

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ «КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ імені ІГОРЯ СІКОРСЬКОГО»

КАФЕДРА ІНФОРМАТИКИ ТА ПРОГРАМНОЇ ІНЖЕНЕРІЇ

Курсова робота з освітнього компоненту «Технології паралельних обчислень. Курсова робота»

Тема: Імітаційна модель системи процесорів на основі формального опису мережею Петрі

| Керівник: | Виконавець: |
|--------------------------------------|---|
| ст.викл. Дифучина Олександра Юріївна | Панченко Сергій Віталійович студент групи ІП-11 |
| «Допущено до захисту» | залікова книжка № ІП-1123 |
| «» 2024 p. | « <u>5</u> » <u>грудня</u> 20 <u>24</u> р. |
| Захищено з оцінкою | |
| Члени комісії: | |
| | Інна СТЕЦЕНКО |
| | Олександра ДИФУЧИНА |

Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського"

Кафедра інформатики та програмної інженерії

Дисципліна «Моделювання систем»

Спеціальність 121 Інженерія програмного забезпечення

Курс 4 Група ІП-11 Семестр 1

ЗАВДАННЯ

на курсову роботу студента

Панченка Сергія Віталійовича
(прізвище, ім'я, по батькові)

- 1. Тема роботи «Ім<u>ітаційна модель системи процесорів на основі формального</u> опису мережею Петрі»
- 2. Термін здачі студентом закінченої роботи "5" грудня 2024р.
- 3. Зміст розрахунково-пояснювальної записки
- 1. Опис 2. Псевдокод 3. Реалізація 4. Реалізація 5. Реалізація 6. Проведення експериментів над моделями. Висновки.
- 4. Дата видачі завдання <u>"29" жовтня 2024 року</u>

КАЛЕНДАРНИЙ ПЛАН

| | | Термін | | |
|----|---|---------------|----------|--|
| No | Назва етапів виконання курсової роботи | виконання | Примітка | |
| | | етапів роботи | | |
| 1 | Отримання індивідуального завдання на | 29.10.2024 | | |
| | курсову роботу | | | |
| 2 | Розробка концептуальної моделі системи | 29.11.2024 | | |
| 3 | Розробка формалізованої моделі системи | 03.11.2024 | | |
| 4 | Алгоритмізація моделі системи та її програмна | 08.11.2024 | | |
| | реалізація | | | |
| 5 | Експериментальне дослідження моделі системи | 13.11.2024 | | |
| 6 | Інтерпритація результатів моделювання, | 15.11.2024 | | |
| | формулювання висновків та пропозицій | | | |
| 7 | Оформлення пояснювальної записки | 17.11.2024 | | |
| 8 | Захист КР | 5.12.2024 | | |

| Студент | | _ Панченко С. В. |
|------------|----------|------------------|
| | (підпис) | |
| Керівник _ | | Дифучина О.Ю |
| | (пілпис) | |

АНОТАЦІЯ

Структура та обсяг роботи. Пояснювальна записка курсової роботи складається з 5 розділів, містить 2 рисунки, 2 таблиці, 1 додаток, 2 джерела.

Мета: визначення статистичних характеристик роботи багатопроцесорної обчислювальної системи, зокрема середнього значення, середнього квадратичного відхилення та закону розподілу для таких вихідних значень, якот: часу виконання завдання в системі; завантаження чотирьох дисків, каналу передачі даних і процесорів; використання пам'яті; кількості завдань, які очікують виділення ресурсу, та часу їхнього очікування.

У розділі розробки концептуальної моделі було окреслено концептуальну модель та визначено необхідні властивості імітаційних алгоритмів.

У розділі аналіз розробки формалізованої моделі було описано моделі у рамках формалізму мереж Петрі.

У розділі алгоритмізації моделі та її реалізації було описано усі деталі щодо алгоритму та його реалізації.

У розділі експериментів на моделі було проведено верифікацію моделі та факторний експеримент.

У розділі інтерпретації результатів моделювання та експериментів було описано отримані результати в рамках проведеного моделювання та експериментування.

КЛЮЧОВІ СЛОВА: МОДЕЛЮВАННЯ СИСТЕМ, МЕРЕЖІ ПЕТРІ, БАГАТОПРОЦЕСОРНА ОБЧИСЛЮВАЛЬНА СИСТЕМА.

3MICT

| Постановка завдання |
|--|
| Вступ |
| 1 Розробка концептуальної моделі |
| 1.1 Опис задачі1 |
| 1.2 Структурна схема моделі1 |
| 1.3 Опис процесу1 |
| 1.4 Вхідні змінні |
| 1.5 Вихідні змінні |
| 1.6 ВРNМ-діаграма1 |
| 1.7 Висновки до розділу1 |
| 2 Розробка формалізованої моделі1 |
| 2.1 Вхідні параметри1 |
| 2.2 Вихідні параметри1 |
| 2.2.1 Часи виконання завдання в системі та очікування виділення |
| пам'яті1 |
| 2.2.1.1 Середнє значення1 |
| 2.2.1.2 Середнє квадратичне відхилення2 |
| 2.2.2 Кількості завдань в очікуванні пам'яті та зайнятих сторінок2 |
| 2.2.2.1 Середнє значення20 |
| 2.2.2.2 Середнє квадратичне відхилення2 |
| 2.2.3 Завантаження процесорів, дисків та каналу передачі2 |
| 2.2.3.1 Середнє значення2 |
| 2.2.3.2 Середнє квадратичне відхилення2 |
| 2.3 Діаграма2 |
| 2.4 Висновки до розділу24 |
| З Алгоритмізація моделі та її реалізація2 |
| 3.1 Опис алгоритму імітації мережі Петрі2 |
| 3.2 Модифікації алгоритму2 |

| 3.2.1 Додавання розподілу Пуассона для генерації подій | 28 |
|--|----|
| 3.2.2 Вдосконалення роботи з NetLibrary | 28 |
| 3.2.3 Покращення графічного інтерфейсу | 29 |
| 3.2.4 Клас CourseWorkPetriSim | 29 |
| 3.2.4.1 Опис атрибутів | 30 |
| 3.2.4.2 Опис методів | 30 |
| 3.2.5 Клас CourseWorkNet. Протокол подій | 32 |
| 3.2.5.1 Опис атрибутів | 32 |
| 3.2.5.2 Опис TaskObject | 34 |
| 3.2.5.3 Опис методів | 34 |
| 3.3 Обчислення вихідних характеристик | 36 |
| 3.4 Верифікація | 36 |
| 3.5 Висновки до розділу | 36 |
| 4 Експериментальне дослідження моделі | 37 |
| 4.1 Визначення перехідного періоду | 37 |
| 5 Інтерпретація результатів моделювання та експериментів | 38 |
| Висновки | 39 |
| Список використаних джерел | |
| ДОДАТОК А | |
| | |

ПОСТАНОВКА ЗАВДАННЯ

Багатопроцесорна обчислювальна система складається з двох процесорів обсягом оперативною пам'яттю 131 сторінка, **i**3 загальною чотирьох накопичувачів на дисках, кожний із яких доступний обом процесорам, і одного Завдання надходять у систему із передачі даних. середньою інтенсивністю, рівною 12 завданням у хвилину відповідно до розподілу Пуассона. Загальний час, необхідний процесору на обробку завдання, розподілено нормально з математичним сподіванням 10 секунд та середнім квадратичним відхиленням 3 секунди. Час обробки процесором включає переривання, необхідні для здійснення обміну по каналу вводу-виводу. Інтервали між перериваннями розподілені за негативний експоненціальний розподілом з математичним сподіванням, що дорівнює оберненій величині середньої інтенсивності операцій вводу-виводу завдання. Середня інтенсивність операцій введення-виведення розподілена рівномірно на інтервалі від 2 секунд до 10 секунд. Операції введення-виведення призначаються конкретному диску. Завданню, що надходить у систему, призначається пріоритет, що є величиною, оберненою до потреби в пам'яті. Потреба завдання в пам'яті розподілена рівномірно в інтервалі від 20 до 60 сторінок. Як тільки пам'ять виділена для завдання, один з вільних процесорів починає його обробку. При видачі запиту на здійснення введення-виведення завдання може продовжувати використання процесора доти, доки в черзі залишиться тільки один запит. Таким чином, якщо зроблений запит на здійснення введення-виведення і один запит вже очікує в черзі, то процесор звільняється, а запит на введення виведення розміщується в черзі. Після виконання поточного запиту введення виведення процесор може відновити обробку завдання в тому випадку, якщо вона вільна. Після переривання процесора автоматично виконується запит введення-виведення з призначеним завданню диском. Таким чином, здійснюється прямий доступ до диска з процесора. Передбачається, що час позиціонування диска розподілено рівномірно на інтервалі від 0,0 до 0,075 секунд. Одночасно може здійснюватися тільки одна операція позиціонування диска. Після позиціонування здійснюється обмін даними по каналу передачі даних. Час обміну дорівнює 0,001×(2,5+h), де h - рівномірно розподілена на інтервалі від 0 до 25 величина. Після здійснення обміну запит введення-виведення вважається виконаним. Визначити загальний час виконання завдання в системі, а також статистичні оцінки завантаження усіх чотирьох дисків, каналу передачі даних та обох процесорів. Крім того, необхідно одержати оцінку середнього використання пам'яті, статистику щодо кількості завдань, які очікують виділення ресурсу, та щодо часу очікування.

ВСТУП

У сучасному світі багатопроцесорні обчислювальні системи відіграють ключову роль у вирішенні складних обчислювальних задач. Ефективність їх роботи залежить від багатьох факторів, включаючи управління пам'яттю, розподіл процесорного часу та організацію введення-виведення. Тому дослідження характеристик таких систем є актуальним завданням для оптимізації їх роботи та підвищення продуктивності.

Метою даної курсової роботи є визначення статистичних характеристик роботи багатопроцесорної обчислювальної системи, зокрема середнього значення, середнього квадратичного відхилення та закону розподілу для таких вихідних значень, як-от: часу виконання завдання в системі; завантаження чотирьох дисків, каналу передачі даних і процесорів; використання пам'яті; кількості завдань, які очікують виділення ресурсу, та часу їхнього очікування.

Для досягнення поставленої мети використовується апарат мереж Петрі, який є потужним математичним інструментом для моделювання та аналізу паралельних та розподілених систем. Мережі Петрі дозволяють ефективно описувати та досліджувати асинхронні, паралельні процеси в системі, враховуючи стохастичну природу процесів, що відбуваються в ній. У роботі застосовуються різні типи ймовірнісних розподілів для моделювання надходження завдань (розподіл Пуассона), часу обробки завдань (нормальний розподіл), інтервалів між перериваннями (експоненційний розподіл) та інших характеристик системи.

Для реалізації моделі використовується спеціалізоване програмне забезпечення PetriObjModelPaint, розроблене для моделювання та аналізу мереж Петрі. Цей інструмент надає можливості для створення, візуалізації та дослідження мережевих моделей, а також дозволяє отримувати статистичні оцінки завантаження всіх компонентів системи, включаючи процесори, диски, канал передачі даних, аналізувати використання пам'яті та характеристики черг завдань.

Результати дослідження дозволять оцінити ефективність роботи системи та виявити потенційні "вузькі місця" в її функціонуванні, що може бути використано для подальшої оптимізації роботи багатопроцесорних обчислювальних систем.

1 РОЗРОБКА КОНЦЕПТУАЛЬНОЇ МОДЕЛІ

У цьому розділі представлено концептуальну модель багатопроцесорної обчислювальної системи, яка включає опис її складових, основних процесів, правил взаємодії елементів та параметрів, необхідних для подальшого моделювання і аналізу.

