + conj(q6) * conj(16) - (9*11*m1*
    \sin(\text{conj}(q1) - q1 + \text{conj}(q4))*\cos(14))/2 - 2*16*m1*
    \sin(q1 + q4 + q6 - \cos j(q1)) * \cos j(11) - (16*m1* \sin (q1))
```

```
m1*conj(11)*sin(q1 + q4 - conj(q1)))/2 - (14*m1*conj(
                     16)*\sin(conj(q1) - q4 - q1 + conj(q4) + conj(q6)))/2
                     11*m1*cos(q1 + conj(q5))*conj(15) + (5*12*m1*sin(q2 +
                     conj(q1))*conj(11))/2 - (12*m1*sin(conj(q1) - q2 +
                      conj(q4) + conj(q6))*conj(16))/2 + (5*13*m1*sin(q2 +
                     q3 + conj(q1) + conj(q4) + conj(q6) * conj(16) / 4 - (16)
                     *m1*cos(q1 + q4 + q6 - conj(q5))*conj(15))/2 - (3*12*
                     m1*sin(conj(q1) - q2 + conj(q4))*conj(14))/4 + 3*13*m1
                     *\sin(q_2 + q_3 + \cos j(q_1) + \cos j(q_4))*\cos j(1_4) - 11*m_1*
                     \cos(q1 - \cos(q5))*\cos(15) + 14*m1*\cos(q1 + q4 + \cos(q1 + q4 + o)))))))))))
                      (q5) * conj (15) + 3*13*m1*sin (q2 + q3 + conj(q1))*conj (q5)
                     11) + 12*m1*sin(q2 + conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*
                      conj(16) - 14*m1*conj(15)*cos(q1 + q4 - conj(q5)) - 13
                     *m1*conj(11)*sin(q2 + q3 - conj(q1)) + (16*m1*conj(15))
                     *\cos(q1 + q4 + q6 + \cos (q5)))/2 + (9*12*m1*\cos (14)*
                     \sin(q^2 + \cos(q^2)) + \cos(q^2))/4 - (13*m^2*\cos(16)*\sin(q^2))/4
                      (conj(q1) - q3 - q2 + conj(q4) + conj(q6))/4, 8*m1*
                     \cos(\cos(q2) + \cos(q3)) * \sin(q2 + q3) * abs(13)^2 + 8*m1
                     *\sin(\text{conj}(q2) + \text{conj}(q3))*\cos(q2 + q3)*abs(13)^2 + 2*
                     13*m1*sin(conj(q2))*sin(q2 + q3)*conj(12) - 4*12*m1*
                      \cos(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(q_3) * \cos(q_2) + 4*12*m1*
                      \cos(\cos(\text{conj}(\text{q2}) + \cos(\text{q3}))*\cos(\text{13})*\sin(\text{q2}) + 2*12*\text{m1}*
                      \sin(\text{conj}(q2) + \text{conj}(q3))*\cos(q3)*\cos(q2) + 16*m1*\cos(q3)
                     q1 + q4 + q6) * sin(conj(q2)) * conj(12) + 2*12*m1*sin(
                      conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*sin(q2) + 16*m1*cos(q1 +
                        q4 + q6)*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13) - 4*13*m1*
                      \cos(\cos(q2))*\cos(q2 + q3)*\cos(12) + 2*13*m1*\cos(\cos(q2 + q3))*\cos(q3)
                      (q2) * \sin(q2 + q3) * \cos(12) + 4*13*m1*\sin(\cos(q2))*
                     \cos(q_2 + q_3)*\cos(12) - 13*m_1*\sin(\cos(q_1) + \cos(q_4))
                     + conj(q6))*cos(q2 + q3)*conj(16)
_{4} [(5*11*m1*cos(conj(q2))*conj(12)*sin(q1))/2 + (15*11*m1*)]
                     \sin(\cot(q2))*\cos((12)*\cos(q1))/2 - 5*12*m1*\sin(\cot(q2))
                     (q1) *conj(11)*cos(q2) - 6*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))
                      ) * \cos(q^2 + q^3) * \cos(14) + 3*14*m1*\cos(\cos(q^2) + \cos(q^2))
                      (q3) * sin(q1 + q4) * conj(13) + 6 * 14 * m1 * sin(conj(q2) + q3) * sin(q1 + q4) * conj(13) + q4 * m1 * sin(conj(q2) + q3) * sin(q1 + q4) * conj(13) + q4 * m1 * sin(conj(q2) + q3) * sin(q1 + q4) * conj(13) + q4 * m1 * sin(conj(q2) + q3) * sin(q1 + q4) * conj(q2) + q4 * m1 * sin(conj(q2) + q4) * conj(q3) * sin(q1 + q4) * conj(q2) + q4 * m1 * sin(conj(q2) + q4) * conj(q3) * sin(q1 + q4) * sin(q1 + q4) * conj(q3) * sin(q1 + q4) *
                      conj(q3) * cos(q1 + q4) * conj(l3) - l2 * m1 * sin(conj(q1) + q4) * conj(l3) - l2 * m1 * sin(conj(l3) + q4) * conj(l3) - l2 * m1 * sin(l3) - l2 * m1 * m2 * m1 * m2 * m2
                         conj(q4) + conj(q6) * conj(16) * cos(q2) + 4*11*m1*cos(q2)
                      conj(q2) + conj(q3) * conj(13) * sin(q1) + 6*11*m1* sin(q1)
                      conj(q2) + conj(q3) * conj(13) * cos(q1) - 3*12*m1*sin(
                      conj(q1) + conj(q4) * conj(14) * cos(q2) + (5*16*m1*cos(q2) + (5*16*m1*cos(q3) + (5*16*
