

# Computación y Estructuras Discretas I

Andrés A. Aristizábal P.  
aaaristizabal@icesi.edu.co

Departamento de Computación y Sistemas Inteligentes



2024-2

## 1 Conjuntos y operaciones con conjuntos

- Presentación del tema
- Ejercicios
- Interface Set en Java

## 2 Funciones

- Presentación del siguiente tema

## 1 Conjuntos y operaciones con conjuntos

- Presentación del tema
- Ejercicios
- Interface Set en Java

## 2 Funciones

- Presentación del siguiente tema

## Definición

*La  $n$ -tupla ordenada  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$  es la colección ordenada en la que  $a_1$  es su primer elemento  $a_2$  el segundo ... y  $a_n$  el elemento enésimo.*

## Definición

*La  $n$ -tupla ordenada  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$  es la colección ordenada en la que  $a_1$  es su primer elemento  $a_2$  el segundo ... y  $a_n$  el elemento enésimo.*

¿Cuándo son dos  $n$ -tuplas ordenadas iguales?

## Definición

*La  $n$ -tupla ordenada  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$  es la colección ordenada en la que  $a_1$  es su primer elemento  $a_2$  el segundo ... y  $a_n$  el elemento enésimo.*

¿Cuándo son dos  $n$ -tuplas ordenadas iguales?

Decimos que dos  $n$ -tuplas ordenadas son iguales si, y sólo si, cada par correspondiente de sus elementos es igual.

## Definición

*La  $n$ -tupla ordenada  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$  es la colección ordenada en la que  $a_1$  es su primer elemento  $a_2$  el segundo ... y  $a_n$  el elemento enésimo.*

¿Cuándo son dos  $n$ -tuplas ordenadas iguales?

Decimos que dos  $n$ -tuplas ordenadas son iguales si, y sólo si, cada par correspondiente de sus elementos es igual.

## Ejemplo

$(1, 2) \neq (2, 1)$

## Definición

*La  $n$ -tupla ordenada  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$  es la colección ordenada en la que  $a_1$  es su primer elemento  $a_2$  el segundo ... y  $a_n$  el elemento enésimo.*

¿Cuándo son dos  $n$ -tuplas ordenadas iguales?

Decimos que dos  $n$ -tuplas ordenadas son iguales si, y sólo si, cada par correspondiente de sus elementos es igual.

## Ejemplo

$$(1, 2) \neq (2, 1)$$

$$(1, 2) = (1, 2)$$



## Definición

*La  $n$ -tupla ordenada  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$  es la colección ordenada en la que  $a_1$  es su primer elemento  $a_2$  el segundo ... y  $a_n$  el elemento enésimo.*

¿Cuándo son dos  $n$ -tuplas ordenadas iguales?

Decimos que dos  $n$ -tuplas ordenadas son iguales si, y sólo si, cada par correspondiente de sus elementos es igual.

## Ejemplo

$$(1, 2) \neq (2, 1)$$

$$(1, 2) = (1, 2)$$

A las 2-tuplas las llamamos pares ordenados.

## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. El producto cartesiano de  $A$  y  $B$ , denotado por  $A \times B$ , es el conjunto de todos los pares ordenados  $(a, b)$  donde  $a \in A$  y  $b \in B$ . Por tanto  $A \times B = \{(a, b) \mid a \in A \wedge b \in B\}$ .*

## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. El producto cartesiano de  $A$  y  $B$ , denotado por  $A \times B$ , es el conjunto de todos los pares ordenados  $(a, b)$  donde  $a \in A$  y  $b \in B$ . Por tanto  $A \times B = \{(a, b) \mid a \in A \wedge b \in B\}$ .*

## Ejemplo

*¿Cuál es el producto cartesiano de  $A = \{1, 2\}$  y  $B = \{a, b, c\}$ ?*

## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. El producto cartesiano de  $A$  y  $B$ , denotado por  $A \times B$ , es el conjunto de todos los pares ordenados  $(a, b)$  donde  $a \in A$  y  $b \in B$ . Por tanto  $A \times B = \{(a, b) \mid a \in A \wedge b \in B\}$ .*

## Ejemplo

*¿Cuál es el producto cartesiano de  $A = \{1, 2\}$  y  $B = \{a, b, c\}$ ?*  
 $A \times B = \{(1, a), (1, b), (1, c), (2, a), (2, b), (2, c)\}$

¿Qué es la unión de conjuntos?