1.1 Опис задачі

Мета моделювання — визначити показники роботи багатопроцесорної обчислювальної системи, зокрема:

- загальний час виконання завдань;
- завантаження дисків, каналу передачі даних і процесорів;
- середнє використання пам'яті;
- кількість завдань, що очікують на виділення ресурсу;
- час очікування виділення пам'яті.

1.2 Структурна схема моделі

Об'єктом моделювання є багатопроцесорна система, яка включає:

- два процесори, що використовують спільну оперативну пам'ять на 131 сторінку;
- чотири диски, доступні обом процесорам;
- один канал передачі даних, який використовується для обміну між процесорами та дисками.

1.3 Опис процесу

Процес складається з таких елементів:

- завдання надходять у систему з інтенсивністю 12 завдань/хв за розподілом Пуассона;
- кожному завданню призначається пріоритет, обернений до його потреби в пам'яті;

- потреба завдань у пам'яті розподілена рівномірно в межах 20–60 сторінок;
- якщо пам'ять доступна, одразу призначається один із вільних процесорів;
- час виконання завдання розподілений нормально із середнім 10 секунд та відхиленням 3 секунди;
- у процесі виконання завдань виникають переривання для обміну даними; інтервали між перериваннями розподілені експоненційно з параметром, оберненим до інтенсивності операцій введення-виведення (2–10 секунд);
- операції введення-виведення включають;
- позиціонування диска (0–0,075 с);
- передачу даних (0,001×(2,5+h), де h розподілено рівномірно в межах 0–
 25);
- завдання звільняє процесор, якщо черга операцій введення-виведення складається з максимум одного завдання; в іншому випадку, воно продовжує займати процесор.

1.4 Вхідні змінні

Модель має такі вхідні змінні, як-от:

- інтенсивність надходження завдань (12 завдань/хв);
- потреба завдань у пам'яті (20–60 сторінок);
- час виконання завдання процесором (нормальний розподіл: середнє 10 с, відхилення 3 с);
- інтенсивність операцій введення-виведення (2–10 с);
- час позиціонування диска (0–0,075 с);
- час передачі даних (0,001×(2,5+h), h у межах 0–25).

1.5 Вихідні змінні

Модель має такі вихідні змінні, як-от:

- загальний час виконання завдань;
- завантаження процесорів, дисків, каналу передачі даних;
- середнє використання пам'яті;
- кількість завдань, що очікують виділення пам'яті чи ресурсів;
- час очікування виділення пам'яті.

1.6 ВРМ-діаграма

BPMN-діаграма (Business Process Model and Notation[1]) — це графічне представлення процесів, яке дозволяє детально описати їхню послідовність, взаємодію елементів системи та потік даних між ними. Вона використовується для візуалізації концептуальної моделі, допомагаючи зрозуміти логіку роботи системи, виявити можливі вузькі місця та полегшити подальшу формалізацію і моделювання.

На рисунку 1 представлено BPMN-діаграму моделі, яка відображає ключові етапи обробки завдань і взаємодію різних компонентів системи через обмін повідомленнями. Діаграма ілюструє потік даних і послідовність дій від генерації завдання до його завершення.

Розглянемо блок генерації завдань. Через визначений проміжок часу, вказаний у коментарі, відбувається подія створення нового завдання. Після цього завданню призначається обсяг пам'яті (кількість сторінок), необхідний для його обробки, і воно передається в оперативну пам'ять.

Оперативна пам'ять отримує повідомлення про нове завдання, додає його в чергу й перевіряє наявність вільних сторінок для виконання хоча б одного завдання з черги. Щойно вільна пам'ять стає доступною, вона виділяється, і завдання надсилається до процесорів.

Процесори приймають повідомлення про нове завдання і додають його в чергу. Як тільки один із процесорів стає вільним, він починає обробку завдання. По завершенню обробки перевіряються три умови: наявність вільного диска, невиконаний запит введення-виведення та переривання. Коли ці умови виконано, процесор звільняється, а система надсилає кілька повідомлень:

генератору запитів про виконання запиту, оперативній пам'яті про звільнення сторінок і диску про готовність прийняти завдання.

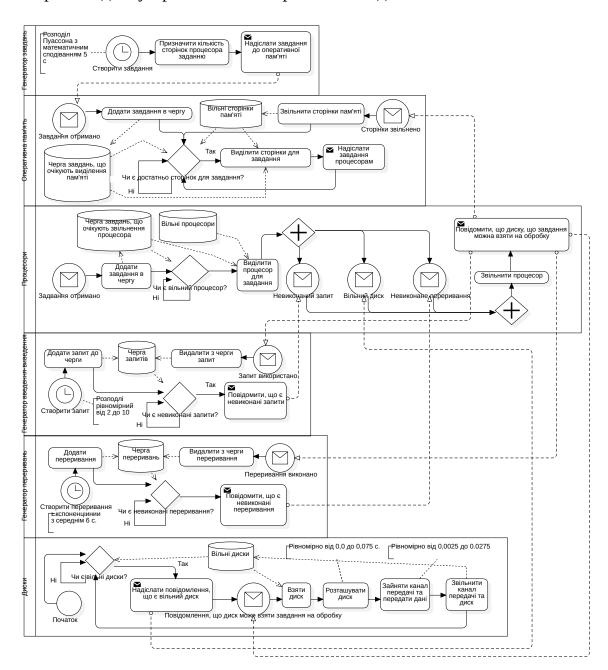


Рисунок 1 — BPNM-діаграма

Розглянемо блок генератора запитів. Через заданий час відбувається подія створення нового запиту, який додається в чергу. Далі постійно перевіряється наявність хоча б одного невиконаного запиту в черзі. Якщо такий запит є, повідомлення надсилається процесорам.

Коли диск отримує повідомлення про готовність захопити завдання, він розпочинає позиціонування своєї головки зчитування, після чого виконується

передача даних через канал введення-виведення. Завдання вважається завершеним після успішного виконання цих операцій.

1.7 Висновки до розділу

У висновку можна зазначити, що розроблена концептуальна модель багатопроцесорної обчислювальної системи забезпечує базу для формалізації процесів, побудови алгоритму імітації та проведення експериментального дослідження. Визначені вхідні змінні, параметри та вихідні характеристики дозволяють ефективно аналізувати роботу системи та оптимізувати її продуктивність.

2 РОЗРОБКА ФОРМАЛІЗОВАНОЇ МОДЕЛІ

У цьому розділі представлено формалізовану модель багатопроцесорної обчислювальної системи, розроблену з використанням мережі Петрі. Модель описує елементи системи, такі як пам'ять, процесори, диски та канал передачі даних, а також події, що визначають їх взаємодію. Вказано числові параметри для кожного компонента, правила спрацьовування переходів, а також описано генерацію випадкових величин для вхідних змінних. У розділі також подано формули для обчислення вихідних характеристик системи, які дозволяють аналізувати її продуктивність, завантаженість та ефективність роботи. Створена модель є основою для подальшого алгоритму імітації та експериментального дослідження.

Мережа Петрі — це математичний апарат для моделювання дискретних систем, який складається з позицій, переходів та дуг. Позиції представляють стани системи, переходи — події або дії, що змінюють ці стани, а дуги визначають зв'язки між позиціями і переходами. Стан мережі визначається кількістю маркерів у позиціях, які називаються токенами [2][с. 67].

В основі роботи мережі лежить правило спрацьовування переходу: якщо у всіх вхідних позиціях переходу кількість маркерів не менша за кратність відповідних дуг, перехід активується. Під час спрацьовування маркери переміщуються з вхідних позицій до вихідних відповідно до кратності дуг. Мережа Петрі дозволяє описувати процеси з конфліктними переходами, багатоканальні операції та стохастичні події, що забезпечує її високу гнучкість для моделювання складних систем.

У таблиці 1 наведено елеменети формалізації мережі Петрі [2][с. 69].

Таблиця 1 Мережа Петрі

| Назва | Позначення | Опис |
|--------------|------------|--|
| Перехід | | Позначає подію |
| Позиція | | Позначає умову |
| Дуга | | Позначає зв'язки між подіями та умовами |
| Маркер(один) | | Позначає виконання (або не виконання) умови |
| Багато фішок | 12 | Позначає багатократне виконання умови |
| Багато дуг | 16 | Позначає велику кількість зв'язків |

2.1 Вхідні параметри

Розглянемо параметри переходів моделі у таблиці 2. Нехай маємо відрізок $[M\,,N\,]$, що позначає діапазон можливої кілкості сторінок, що завдання може займати. Нехай $K\!\in\![M\,,N\,]$, де K — кількість сторінок, що займає довільне завдання.

Таблиця 2 Параметри переходів

| Назва переходу | Часова затримка | Значення пріоритету | Значення ймовірності запуску |
|--------------------------------------|----------------------|------------------------|------------------------------------|
| generate_task | Poisson(5.0) | 0 | 1 |
| generate_task_K_pages | 0 | 0 | $\frac{1}{M-N}$ |
| fail_allocate_task_K_pages | 0 | -1 | 1 |
| try_allocate_task_K_pages | 0 | 0 | 1 |
| wait_allocate_task_20_pages | 0 | 0 | 1 |
| process_task_K_pages | Norm(10, 3) | N-K | 1 |
| generate_io_request | Unif(2, 10) | 0 | 1 |
| create_io_task_20_pages | 0 | N-K | 1 |
| take_up_disk_task_K_pages | 0 | N-K | 1 |
| generate_interrupt_K_pages | Exp(6) | 0 | 1 |
| place_disk_K_pages | Unif(0, 0.075) | N-K | 1 |
| io_channel_transfer_task_K_pag es | Unif(0.0025, 0.0275) | N-K | 1 |

Розглянемо параметри позицій у таблиці 3.

Таблиця З Параметри позицій

| Назва позиції | Початкове значення |
|----------------------------------|--------------------|
| generator_task | 1 |
| generated_task | 0 |
| task_K_pages | 0 |
| fail_allocate_token_task_K_pages | 0 |

| Назва позиції | Початкове значення |
|-----------------------------|--------------------|
| allocated_task_K_pages | 0 |
| total_wait_allocate_task | 0 |
| pages | 131 |
| generator_io_request | 1 |
| processors | 2 |
| generated_request | 0 |
| io_task_K_pages | 0 |
| generator_interrupt | 1 |
| generated_interrupt | 0 |
| busy_disk_task_K_pages | 0 |
| free_disks | 4 |
| disk_placed_task_K_pages | 0 |
| is_disk_placement_available | 1 |
| finished_tasks_task_K_pages | 0 |
| finished_tasks | 0 |

2.2 Вихідні параметри

У даному розділі будуть обраховуватися вихідіні параметри моделі.

2.2.1 Часи виконання завдання в системі та очікування виділення пам'яті

Визначимо середній час та середнє квадратичне відхилення.

2.2.1.1 Середнє значення

Визначимо середній час за формулою (.1):

$$\Delta t = \frac{\sum_{n=0}^{N-1} \left[(t_{\text{exit},n} - t_{\text{enter},n}) (t_{\text{exit},n+1} - t_{\text{exit},n}) \right]}{\sum_{n=0}^{N-1} \left[t_{\text{exit},n+1} - t_{\text{exit},n} \right]},$$
(.1)

де n — індекс елемента множин $M_{\rm enter}=(t_0,t_1,...,t_n)$ та $M_{\rm exit}=(t_0,t_1,...,t_n)$, що складаються з точок часу входу та виходу завдання з обробки в системі (очікування виділення пам'яті) відповідно;

N — розмір множин $M_{
m enter}$ та $M_{
m exit}$.