                     q1 + q4 + q6)*sin(conj(q2))*conj(12))/2 + (16*m1*sin(
                     q1 + q4 + q6)*cos(conj(q2))*conj(12))/2 + (5*16*m1*cos)
                     (q1 + q4 + q6)*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13))/2 +
                     16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*cos(conj(q2) + conj(q3))*conj(
                     13) - 8*13*m1*sin(conj(q1))*cos(q2 + q3)*conj(11) +
```

+ q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4) \* conj(14) \* / 2 - (9\*14\*)

```
(3*14*m1*cos(conj(q2))*sin(q1 + q4)*conj(12))/2 + 6*14
*m1*sin(conj(q2))*cos(q1 + q4)*conj(12) - 2*13*m1*sin(
conj(q1) + conj(q4) + conj(q6) * cos(q2 + q3) * conj(16)
8*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*sin(q2 + q3)*abs(13)^2
+ 8*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q2 + q3)*abs(13)^2
+2*13*m1*sin(conj(q2))*sin(q2 + q3)*conj(12) - 4*12*
m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*cos(q2) + 4*12*m1
*\cos(\text{conj}(q2) + \text{conj}(q3))*\cos(13)*\sin(q2) + 2*12*m1*
\sin(\text{conj}(q2) + \text{conj}(q3))*\cos(q2) + 2*12*m1*
\sin(\text{conj}(q2) + \text{conj}(q3))*\cos(13)*\sin(q2) - 4*13*m1*
\cos(\cos(q_2))*\cos(q_2+q_3)*\cos(l_2) + 2*l_3*m_1*\cos(conj)
(q2) * \sin(q2 + q3) * \cos(12) + 4*13*m1*\sin(\cos(q2))*
\cos(q_2 + q_3)*\cos(l_2), 16*m_1*\cos(conj(q_2) + conj(q_3))*
\sin(q^2 + q^3)*abs(1^3)^2 + 16*m1*sin(conj(q^2) + conj(q^3)
*\cos(q2 + q3)*abs(13)^2 + 2*13*m1*sin(conj(q2))*sin(
q2 + q3)*coni(12) - 3*14*m1*cos(coni(q2) + coni(q3))*
\sin(q1 + q4)*\cos((13) - 12*12*m1*\cos(\cos(q2) + \cos)
(q3) \times (q2) = 4 \times 11 \times (q2) = 4 \times 11 \times (q2) + conj(q3)
))*conj(13)*sin(q1) + 12*12*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))
*conj(13)*sin(q2) + 2*12*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*
conj(13)*cos(q2) + 2*12*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*
conj(13)*sin(q2) - 16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*cos(conj(q2))
+ conj(q3) * conj(13) - 12*13*m1*cos(conj(q2))*cos(q2)
+ q3 * conj (12) + 2*13*m1*cos (conj (q2))*sin (q2 + q3)*
conj(12) + 12*13*m1*sin(conj(q2))*cos(q2 + q3)*conj(12)
), (5*11*m1*cos(conj(q2))*conj(12)*sin(q1))/2 + (5*11*
m1*sin(conj(q2))*conj(12)*cos(q1))/2 - 6*13*m1*sin(
conj(q1) + conj(q4) * cos(q2 + q3) * conj(14) + 3*14*m1*
\cos(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \sin(q_1 + q_4) * \cos(13) + 6*14*
m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q1 + q4)*conj(l3) - l2
*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*conj(16)*cos(
q2) + 4*11*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*sin(q1)
+2*11*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*cos(q1)
-3*12*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*conj(14)*cos(q2) +
(5*16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj(q2))*conj(12))/2 +
 (16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*cos(conj(q2))*conj(12))/2 +
(5*16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj(q2) + conj(q3))*
conj(13))/2 + 16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*cos(conj(q2) +
conj(q3) * conj(13) + (3*14*m1*cos(conj(q2))*sin(q1 +
q4)*conj(12))/2 + 6*14*m1*sin(conj(q2))*cos(q1 + q4)*
conj(12) - 2*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))
*\cos(q2 + q3)*\cos(16),8*m1*\cos(\cos(q2) + \cos(q3))*
\sin(q2 + q3)*abs(13)^2 + 8*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))
*\cos(q2 + q3)*abs(13)^2 + 2*13*m1*sin(conj(q2))*sin(q2)
+ q3)*conj(12) - 4*12*m1*sin(conj(q5))*conj(15)*sin(
q2) - 4*12*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*cos(q2)
```

```
+4*12*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*sin(q2)
     + 2*12*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*cos(q2) +
     2*12*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*sin(q2) - 4*
     13*m1*cos(conj(q2))*cos(q2 + q3)*conj(12) + 2*13*m1*
     \cos(\cos(\gcd))*\sin(\gcd+\gcd)*\cos((12) + 4*13*m1*\sin(\cot)
