

530+陈斯杰+电子信息工程+第六次作业

$$1. L = vp - 80000 - 3.5v = -5666p^2 + 36831p - 139500$$

$$\frac{dL}{dp} = -11332p + 36831$$

令 $\frac{dL}{dp} = 0$ 可求得最大利润、最优生产量和最优定价

$$8. L = \sqrt{(x-15)^2 + (y-85)^2} + \sqrt{(x-42)^2 + (y-145)^2} + \sqrt{88^2 + (y-145)^2} + \sqrt{(x-125)^2 + (y-140)^2} + \sqrt{(x-135)^2 + (y-125)^2} + \sqrt{(x-180)^2 + (y-18)^2}$$

$$x = 1, y = 121, L_{min} = 387.9615$$

2. 价格p

$$\text{需求} v = 1800 - 15p$$

$$\text{总成本} = 12000 + 17v$$

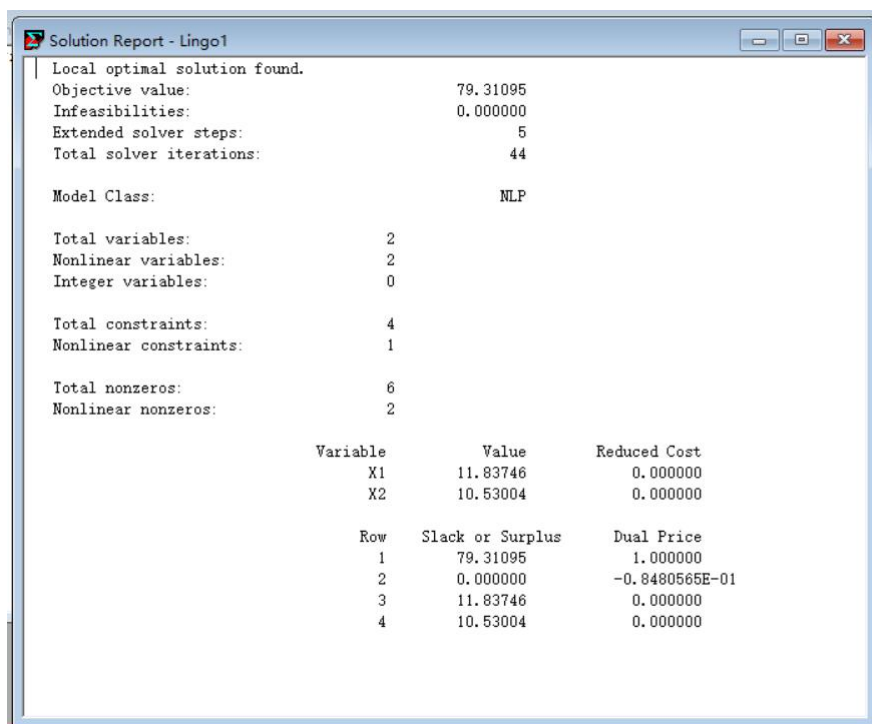
利润 = $v * p - 12000 - 17v = -15p^2 + 2055p - 42600$ 显然是个一元二次函数，易得当 $p = -b/2a = 68.5$ 时利润最大。

题目中的数据与给的公式不符，因此按照题意价格应为685。

3.(1)我们直接用lingo对问题进行求解，在lingo中输入：

```
1 max=7*x1-0.31*x1^2+8*x2-0.4*x2^2;  
2 4*x1+5*x2=100;  
3 x1>=0;  
4 x2>=0;
```

得到下图，



所以，我们可知，当 $x_1 = 11.83746$; $x_2 = 10.53004$ 时，目标函数 z 最大化，其最大值为79.31095。

(2)另外，我们用拉格朗日方法进行验算，设 $F(x_1, x_2) = 7x_1 - 0.31x_1^2 + 8x_2 - 0.4x_2^2 - \lambda(4x_1 + 5x_2 - 100)$ ，有：

$$\begin{cases} \frac{\partial f}{\partial x_1} = 7 - 0.62x_1 - 4\lambda x_1 = 0 \\ \frac{\partial f}{\partial x_2} = 8 - 0.8x_2 - 5\lambda x_2 = 0 \\ \frac{\partial f}{\partial \lambda} = 4x_1 + 5x_2 - 100 = 0 \end{cases}$$