2.2.1.2 Середнє квадратичне відхилення

Визначимо середнє квадратичне відхилення за формулою (.2):

$$\delta = \sqrt{\frac{\sum_{n=0}^{N-1} \left[\left(\left[t_{\text{exit},n} - t_{\text{enter},n} \right] - \Delta t \right)^{2} \left(t_{\text{exit},n+1} - t_{\text{exit},n} \right) \right]}{\sum_{n=0}^{N-1} \left[t_{\text{exit},n+1} - t_{\text{exit},n} \right]}},$$
(.2)

2.2.2 Кількості завдань в очікуванні пам'яті та зайнятих сторінок

2.2.2.1 Середнє значення

Середня кількість завдань в очікуванні та зайнятих сторінок розраховується однаково за формулою (.3):

$$p_{average} = \frac{\sum_{n=0}^{N-1} [(p_n)(t_{n+1} - t_n)]}{\sum_{n=0}^{N-1} [t_{n+1} - t_n]},$$
(.3)

де n — індекс елемента з множини $M = ((p_0, t_0), (p_1, t_1), ..., (p_n, t_n))$, що позначає пари зі значенням позиції p в момент часу t ;

N — розмір множини M.

2.2.2.2 Середнє квадратичне відхилення

Середнє квадрадратичне відхилення кількості завдань в очікуванні та зайнятих сторінок розраховується однаково за формулою (.4):

$$\delta = \sqrt{\frac{\sum_{n=0}^{N-1} \left[(p_n - p_{\text{average}})^2 (t_{n+1} - t_n) \right]}{\sum_{n=0}^{N-1} \left[t_{n+1} - t_n \right]}},$$
(.4)

2.2.3 Завантаження процесорів, дисків та каналу передачі

Завантаження в момент часу t процесорів, дисків та каналу передачі обчислюється аналогіно за формулою (.5).

$$l = \frac{\sum_{n=N_{\min}}^{N_{\max}} [t_{\text{service}}[n]]}{t}, \tag{.5}$$

де n — це елемент N, що складається з натуральних чисел $[N_{\min}, N_{\min}]$, які позначають кількість сторінок, яку може займати завдання;

 $t_{
m service}$ — це відображення N othe M, де $M = \{t_k\}_{k=0}^{N_{
m max}-N_{
m min}}$, що позначає сукупність переходів, які стосуються або процесорів, або дисків, або каналу передачі.

Однак за умови, що K — кількість пристроїв, що обслуговують, — більша одиниці, і кожен з них може працювати увесь час, то навантаження буде в межах від [0,K].

Тому розрахуємо усереднене навантаження для одного процесора (диска) за формулою (.6):

$$\bar{l} = \frac{l}{K} \tag{.6}$$

2.2.3.1 Середнє значення

Знаючи навантаження в момент часу t , можемо обчислити середне значення навантаження за формулою (.7):

$$l_{average} = \frac{\sum_{n=0}^{N-1} [(\overline{l}_n)(t_{n+1} - t_n)]}{\sum_{n=0}^{N-1} [t_{n+1} - t_n]},$$
(.7)

де n — індекс елемента з множини $M = ((l_0,t_0),(l_1,t_1),\dots,(l_n,t_n))$, що позначає пари зі значенням навантаження l в момент часу t ; N — розмір множини M .

2.2.3.2 Середнє квадратичне відхилення

Середнє квадрадратичне відхилення розраховується за формулою (.8):

$$\delta = \sqrt{\frac{\sum_{n=0}^{N-1} \left[(\bar{l}_n - \bar{l}_{average})^2 (t_{n+1} - t_n) \right]}{\sum_{n=0}^{N-1} \left[t_{n+1} - t_n \right]}},$$
(.8)

2.3 Діаграма

На рисунку 2 можна розглянути діаграму мережі Петрі. Для зручності вона побудована лише з двома типами завдань. Це робить її менш нагромадженою, оскільки частини схеми для кожного завдання є однаковими.

Основними компонентами мережі є генератор завдань, оперативна пам'ять, процесори, генератор запитів введення-виведення, диски, канал передачі даних та блок завершення роботи.

Генератор завдань представлений позицією generated_task, яка містить токен, що активує перехід generate_task. Цей перехід генерує нові завдання з пуассонівським розподілом часу. Згенеровані завдання додаються в позиції, які відповідають їхньому обсягу пам'яті, наприклад, task_20_pages для завдань із потребою у 20 сторінок.

Оперативна пам'ять представлена позицією pages, яка відображає загальну кількість доступних сторінок. Переходи try_allocate і wait_allocate перевіряють наявність вільної пам'яті та виділяють її для завдань відповідного

обсягу. У разі успішного виділення токени передаються до позиції allocated, а у разі невдачі — у fail_allocate_token.

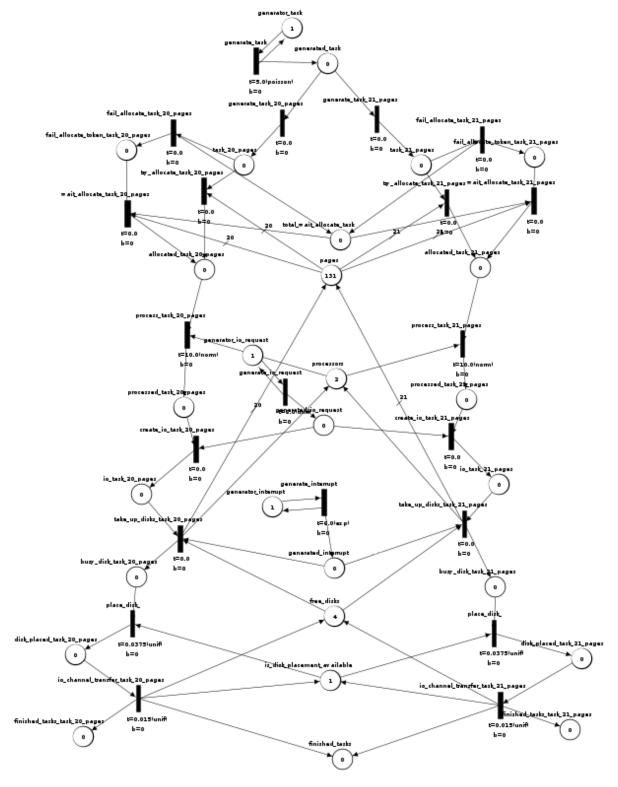


Рисунок 2 — Мережа Петрі з двома типами завдань

Процесори моделюються позицією processors, яка визначає кількість доступних процесорів. Переходи process відповідають за обробку завдань із використанням нормального розподілу часу.

Генератор запитів введення-виведення моделюється позицією generated_io_request, яка активує перехід create_io. Цей перехід генерує запити введення-виведення для завдань, які були оброблені процесорами.

Диски представлені позицією free_disks, яка відображає кількість доступних дисків (4 диски). Перехід place_disk імітує позиціонування головки зчитування з використанням рівномірного розподілу часу. Після виконання цієї операції токени передаються через канал введення-виведення.

Канал введення-виведення моделюється позицією is_disk_placement_available, яка визначає готовність каналу до передачі даних. Перехід io_channel_transfer відповідає за передачу даних із використанням рівномірного розподілу часу. Завершення роботи моделюється позицією finished_tasks, яка накопичує виконані завдання. Це дозволяє аналізувати продуктивність системи та обчислювати необхідні показники.

2.4 Висновки до розділу

У цьому розділі було створено формалізовану модель багатопроцесорної обчислювальної системи, яка дозволяє математично описати її компоненти та взаємодії. Модель побудована з використанням мережі Петрі, що забезпечує можливість детального моделювання процесів генерації, обробки завдань, запитів введення-виведення та управління ресурсами. Було визначено всі необхідні вхідні параметри, їхні числові характеристики, а також формули для обчислення вихідних параметрів. Створена модель є основою для розробки алгоритму імітації та проведення експериментального дослідження роботи системи.

3 АЛГОРИТМІЗАЦІЯ МОДЕЛІ ТА ЇЇ РЕАЛІЗАЦІЯ

Цей розділ присвячений алгоритмізації та програмній реалізації імітаційної моделі багатопроцесорної обчислювальної системи, створеної за допомогою мережі Петрі. Метою є опис роботи стандартного алгоритму моделювання, наданого бібліотекою PetriObjModelPaint [3], а також внесених модифікацій, які забезпечують відповідність алгоритму вимогам поставленої задачі. Розділ містить опис основних етапів алгоритму, реалізацію додаткового функціоналу, оптимізацію коду під конкретну задачу, а також протокол подій, що фіксуються під час моделювання. Наприкінці представлено результати верифікації моделі, що підтверджують коректність її реалізації.

3.1 Опис алгоритму імітації мережі Петрі

Алгоритм імітації мережі Петрі базується на послідовному просуванні моделі в часі та обробці подій, які відбуваються у системі. Основна мета алгоритму — забезпечити виконання правил роботи мережі Петрі, таких як спрацьовування переходів за наявності необхідних умов та обчислення статистичних характеристик позицій і переходів.

Алгоритм визначає мінімальний час спрацьовування серед усіх активних переходів (eventMin) і просуває глобальний час моделі до цього моменту. Це забезпечує обробку подій у правильному хронологічному порядку.

На кожному етапі перевіряються активні переходи. Якщо перехід може спрацювати (умови виконуються), він захоплює необхідні маркери з пов'язаних позицій. Конфлікти між переходами вирішуються за пріоритетами або ймовірностями.

Після спрацьовування перехід розподіляє маркери по вихідних позиціях. Якщо перехід має накопичувальний буфер, процес виходу маркерів може повторюватися, поки буфер не стане порожнім.

Алгоритм збирає статистичні дані для кожної позиції і переходу: середню кількість маркерів у позиціях і середній час обробки переходів.

Якщо кілька переходів можуть спрацювати одночасно, вибір здійснюється на основі пріоритетів або ймовірностей. Це забезпечує гнучкість і відповідність алгоритму до стохастичної природи системи.

Розглянемо псевдокод алгоритму нижче. Функція до виконує ітерації, поки поточний час не досягне часу моделювання. На кожній ітерації обчислюються статистичні показники, відбувається перехід до часу наступної події, а також виконується обробка поточного переходу.

Функція іприт шукає активні переходи, які можуть спрацювати. Виконує вирішення конфліктів між переходами, які мають однаковий пріоритет.