     (q2))*\cos(q2 + q3)*\cos(12) - 4*13*m1*\sin(conj(q5))*
     \cos(q^2 + q^3)*\cos((15)), 8*m^2*\cos(\cos(q^2) + \cos(q^3))*
      \sin(q^2 + q^3)*abs(13)^2 + 8*m1*sin(conj(q^2) + conj(q^3))
     *\cos(q2 + q3)*abs(13)^2 + 2*13*m1*sin(conj(q2))*sin(q2)
      + q3)*conj(12) - 4*12*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*
      conj(13)*cos(q2) + 4*12*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*
      conj(13)*sin(q2) + 2*12*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*
      conj(13)*cos(q2) + 16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj(q2))
      ) * conj(12) + 2*12*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)
     *\sin(q2) + 16*m1*\cos(q1 + q4 + q6)*\sin(conj(q2) +
      conj(q3))*conj(13) - 4*13*m1*cos(conj(q2))*cos(q2 + q3)
      *conj(12) + 2*13*m1*cos(conj(q2))*sin(q2 + q3)*conj(
     12) + 4*13*m1*sin(conj(q2))*cos(q2 + q3)*conj(12) - 13
     *m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*cos(q2 + q3)*
      conj (16)]
[(3*14*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*sin(q1 + q4)*conj(13))]
     /2 - 6*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*cos(q2 + q3)*
     conj(14) + (21*14*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q1 +
      q4)*conj(13))/2 + 2*11*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*
      conj(13)*sin(q1) + 12*11*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*
      conj(13)*cos(q1) + 4*16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj(
     q2) + conj(q3) * conj(13) + (16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*
     \cos(\cos(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(13))/2 - 8*13*m1*\sin(q_3)
      conj(q1))*cos(q2 + q3)*conj(11) - 2*13*m1*sin(conj(q1))
      + \cos j(q4) + \cos j(q6) * \cos (q2 + q3) * \cos j(16) , (9*14*m1)
     *\cos(\text{conj}(q2) + \text{conj}(q3))*\sin(q1 + q4)*\cos((13))/2 -
     8*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q2 + q3)*abs(13)^2 -
      8*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*sin(q2 + q3)*abs(13)^2
     + (9*14*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q1 + q4)*conj(
     (13))/2 + 8*12*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*cos
     (q2) + 6*11*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*sin(
     q1) + 4*11*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*cos(q1)
     ) - 8*12*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)*sin(q2)
     + 2*16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj(q2) + conj(q3))*
     conj(13) + (3*16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*cos(conj(q2) +
      coni(q3))*coni(13))/2 + 8*13*m1*cos(coni(q2))*cos(q2 +
      q3)*conj(12) - 8*13*m1*sin(conj(q2))*cos(q2 + q3)*
      conj(12),4*m1*sin(2*real(q2) + 2*real(q3))*abs(13)
      ^2, (3*14*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*sin(q1 + q4)*conj
      (13))/2 - 6*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*cos(q2 + q3)
      *conj(14) + (21*14*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q1)
```

```
+ q4)*conj(13))/2 + 2*11*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*
       conj(13)*sin(q1) + 4*l1*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*
       conj(13)*cos(q1) + 4*16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj(
      q2) + conj(q3) * conj(13) + (16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*
       \cos(\cos(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(13))/2 = 2*13*m1*\sin(q_3)
       conj(q1) + conj(q4) + conj(q6) * cos(q2 + q3) * conj(16)
       (3*14*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*sin(q1 + q4)*conj(
       (13))/2 + (9*14*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q1 + q4)
       *conj(13))/2 + 2*11*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*conj(
      13)*\sin(q1) + 4*11*m1*\sin(conj(q2) + conj(q3))*conj(13)
      *\cos(q1) + 2*16*m1*\cos(q1 + q4 + q6)*\sin(\cos(q2) +
       conj(q3) **\conj(13) + (16*\m1*\sin(q1 + q4 + q6)*\cos(\conj
