

# клас Functor

class Functor f where

Клас Functor використовується для типів, які передбачають відображення (mapped over).

Екземпляри (втілення) функтора (Functor) повинні задовольняти наступним законам:

$$\text{fmap id} == \text{id}$$
$$\text{fmap (g . h)} == \text{fmap g . fmap h}$$

# клас Functor

Minimal complete definition: fmap

$\text{fmap} :: (a \rightarrow b) \rightarrow f\ a \rightarrow f\ b$

метод    1 арг.            2 арг.            рез.

1 арг.: функція  $a \rightarrow b$

2 арг.: тип (a) в функторній обгортці (f)  $f\ a$

результат: тип (b) в функторній обгортці (f)  $f\ b$

Метод отримує функцію типу  $a \rightarrow b$  та значення типу  $a$  в функторній обгортці, повертає значення типу  $b$  в тій же функторній обгортці.

Функторна обгортка — конструктор типу (з одним параметром)

# клас Functor

Список є екземпляром класу типів Functor  
instance Functor [] where  
fmap = map

```
>fmap (*2) [1..3]
[2,4,6]
>map (*2) [1..3]
[2,4,6]
>fmap (*2) []
[]
>map (*2) []
[]
```

# клас Functor

## Maybe

```
instance Functor Maybe where  
  fmap f (Just x) = Just (f x)  
  fmap f Nothing = Nothing
```

```
> fmap (*2) (Just 3)
```

```
Just 6
```

```
> fmap (*2) Nothing
```

```
Nothing
```

# клас Functor

## Maybe

```
instance Functor Maybe where
```

```
  fmap f (Just x) = Just (f x)
```

```
  fmap f Nothing = Nothing
```

```
> fmap (++ "Використання J_U_S_T") (Just "Ось  
приклад ")
```

```
Just "Ось приклад Використання J_U_S_T"
```

```
>map (++ "Використання J_U_S_T") Nothing  
Nothing
```

# клас Functor

Дерево

```
instance Functor Tree where
```

```
    fmap f EmptyTree = EmptyTree
```

```
    fmap f (Node x left right)
```

```
=
```

```
    Node (f x) (fmap f left) (fmap f right)
```

# клас Functor

Дерево

```
instance Functor Tree where
```

```
    fmap f    EmptyTree =    EmptyTree
```

```
    fmap f    (Node x left right)
```

```
=
```

```
    Node (f x) (fmap f left) (fmap f right)
```

```
> fmap (*2)    EmptyTree
```

```
EmptyTree
```

```
> fmap (*4)    (foldr treeInsert EmptyTree  
[5,7,3])
```

```
Node 20    (Node 12    EmptyTree EmptyTree)  
  (Node 28    EmptyTree EmptyTree)
```

# клас Functor

Either

```
instance Functor (Either a) where  
    fmap _ (Left x) = Left x  
    fmap f (Right y) = Right (f y)
```



# клас Functor

Either

```
instance Functor (Either a) where
```

```
    fmap _ (Left x) = Left x
```

```
    fmap f (Right y) = Right (f y)
```

```
> let s = Left "foo" :: Either String Int
```

```
> let n = Right 3 :: Either String Int
```

```
> fmap (*2) s
```

```
Left "foo"
```

```
> fmap (*2) n
```

```
Right 6
```

# клас Applicative

```
class Functor f => Applicative f where
```

```
    pure :: a -> f a  
    (<*>) :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

<\*> - оператор послід-го застосування  
(sequential application)

*f* – екземпляр аплікативного функтора.  
**pure** отримує значення типу *a* та повертає  
у обгортці аплікативного функтора *f* *a*  
(вміщує у мінімальний / чистий /  
за-замовчанням контекст)

# клас Applicative

інші методи

$(*) > :: f\ a \rightarrow f\ b \rightarrow f\ b$

$(<*) :: f\ a \rightarrow f\ b \rightarrow f\ a$

# клас Applicative

Порівняємо з сигнатурою fmap

$$(<*>) :: f (a \rightarrow b) \rightarrow f a \rightarrow f b$$
$$\text{fmap} :: (a \rightarrow b) \rightarrow f a \rightarrow f b$$

fmap працює з функцією і функтором

<\*> - працює з двома функторами

# клас Applicative

$(\langle * \rangle) :: f (a \rightarrow b) \rightarrow f a \rightarrow f b$

-----

1-й функтор	2-й ф-р	рез-т
містить	містить	містить
функцію	зн.т. a	зн.т. b
типу (a -> b)		

$\langle * \rangle$  витягує функцію з першого функтора та застосовує до другого

# клас Applicative

Maybe

```
instance Applicative Maybe where
  pure = Just
  Nothing <*> _ = Nothing
-- (бо Nothing не містить функції)
  Just f <*> somesing = fmap f somesing
-- (виривагує з Just f ф-ю та застосовує її)
```

# клас Applicative

```
Prelude> Just (+2) <*> Just 10
```

```
Just 12
```

```
Prelude> Just (+2) <*> pure 10
```

```
Just 12
```

```
Prelude> pure (+2) <*> Just 10
```

```
Just 12
```

```
Prelude> Just (+2) <*> Nothing
```

```
Nothing
```

```
Prelude> Nothing <*> Just 10
```

```
Nothing
```

# клас Applicative

```
Prelude> Just ("abcd"++) <*> Just "efgh"  
Just "abcdefgh"
```

```
Prelude> Just ("abcd"++) <*> Nothing  
Nothing
```



# клас Applicative

Списки

```
instance Applicative [] where
    pure x      = [x]
    fs <*> xs = [f x | f <- fs, x <- xs]
-- ліворуч – список ф-ій, праворуч –
список значень
аплікативна обгортка - [ ]
```

# клас Applicative

```
Prelude> [(*0),(+100),(^2)] <*> [1,2,3]  
[0,0,0,101,102,103,1,4,9]
```

```
Prelude> [(*),(+),(^)] <*> [1,2,3] <*>  
[4,5,6]  
[4,5,6,8,10,12,12,15,18,5,6,7,6,7,8,7,8,9,  
1,1,1,16,32,64,81,243,729]
```

```
Prelude> [(*),(+),(^)] <*> [1,2,3] <*>  
[4,5]  
[4,5,8,10,12,15,5,6,6,7,7,8,1,1,16,32,81,2  
43]
```