Функція output Обробляє спрацьовування переходів і розподіл маркерів у відповідних позиціях. Виконує додаткові перевірки для переходів із накопичувальними буферами, щоб повністю обробити всі події, які можуть відбутися в поточний момент часу.

```
1 def go():
2
     # Initialize simulation time and current time
3
     set_simulation_time(time_modelling)
4
     set_current_time(0)
5
     # Initialize transitions and positions
     input() # Activate initial transitions
7
     # Main simulation loop
8
     while current time < simulation time:
9
        # Update statistics for the current time period
10
        do statistics()
11
        # Move to the next event's time
12
        set current time(get time min())
13
        # Log event details (if logging is enabled)
14
        if logging_enabled:
           log("Time:", current_time, "; Event:", event_min.get_name())
15
16
17
        # Process the event and its effects
18
        output()
19
        # Reactivate transitions after event execution
```

```
20
        input()
21
22 def input():
      # Find all active transitions
23
24
      active_transitions = find_active_transitions()
25
      # If no transitions are active and all buffers are empty, stop further processing
26
      if active_transitions is empty and all_buffers_are_empty():
27
        set_time_min(infinity)
28
      else:
29
        # While there are active transitions
30
        while active transitions is not empty:
31
           # Resolve conflicts between active transitions
32
           selected transition = resolve conflicts(active transitions)
33
           # Activate the selected transition
34
           selected_transition.act_in(listP, current_time)
35
           # Update the list of active transitions
36
           active_transitions = find_active_transitions()
37
        # Update the minimum time for the next event
38
        find_event_min()
39
40 def output():
41
      # Ensure that the simulation time has not been exceeded
42
      if current time <= simulation time:
        # Execute the event with the minimum time
43
44
        event_min.act_out(listP, current_time)
45
46
        # Handle remaining events in the transition's buffer
        while event_min.has_buffer():
47
48
           event_min.update_event_time()
49
           if event_min.get_min_time() == current_time:
50
             event_min.act_out(listP, current_time)
51
           else:
52
             break
53
        # Check other transitions for events occurring at the current time
```

```
54
        for transition in listT:
55
           if transition.has_buffer() and transition.get_min_time() == current_time:
56
             transition.act out(listP, current time)
57
             # Process additional events in the buffer
58
              while transition.has buffer():
59
                transition.update event time()
60
                if transition.get_min_time() == current_time:
61
                   transition.act_out(listP, current_time)
                else:
62
63
                   break
```

3.2 Модифікації алгоритму

У процесі реалізації моделі були внесені зміни до базового алгоритму, щоб адаптувати його до специфіки поставленої задачі. Основні модифікації стосувалися покращення роботи мережі Петрі та збору додаткової інформації для аналізу. Зміни можна поділити на два напрямки: функціональні вдосконалення алгоритму та зручність роботи з мережами.

3.2.1 Додавання розподілу Пуассона для генерації подій

Для точного моделювання вхідних потоків завдань у систему було реалізовано підтримку розподілу Пуассона. Це дозволило описати інтенсивність надходження завдань у вигляді стохастичного процесу, що відповідає заданій середній інтенсивності. Реалізація виконана шляхом додавання відповідної функції до генератора подій у мережі.

```
1 public static double poisson(final double timeMean) {
2   PoissonDistribution poisson = new PoissonDistribution(timeMean);
3   return poisson.sample();
4 }
```

3.2.2 Вдосконалення роботи з NetLibrary

Для зручності роботи з мережами Петрі було додано клас NetLibraryManager, який дозволяє динамічно додавати методи в бібліотеку NetLibrary. Завдяки цьому можна легко інтегрувати нові мережі в графічний інтерфейс, використовувати рефлексію для виклику методів, і забезпечувати їхню коректність під час компіляції. Також додано перевірку методів генерації мережі за допомогою анотацій NetLibraryMethod та NetLibraryMethodProcessor.

```
1 @NetLibraryMethod
2 public static PetriNet createNet() throws ExceptionInvalidTimeDelay {
3  final CourseWorkNet net = new CourseWorkNet();
4  return net.net;
5 }
```

3.2.3 Покращення графічного інтерфейсу

Був виправлений метод generateGraphNetBySimpleNet, що забезпечує коректне графічне відображення мережі Петрі. Помилка полягала у тому, що оскільки не було перевірки на включення переходів та позицій в контейнери inTrans та inPlaces, то дублікати додавалися у графічне відображення мережі.

```
1 if (
2
     !inTrans.contains(tran) // Нова перевірка
     && tran.getNumber() == outArc.getNumT()
4){
     inTrans.add(tran);
6 }
7 // ...
8 if (
     !inPlaces.contains(place) // Нова перевірка
9
     && place.getNumber() == inArc.getNumP()
10
11){
12
     inPlaces.add(place);
13 }
```

3.2.4 Клас CourseWorkPetriSim

Клас CourseWorkPetriSim реалізує механізм імітації роботи мережі Петрі, дозволяючи відстежувати динаміку її роботи протягом заданого часу

моделювання. Він включає методи для управління часом, обробки подій, вирішення конфліктів між переходами та збору статистичних даних.

3.2.4.1 Опис атрибутів

Одним з ключових атрибутів є timeState - об'єкт класу StateTime, який зберігає інформацію про поточний час моделювання (currentTime) та час завершення моделювання (simulationTime). Він є центральним для управління часом у моделі, дозволяючи просувати глобальний час до наступної події.

Атрибут timeMin містить мінімальний час спрацювання серед усіх переходів у мережі. Цей атрибут оновлюється під час виконання моделі, щоб визначити найближчу подію для обробки.

У класі також присутній масив listP, що містить усі позиції мережі Петрі (PetriP). Кожен елемент описує стан позиції, зокрема кількість маркерів у ній. Цей масив використовується для перевірки умов активації переходів і переміщ ення маркерів.

Важливим компонентом ϵ масив listT, що містить усі переходи мережі Петрі (PetriT). У ньому зберігається інформація про затримки, умови спрацювання, ймовірності, пріоритети, буфери та час наступного спрацювання кожного переходу.

Останнім ключовим атрибутом є eventMin - об'єкт типу PetriT, що представляє перехід із мінімальним часом спрацювання. Цей атрибут визначає, який перехід буде оброблено наступним.

3.2.4.2 Опис методів

Конструктор класу CourseWorkPetriSim приймає об'єкт PetriNet як вхідний параметр. Під час ініціалізації встановлюються початкові значення часу моделювання, список позицій (listP) та список переходів (listT), які беруться з переданої мережі. Також викликається метод getEventMin(), який визначає перший перехід із мінімальним часом затримки. Це дозволяє налаштувати початковий стан моделі для початку імітації.

Основний метод класу, до, виконує імітацію протягом заданого часу моделювання. Він приймає параметр timeModelling, що визначає загальну тривалість симуляції, та trackStats — функцію, яка дозволяє збирати статистичні дані під час виконання. Метод ініціалізує початковий час моделювання, потім ітеративно викликає методи іприt і output для обробки подій. В кожному кроці часу оновлюється поточний час, імітуються активація та завершення переходів, а також збирається інформація для подальшого аналізу.

Метод eventMin використовується для визначення переходу з мінімальним часом затримки серед усіх доступних. Він переглядає список переходів і знаходить той, що має найменший час. Цей метод також оновлює значення timeMin і визначає поточний активний перехід eventMin, який буде виконуватись наступним.

Метод findActiveT відповідає за пошук усіх активних переходів у мережі. Він перевіряє кожен перехід на відповідність умовам, що визначені у зв'язках між позиціями, та додає його до списку активних, якщо ймовірність його спрацьовування більше нуля. У випадку, якщо кілька переходів одночасно задовольняють умови, вони сортуються за пріоритетом.

Обробка конфліктів між активними переходами здійснюється за допомогою методу doConflict. У разі, якщо кілька переходів мають однаковий пріоритет, вибір між ними здійснюється випадковим чином із урахуванням ймовірностей, визначених для кожного переходу. Цей механізм гарантує, що імітація враховує стохастичну природу процесів у системі.

Методи input та output відповідають за обробку подій у мережі. Метод input ідентифікує активні переходи та виконує їх активацію, якщо умови дозволяють це зробити. Він також визначає, коли немає жодного активного переходу або всі буфери переходів порожні, встановлюючи час моделювання в максимальне значення. Метод output обробляє завершення переходів і переміщення маркерів між позиціями, а також виконує спрацьовування переходів, якщо в їх буферах залишаються маркери.

Методи для отримання та встановлення часу, такі як getTimeMin, setTimeCurr, getSimulationTime, та setSimulationTime, забезпечують точний контроль за поточним часом моделювання та дозволяють синхронізувати всі компоненти мережі.

3.2.5 Клас CourseWorkNet. Протокол подій

Клас CourseWorkNet розроблений для аналізу та моделювання роботи багатопроцесорної обчислювальної системи за допомогою мережі Петрі. Він є обгорткою для створення та налаштування компонентів мережі, забезпечуючи зручний інтерфейс для опису та управління моделлю.

3.2.5.1 Опис атрибутів

Позиція generated_task зберігає кількість згенерованих завдань у системі. Ця позиція використовується для активізації переходів, що створюють нові завдання. Її основне призначення полягає у фіксації вхідного потоку завдань до системи.

Позиція generated_io_request відповідає за генерацію запитів введеннявиведення для завдань після їх обробки. Її призначення полягає в забезпеченні інтеграції завдань із підсистемою дисків.

Позиція generated_interrupt використовується для моделювання переривань, які запускають запити до дисків. Її призначення - імітувати реальні події введення-виведення у багатозадачній системі.

Позиція processors відображає кількість вільних процесорів у системі, яка початково становить два. Вона використовується для визначення доступності процесорів для обробки завдань.

Позиція pages відображає кількість доступних сторінок пам'яті в системі, початково маючи 131 сторінку. Її призначення полягає у визначенні можливості виділення пам'яті для завдань.

Позиція free_disks відображає кількість доступних дисків, яких початково чотири. Вона забезпечує розподіл завдань між доступними дисками.

Позиція total_wait_allocate_task підраховує загальний час очікування завдань на виділення пам'яті. Вона використовується для аналізу затримок у системі.

Позиція finished_tasks зберігає кількість завершених завдань. Її призначення полягає у відображенні загальної продуктивності системи.

Позиція is_disk_placement_available вказує на доступність каналу введення-виведення для передачі даних. Вона контролює одночасний доступ до каналу.

Перехід generate генерує нові завдання у системі із заданими параметрами, такими як обсяг пам'яті. Його призначення полягає у забезпеченні створення потоку завдань.

Перехід try_allocate перевіряє наявність вільної пам'яті для завдань. У разі успіху пам'ять виділяється. Його призначення - запускати обробку завдань, які отримали доступ до пам'яті.

Перехід fail_allocate відображає спробу виділення пам'яті, яка завершилась невдачею. Його призначення полягає у поверненні завдання у чергу для подальших спроб.

Перехід wait_allocate переводить завдання з черги у стан обробки після виділення пам'яті. Цей перехід забезпечує повторне надання пам'яті для завдань.

Перехід process імітує обробку завдань процесорами із використанням нормального розподілу часу. Це основний перехід для виконання завдань.

Перехід create_io створює запити введення-виведення для завдань, які були оброблені. Його призначення полягає в інтеграції із підсистемою дисків.

Перехід take_up_disks захоплює доступний диск для обробки запиту. Він контролює завантаження дисків.

Перехід place_disk імітує позиціонування головки диска перед операцією. Його призначення - затримувати виконання запиту для моделювання реального часу доступу. Перехід io_channel_transfer імітує передачу даних через канал введеннявиведення. Цей перехід завершує обробку запитів введення-виведення.

3.2.5.2 Опис TaskObject

Об'єкт TaskObject представляє завдання з конкретним обсягом пам'яті (від 20 до 60 сторінок) та визначеним життєвим циклом у системі. Цей об'єкт містить низку важливих полів, що керують його функціонуванням у системі.

Поле generate є генератором завдання цього типу. Поле task являє собою позицію, що зберігає завдання. Try_allocate є переходом для перевірки доступності пам'яті, тоді як поле allocated - це позиція, яка фіксує завдання, що отримали пам'ять.

Fail_allocate є переходом, що фіксує невдалі спроби виділення пам'яті. Позиція fail_allocate_token призначена для невдалих завдань, які очікують повторного виділення пам'яті. Wait_allocate представляє собою перехід для повторного виділення пам'яті.

Process є переходом, що імітує обробку завдання, а create_io - це перехід, який створює запити введення-виведення. Take_up_disks виступає переходом для захоплення дисків завданням.

Поле busy_disk є позицією, яка показує, що диск зайнятий завданням. Place_disk представляє перехід, що імітує позиціонування диска, а disk_placed - це позиція, яка фіксує успішне позиціонування диска.