       (q2) + conj(q3) * conj(13) / 2 - 4*13*m1*sin(conj(q5))*
      \cos(q^2 + q^3) * \cos((15), 4*m1*\cos(\cos(q^2) + \cos(q^3))*
      \sin(q^2 + q^3)*abs(13)^2 + 4*m1*sin(conj(q^2) + conj(q^3))
       *\cos(q2 + q3)*abs(13)^2 + 2*16*m1*\cos(q1 + q4 + q6)*
       \sin(\operatorname{conj}(q2) + \operatorname{conj}(q3)) * \operatorname{conj}(13) - 13 * \operatorname{m1} * \sin(\operatorname{conj}(q1))
        + conj(q4) + conj(q6))*cos(q2 + q3)*conj(16)
[(3*11*m1*sin(conj(q1) - q1 + conj(q4))*conj(14))/2 + 16*
      m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1))*conj(l1) - (l6*m1*sin(
      q1 + q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4) * conj(14) / 2 + 3*14
      *m1*conj(11)*sin(q1 + q4 - conj(q1)) - (14*m1*conj(16))
       *\sin(\text{conj}(q1) - q4 - q1 + \text{conj}(q4) + \text{conj}(q6)))/2,3*13
       *m1*cos(conj(q1) + conj(q4))*sin(q2 + q3)*conj(14) +
      9*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*cos(q2 + q3)*conj(14)
         -3*14*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q1 + q4)*conj(
      13) + (3*12*m1*cos(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*
      conj(16)*sin(q2))/2 + (3*12*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))
        + conj(q6) * conj(16) * cos(q2) / 2 + 3*12*m1*cos(conj(q1))
       + conj(q4) * conj(14) * sin(q2) + (9*12*m1*sin(conj(q1)))
        + conj(q4) * conj(14) * cos(q2) / 2 - 16*m1*cos(q1 + q4 + q4) 
        q6)*sin(conj(q2))*conj(12) - 16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*
       \sin(\text{conj}(q2) + \text{conj}(q3)) * \text{conj}(13) - 3*14*m1* \sin(\text{conj}(q3)) = 3*14*m1* \cos(\text{conj}(q3)) = 3*14*m1* \cos(\text{conj}(q3))
      (q2) \times \cos(q1 + q4) \times \cos((12) + (3*13*m1*\cos(\cos(q1) +
      conj(q4) + conj(q6) * sin(q2 + q3) * conj(16) * /2 + 3*13*
      m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*cos(q2 + q3)*
       conj(16),3*13*m1*cos(conj(q1) + conj(q4))*sin(q2 + q3)
      *conj(14) + 9*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*cos(q2 +
      q3)*conj(14) - 6*14*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q1)
        + q4)*conj(13) - 2*16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj(
      q2) + conj(q3) * conj(13) + (3*13*m1*cos(conj(q1) +
       conj(q4) + conj(q6) * sin(q2 + q3) * conj(16) * /2 + 3*13*
      m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*cos(q2 + q3)*
      conj(16), -11*m1*sin(conj(q1) - q1 + conj(q4) + conj(q4))
      q6) \times conj(16) - (3*11*m1*sin(conj(q1) - q1 + conj(q4))
      *conj(14))/2 - (16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1) -
```

```
conj(q4))*conj(14))/2 - (14*m1*conj(16)*sin(conj(q1) -
            q4 - q1 + conj(q4) + conj(q6))/2,3*13*m1*cos(conj(q1))
           + conj(q4) * sin(q2 + q3) * conj(14) - 2*14*m1*sin(conj
           (q5) * sin(q1 + q4) * conj(15) + 3*13*m1* <math>sin(conj(q1) +
           conj(q4))*cos(q2 + q3)*conj(14) + (3*12*m1*cos(conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj(q1)*conj
           + conj(q4) + conj(q6) * conj(16) * sin(q2) / 2 + (12*m1*)
           \sin(\operatorname{conj}(q1) + \operatorname{conj}(q4) + \operatorname{conj}(q6)) * \operatorname{conj}(16) * \operatorname{cos}(q2))
          /2 + 3*12*m1*cos(conj(q1) + conj(q4))*conj(14)*sin(q2)
            + (3*12*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*conj(14)*cos(q2))
          /2 - 16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*sin(conj(q5))*conj(15) +
           (3*13*m1*cos(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*sin(q2 +
          q3)*conj(16))/2 + 13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj
           (q6))*cos(q2 + q3)*conj(l6), l1*m1*<math>sin(conj(q1) - q1 +
           conj(q4) + conj(q6) * conj(16) - (12*m1*sin(conj(q1) - 
          q2 + conj(q4) + conj(q6) * conj(16) / 2 + (7*13*m1*sin(
          q2 + q3 + conj(q1) + conj(q4) + conj(q6) * conj(16) / 4
          + 3*13*m1*sin(q2 + q3 + conj(q1) + conj(q4))*conj(14)
