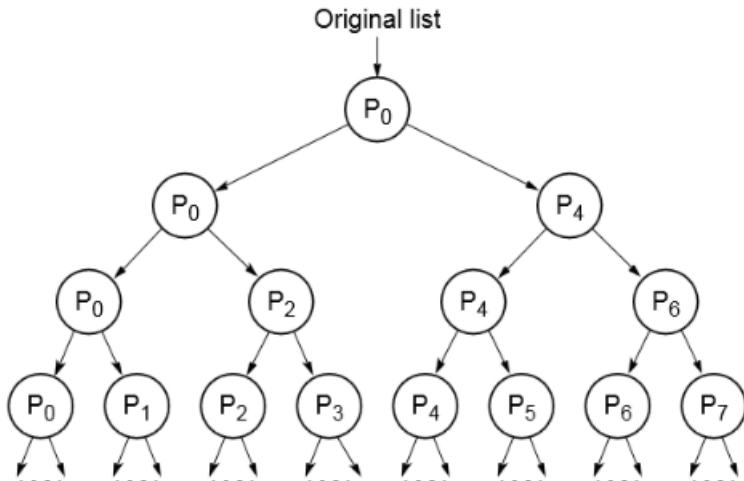


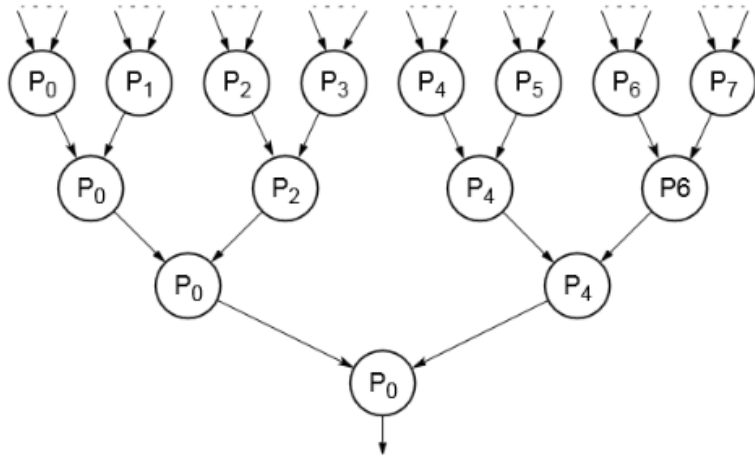
- ▶ Paralel algoritma oluşturmak için tipik adımlar
 - ▶ aynı anda hangi iş parçalarının gerçekleştirilebileceğini belirlemek
 - ▶ bağımsız işlemcilere bölme ve eşleme çalışması
 - ▶ bir programın giriş, çıkış ve ara verilerini dağıtmak
 - ▶ paylaşılan verilere erişimleri koordine etmek: çakışmaları önlemek
 - ▶ senkronizasyonu kullanarak doğru çalışma sırasını sağlamak

- ▶ Böl ve fethet!
 - ▶ problemin alt problemlere ayrılması
 - ▶ bölünme genellikle özyineleme yoluyla yapılır
 - ▶ alt problemlerden elde edilen çözümler daha sonra orijinal probleme çözüm vermek için birleştirilir

Divide



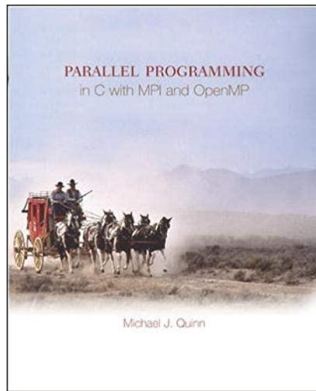
Conquer



- ▶ Sıralama
 - ▶ elemanların sırasız bir listesinin artan veya azalan sıraya göre düzenlenmesi işlemi,
 - ▶ en yaygın olarak incelenen algoritmik problemlerden biri olarak kabul edilir,
 - ▶ çok çeşitli yararlı uygulamalarda sıklıkla kullanılır.

- ▶ Hızlı Sıralama
 - ▶ Böl ve fethet!
 - ▶ Listeyi daha küçük alt listelere bölerek sırasız bir sayı listesini artan bir sırayla sıralama
- ▶ Paralel hesaplamadaki ilerlemeye birlikte birçok paralel **sıralama** algoritması araştırılmıştır.

