ТРЕБОВАНИЯ К ПРОГРАММАМ

(многопоточная версия)

- 1. Программа должна получать все параметры в качестве аргументов командной строки. Аргументы командной строки:
 - 1) n размерность матрицы,
 - 2) *m* размер блока,
 - 3) р количество использованных потоков,
 - 4) r количество выводимых значений в матрице,
 - 5) s задает номер формулы для инициализации матрицы, должен быть равен 0 при вводе матрицы из файла
 - 6) filename имя файла, откуда надо прочитать матрицу. Этот аргумент **отсутствует**, если s! = 0.

Например, запуск

./a.out 4 3 2 4 0 a.txt

означает, что матрицу 4x4 надо прочитать из файла a.txt, использовать блочный алгоритм с размером блока 3 и 2 потока, и выводить не более 4-х строк и столбцов матрицы, а запуск

./a.out 2000 90 8 10 1

означает, что матрицу 2000х2000 надо инициализировать по формуле номер 1, использовать блочный алгоритм с размером блока 90 и 8 потоков, и выводить не более 10-ти строк и столбцов матрицы.

2. В задачах, где требуется правая часть b, этот вектор строится после инициализации матрицы $A = (a_{i,j})_{i,j=1,\dots,n}$ по формуле:

$$b = (b_i)_{i=1,\dots,n}, \quad b_i = \sum_{k=0}^{(n+1)/2} a_{i,2k+1}$$

- 3. Ввод матрицы должен быть оформлен в виде подпрограммы, находящейся в отдельном файле.
- 4. Ввод матрицы из файла. В указанном файле находится матрица в формате:

$$a_{1,1}$$
 ... $a_{1,n}$
 $a_{2,1}$... $a_{2,n}$
... $a_{n,1}$

где n - указанный размер матрицы, $A=(a_{i,j})$ - матрица. Программа должна выводить сообщение об ошибке, если указанный файл не может быть прочитан, содержит меньшее количество данных или данные неверного формата.

5. Ввод матрицы и правой части по формуле. Элемент $a_{i,j}$ матрицы A полагается равным

$$a_{i,j} = f(s, n, i, j), \quad i, j = 1, \dots, n,$$

1

где f(s,n,i,j) - функция, которая возвращает значение (i,j)-го элемента $n \times n$ матрицы по формуле номер s (аргумент командной строки). Функция f(s,n,i,j) должна быть оформлена в виде отдельной подпрограммы.

$$f(s,n,i,j) = \left\{ \begin{array}{ll} n - \max\{i,j\} + 1 & \text{при} \quad s = 1 \\ \max\{i,j\} & \text{при} \quad s = 2 \\ |i-j| & \text{при} \quad s = 3 \\ \frac{1}{i+j-1} & \text{при} \quad s = 4 \end{array} \right.$$

- 6. Решение системы должно быть оформлено в виде подпрограммы, находящейся в отдельном файле и получающей в качестве аргументов
 - (a) размерность n матрицы A,
 - (b) размер блока m,
 - (c) номер потока k, где работает этот "экземпляр" функции,
 - (d) число потоков p,
 - (e) матрицу A,
 - (f) правую часть b (если стоит задача решить линейную систему)
 - (g) вектор x, в который будет помещено решение системы, если стоит задача решить линейную систему, или матрицу X, в которую будет помещена обратная матрица, если стоит задача обратить матрицу,
 - (h) дополнительные вектора, если алгоритму требуется дополнительная память.

Получать в этой подпрограмме дополнительную информацию извне через глобальные переменные, включаемые файлы и т.п. запрещается.