          -16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4))*conj(
          (14) + (12*m1*sin(q2 + conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*
           conj(16)/2 - (3*13*m1*conj(16)*sin(conj(q1) - q3 - q2)
           + conj(q4) + conj(q6))/4 - 14*m1*conj(16)*sin(conj(
          q1) - q4 - q1 + conj(q4) + conj(q6)
_{7} [-(m1*conj(15)*(16*cos(q1+q4+q6)*cos(conj(q5))-5*16]
           *\sin(q1 + q4 + q6)*\sin(conj(q5)) + 2*14*\cos(conj(q5))*
           \cos(q1 + q4) - 8*14*\sin(conj(q5))*\sin(q1 + q4) + 2*11*
           \cos(\operatorname{conj}(q5))*\cos(q1) - 6*11*\sin(\operatorname{conj}(q5))*\sin(q1))
           /2, m1*cos(conj(q5))*conj(15)*(13*sin(q2+q3)-12*cos
          (q2)) + 5*m1*sin(conj(q5))*conj(15)*(13*cos(q2 + q3) +
            12*\sin(q2)) + 13*m1*\sin(conj(q5))*\cos(q2 + q3)*conj(
          15),m1*cos(conj(q5))*conj(15)*(13*sin(q2 + q3) - 12*
          \cos(q^2) + m^* \sin(\cos(q^2)) \cos(15) (13 \cos(q^2 + q^3))
          + 12*\sin(q2) + 5*13*m1*\sin(conj(q5))*\cos(q2 + q3)*
           conj(15), -(m1*conj(15)*(5*14*cos(q1 + q4 + conj(q5)) -
            2*16*\cos(q1 + q4 + q6 - \cos(q5)) - 3*14*\cos(q1 + q4)
          -\operatorname{conj}(q5) + 3*16*\cos(q1 + q4 + q6 + \operatorname{conj}(q5)) + 2*11
           *\cos(q1 + \cos(q5)))/2, m1*\cos(\cos(q5))*\cos(15)*(13*)
           \sin(q2 + q3) - 12*\cos(q2) + m1*\sin(\cos(q5))*\cos(15)
           *(13*\cos(q2+q3)+12*\sin(q2))+13*m1*\sin(\cos(q5))*
           \cos(q^2 + q^3) * \cos(15), m1 * \cos(\cos(q^5)) * \cos(15) * (13)
           \sin(q2 + q3) - 12*\cos(q2) + m1*\sin(\cos(q5))*\cos(15)
           *(13*\cos(q2+q3)+12*\sin(q2))+16*m1*\sin(q1+q4+q4)
          q6) * sin(conj(q5)) * conj(15) + 13 * m1 * sin(conj(q5)) * cos(
          q2 + q3)*conj(15)
s \left[ (12*m1*sin(conj(q1) - q2 + conj(q4) + conj(q6))*conj(16) \right]
          \frac{1}{2} - \frac{13 \cdot m1 \cdot sin(q2 + q3 + conj(q1) + conj(q4) + conj(q4)}{12}
          q6) \times conj(16) / 2 + 16 \times m1 \times sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1)) \times conj(q1)
```

```
conj(11) + 16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4)
 ) * conj (14) - (12*m1*sin(q2 + conj(q1) + conj(q4) +
 conj(q6))*conj(16))/2 + (13*m1*conj(16)*sin(conj(q1) -
    q3 - q2 + conj(q4) + conj(q6))/2 + (14*m1*conj(16)*
 \sin(\text{conj}(q1) - q4 - q1 + \text{conj}(q4) + \text{conj}(q6)))/2,11*m1
 *\cos(\operatorname{conj}(q1) + \operatorname{conj}(q4) + \operatorname{conj}(q6))*\cos(16)*\sin(q1)
-11*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*conj(16)*
 \cos(q1) - 16*m1*\cos(q1 + q4 + q6)*\sin(conj(q2))*conj(
12) - 16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj(q2) + conj(q3))
 *conj(13) + 13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*
 \cos(q^2 + q^3)*\cos(16) + (14*m1*\cos(\cos(q^2) + \cos(q^2))
   + conj(q6) * sin(q1 + q4) * conj(16))/2 - (14*m1*sin(q1 + q4))/2 -
 conj(q1) + conj(q4) + conj(q6) * cos(q1 + q4) * conj(16) 
 /2,2*13*m1*cos(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*sin(q2)
+ q3 * conj (16) - 2*16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj(q2))
 + conj(q3) *conj(13) + (3*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q1)) + conj(q1) + conj(
q4) + conj(q6) * cos(q2 + q3) * conj(16)) / 2,(12*m1*sin(
 conj(q1) - q2 + conj(q4) + conj(q6) * conj(16) / 2 - 2*
11*m1*sin(conj(q1) - q1 + conj(q4) + conj(q6))*conj(16)
 -(13*m1*sin(q2 + q3 + conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))
) * conj(16))/2 + 16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1) - q4 - con
 conj(q4) * conj(14) - (12*m1*sin(q2 + conj(q1) + conj(q1))
(q4) + conj(q6) * conj(16) / 2 + (13*m1*conj(16)*sin(conj)
 (q1) - q3 - q2 + conj(q4) + conj(q6))/2 + (14*m1*conj
 (16)*\sin(conj(q1) - q4 - q1 + conj(q4) + conj(q6))
 /2,(16*m1*conj(15)*cos(q1+q4+q6+conj(q5)))/2-(
16*m1*cos(q1 + q4 + q6 - conj(q5))*conj(15))/2 - 11*m1
*\sin(conj(q1) - q1 + conj(q4) + conj(q6))*conj(16) - (
14*m1*conj(16)*sin(conj(q1) - q4 - q1 + conj(q4) +