¿Qué es la unión de conjuntos?

## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La unión de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A \cup B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están o bien en  $A$  o bien en  $B$ , o en ambos. Es decir*

$$A \cup B = \{x \mid x \in A \vee x \in B\}$$

¿Qué es la unión de conjuntos?

## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La unión de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A \cup B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están o bien en  $A$  o bien en  $B$ , o en ambos. Es decir*

$$A \cup B = \{x \mid x \in A \vee x \in B\}$$

## Ejemplo

Sea  $A = \{2, 4, 6\}$  y  $B = \{1, 3, 5\}$

¿Qué es la unión de conjuntos?

## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La unión de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A \cup B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están o bien en  $A$  o bien en  $B$ , o en ambos. Es decir*

$$A \cup B = \{x \mid x \in A \vee x \in B\}$$

## Ejemplo

Sea  $A = \{2, 4, 6\}$  y  $B = \{1, 3, 5\}$   $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$



¿Qué es la intersección de conjuntos?

¿Qué es la intersección de conjuntos?

### Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La intersección de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A \cap B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están tanto en  $A$  como en  $B$ . Es decir*

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \wedge x \in B\}$$

¿Qué es la intersección de conjuntos?

## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La intersección de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A \cap B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están tanto en  $A$  como en  $B$ . Es decir*

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \wedge x \in B\}$$

## Ejemplo

*Sea  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  y  $B = \{0, 2, 4, 6\}$*

¿Qué es la intersección de conjuntos?

## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La intersección de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A \cap B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están tanto en  $A$  como en  $B$ . Es decir*

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \wedge x \in B\}$$

## Ejemplo

*Sea  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  y  $B = \{0, 2, 4, 6\}$   $A \cap B = \{2, 4\}$*

¿Qué es la intersección de conjuntos?

## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La intersección de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A \cap B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están tanto en  $A$  como en  $B$ . Es decir*

$$A \cap B = \{x \mid x \in A \wedge x \in B\}$$

## Ejemplo

*Sea  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  y  $B = \{0, 2, 4, 6\}$   $A \cap B = \{2, 4\}$*

Se dice que dos conjuntos son disjuntos si su intersección es el conjunto vacío.

¿Qué es la diferencia de conjuntos?

¿Qué es la diferencia de conjuntos?

### Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La intersección de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A - B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están en  $A$  pero no en  $B$ . La diferencia de  $A$  y  $B$  se llama también el complemento de  $B$  con respecto a  $A$ . Es decir*

$$A - B = \{x \mid x \in A \wedge x \notin B\}$$

¿Qué es la diferencia de conjuntos?

### Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La intersección de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A - B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están en  $A$  pero no en  $B$ . La diferencia de  $A$  y  $B$  se llama también el complemento de  $B$  con respecto a  $A$ . Es decir*

$$A - B = \{x \mid x \in A \wedge x \notin B\}$$

### Ejemplo

Sea  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  y  $B = \{0, 2, 4, 6\}$



¿Qué es la diferencia de conjuntos?

### Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La intersección de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A - B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están en  $A$  pero no en  $B$ . La diferencia de  $A$  y  $B$  se llama también el complemento de  $B$  con respecto a  $A$ . Es decir*

$$A - B = \{x \mid x \in A \wedge x \notin B\}$$

### Ejemplo

Sea  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  y  $B = \{0, 2, 4, 6\}$   $A - B = \{1, 3\}$

¿Qué es la diferencia de conjuntos?

### Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. La intersección de los conjuntos  $A$  y  $B$ , denotada por  $A - B$ , es el conjunto que contiene aquellos elementos que están en  $A$  pero no en  $B$ . La diferencia de  $A$  y  $B$  se llama también el complemento de  $B$  con respecto a  $A$ . Es decir*

$$A - B = \{x \mid x \in A \wedge x \notin B\}$$

### Ejemplo

Sea  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  y  $B = \{0, 2, 4, 6\}$   $A - B = \{1, 3\}$

¿Qué es es el conjunto universal  $U$ ?

¿Qué es el conjunto universal  $U$ ?

## Definición

*El conjunto universal, denotado por  $U$ , es el conjunto formado por todos los elementos en un contexto dado.*

¿Qué es el conjunto universal  $U$ ?