Io_channel_transfer ϵ переходом, що забезпечу ϵ передачу даних, a finish - це позиція, яка зберіга ϵ завершені завдання.

Об'єкти TaskObject використовуються для відстеження стану кожного типу завдань окремо, включаючи їх генерацію, обробку, введення-виведення та завершення. Завдяки цьому можна проводити детальний аналіз роботи системи та оптимізувати її параметри.

3.2.5.3 Опис методів

Конструктор CourseWorkNet є основним конструктором класу, який створює та ініціалізує всі компоненти мережі Петрі. Він створює генератори

завдань, запитів введення-виведення та переривань, позиції для обробки завдань, пам'яті, процесорів, дисків, а також переходи для роботи з ресурсами. Додаткова логіка включає генерацію завдань з різними параметрами, розрахунок ймовірностей для кожного типу завдання та додавання дуг між позиціями та переходами.

Метод create_task_generator створює генератор завдань, який додає нові завдання до системи відповідно до розподілу Пуассона. Він приймає параметри d_P (список позицій), d_T (список переходів), d_In (список вхідних дуг) та d_Out (список вихідних дуг). В результаті повертає позицію generated_task, яка накопичує створені завдання.

Метод create_processors створює позицію processors, яка відображає кількість доступних процесорів. Він приймає єдиний параметр d_P (список позицій) та повертає позицію processors.

Метод create_pages створює позицію pages, що відображає кількість доступних сторінок пам'яті. Приймає параметр d_P (список позицій) та повертає позицію pages.

Метод create_free_disks створює позицію free_disks, яка відповідає кількості доступних дисків. Приймає параметр d_P (список позицій) та повертає позицію free_disks.

Метод create_io_request_generator створює генератор запитів введеннявиведення з рівномірним розподілом часу. Він приймає параметри d_P (список позицій), d_T (список переходів), d_In (список вхідних дуг) та d_Out (список вихідних дуг). В результаті повертає позицію generated_io_request.

Метод create_interrupt_generator створює генератор переривань із експоненційним розподілом часу. Він приймає параметри d_P (список позицій), d_T (список переходів), d_In (список вхідних дуг) та d_Out (список вихідних дуг). В результаті повертає позицію generated_interrupt.

Метод generate_task_objects створює об'єкти завдань TaskObject для кожного обсягу пам'яті між pages_start та pages_end із заданою ймовірністю. Він приймає параметри pages_start (мінімальний обсяг пам'яті завдання), pages_end

(максимальний обсяг пам'яті завдання) та probability (ймовірність створення завдання кожного типу). В результаті додає об'єкти TaskObject до списку taskObjects.

3.3 Обчислення вихідних характеристик

3.4 Верифікація

3.5 Висновки до розділу

У цьому розділі було детально розглянуто алгоритм імітації мережі Петрі, що є основою для моделювання функціонування системи. На основі наявної бібліотеки PetriObjModelPaint було розроблено клас CourseWorkPetriSim, який реалізує основні етапи імітації, такі як просування часу, обробка переходів, вирішення конфліктів, збирання статистики та логування подій. Розроблений алгоритм був адаптований для задачі, що досліджується, із врахуванням специфічних вимог до роботи моделі.

Описані модифікації, внесені до початкової структури моделі, включають: додавання розподілу Пуассона, вдосконалення роботи з NetLibrary, покращення графічного інтерфейсу.

Було описано реалізацію CourseWorkNet для визначення структури мережі Петрі і основних методів імітації, що дозволяють запускати модель, збирати результати та аналізувати поведінку системи. Проведені верифікаційні тести підтвердили коректність реалізації алгоритму, а також забезпечили адекватність зібраних характеристик для подальшого експериментального дослідження.

4 ЕКСПЕРИМЕНТАЛЬНЕ ДОСЛІДЖЕННЯ МОДЕЛІ

У даному розділі будуть визначені перехідні періоди, середні значення, середні квадратичні відхилення, типи розподілів для вихідних параметрів системи, а також мінімальна кількість необхідних замірів.

4.1 Визначення перехідного періоду

5 ІНТЕРПРЕТАЦІЯ РЕЗУЛЬТАТІВ МОДЕЛЮВАННЯ ТА ЕКСПЕРИМЕНТІВ

висновки

СПИСОК ВИКОРИСТАНИХ ДЖЕРЕЛ

- 1., Business Process Model and Notation,
- 2. І. В. Стеценко, Моделювання систем, 2011
- 3: , PetriObjModelPaint,

додаток а

Результати верифікації

Таблиця А.1 Набори параметрів

| Індекс | Кількість | Кількість | Кількість | Початок | Кінець | Середій інтервал |
|--------|-----------|------------|-----------|----------|----------|---------------------|
| | сторінок | процесорів | дисків | сторінок | сторінок | надходження завдань |
| 0 | 200 | 4 | 5 | 30 | 40 | 8 |
| 1 | 400 | 5 | 11 | 70 | 100 | 8 |
| 2 | 700 | 12 | 12 | 30 | 70 | 8 |
| 3 | 1000 | 30 | 30 | 70 | 80 | 15 |
| 4 | 1000 | 40 | 8 | 60 | 100 | 9 |
| 5 | 131 | 2 | 4 | 20 | 60 | 7 |
| 6 | 131 | 2 | 4 | 20 | 60 | 5 |

Таблиця А.2 Середні значення вихідних параметрів

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 0 | 0.0009360103 | 0.0018732614 | 0.3125498430 | 0.0 | 43.287725734 | 9.4950221388 | 0.0 |
| | 51192126 | 053677868 | 1379857 | | 20972 | 01987 | |
| 0 | 0.0009367716 | 0.0018736703 | 0.3127120947 | 0.0 | 43.317718294 | 9.4912812737 | 0.0 |
| | 927609831 | 00544177 | 7045736 | | 397615 | 42294 | |
| 0 | 0.0009420197 | 0.0018796318 | 0.3129606246 | 0.0 | 43.273784112 | 9.4782467442 | 0.0 |
| | 845173965 | 284126626 | 348914 | | 76173 | 35886 | |
| 0 | 0.0009339838 | 0.0018721119 | 0.3123017246 | 0.0 | 43.282100480 | 9.4885524146 | 0.0 |
| | 342392239 | 92227919 | 403013 | | 21178 | 42628 | |
| 0 | 0.0009377930 | 0.0018743479 | 0.3116466958 | 0.0 | 43.220633891 | 9.4646266331 | 0.0 |
| | 537845769 | 865269846 | 5077337 | | 72833 | 12106 | |
| 1 | 0.0004253035 | 0.0018702121 | 0.2495543875 | 4.5865727982 | 105.60035325 | 9.5064705645 | 0.8532533290 |
| | 7000574435 | 521688366 | 669563 | 77897e-06 | 188251 | 11407 | 942025 |

| Індекс | Завантаженн | | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 1 | 0.0004258024 | 0.0018735048 | 0.2496723413 | 4.9934105970 | 105.57352457 | 9.4863905541 | 0.5419994385 |
| | 2580648575 | 455757574 | 5640504 | 36274e-06 | 280489 | 17698 | 3752 |
| 1 | 0.0004258038 | 0.0018764226 | 0.2506825031 | 7.8180997302 | 105.66030069 | 9.5067717984 | 3.2325037051 |
| | 8223467896 | 34409976 | 814229 | 20668e-06 | 191149 | 30059 | |
| 1 | 0.0004256360 | 0.0018753591 | 0.2506357934 | 1.8191421722 | 106.03298739 | 9.5115185212 | 0.4548968775 |
| | 282428279 | 680659943 | 664264 | 579236e-06 | 821577 | 03582 | |
| 1 | 0.0004252183 | 0.0018708666 | 0.2493496544 | 4.0670657529 | 105.41275631 | 9.4749327114 | 1.6002036635 |
| | 283449599 | 37860342 | 6656035 | 48077e-06 | 178681 | 85453 | |
| 2 | 0.0003905338 | 0.0018729459 | 0.1043419975 | 0.0 | 61.922011326 | 9.5122580844 | 0.0 |
| | 267344237 | 449796592 | 1852612 | | 29012 | 26787 | |
| 2 | 0.0003905448 | 0.0018799245 | 0.1040531302 | 0.0 | 61.642261245 | 9.4902733669 | 0.0 |
| | 4046708443 | 869985232 | 5806305 | | 657934 | 94723 | |
| 2 | 0.0003904902 | 0.0018655163 | 0.1040250364 | 0.0 | 61.769947622 | 9.4928812531 | 0.0 |
| | 7868580686 | 2232557 | 7106194 | | 47749 | 54808 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 2 | 0.0003906049 | 0.0018751445 | 0.1044183618 | 0.0 | 62.110648431 | 9.5131938583 | 0.0 |
| | 316387162 | 573874908 | 399701 | | 79735 | 39884 | |
| 2 | 0.0003895007 | 0.0018748490 | 0.1041926404 | 0.0 | 62.005298003 | 9.4972105785 | 0.0 |
| | 918218604 | 981729542 | 5247213 | | 90665 | 48748 | |
| 3 | 8.3252234109 | 0.0009980202 | 0.0221948596 | 0.0 | 49.796811295 | 9.5001365321 | 0.0 |
| | 88142e-05 | 14955883 | 35989744 | | 159415 | 89162 | |
| 3 | 8.3350970328 | 0.0009999187 | 0.0223503768 | 0.0 | 49.922044096 | 9.5274672325 | 0.0 |
| | 90894e-05 | 538115863 | 87860658 | | 680466 | 01463 | |
| 3 | 8.3640575120 | 0.0010010261 | 0.0223119888 | 0.0 | 49.790239399 | 9.5073177792 | 0.0 |
| | 87945e-05 | 740462866 | 55716215 | | 21938 | 55189 | |
| 3 | 8.3277942063 | 0.0009990816 | 0.0222545214 | 0.0 | 49.686900834 | 9.5001338904 | 0.0 |
| | 46052e-05 | 740021642 | 44987567 | | 1537 | 04134 | |
| 3 | 8.3134654527 | 0.0009974918 | 0.0222160478 | 0.0 | 49.642125413 | 9.4822541602 | 0.0 |
| | 76243e-05 | 853889287 | 75367916 | | 772376 | 84727 | |