 conj(q6)))/2,2*13*m1*cos(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6)
 ) * \sin(q2 + q3) * \cos(16) + (13*m1*\sin(\cos(q1) + \cos(q1))) 
q4) + conj(q6) * cos(q2 + q3) * conj(16) )/2
```

# 3 Gravity Matrix g(q):

```
\begin{array}{lll} 1 & g = & 0 \\ & -12*\text{m2}*\text{conj}(g)*\text{cos}(q2) \\ 3 & & & \text{conj}(g)*(13*\text{m2}*\sin{(q2+q3)} - 12*\text{m2}*\cos{(q2)} \\ & & & & \text{q2}) + 13*\text{m3}*\sin{(q2+q3)}) \\ 4 & & & & \text{conj}(g)*(13*\text{m2}*\sin{(q2+q3)} - 12*\text{m2}*\cos{(q2)} \\ & & & & & \text{q2}) + 13*\text{m3}*\sin{(q2+q3)}) \\ 5 & & & & & \text{conj}(g)*(15*\text{m5}*\sin{(q5)} - 12*\text{m2}*\cos{(q2)} + 13*\text{m2}*\sin{(q2+q3)} \\ 6 & & & & & \text{conj}(g)*(15*\text{m5}*\sin{(q5)} - 12*\text{m2}*\cos{(q2)} + 13*\text{m2}*\sin{(q2+q3)} \\ 6 & & & & & \text{conj}(g)*(15*\text{m5}*\sin{(q5)} - 12*\text{m2}*\cos{(q2)} + 13*\text{m2}*\sin{(q2+q3)} \\ 6 & & & & & \text{conj}(g)*(15*\text{m5}*\sin{(q5)} - 12*\text{m2}*\cos{(q2)} + 13*\text{m2}*\sin{(q2+q3)} \\ 6 & & & & & \text{conj}(g)*(15*\text{m5}*\sin{(q2+q3)}) \end{array}
```

#### 4 Torques:

```
1 tau =
      8*m1*sin(2*real(q2) + 2*real(q3))*abs(13)^2 + 11*m1*cos(
             q1 + conj(q5) * conj(15) - (5*11*m1*sin(q1 + conj(q2)))
             * conj(12))/2 + (15*12*m1*sin(q2 + conj(q1))*conj(11))
             /2 - 6*13*m1*sin(q2 + q3 - conj(q1) - conj(q4))*conj(
             14) + (9*14*m1*sin(q1 + q4 - conj(q2) - conj(q3))*
             conj(13))/2 - 3*11*m1*sin(conj(q1) - q1 + conj(q4) +
             conj(q6))*conj(16) - (12*m1*sin(conj(q1) - q2 + conj(q1))
             q4) + conj(q6) *conj(16) /2 + (21*13*m1*sin(q2 + q3 + q3)) + conj(q6) + con
               conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*conj(16))/4 - 12*m1*
             \cos(\cos(q_2) - q_2 + \cos(q_3)) * \cos(13) - (16*m_1* \cos(q_3)) 
             q1 + q4 + q6 - conj(q5) * conj(15) / 2 - 6*11*m1*sin(
             conj(q2) - q1 + conj(q3) * conj(13) - 6*11*m1*sin(conj
             (q1) - q1 + conj(q4) * conj(14) - 12*m1*sin(conj(q2) -
               q2 + conj(q3) * conj(13) - 3*13*m1*cos(q3 + 2*real(q2))
             ) * conj(12) - 3*16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1))*
             conj(11) + 15*13*m1*sin(q2 + q3 + conj(q1) + conj(q4)
             *conj(14) - (9*14*m1*sin(q1 + q4 + conj(q2) + conj(q2))
             (q3) \times (q3) \times (q3) / 2 + 3 \times 13 \times (q3 + 2 \times (q2)) \times (q3) 
             12) - 11*m1*cos(q1 - conj(q5))*conj(15) + (5*11*m1*)
             \sin(q1 - \cos j(q2)) * \cos j(12))/2 - (5*12*m1*\sin(q2 - \cos j(q2)))
             conj(q1) * conj(11) /2 + 14 * m1 * cos(q1 + q4 + conj(q5))
             *conj(15) + 17*13*m1*sin(q2 + q3 + conj(q1))*conj(11)
              -(3*14*m1*sin(q1 + q4 + conj(q2))*conj(12))/2 + 16*
             m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q2) - conj(q3))*conj(13) -
               16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1) - conj(q4))*conj(
             14) - 3*12*m1*cos(2*real(q2) + conj(q3))*conj(13) +
             (5*12*m1*sin(q2 + conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*
             conj(16))/2 + 3*12*m1*sin(2*real(q2) + conj(q3))*conj
             (13) - 16*m1*sin(q1 + q4 + q6 + conj(q2) + conj(q3))*
             conj(13) - 13*m1*conj(12)*cos(q2 + q3 - conj(q2)) -
             14*m1*coni(15)*cos(q1 + q4 - coni(q5)) - 11*13*m1*
             conj(11)*sin(q2 + q3 - conj(q1)) - 6*14*m1*conj(11)*
             \sin(q1 + q4 - \cos j(q1)) - 13*m1*\cos j(12)*\sin(q2 + q3)
             - \operatorname{conj}(q2) + (3*14*m1*\operatorname{conj}(12)*\sin(q1 + q4 - \operatorname{conj}(q2))
             (15)/2 + (16*m1*conj(15)*cos(q1 + q4 + q6 + conj(q5)))
             /2 - 6*11*m1*conj(13)*sin(q1 + conj(q2) + conj(q3)) +
              6*12*m1*conj(14)*sin(q2 + conj(q1) + conj(q4)) + (3*)
             13*m1*conj(16)*sin(conj(q1) - q3 - q2 + conj(q4) +
             conj(q6))/4 - 14*m1*conj(16)*sin(conj(q1) - q4 - q1