- 7. Программа должна содержать подпрограмму вывода на экран прямоугольной матрицы $l \times n$ матрицы. Эта подпрограмма используется для вывода исходной $n \times n$ матрицы после ее инициализации, а также для вывода на экран решения системы $(1 \times n)$ матрицы) или обратной $n \times n$ матрицы, если стоит задача обратить матрицу. Подпрограмма выводит на экран не более, чем r строк и столбцов $l \times n$ матрицы, где r параметр этой подпрограммы (аргумент командной строки). Каждая строка матрицы должна печататься на новой строке, каждый элемент матрицы выводится в строке по формату " 10.3e" (один пробел между элементами и экспоненциальный формат 10.3e).
- 8. Программа должна содержать подпрограмму вычисления нормы невязки, т.е.
 - при вычислении решения системы: $\|Ax b\|/\|b\|$,
 - при вычислении обратной матрицы: $||AA^{-1} E||$

и выводить эту норму невязки на экран (в экспоненциальном формате). Вычисление невязки должно производиться всеми потоками параллельно.

- 9. Для задачи решения линейной системы программа должна выводить норму погрешности, т.е. норму разности между полученным приближенным решением и точным решением $(1,0,1,0,1,\ldots)$.
- 10. Программа должна выводить на экран время, затраченное на решение системы (обращение матрицы, если стоит задача обратить матрицу), а также время, затраченное на вычисление невязки. Допустимо представлять время в сотых долях секунды, не преобразовывая в обычный формат чч.мм.сс:тт. Должно выводится астрономическое время время и процессорное время для каждого потока.

11. Программа должна выводить краткую информацию о запуске в точности в указанном ниже формате:

```
printf("%s : residual = %e elapsed = %.2f for s = %d n = %d m = %d p = %d\r argv[0], residual, elapsed, s, n, m, p);
```

где:

- argv[0] первый аргумент командной строки (имя образа программы),
- residual невязка,
- elapsed астрономическое время, затраченное на решение системы (нахождение обратной матрицы),
- s, n, m, p аргументы командной строки.

Выводить требуется в точности так, чтобы этот текст можно было найти поиском по протоколу работы программы.

- 12. Суммарный объем оперативной памяти, требуемой программе, не должен превышать:
 - при вычислении решения системы: $n^2 + O(n)$,
 - при вычислении обратной матрицы: $2n^2 + O(n)$.

Для выполнения этого требования после завершения алгоритма решения (нахождения обратной матрицы) вызывается подпрограмма инициализации матрицы (из файла или по формуле) и вычисления вектора b (в задачах решения линейной системы).

13. Время работы программы не должно превышать $O(n^3)$,

МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ

- 1. Метод Гаусса решения линейной системы.
- 2. Метод Гаусса нахождения обратной матрицы.
- 3. LU-разложение для решения линейной системы.
- 4. LU-разложение для нахождения обратной матрицы.
- 5. Метод Холецкого решения линейной системы с симметричной матрицей.
- 6. Метод Холецкого нахождения обратной матрицы для симметричной матрицы.
- 7. Метод Жордана решения линейной системы.
- 8. Метод Жордана нахождения обратной матрицы.
- 9. Метод Гаусса решения линейной системы с выбором главного элемента по столбцу.
- 10. Метод Гаусса решения линейной системы с выбором главного элемента по строке.
- 11. Метод Гаусса решения линейной системы с выбором главного элемента по всей матрице.
- 12. Метод Гаусса нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по столбцу.
- 13. Метод Гаусса нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по строке.
- 14. Метод Гаусса нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по всей матрице.
- 15. Метод Жордана решения линейной системы с выбором главного элемента по столбцу.
- 16. Метод Жордана решения линейной системы с выбором главного элемента по строке.
- 17. Метод Жордана решения линейной системы с выбором главного элемента по всей матрице.
- 18. Метод Жордана нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по столбцу.

- 19. Метод Жордана нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по строке.
- 20. Метод Жордана нахождения обратной матрицы с выбором главного элемента по всей матрице.
- 21. Метод вращений решения линейной системы.
- 22. Метод вращений нахождения обратной матрицы с использованием присоединенной матрицы.
- 23. Метод вращений нахождения обратной матрицы с использованием QR-разложения.
- 24. Метод отражений решения линейной системы.
- 25. Метод отражений нахождения обратной матрицы с использованием присоединенной матрицы.
- 26. Метод отражений нахождения обратной матрицы с использованием QR-разложения.