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 4 | 0.0005194555 | 0.0016589458 | 0.0277566178 | 0.0 | 88.235206601 | 9.4719273559 | 0.0 |
| | 476797408 | 545388863 | 03047664 | | 72791 | 6006 | |
| 4 | 0.0005211279 | 0.0016697866 | 0.0278495112 | 0.0 | 88.432927524 | 9.4739563069 | 0.0 |
| | 19098321 | 173494157 | 1980277 | | 98242 | 1728 | |
| 4 | 0.0005217099 | 0.0016737284 | 0.0278370416 | 0.0 | 88.588028489 | 9.4866561790 | 0.0 |
| | 928487044 | 459259927 | 64965367 | | 2275 | 88905 | |
| 4 | 0.0005208774 | 0.0016658098 | 0.0278557223 | 0.0 | 88.567865309 | 9.4917136441 | 0.0 |
| | 785046074 | 663149548 | 20352855 | | 99608 | 97953 | |
| 4 | 0.0005216014 | 0.0016631591 | 0.0278197887 | 0.0 | 88.495374156 | 9.4666685570 | 0.0 |
| | 084532069 | 479217577 | 18339046 | | 16511 | 0917 | |
| 5 | 0.0013361316 | 0.0021385743 | 0.7136300664 | 0.0308802467 | 58.920925943 | 10.152168042 | 2.2130075021 |
| | 751302958 | 451527842 | 160912 | 67672676 | 38616 | 183192 | 738915 |
| 5 | 0.0013345221 | 0.0021335454 | 0.7136058304 | 0.0325866718 | 58.909500503 | 10.193556093 | 2.2368560465 |
| | 023116213 | 321360363 | 54851 | 26679514 | 36583 | 065643 | 532776 |

| Індекс | Завантаженн | | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 5 | 0.0013428582 | 0.0021512103 | 0.7161423346 | 0.0317071973 | 59.009528742 | 10.177243529 | 2.2865871453 |
| | 497630513 | 98355921 | 712389 | 0101972 | 252144 | 153868 | 8215 |
| 5 | 0.0013365079 | 0.0021399357 | 0.7151894300 | 0.0314686938 | 59.081004164 | 10.177539762 | 2.2880328742 |
| | 583489167 | 087336806 | 683876 | 80982515 | 534455 | 40193 | 63237 |
| 5 | 0.0013376912 | 0.0021349486 | 0.7129872073 | 0.0309275669 | 58.944502658 | 10.161993312 | 2.2640942311 |
| | 744278067 | 14874355 | 262552 | 50830883 | 95246 | 02116 | 3396 |
| 6 | 0.0015549157 | 0.0024838855 | 0.8287059713 | 13380.920708 | 113.31131969 | 3308.7492687 | 4594.3850397 |
| | 397447115 | 69098083 | 231449 | 126088 | 782183 | 70184 | 75223 |
| 6 | 0.0015543881 | 0.0024900719 | 0.8294516915 | 13780.984081 | 113.22666715 | 2813.8049376 | 4028.6534393 |
| | 269259644 | 739375694 | 77259 | 833849 | 306929 | 168924 | 981706 |
| 6 | 0.0015629435 | 0.0025014566 | 0.8317256221 | 13257.518796 | 113.21090187 | 3044.6303227 | 4279.4427462 |
| | 068970977 | 3483877 | 913297 | 66013 | 914979 | 318176 | 95762 |
| 6 | 0.0015511359 | 0.0024889314 | 0.8284132476 | 13564.411614 | 112.76750700 | 3461.1957975 | 4760.6365120 |
| | 242988724 | 250281804 | 642948 | 174862 | 449382 | 910814 | 93716 |

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 6 | 0.0015561442 | 0.0024943175 | 0.8307107776 | 13360.958533 | 112.66502143 | 2532.9424660 | 3496.3109908 |
| | 599845425 | 27309956 | 604068 | 671577 | 440532 | 90692 | 940405 |

Таблиця А.З Середні квадратичні відхилення

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|------------|--------------|--------------|-----------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 0 | 6.0633182301 | 1.2187990004 | 0.0014999733 | 0.0 | 22.991929613 | 2.8910147036 | 0.0 |
| | 23687e-06 | 602001e-05 | 399472307 | | 833783 | 59474 | |
| 0 | 6.7021406918 | 1.3241064730 | 0.0014503993 | 0.0 | 23.069494401 | 2.8975417294 | 0.0 |
| | 88731e-06 | 359894e-05 | 806075325 | | 712703 | 92824 | |
| 0 | 6.1765182491 | 1.2569706992 | 0.0014247731 | 0.0 | 23.059354995 | 2.8928774788 | 0.0 |
| | 57647e-06 | 329e-05 | 34591655 | | 769432 | 811773 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | и дисків | введення- | и процесорів | очікуванні | сторінок | B Cherein | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | - | | |
| 0 | 6.9354349774 | 1.1943064236 | 0.0019805472 | 0.0 | 23.051140418 | 2.8999232260 | 0.0 |
| | 36626e-06 | 362212e-05 | 416211463 | | 283836 | 332723 | |
| 0 | 6.2839684845 | 1.5880106291 | 0.0020546912 | 0.0 | 23.085492335 | 2.8985053307 | 0.0 |
| | 80637e-06 | 393236e-05 | 403766777 | | 510185 | 85881 | |
| 1 | 2.4377928324 | 1.0970839091 | 0.0014581422 | 0.0021416236 | 56.448500048 | 2.8941574272 | 0.0245082831 |
| | 90952e-06 | 620434e-05 | 307217745 | 27444322 | 16332 | 191426 | 94041885 |
| 1 | 2.5645985147 | 1.3916728122 | 0.0015592548 | 0.0022345884 | 56.554545567 | 2.9129551636 | 0.5639463883 |
| | 086683e-06 | 596208e-05 | 667633431 | 773011127 | 76581 | 906164 | 385167 |
| 1 | 3.6584033561 | 1.4010064319 | 0.0019143012 | 0.0027960755 | 56.546243338 | 2.9006892141 | 0.0 |
| | 87013e-06 | 879976e-05 | 744062922 | 725726138 | 906606 | 046845 | |
| 1 | 2.4111802958 | 1.0844180688 | 0.0010754011 | 0.0013487545 | 56.628929775 | 2.8919202689 | 0.0 |
| | 882988e-06 | 49111e-05 | 045203766 | 599477123 | 15004 | 902477 | |
| 1 | 3.1851392422 | 1.6759857050 | 0.0012268877 | 0.0020166926 | 56.477288115 | 2.9034802217 | 0.0 |
| | 796374e-06 | 14997e-05 | 109490733 | 419075406 | 50977 | 458116 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 2 | 3.1314056490 | 1.5902191783 | 0.0004627937 | 0.0 | 35.117783525 | 2.9096346241 | 0.0 |
| | 381993e-06 | 644085e-05 | 618526907 | | 69744 | 721545 | |
| 2 | 2.7605322722 | 1.5204369363 | 0.0005330774 | 0.0 | 34.986283728 | 2.9094407389 | 0.0 |
| | 03941e-06 | 794972e-05 | 888740822 | | 69827 | 289776 | |
| 2 | 2.9470521527 | 1.4571256543 | 0.0006151935 | 0.0 | 35.117482245 | 2.9071993464 | 0.0 |
| | 877146e-06 | 55262e-05 | 78240626 | | 891864 | 97265 | |
| 2 | 2.9425100298 | 1.2549401709 | 0.0004933064 | 0.0 | 35.041043982 | 2.8988637314 | 0.0 |
| | 434966e-06 | 395428e-05 | 093384896 | | 0899 | 95643 | |
| 2 | 2.8240482434 | 1.0976999824 | 0.0004376764 | 0.0 | 35.127839194 | 2.9035292032 | 0.0 |
| | 28334e-06 | 895244e-05 | 30610689 | | 62015 | 11126 | |
| 3 | 1.0313923455 | 6.5733714509 | 0.0001639139 | 0.0 | 38.875647459 | 2.9476198122 | 0.0 |
| | 073889e-06 | 621685e-06 | 2587692703 | | 608174 | 015806 | |
| 3 | 7.7502613994 | 9.5037515492 | 0.0001514501 | 0.0 | 38.851055286 | 2.9444798322 | 0.0 |
| | 92419e-07 | 1653e-06 | 4808299955 | | 01111 | 524015 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | 22 14-22 | введення- | родосор | очікуванні | сторінок | 2 0.1.0.2 0.1.1.2 | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 3 | 5.9938053088 | 6.6561218656 | 0.0001454151 | 0.0 | 38.820826724 | 2.9499255758 | 0.0 |
| | 3507e-07 | 18153e-06 | 510442333 | | 05772 | 929386 | |
| 3 | 6.1409622276 | 7.2624227376 | 0.0001471072 | 0.0 | 38.826815300 | 2.9346540949 | 0.0 |
| | 62226e-07 | 45955e-06 | 9220316263 | | 71401 | 157616 | |
| 3 | 6.3682041571 | 7.3360886716 | 0.0001203109 | 0.0 | 38.831770776 | 2.9253090518 | 0.0 |
| | 59772e-07 | 537706e-06 | 6040425972 | | 875835 | 378593 | |
| 4 | 3.7020091998 | 1.5498275789 | 0.0001692764 | 0.0 | 50.841411307 | 2.9177876646 | 0.0 |
| | 908736e-06 | 066978e-05 | 9378458193 | | 17622 | 131997 | |
| 4 | 3.0464706405 | 1.0673961771 | 0.0001768862 | 0.0 | 50.787061694 | 2.9030262732 | 0.0 |
| | 17444e-06 | 097588e-05 | 5442550772 | | 530145 | 416343 | |
| 4 | 2.5898961682 | 1.0468779241 | 0.0001354195 | 0.0 | 50.867016915 | 2.9108177033 | 0.0 |
| | 991903e-06 | 768465e-05 | 042958765 | | 48756 | 25894 | |
| 4 | 4.8542137828 | 1.4388571375 | 0.0001402846 | 0.0 | 50.669218319 | 2.9129497336 | 0.0 |
| | 12781e-06 | 9911e-05 | 2885328614 | | 81429 | 68332 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | я дисків | введення- | я процесорів | очікуванні | сторінок | всистеми | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | _ | | |
| 4 | 3.4582887819 | 1.2168680528 | 0.0001327979 | 0.0 | 50.807847019 | 2.9149022870 | 0.0 |
| | 867115e-06 | 818852e-05 | 7871041873 | | 563916 | 38537 | |
| 5 | 1.0429539252 | 1.5452226586 | 0.0027240130 | 0.1839526487 | 30.238845100 | 3.4093331256 | 2.2837317803 |
| | 64986e-05 | 13835e-05 | 9799634 | 0787148 | 109078 | 802855 | 614865 |
| 5 | 9.8511164922 | 1.5284838346 | 0.0039473925 | 0.1900819280 | 30.346295996 | 3.4220210458 | 2.3713058029 |
| | 73075e-06 | 721153e-05 | 11602092 | 90188 | 055964 | 144003 | 544203 |
| 5 | 1.0440489039 | 1.4810999924 | 0.0036651459 | 0.1838350889 | 30.307264891 | 3.3604252845 | 2.2539288393 |
| | 287137e-05 | 472431e-05 | 241224317 | 937267 | 898427 | 9727 | 29754 |
| 5 | 1.1500476639 | 1.6151307410 | 0.0036823174 | 0.1838137642 | 30.350028590 | 3.3982026023 | 2.4833034772 |
| | 141201e-05 | 099243e-05 | 25735091 | 750485 | 139242 | 483685 | 36511 |
| 5 | 6.7932165172 | 1.3808350765 | 0.0033327505 | 0.1823208954 | 30.310882909 | 3.3826301229 | 2.3267677675 |
| | 25891e-06 | 006422e-05 | 556365695 | 55085 | 16066 | 363542 | 503418 |
| 6 | 1.6487713608 | 2.7717817585 | 0.0066449176 | 7676.5059956 | 12.399661375 | 33001.993335 | 38936.049733 |
| | 485905e-05 | 898182e-05 | 177217914 | 05145 | 35893 | 012055 | 319946 |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 6 | 1.2088566310 | 1.7969743858 | 0.0045895362 | 7870.6757237 | 12.404640705 | 32836.597045 | 39690.970024 |
| | 81339e-05 | 613083e-05 | 39650023 | 16892 | 357226 | 124334 | 59861 |
| 6 | 1.4024173231 | 2.1239429954 | 0.0057928199 | 7697.7152225 | 12.397876864 | 30225.365413 | 35935.396834 |
| | 770203e-05 | 140986e-05 | 01398434 | 12689 | 875949 | 47308 | 251136 |
| 6 | 1.1495327235 | 1.5410940009 | 0.0044120521 | 7764.8413438 | 12.510213152 | 37113.607723 | 43509.778989 |
| | 395708e-05 | 045226e-05 | 08418184 | 40343 | 973288 | 822264 | 32139 |
| 6 | 1.0685274560 | 1.4690329046 | 0.0062500224 | 7738.0275167 | 12.502708890 | 27056.371631 | 32030.925718 |
| | 545559e-05 | 40187e-05 | 88174315 | 55956 | 985504 | 144702 | 917628 |