             + \operatorname{conj}(q4) + \operatorname{conj}(q6)
_{3} 40*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*sin(q2 + q3)*abs(13)^2 +
           40*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q2 + q3)*abs(13)^2
```

```
-12*m2*conj(g)*cos(q2) + 8*13*m1*sin(conj(q2))*sin(q2)
      + q3 * conj (12) + 5*11*m1*cos (conj (q2))*conj (12)*sin (
      q1) + 10*11*m1*sin(conj(q2))*conj(12)*cos(q1) - 5*12*
      m1*sin(conj(q1))*conj(11)*cos(q2) - 12*13*m1*sin(conj(q2))
      q1) + conj(q4) * cos(q2 + q3) * conj(14) + 3*14*m1*cos(
      conj(q2) + conj(q3) * sin(q1 + q4) * conj(13) + 12*14*m1*
      \sin(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(q_1 + q_4) * \cos(13) - 2*12*
      m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*conj(16)*cos(q2)
      ) - 4*12*m1*sin(conj(q5))*conj(15)*sin(q2) - 24*12*m1*
      \cos(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(q_3) * \cos(q_2) + 4*11*m1*
      \cos(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(13) * \sin(q_1) + 8*11*m1*
      \sin(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(q_3) * \cos(q_1) + 24*12*m1*
      \cos(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(13) * \sin(q_2) + 8*12*m1*
      \sin(\cot(q_2) + \cot(q_3)) * \cot(1_3) * \cos(q_2) - 6*12*m1*
      \sin(\text{conj}(q1) + \text{conj}(q4))*\cos(q1) *\cos(q2) + 6*16*m1*
      \cos(q1 + q4 + q6)*\sin(\cos(q2))*\cos(12) + 16*m1*\sin(
      q1 + q4 + q6)*cos(conj(q2))*conj(12) + 8*12*m1*sin(
      conj(q2) + conj(q3) * conj(13) * sin(q2) + 6*16*m1*cos(q1)
      + q4 + q6 * sin(conj(q2) + conj(q3)) * conj(13) + 16 * m1 *
      \sin(q1 + q4 + q6)*\cos(\cos(q2) + \cos(q3))*\cos(13) -
      24*13*m1*cos(conj(q2))*cos(q2 + q3)*conj(12) - 8*13*m1
      *\sin(\text{conj}(q1))*\cos(q2 + q3)*\cos(11) + 8*13*m1*\cos(
      conj(q2))*sin(q2 + q3)*conj(12) + 24*13*m1*sin(conj(q2))*
      ) * \cos(q^2 + q^3) * \cos((12) + 3*14*m1*\cos(\cos(q^2))*\sin(q^2))
      q1 + q4 * conj (12) + 12*14*m1*sin (conj (q2))*cos (q1 + q4)
      *conj(12) - 4*13*m1*sin(conj(q5))*cos(q2 + q3)*conj(
      15) - 5*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*cos(
      q2 + q3)*coni(16)
conj(g)*(13*m2*sin(q2+q3)-12*m2*cos(q2)+13*m3*sin(
      q2 + q3) + 4*m1*sin(2*real(q2) + 2*real(q3))*abs(13)
      ^2 - 4*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*sin(q2 + q3)*abs(13)
      ^2 - 4*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q2 + q3)*abs(
      (13)^2 - 12*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*cos(q2 + q3)
      *conj(14) + 9*14*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*sin(q1 +
      q4)*conj(13) + 30*14*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(
      q1 + q4)*conj(13) + 8*12*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*
      conj(13)*cos(q2) + 12*11*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*
      conj(13)*sin(q1) + 24*11*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*
      conj(13)*cos(q1) - 8*12*m1*cos(conj(q2) + conj(q3))*
      conj(13)*sin(q2) + 14*16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(conj
      (q2) + conj(q3) * conj(13) + 3*16*m1*sin(q1 + q4 + q6)*
      \cos(\cos(\cos(q_2) + \cos(q_3)) * \cos(13) + 8*13*m1*\cos(\cos(\cos(q_3)))
      (q2) \times \cos(q2 + q3) \times \cos(12) - 8 \times 13 \times \sin(\cos(q1)) \times \cos(q1)
      (q2 + q3)*conj(11) - 8*13*m1*sin(conj(q2))*cos(q2 + q3)
      *conj(12) - 4*13*m1*sin(conj(q5))*cos(q2 + q3)*conj(
      15) - 5*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*cos(
```

```
q2 + q3)*conj(16)
conj(g)*(13*m2*sin(q2+q3)-12*m2*cos(q2)+13*m3*sin(
           q2 + q3) - (12*m1*sin(conj(q1) - q2 + conj(q4) + conj
           (q6) *conj(16) )/2 + (7*13*m1*sin(q2 + q3 + conj(q1) + q3)
           conj(q4) + conj(q6) * conj(16) / 4 + 16*m1*sin(q1 + q4 + q4)
            q6 - conj(q1) * conj(11) + 3*13*m1*sin(q2 + q3 + conj(
           q1) + conj(q4) * conj(14) - 2*16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - q4)