- ▶ Sıralı Quicksort Algoritması
- ▶ Paralel Hesaplama için Üç Hızlı Sıralama Algoritması
- ▶ Michael J. Quinn, MPI ve OpenMP ile C'de Paralel Programlama (Bölüm 14)





- ▶ Sıralı quicksort algoritması: özyinelemeli bir prosedür
 - ▶ Bir sayı listesi verildiğinde, bunlardan birini pivot olarak seçin
 - ▶ Referans değer olarak kabul edilen pivot
 - ▶ Listeyi iki alt listeye ayırın:
 - ▶ pivottan daha küçük sayılar içeren bir "düşük liste"
 - ▶ pivottan daha büyük sayılar içeren bir "yüksek liste"



- ▶ Düşük liste ve yüksek liste, kendilerini sıralamak için prosedürü özyinelemeli olarak tekrarlar
- ▶ Nihai sıralanmış sonuç, sıralanmış düşük listenin, pivotun ve sıralanmış yüksek listenin birleştirilmesidir

17	14	65	4	22	63	11
----	----	----	---	----	----	----

Unordered list of values

17	14	65	4	22	63	11
----	----	----	---	----	----	----

Choose pivot value

14	4	11	17	65	22	63
----	---	----	----	----	----	----

Low list
(< 17)

High list
(> 17)

4	11	14	17	65	22	63
---	----	----	----	----	----	----

Recursively
apply quicksort to low list

4	11	14	17	22	63	65
---	----	----	----	----	----	----

Recursively
apply quicksort to high list

4	11	14	17	22	63	65
---	----	----	----	----	----	----

Sorted list of values



- ▶ Bir sayı listesi verildiğinde:
 - ▶ {79, 17, 14, 65, 89, 4, 95, 22, 63, 11}
- ▶ Pivot olarak ilk sayı olan 79 'u seçin
 - ▶ Düşük liste {17, 14, 65, 4, 22, 63, 11} içerir
 - ▶ En üstteki listede {89, 95}



- ▶ Alt liste {17, 14, 65, 4, 22, 63, 11} için pivot olarak 17 'yi seçin
 - ▶ Düşük liste {14, 4, 11} içerir
 - ▶ Yüksek liste {65, 22, 63}
- ▶ Alt liste {14, 4, 11} için pivot olarak 14 'ü seçin
 - ▶ Düşük liste {4, 11} içerir
 - ▶ Yüksek liste boş (daha fazla özyinelemeye gerek yok)



- ▶ Alt liste {4, 11} için pivot olarak 4 'ü seçin
 - ▶ Düşük liste boş (daha fazla özyinelemeye gerek yok)
 - ▶ Yüksek liste {11} içerir (daha fazla özyinelemeye gerek yoktur)
- ▶ Alt liste {65, 22, 63} için pivot olarak 65 'i seçin
 - ▶ Düşük listede {22, 63}
 - ▶ Yüksek liste boş (daha fazla özyinelemeye gerek yok)

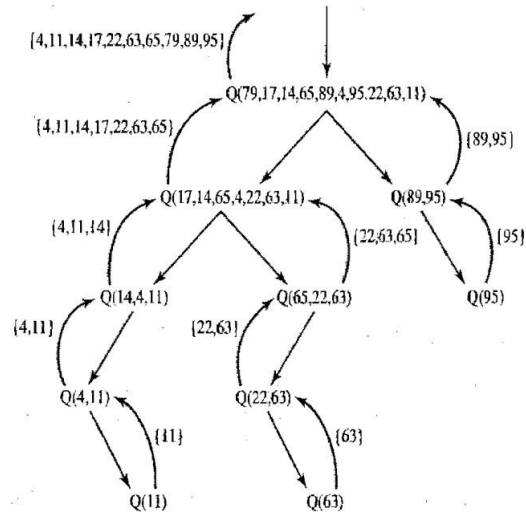


- ▶ Alt liste {22, 63} için pivot olarak 22 'yi seçin
 - ▶ Düşük liste boş (daha fazla özyinelemeye gerek yok)
 - ▶ Yüksek liste {63} içerir (daha fazla özyinelemeye gerek yoktur)
- ▶ {4, 11, 14, 17, 22, 63, 65} alt listenin sıralanmış sonucudur
{17, 14, 65, 4, 22, 63, 11}



- ▶ Alt liste {89, 95} için pivot olarak 89 'u seçin
 - ▶ Düşük liste boş (daha fazla özyinelemeye gerek yok)
 - ▶ Yüksek liste {95} içerir (daha fazla özyinelemeye gerek yoktur)
- ▶ {89, 95} alt listenin sıralanmış sonucudur {89, 95}
- ▶ Nihai sıralama sonucu :{ 4, 11, 14, 17, 22, 63, 65, 79, 89, 95}

Sıralı Hızlı Tasnifin İllüstrasyonu



Kaynak : M. Quinn, *MPI ve OpenMP ile C'de Paralel Programlama*. McGraw Hill, 2004.



- ▶ Hızlı sıralama, ortalama durumda anahtarların karşılaştırılmasına dayalı olarak genellikle en hızlı sıralama algoritması olarak kabul edilir
- ▶ Quicksort'un bazı doğal eşzamanlılıkları var
 - ▶ Düşük liste ve yüksek liste aynı anda kendilerini sıralayabilir



- ▶ N veri değerleri için zaman karmaşıklığı aşağıdaki gibidir
 - ▶ En iyi/Ortalama durum : $O(N \log N)$
 - ▶ En kötü durum : $O(N^2)$
 - ▶ Düşük ve yüksek listeler her bölümleme adımında maksimum dengesiz olduğunda oluşur
 - ▶ Pivot değeri seçmek için örnekleme, en kötü durumu daha az olası hale getirebilir