Таблиця А.4 Глобальні середні значення

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 0 | 0.0009373157 | 0.0018746047 | 0.3124341965 | 0.0 | 43.276392502 | 9.4835458409 | 0.0 |
| | 432988612 | 02615906 | 820444 | | 66184 | 0698 | |
| 1 | 0.0004255528 | 0.0018732730 | 0.2499789360 | 4.6568582101 | 105.65598444 | 9.4972168299 | 1.3365714027 |
| | 469269394 | 876161812 | 0755422 | 48168e-06 | 532029 | 4964 | 463445 |
| 2 | 0.0003903349 | 0.0018736761 | 0.1042062333 | 0.0 | 61.890033326 | 9.5011634282 | 0.0 |
| | 3386957834 | 019728394 | 0801868 | | 025915 | 92989 | |
| 3 | 8.3331275230 | 0.0009991077 | 0.0222655589 | 0.0 | 49.767624207 | 9.5034619189 | 0.0 |
| | 17854e-05 | 404409698 | 3998442 | | 79706 | 26934 | |
| 4 | 0.0005209544 | 0.0016662859 | 0.0278237363 | 0.0 | 88.463880416 | 9.4781844086 | 0.0 |
| | 693169161 | 864102013 | 45301543 | | 4198 | 34673 | |
| 5 | 0.0013375422 | 0.0021396428 | 0.7143109737 | 0.0315140753 | 58.973092402 | 10.172500147 | 2.2577155599 |
| | 519963382 | 99850555 | 873649 | 4543706 | 49821 | 76516 | 013032 |

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 6 | 0.0015559055 | 0.0024917326 | 0.8298014620 | 13468.958746 | 113.03628343 | 3032.2645585 | 4231.8857456 |
| | 115702378 | 260425116 | 83287 | 893302 | 3788 | 601335 | 91383 |

Таблиця А.5 Глобальні середні квадратичні відхилення

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 0 | 6.4322761266 | 1.3164386451 | 0.0016820768 | 0.0 | 23.051482353 | 2.8959724937 | 0.0 |
| | 37465e-06 | 00927e-05 | 674288482 | | 02199 | 705253 | |
| 1 | 2.8514228483 | 1.3300333854 | 0.0014467974 | 0.0021075469 | 56.531101369 | 2.9006404591 | 0.1176909343 |
| | 10914e-06 | 54754e-05 | 37472172 | 7583466 | 09911 | 501003 | 0651172 |

| Індекс набору параметрів | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу введення- | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в очікуванні | Кількість зайнятих сторінок | Час завдання в системі | Час виділення пам'яті |
|--------------------------------|----------------------|--------------------------------|--------------------------|--------------------------------------|-----------------------------------|---------------------------|-----------------------------|
| параметры | | виведення | | пам'яті | Cropmon | | 144.W |
| 2 | 2.9211096694 | 1.3840843845 | 0.0005084095 | 0.0 | 35.078086535 | 2.9057335288 | 0.0 |
| | 60337e-06 | 05647e-05 | 337833155 | | 39953 | 610333 | |
| 3 | 7.3134313096 | 7.4663512550 | 0.0001456394 | 0.0 | 38.841223109 | 2.9403976734 | 0.0 |
| | 44675e-07 | 19315e-06 | 9552231644 | | 45337 | 201085 | |
| 4 | 3.5301757147 | 1.2639653741 | 0.0001509329 | 0.0 | 50.794511051 | 2.9118967323 | 0.0 |
| | 013995e-06 | 348597e-05 | 720139342 | | 31443 | 775196 | |
| 5 | 9.8029675881 | 1.5101544606 | 0.0034703239 | 0.1848008651 | 30.310663497 | 3.3945224362 | 2.3438075334 |
| | 15433e-06 | 48752e-05 | 030185046 | 0438393 | 472678 | 753357 | 865025 |
| 6 | 1.2956210989 | 1.9405652090 | 0.0055378696 | 7749.5531604 | 12.443020197 | 32046.787029 | 38020.624260 |
| | 40215e-05 | 81987e-05 | 71072549 | 86204 | 910178 | 715284 | 08174 |

Таблиця А.6 Відсоткові відхилення середніх значень відносно глобальних середніх

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 0 | 0.1392691967 | 0.0716576271 | 0.0370146523 | 0.0 | 0.0261880228 | 0.1210127318 | 0.0 |
| | 533767 | 3838489 | 7137983 | | 28342115 | 1496974 | |
| 0 | 0.0580434652 | 0.0498452858 | 0.0889461497 | 0.0 | 0.0954926909 | 0.0815668840 | 0.0 |
| | 6426225 | 04791147 | 6628373 | | 2434332 | 0182767 | |
| 0 | 0.5018630330 | 0.2681699128 | 0.1684924565 | 0.0 | 0.0060272812 | 0.0558767444 | 0.0 |
| | 457753 | 2170133 | 2555628 | | 71077231 | 1597132 | |
| 0 | 0.3554734979 | 0.1329725880 | 0.0423999495 | 0.0 | 0.0131895872 | 0.0527922131 | 0.0 |
| | 6032957 | 0794026 | 5491644 | | 54963123 | 61996636 | |
| 0 | 0.0509231269 | 0.0136944118 | 0.2520533091 | 0.0 | 0.1288430197 | 0.1994950845 | 0.0 |
| | 3220478 | 70573433 | 083212 | | 36637 | 628602 | |
| 1 | 0.0585771950 | 0.1634003855 | 0.1698336857 | 1.5092882088 | 0.0526531400 | 0.0974362776 | 36.161036564 |
| | 5230517 | 3801017 | 410604 | 852497 | 27829275 | 7437438 | 07996 |

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 1 | 0.0586481517 | 0.0123718192 | 0.1226481943 | 7.2270267141 | 0.0780456241 | 0.1139941945 | 59.448523481 |
| | 7448804 | 02888379 | 0222648 | 63101 | 5305075 | 7078315 | 511224 |
| 1 | 0.0589903955 | 0.1681306807 | 0.2814505834 | 67.883568221 | 0.0040851889 | 0.1006080902 | 141.85043151 |
| | 6482662 | 1151702 | 393168 | 67273 | 40183183 | 595303 | 888138 |
| 1 | 0.0195466477 | 0.1113601889 | 0.2627651230 | 60.936277417 | 0.3568212012 | 0.1505882355 | 65.965389012 |
| | 28761482 | 4435572 | 7913946 | 81635 | 5489875 | 8541926 | 1177 |
| 1 | 0.0786080000 | 0.1284623033 | 0.2517338264 | 12.665029309 | 0.2302076260 | 0.2346384089 | 19.724517538 |
| | 157837 | 2073935 | 752249 | 13427 | 14175 | 4854077 | 827513 |
| 2 | 0.0509544105 | 0.0389692216 | 0.1302841549 | 0.0 | 0.0516690629 | 0.1167715534 | 0.0 |
| | 81093804 | 4996266 | 8537582 | | 26091594 | 7901642 | |
| 2 | 0.0537760213 | 0.3334880035 | 0.1469231207 | 0.0 | 0.4003424575 | 0.1146181873 | 0.0 |
| | 83785615 | 618026 | 1493263 | | 048457 | 4574075 | |
| 2 | 0.0397978255 | 0.4354957422 | 0.1738829158 | 0.0 | 0.1940307624 | 0.0871701155 | 0.0 |
| | 9775387 | 298137 | 33972 | | 5869122 | 4098435 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 2 | 0.0691707930 | 0.0783729596 | 0.2035660681 | 0.0 | 0.3564630586 | 0.1266205990 | 0.0 |
| | 0621716 | 1160305 | 87493 | | 1442107 | 2127817 | |
| 2 | 0.2136990505 | 0.0626040007 | 0.0130441866 | 0.0 | 0.1862410984 | 0.0416038496 | 0.0 |
| | 6887822 | 0640545 | 24004125 | | 2297834 | 135134 | |
| 3 | 0.0948516869 | 0.1088496706 | 0.3175276407 | 0.0 | 0.0586467363 | 0.0349913196 | 0.0 |
| | 3121654 | 6782505 | 1741096 | | 6114539 | 4900005 | |
| 3 | 0.0236347021 | 0.0811737651 | 0.3809378785 | 0.0 | 0.3102818174 | 0.2525954623 | 0.0 |
| | 883494 | 2953402 | 6329514 | | 29433 | 621973 | |
| 3 | 0.3711690356 | 0.1920146874 | 0.2085279595 | 0.0 | 0.0454415732 | 0.0405732180 | 0.0 |
| | 910503 | 7205694 | 133558 | | 764172 | 6672695 | |
| 3 | 0.0640013807 | 0.0026089717 | 0.0495720544 | 0.0 | 0.1622005770 | 0.0350191177 | 0.0 |
| | 1894364 | 60553057 | 29917634 | | 384334 | 8245622 | |
| 3 | 0.2359506702 | 0.1617298101 | 0.2223661429 | 0.0 | 0.2521695500 | 0.2231582429 | 0.0 |
| | 2915817 | 7321286 | 293535 | | 285194 | 9743064 | |

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 4 | 0.2877260347 | 0.4405085280 | 0.2412276389 | 0.0 | 0.2584939905 | 0.0660153084 | 0.0 |
| | 0331753 | 185574 | 5156238 | | 591612 | 6891568 | |
| 4 | 0.0332946143 | 0.2100858416 | 0.0926362806 | 0.0 | 0.0349892987 | 0.0446087724 | 0.0 |
| | 3210878 | 721115 | 9700314 | | 8689205 | 7272433 | |
| 4 | 0.1450267876 | 0.4466495893 | 0.0478200321 | 0.0 | 0.1403375843 | 0.0893817854 | 0.0 |
| | 1523216 | 5561877 | 4342434 | | 6019975 | 6636275 | |
| 4 | 0.0147787986 | 0.0285737321 | 0.1149593090 | 0.0 | 0.1175450286 | 0.1427407927 | 0.0 |
| | 94187899 | 88213748 | 3871425 | | 4536483 | 5091997 | |
| 4 | 0.1241834314 | 0.1876531708 | 0.0141879829 | 0.0 | 0.0356006763 | 0.1214984972 | 0.0 |
| | 5018534 | 2093308 | 27616756 | | 40520825 | 7562398 | |
| 5 | 0.1054603593 | 0.0499407960 | 0.0953236610 | 2.0112555130 | 0.0884580695 | 0.1998732394 | 1.9802342917 |
| | 9702729 | 9477475 | 1887417 | 263727 | 8198674 | 8512992 | 531266 |
| 5 | 0.2257984508 | 0.2849759515 | 0.0987165756 | 3.4035473656 | 0.1078320578 | 0.2069888915 | 0.9239212289 |
| | 6831762 | 919465 | 0782758 | 940165 | 7880562 | 6673628 | 84996 |