### Definición

*El conjunto universal, denotado por  $U$ , es el conjunto formado por todos los elementos en un contexto dado.*

¿Qué es el conjunto complemento de  $A$ ?

¿Qué es el conjunto universal  $U$ ?

### Definición

*El conjunto universal, denotado por  $U$ , es el conjunto formado por todos los elementos en un contexto dado.*

¿Qué es el conjunto complemento de  $A$ ?

### Definición

*El complemento de  $A$  denotado por  $\bar{A}$ , es el complemento de  $A$  con respecto a  $U$ . Es decir  $\bar{A} = \{x \mid x \notin A\}$*

¿Qué es el conjunto universal  $U$ ?

## Definición

*El conjunto universal, denotado por  $U$ , es el conjunto formado por todos los elementos en un contexto dado.*

¿Qué es el conjunto complemento de  $A$ ?

## Definición

*El complemento de  $A$  denotado por  $\bar{A}$ , es el complemento de  $A$  con respecto a  $U$ . Es decir  $\bar{A} = \{x \mid x \notin A\}$*

## Ejemplo

Sea  $U = \{x \mid x \text{ es dígito}\}$  y  $A = \{3, 4, 9\}$

¿Qué es el conjunto universal  $U$ ?

## Definición

*El conjunto universal, denotado por  $U$ , es el conjunto formado por todos los elementos en un contexto dado.*

¿Qué es el conjunto complemento de  $A$ ?

## Definición

*El complemento de  $A$  denotado por  $\bar{A}$ , es el complemento de  $A$  con respecto a  $U$ . Es decir  $\bar{A} = \{x \mid x \notin A\}$*

## Ejemplo

*Sea  $U = \{x \mid x \text{ es dígito}\}$  y  $A = \{3, 4, 9\}$   $\bar{A} = \{0, 1, 2, 5, 6, 7, 8\}$*



## 1 Conjuntos y operaciones con conjuntos

- Presentación del tema
- Ejercicios
- Interface Set en Java

## 2 Funciones

- Presentación del siguiente tema

## 1 Conjuntos y operaciones con conjuntos

- Presentación del tema
- Ejercicios
- Interface Set en Java

## 2 Funciones

- Presentación del siguiente tema

¿Qué es la interface Set en Java?

## ¿Qué es la interface Set en Java?

- Es una interface disponible en el paquete `java.util`

## ¿Qué es la interface Set en Java?

- Es una interface disponible en el paquete `java.util`
- Extiende la interface `Collection`

## ¿Qué es la interface Set en Java?

- Es una interface disponible en el paquete `java.util`
- Extiende la interface `Collection`
- Se utiliza para crear un conjunto matemático

## ¿Qué es la interface Set en Java?

- Es una interface disponible en el paquete `java.util`
- Extiende la interface `Collection`
- Se utiliza para crear un conjunto matemático
- Utiliza métodos de la interface `Collection` para impedir la inserción de mismos elementos

## ¿Qué es la interface Set en Java?

- Es una interface disponible en el paquete `java.util`
- Extiende la interface `Collection`
- Se utiliza para crear un conjunto matemático
- Utiliza métodos de la interface `Collection` para impedir la inserción de mismos elementos
- Existen dos interfaces que extienden a `Set`: `SortedSet` y `NavigableSet`



¿Cómo se crean objetos de tipo Set?

### ¿Cómo se crean objetos de tipo Set?

- Como `Set` es una interface, no se pueden crear objetos de este tipo de manera explícita.

### ¿Cómo se crean objetos de tipo Set?

- Como `Set` es una interface, no se pueden crear objetos de este tipo de manera explícita.
- Se hace necesario una clase que la implemente, entre ellas están:

### ¿Cómo se crean objetos de tipo Set?

- Como `Set` es una interface, no se pueden crear objetos de este tipo de manera explícita.
- Se hace necesario una clase que la implemente, entre ellas están:
  - ▶ `HashSet` : define el concepto de conjunto a través de una estructura `Hash` (es la más habitual)

### ¿Cómo se crean objetos de tipo Set?

- Como `Set` es una interface, no se pueden crear objetos de este tipo de manera explícita.
- Se hace necesario una clase que la implemente, entre ellas están:
  - ▶ `HashSet` : define el concepto de conjunto a través de una estructura `Hash` (es la más habitual)
  - ▶ `TreeSet` : define el concepto de conjunto a través de una estructura de Árbol . Este conjunto se utiliza en casos en los cuales se necesita un orden específico de los elementos.