可得：

$$x_1 = \frac{7}{0.62 + 4\lambda} \quad x_2 = \frac{8}{0.8 + 5\lambda} \quad 4x_1 + 5x_2 = 100$$

得： $\frac{7 \times 4}{0.62 + 4\lambda} + \frac{5 \times 8}{0.8 + 5\lambda} = 100$

解得： $\lambda = -0.007625$, 可求得 $x_1 = 11.83746$; $x_2 = 10.53004$, 与上面所求相同。

4. 设派给 i 地区 x_i 人目标函数

$$z = \max\left(80100 - \frac{9000}{x_1} - \frac{15000}{x_2} - \frac{5300}{x_3} - \frac{7600}{x_4} - \frac{12500}{x_5}\right)$$

$$s.t. \begin{cases} 3550x_1 + 5400x_2 + 2900x_3 + 2750x_4 + 4900x_5 \leq 65000 \\ x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 15 \\ x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, x_3 \geq 0, x_4 \geq 0, x_5 \geq 0 \\ \forall x \text{ 均为整数} \end{cases}$$

解得最优解为

$$\begin{cases} x_1 = 3 \\ x_2 = 4 \\ x_3 = 2 \\ x_4 = 3 \\ x_5 = 3 \end{cases}$$

5.解：电力公司的收入主要由高需求客户和低需求客户两部分组成，而这两种客户的收入分别为：

$$p_h * (5.8 - 0.06p_h + 0.005p_l)$$

$$p_l * (3.0 - 0.11p_l + 0.008p_h)$$

因此电力公司的总收入为：

$$Z = 5.9p_h + 3.0p_l - 0.06p_h^2 - 0.11p_l^2 + 0.013p_l p_h$$

限制条件为：

$$0.052p_h + 0.105p_l \geq 6.3$$

将模型代入MATLAB中求解，MATLAB代码如下：

```

1      function [ f,ceq ] = nonlinearcondition( x )
2      f = -0.052*x(1)-0.105*x(2);
3      ceq = 0;
4      end
5      function f = fun( x )

```

```

6      f = -(5.8*x(1)+3*x(2)+0.013*x(1)*x(2)-0.06*x(1)
      ^2-0.11*x(2)^2);
7  end
8  [x,fval] = fmincon('fun',
      ,[0;0],[],[],[0;0],[],'nonlinearcondition',
      )

```

解得非线性规划最优解为:

$$p_h = 50.1315, p_l = 16.5987$$

$$Z = 170.2784$$

因此为保证最大化收入，低需求每度电价格为16.5987元，高需求每度电价格为50.1315元。

6.

- 数学模型建立:

设分配到四个区的巡逻车数量分别为 x_1, x_2, x_3, x_4 , 得下列数学模型:

$$\text{目标函数: } \text{Min} z = 1.3 + \frac{0.15}{x_1} + \frac{0.21}{x_2} + \frac{0.12}{x_3} + \frac{0.3}{x_4}$$

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 + x_4 \leq 20 \\ 21 + \frac{11}{x_1} + \frac{8}{x_2} + \frac{10}{x_3} + \frac{9}{x_4} \leq 40 \\ x_1, x_2, x_3, x_4 \geq 0 \end{cases}$$

- 模型求解

(1) 编写 $fun.m$ 文件,存放目标函数:

```

1  function f = fun(x)
2      f = 1.3+0.15/x(1)+0.21/x(2)+0.12/x(3)
      +0.3/x(4);
3  end

```

(2) 编写 $nonlinearcondition.m$ 文件,存放非线性约束函数:

```

1 function [f,ceq]=nonlinearcondition(x)
2     f = 21+11/x(1)+8/x(2)+10/x(3)+9/x(4)
3         -40;
4     ceq = 0;
end

```

(3) 编写最终解题代码:

```

1 x0 = [5;5;5;5];
2 A = [1 1 1 1];
3 b = [20];
4 lb = [0;0;0;0];
5 [x,fval] = fmincon('fun',x0,A,b,[],[],lb
    ,[],'nonlinearcondition')

```

得出结果: $x = [4.4525, 5.2683, 3.98246, 2.968]$, $z = 1.4513$, 经过四舍五入得最终结果:

$$x = [5, 5, 4, 6], z = 1.4520$$

即四个区分别分配5辆、5辆、4辆、6辆,此时四个区总犯罪率为1.4520