| Індекс набору параметрів | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу введення- | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в очікуванні | Кількість зайнятих сторінок | Час завдання в системі | Час виділення пам'яті |
|--------------------------------|----------------------|--------------------------------------|--------------------------|--------------------------------------|-----------------------------------|---------------------------|-----------------------------|
| параметрів | | виведення | | пам'яті | Cropmox | | 144, 711 |
| 5 | 0.3974452215 | 0.5406275274 | 0.2563814572 | 0.6128117467 | 0.0617846856 | 0.0466294550 | 1.2787964079 |
| | 45618 | 333825 | 473852 | 061311 | 4146393 | 9763055 | 101573 |
| 5 | 0.0773279233 | 0.0136849416 | 0.1229795303 | 0.1440037949 | 0.1829847437 | 0.0495415538 | 1.3428314399 |
| | 5178747 | 85648728 | 8087943 | 9352542 | 874463 | 3204507 | 028767 |
| 5 | 0.0111415120 | 0.2193957214 | 0.1853207510 | 1.8610998043 | 0.0484793019 | 0.1032866610 | 0.2825276729 |
| | 71562979 | 3220867 | 016095 | 802713 | 6812992 | 1133437 | 250885 |
| 6 | 0.0636138774 | 0.3149237146 | 0.1320184176 | 0.6536365610 | 0.2433167967 | 9.1180932557 | 8.5659045604 |
| | 6016872 | 239043 | 8170844 | 854696 | 6546905 | 3289 | 64851 |
| 6 | 0.0975242155 | 0.0666464807 | 0.0421511074 | 2.3166255150 | 0.1684270868 | 7.2045039845 | 4.8024053225 |
| | 1242055 | 4941076 | 64898384 | 385484 | 590657 | 39409 | 00249 |
| 6 | 0.4523407928 | 0.3902508918 | 0.2318819857 | 1.5698314487 | 0.1544799953 | 0.4078062429 | 1.1237779907 |
| | 388308 | 7448564 | 477694 | 891833 | 2298093 | 208335 | 644794 |
| 6 | 0.3065473600 | 0.1124198072 | 0.1672947665 | 0.7086877989 | 0.2377788981 | 14.145574396 | 12.494448058 |
| | 9977024 | 0781593 | 7066172 | 256319 | 8149944 | 536997 | 780206 |

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--------------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 6 | 0.0153446602 | 0.1037391107 | 0.1095823059 | 0.8018453040 | 0.3284449807 | 16.466969910 | 17.381725287 |
| | 33500852 | 0666274 | 6953929 | 89568 | 6597856 | 651326 | 509344 |

Таблиця А.7 Відсоткові відхилення середніх квадратичних відхилень відносно глобальних відхилень

| Індекс | Завантаженн | Завантаженн | Завантаженн | Кількість | Кількість | Час завдання | Час |
|------------|--------------|--------------|--------------|------------|--------------|--------------|-----------|
| набору | я дисків | я каналу | я процесорів | завдань в | зайнятих | в системі | виділення |
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 0 | 5.7360394555 | 7.4169536882 | 10.826112112 | 0.0 | 0.2583466792 | 0.1711960359 | 0.0 |
| | 489185 | 017875 | 223104 | | 9890676 | 3321298 | |
| 0 | 4.1954754419 | 0.5824675508 | 13.773299621 | 0.0 | 0.0781383531 | 0.0541868310 | 0.0 |
| | 46546 | 87992 | 880428 | | 6474967 | 4463374 | |
| 0 | 3.9761644625 | 4.5173351670 | 15.296788025 | 0.0 | 0.0341524359 | 0.1068730761 | 0.0 |
| | 402357 | 68703 | 537554 | | 5564912 | 7754235 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | и дисків | введення- | и процесорів | очікуванні | сторінок | B CHCTCWI | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | - | | |
| 0 | 7.8224075100 | 9.2774716025 | 17.744157830 | 0.0 | 0.0014833524 | 0.1364216086 | 0.0 |
| | 79821 | 85955 | 82062 | | 929798452 | 7360972 | |
| 0 | 2.3056790339 | 20.629292906 | 22.152041928 | 0.0 | 0.1475392426 | 0.0874606723 | 0.0 |
| | 372117 | 968416 | 82054 | | 7147242 | 9257319 | |
| 1 | 14.506091794 | 17.514558569 | 0.7841314171 | 1.6168869306 | 0.1461165958 | 0.2235034649 | 79.175725523 |
| | 311812 | 750672 | 404627 | 538798 | 8317377 | 1606296 | 41794 |
| 1 | 10.058989804 | 4.6344270361 | 7.7728523965 | 6.0279321373 | 0.0414713283 | 0.4245512228 | 379.17572552 |
| | 761875 | 14707 | 07928 | 67418 | 4654116 | 745629 | 341795 |
| 1 | 28.300976417 | 5.3361853401 | 32.313012507 | 32.669667847 | 0.0267852021 | 0.0016808341 | 100.0 |
| | 93559 | 12885 | 88344 | 62997 | 99813268 | 216654817 | |
| 1 | 15.439399059 | 18.466853485 | 25.670237127 | 36.003582581 | 0.1730523617 | 0.3006298189 | 100.0 |
| | 434477 | 91188 | 368353 | 42457 | 648891 | 196342 | |
| 1 | 11.703504240 | 26.010799679 | 15.199759194 | 4.3109043342 | 0.0951922964 | 0.0979012268 | 100.0 |
| | 572592 | 434946 | 163525 | 2667 | 2809489 | 3951474 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 2 | 7.1991812487 | 14.893224442 | 8.9722495153 | 0.0 | 0.1131674906 | 0.1342550950 | 0.0 |
| | 03803 | 553528 | 0242 | | 4362885 | 5168806 | |
| 2 | 5.4971368906 | 9.8514623385 | 4.8519851520 | 0.0 | 0.2617098472 | 0.1275825890 | 0.0 |
| | 5506 | 87924 | 48742 | | 8205143 | 819865 | |
| 2 | 0.8881037093 | 5.2772266393 | 21.003548785 | 0.0 | 0.1123086074 | 0.0504457006 | 0.0 |
| | 061366 | 06617 | 30306 | | 053076 | 00984515 | |
| 2 | 0.7326106447 | 9.3306603998 | 2.9706611385 | 0.0 | 0.1056002677 | 0.2364221390 | 0.0 |
| | 456033 | 88158 | 58204 | | 6900516 | 9693718 | |
| 2 | 3.3227587121 | 20.691253020 | 13.912623283 | 0.0 | 0.1418340170 | 0.0758612456 | 0.0 |
| | 004825 | 5599 | 491186 | | 0207965 | 3773718 | |
| 3 | 41.027146060 | 11.960056171 | 12.547716049 | 0.0 | 0.0886283886 | 0.2456177559 | 0.0 |
| | 32164 | 437603 | 874943 | | 0094871 | 50397 | |
| 3 | 5.9729841076 | 27.287763789 | 3.9897505411 | 0.0 | 0.0253137665 | 0.1388301612 | 0.0 |
| | 33167 | 94434 | 179797 | | 8772318 | 8035744 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 3 | 18.043869490 | 10.851744871 | 0.1540409607 | 0.0 | 0.0525122119 | 0.3240344855 | 0.0 |
| | 772856 | 45215 | 1505327 | | 30538566 | 0371605 | |
| 3 | 16.031723446 | 2.7313008778 | 1.0078287318 | 0.0 | 0.0370941169 | 0.1953333916 | 0.0 |
| | 096233 | 721404 | 849428 | | 86882454 | 7917074 | |
| 3 | 12.924537231 | 1.7446618691 | 17.391254362 | 0.0 | 0.0243358262 | 0.5131490110 | 0.0 |
| | 085676 | 824116 | 162773 | | 7121429 | 5533 | |
| 4 | 4.8675618177 | 22.616300305 | 12.153422493 | 0.0 | 0.0923333149 | 0.2023056714 | 0.0 |
| | 83584 | 49696 | 366286 | | 4108234 | 2641423 | |
| 4 | 13.702011267 | 15.551786547 | 17.195237107 | 0.0 | 0.0146656727 | 0.3046282183 | 0.0 |
| | 302304 | 9223 | 752366 | | 8649348 | 4490844 | |
| 4 | 26.635488496 | 17.175110521 | 10.278382192 | 0.0 | 0.1427435025 | 0.0370558831 | 0.0 |
| | 689263 | 251586 | 477798 | | 408215 | 852656 | |
| 4 | 37.506293598 | 13.836752734 | 7.0550145661 | 0.0 | 0.2466658875 | 0.0361620410 | 0.0 |
| | 85491 | 144923 | 11514 | | 2781465 | 196614 | |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | | введення- | | очікуванні | сторінок | | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 4 | 2.0363556526 | 3.7261559704 | 12.015262842 | 0.0 | 0.0262547428 | 0.1032163890 | 0.0 |
| | 46842 | 68022 | 52936 | | 3237632 | 8408316 | |
| 5 | 6.3916529245 | 2.3221596782 | 21.505508588 | 0.4589894078 | 0.2369410269 | 0.4363114306 | 2.5631692136 |
| | 08759 | 90004 | 780994 | 868817 | 4119 | 3531846 | 27838 |
| 5 | 0.4911666158 | 1.2137416735 | 13.747091681 | 2.8577046881 | 0.1175576330 | 0.8100877238 | 1.1732306972 |
| | 726785 | 165762 | 229847 | 361166 | 9588185 | 342141 | 754312 |
| 5 | 6.5033516171 | 1.9239401636 | 5.6139434401 | 0.5226036740 | 0.0112125739 | 1.0044756609 | 3.8347301505 |
| | 6335 | 45726 | 0569 | 205305 | 99029606 | 556853 | 192575 |
| 5 | 17.316277298 | 6.9513604797 | 6.1087532069 | 0.5341429699 | 0.1298720916 | 0.1084148401 | 5.9516808337 |
| | 35333 | 800115 | 32451 | 357008 | 150403 | 467299 | 28826 |
| 5 | 30.702448455 | 8.5633216679 | 3.9642797394 | 1.3419686362 | 0.0007238762 | 0.3503383336 | 0.7270121668 |
| | 898143 | 40844 | 869422 | 929737 | 292388592 | 6057726 | 571244 |
| 6 | 27.257217576 | 42.833734502 | 19.990501987 | 0.9425984101 | 0.3484589903 | 2.9806616944 | 2.4077076351 |
| | 747035 | 591156 | 289175 | 059695 | 545297 | 502404 | 40852 |

| Індекс набору | Завантаженн я дисків | Завантаженн я каналу | Завантаженн я процесорів | Кількість завдань в | Кількість зайнятих | Час завдання в системі | Час виділення |
|------------------|----------------------|----------------------|--------------------------|------------------------|-----------------------|---------------------------|------------------|
| параметрів | и дисків | введення- | и процесорів | очікуванні | сторінок | B CHCTCMI | пам'яті |
| | | виведення | | пам'яті | | | |
| 6 | 6.6967470605 | 7.3994330388 | 17.124516966 | 1.5629618988 | 0.3084419372 | 2.4645528884 | 4.3932623333 |
| | 29283 | 210185 | 807874 | 649996 | 669509 | 89885 | 346505 |
| 6 | 8.2428592992 | 9.4497100882 | 4.6037600281 | 0.6689151864 | 0.3628004480 | 5.6836325418 | 5.4844639361 |
| | 31993 | 71713 | 13969 | 629945 | 922638 | 62303 | 16663 |
| 6 | 11.275547729 | 20.585301968 | 20.329434051 | 0.1972782564 | 0.5400051916 | 15.810697931 | 14.437308266 |
| | 204225 | 10239 | 782624 | 0439292 | 2056 | 773275 | 40522 |
| 6 | 17.527782086 | 24.298709583 | 12.859689003 | 0.1487265587 | 0.4796961840 | 15.572279972 | 15.753814298 |
| | 24543 | 939484 | 187388 | 0039336 | 932415 | 851051 | 764059 |