### ¿Cómo se crean objetos de tipo Set?

- Como `Set` es una interface, no se pueden crear objetos de este tipo de manera explícita.
- Se hace necesario una clase que la implemente, entre ellas están:
  - ▶ `HashSet` : define el concepto de conjunto a través de una estructura `Hash` (es la más habitual)
  - ▶ `TreeSet` : define el concepto de conjunto a través de una estructura de Árbol . Este conjunto se utiliza en casos en los cuales se necesita un orden específico de los elementos.
  - ▶ `LinkedHashSet` : define el concepto de conjunto añadiendo una lista doblemente enlazada en la ecuación, lo que asegura que los elementos siempre se recorren de la misma forma.

### ¿Cómo se crean objetos de tipo Set?

- Como `Set` es una interface, no se pueden crear objetos de este tipo de manera explícita.
- Se hace necesario una clase que la implemente, entre ellas están:
  - ▶ `HashSet` : define el concepto de conjunto a través de una estructura `Hash` (es la más habitual)
  - ▶ `TreeSet` : define el concepto de conjunto a través de una estructura de Árbol . Este conjunto se utiliza en casos en los cuales se necesita un orden específico de los elementos.
  - ▶ `LinkedHashSet` : define el concepto de conjunto añadiendo una lista doblemente enlazada en la ecuación, lo que asegura que los elementos siempre se recorren de la misma forma.
- `Set<Obj> set = new HashSet<Obj> ();`

**¿Cuáles son algunas de las operaciones básicas de esta interface?**



### ¿Cuáles son algunas de las operaciones básicas de esta interface?

- `add(element)` : se utiliza para adicionar un elemento específico al conjunto. Lo hace siempre y cuando dicho elemento no este presente en el conjunto.

### ¿Cuáles son algunas de las operaciones básicas de esta interface?

- `add(element)` : se utiliza para adicionar un elemento específico al conjunto. Lo hace siempre y cuando dicho elemento no este presente en el conjunto.
- `addAll(collection)` : adiciona todo los elementos de la colección al conjunto existente si no están presentes.

### ¿Cuáles son algunas de las operaciones básicas de esta interface?

- `add(element)` : se utiliza para adicionar un elemento específico al conjunto. Lo hace siempre y cuando dicho elemento no este presente en el conjunto.
- `addAll(collection)` : adiciona todo los elementos de la colección al conjunto existente si no están presentes.
- `clear()` : quita todos los elementos del conjunto sin eliminar el conjunto

### ¿Cuáles son algunas de las operaciones básicas de esta interface?

- `add(element)` : se utiliza para adicionar un elemento específico al conjunto. Lo hace siempre y cuando dicho elemento no este presente en el conjunto.
- `addAll(collection)` : adiciona todo los elementos de la colección al conjunto existente si no están presentes.
- `clear()` : quita todos los elementos del conjunto sin eliminar el conjunto
- `contains(element)` : verifica si un elemento se encuentra presente o no en el conjunto

### ¿Cuáles son algunas de las operaciones básicas de esta interface?

- `add(element)` : se utiliza para adicionar un elemento específico al conjunto. Lo hace siempre y cuando dicho elemento no este presente en el conjunto.
- `addAll(collection)` : adiciona todo los elementos de la colección al conjunto existente si no están presentes.
- `clear()` : quita todos los elementos del conjunto sin eliminar el conjunto
- `contains(element)` : verifica si un elemento se encuentra presente o no en el conjunto
- `containsAll(collection)` : verifica si el conjunto contiene todos los elementos presentes en la colección

### ¿Cuáles son algunas de las operaciones básicas de esta interface?

- `add(element)` : se utiliza para adicionar un elemento específico al conjunto. Lo hace siempre y cuando dicho elemento no este presente en el conjunto.
- `addAll(collection)` : adiciona todo los elementos de la colección al conjunto existente si no están presentes.
- `clear()` : quita todos los elementos del conjunto sin eliminar el conjunto
- `contains(element)` : verifica si un elemento se encuentra presente o no en el conjunto
- `containsAll(collection)` : verifica si el conjunto contiene todos los elementos presentes en la colección
- `hashCode()` : obtiene el `hashCode` para la instancia del conjunto