           conj(q1) - conj(q4) * conj(14) + (12*m1*sin(q2 + conj(
           q1) + conj(q4) + conj(q6))*conj(16))/2 + 3*14*m1*conj(
           11)*\sin(q1 + q4 - \cos j(q1)) - (3*13*m1*\cos j(16)*\sin(q1))
           conj(q1) - q3 - q2 + conj(q4) + conj(q6))/4 - 2*14*m1
           *conj(16)*sin(conj(q1) - q4 - q1 + conj(q4) + conj(q6)
           -2*14*m1*sin(conj(q5))*sin(q1 + q4)*conj(15) + 9*13
           *m1*cos(conj(q1) + conj(q4))*sin(q2 + q3)*conj(14) +
           21*13*m1*sin(conj(q1) + conj(q4))*cos(q2 + q3)*conj(14)
           -9*14*m1*sin(conj(q2) + conj(q3))*cos(q1 + q4)*conj
           (13) + 3*12*m1*cos(conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*
           conj(16)*sin(q2) + 2*12*m1*sin(conj(q1) + conj(q4) +
           conj(q6))*conj(16)*cos(q2) + 6*12*m1*cos(conj(q1) +
           conj(q4))*conj(14)*sin(q2) + 6*12*m1*sin(conj(q1) +
           conj(q4))*conj(14)*cos(q2) - 16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*
           \sin(\cos(q_2))*\cos(12) - 16*m1*\sin(q_1 + q_4 + q_6)*\sin(q_1 + q_6)*\cos(q_1 + q_6)*\sin(q_1 + q_6)*\sin(q_1 + q_6)*\sin(q_1 + q_6)*\sin(q_1 + q_6)*\sin(q_1 + q_6)*\sin(q_1 
           conj(q5))*conj(15) - 3*16*m1*cos(q1 + q4 + q6)*sin(
           conj(q2) + conj(q3) * conj(13) - 3*14*m1*sin(conj(q2))*
           \cos(q1 + q4)*\cos(12) + (9*13*m1*\cos(\cos(q1) + \cos(q1)))
           q4) + conj(q6) * sin(q2 + q3) * conj(16))/2 + 7*13*m1*sin
           (conj(q1) + conj(q4) + conj(q6))*cos(q2 + q3)*conj(16)
_{6} (5*16*m1*cos(q1+q4+q6-conj(q5))*conj(15))/2-6*12*
          m1*cos(q2 + conj(q5))*conj(15) - 3*11*m1*cos(q1 + conj
           (q5))*conj(15) + 11*m1*cos(q1 - conj(q5))*conj(15) +
           2*12*m1*cos(q2 - conj(q5))*conj(15) - 5*14*m1*cos(q1 +
             q4 + conj(q5) * conj(15) + 10*13*m1*sin(q2 + q3 + conj
           (q5) * conj(15) + 13*m2*sin(q2 + q3)*conj(g) + 13*m3*
           \sin(q^2 + q^3)*\cos(g) - 12*m^2*\cos(g)*\cos(q^2) + 3*14*m^1
           *conj(15)*cos(q1 + q4 - conj(q5)) + 15*m5*conj(g)*sin(
           q5) - 6*13*m1*conj(15)*sin(q2 + q3 - conj(q5)) - (7*16)
           *m1*conj(15)*cos(q1 + q4 + q6 + conj(q5)))/2
_{7} 12*m1*sin(conj(q1) - q2 + conj(q4) + conj(q6))*conj(16) -
             4*11*m1*sin(conj(q1) - q1 + conj(q4) + conj(q6))*conj
           (16) - (16*m1*conj(12)*sin(q1 + q4 + q6 + conj(q2)))/2
            + (5*13*m1*sin(q2 + q3 + conj(q1) + conj(q4) + conj(q4))
           q6))*conj(16))/2 - (16*m1*cos(q1 + q4 + q6 - conj(q5))
           *conj(15))/2 + 16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1))*conj
           (11) + (16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q2))*conj(12))/2
            + (3*16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q2) - conj(q3))*
           conj(13))/2 + 2*16*m1*sin(q1 + q4 + q6 - conj(q1) -
```

```
\begin{array}{l} & \cos j \, (\mathbf{q}4)) * \cos j \, (\mathbf{1}4) \, + \, \mathbf{13} * \mathbf{m2} * \sin \, (\mathbf{q}2 \, + \, \mathbf{q}3) * \cos j \, (\mathbf{g}) \, + \, \mathbf{13} * \\ & \mathbf{m3} * \sin \, (\mathbf{q}2 \, + \, \mathbf{q}3) * \cos j \, (\mathbf{g}) \, - \, \mathbf{12} * \mathbf{m1} * \sin \, (\mathbf{q}2 \, + \, \cot j \, (\mathbf{q}1) \, + \\ & \cot j \, (\mathbf{q}4) \, + \, \cot j \, (\mathbf{q}6)) * \cot j \, (\mathbf{16}) \, - \, (\mathbf{3} * \mathbf{16} * \mathbf{m1} * \sin \, (\mathbf{q}1 \, + \, \mathbf{q}4 \, + \, \mathbf{q}6 \, + \, \cot j \, (\mathbf{q}2) \, + \, \cot j \, (\mathbf{q}3)) * \cot j \, (\mathbf{13})) / 2 \, - \, \mathbf{12} * \mathbf{m2} * \cot j \, (\mathbf{g}) \\ & * \cos \, (\mathbf{q}2) \, + \, \mathbf{15} * \mathbf{m5} * \cot j \, (\mathbf{g}) * \sin \, (\mathbf{q}5) \, + \, (\mathbf{16} * \mathbf{m1} * \cot j \, (\mathbf{15}) * \cos \, (\mathbf{q}1 \, + \, \mathbf{q}4 \, + \, \mathbf{q}6 \, + \, \cot j \, (\mathbf{q}5))) / 2 \, + \, (\mathbf{13} * \mathbf{m1} * \cot j \, (\mathbf{16}) * \sin \, (\cot j \, (\mathbf{q}1) \, - \, \mathbf{q}3 \, - \, \mathbf{q}2 \, + \, \cot j \, (\mathbf{q}4) \, + \, \cot j \, (\mathbf{q}6))) / 2 \end{array}
```