**¿Otras más?**

### ¿Otras más?

- `isEmpty()` : verifica si el conjunto está vacío



### ¿Otras más?

- `isEmpty()` : verifica si el conjunto está vacío
- `iterator()` : retorna un iterador del conjunto

### ¿Otras más?

- `isEmpty()` : verifica si el conjunto está vacío
- `iterator()` : retorna un iterador del conjunto
- `remove(element)` : elimina el elemento dado del conjunto

### ¿Otras más?

- `isEmpty()` : verifica si el conjunto está vacío
- `iterator()` : retorna un iterador del conjunto
- `remove(element)` : elimina el elemento dado del conjunto
- `removeAll(collection)` : elimina del conjunto todos los elementos presentes en la colección

### ¿Otras más?

- `isEmpty()` : verifica si el conjunto está vacío
- `iterator()` : retorna un iterador del conjunto
- `remove(element)` : elimina el elemento dado del conjunto
- `removeAll(collection)` : elimina del conjunto todos los elementos presentes en la colección
- `retainAll(collection)` : retiene en el conjunto todos los elementos presentes en la colección

### ¿Otras más?

- `isEmpty()` : verifica si el conjunto está vacío
- `iterator()` : retorna un iterador del conjunto
- `remove(element)` : elimina el elemento dado del conjunto
- `removeAll(collection)` : elimina del conjunto todos los elementos presentes en la colección
- `retainAll(collection)` : retiene en el conjunto todos los elementos presentes en la colección
- `size()` : obtiene la cantidad de elementos en el conjunto

### ¿Otras más?

- `isEmpty()` : verifica si el conjunto está vacío
- `iterator()` : retorna un iterador del conjunto
- `remove(element)` : elimina el elemento dado del conjunto
- `removeAll(collection)` : elimina del conjunto todos los elementos presentes en la colección
- `retainAll(collection)` : retiene en el conjunto todos los elementos presentes en la colección
- `size()` : obtiene la cantidad de elementos en el conjunto
- `toArray()` : construye un arreglo a partir de los elementos del conjunto

---

```
import java.util.*;

public class SetExample {

    public static void main(String args[]) {

        Set<Integer> a = new HashSet<Integer>();
        a.addAll(Arrays.asList(new Integer[] { 1, 3, 2, 4,
            8, 9, 0 }));
        Set<Integer> b = new HashSet<Integer>();
        b.addAll(Arrays.asList(new Integer[] { 1, 3, 7, 5,
            4, 0, 7, 5 }));

        Set<Integer> union = new HashSet<Integer>(a);
        union.addAll(b);
        System.out.print("Union of the two Sets");
        System.out.println(union);
    }
}
```

---

## 1 Conjuntos y operaciones con conjuntos

- Presentación del tema
- Ejercicios
- Interface Set en Java

## 2 Funciones

- Presentación del siguiente tema



¿Qué es una función?

¿Qué es una función?

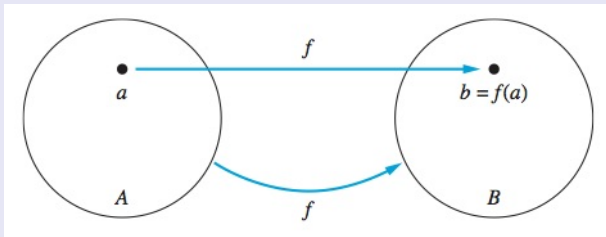
## Definición

*Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. Una función  $f$  de  $A$  en  $B$  es una asignación de exactamente un elemento de  $B$  a cada elemento de  $A$ . Escribimos  $f(a) = b$  si  $b$  es el único elemento de  $B$  asignado por la función  $f$  al elemento  $a$  de  $A$ . Si  $f$  es una función de  $A$  en  $B$ , escribimos  $f : A \rightarrow B$ .*

¿Qué es una función?

## Definición

Sean  $A$  y  $B$  conjuntos. Una función  $f$  de  $A$  en  $B$  es una asignación de exactamente un elemento de  $B$  a cada elemento de  $A$ . Escribimos  $f(a) = b$  si  $b$  es el único elemento de  $B$  asignado por la función  $f$  al elemento  $a$  de  $A$ . Si  $f$  es una función de  $A$  en  $B$ , escribimos  $f : A \rightarrow B$ .



¿Qué es el dominio de una función? ¿Qué es el codominio de una función?

¿Qué es el dominio de una función? ¿Qué es el codominio de una función?

## Definición

*Si  $f$  es una función de  $A$  en  $B$ , decimos que  $A$  es el dominio de  $f$  y  $B$  es el codominio de  $f$ .*

¿Qué es la imagen de una función? ¿Qué es la preimagen de una función?

¿Qué es el dominio de una función? ¿Qué es el codominio de una función?

## Definición

*Si  $f$  es una función de  $A$  en  $B$ , decimos que  $A$  es el dominio de  $f$  y  $B$  es el codominio de  $f$ .*

¿Qué es la imagen de una función? ¿Qué es la preimagen de una función?

## Definición

*Si  $f(a) = b$ , decimos que  $b$  es la imagen de  $a$  y  $a$  es una preimagen de  $b$ .*

¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

## Definición

*El rango o imagen de  $f$  es el conjunto de todas las imágenes de elementos de  $A$ .*



¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

## Definición

*El rango o imagen de  $f$  es el conjunto de todas las imágenes de elementos de  $A$ .*

## Ejemplo

*Sea  $G$  la función que asigna una letra a una persona.*

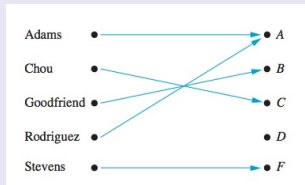
¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

## Definición

*El rango o imagen de  $f$  es el conjunto de todas las imágenes de elementos de  $A$ .*

## Ejemplo

Sea  $G$  la función que asigna una letra a una persona.



# Funciones

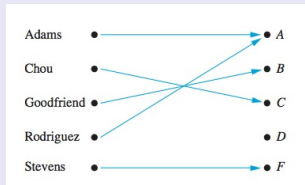
¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

## Definición

*El rango o imagen de  $f$  es el conjunto de todas las imágenes de elementos de  $A$ .*

## Ejemplo

*Sea  $G$  la función que asigna una letra a una persona.*



*El dominio de  $G$  es*

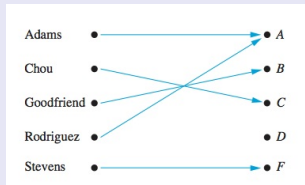
¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

## Definición

*El rango o imagen de  $f$  es el conjunto de todas las imágenes de elementos de  $A$ .*

## Ejemplo

Sea  $G$  la función que asigna una letra a una persona.



*El dominio de  $G$  es el conjunto  $\{Adams, Chou, Goodfriend, Rodríguez, Stevens\}$*

# Funciones

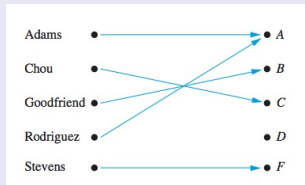
¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

## Definición

*El rango o imagen de  $f$  es el conjunto de todas las imágenes de elementos de  $A$ .*

## Ejemplo

Sea  $G$  la función que asigna una letra a una persona.



*El dominio de  $G$  es el conjunto  $\{Adams, Chou, Goodfriend, Rodríguez, Stevens\}$*

*El codominio de  $G$  es*

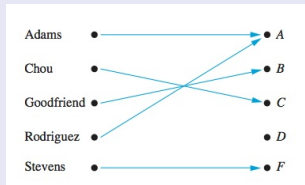
¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

## Definición

*El rango o imagen de  $f$  es el conjunto de todas las imágenes de elementos de  $A$ .*

## Ejemplo

*Sea  $G$  la función que asigna una letra a una persona.*



*El dominio de  $G$  es el conjunto  $\{Adams, Chou, Goodfriend, Rodríguez, Stevens\}$*

*El codominio de  $G$  es el conjunto  $\{A, B, C, D, F\}$*

# Funciones

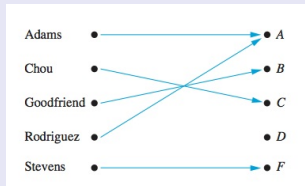
¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

## Definición

*El rango o imagen de  $f$  es el conjunto de todas las imágenes de elementos de  $A$ .*

## Ejemplo

Sea  $G$  la función que asigna una letra a una persona.



*El dominio de  $G$  es el conjunto  $\{Adams, Chou, Goodfriend, Rodríguez, Stevens\}$*

*El codominio de  $G$  es el conjunto  $\{A, B, C, D, F\}$*

*La imagen de  $G$  es*

# Funciones

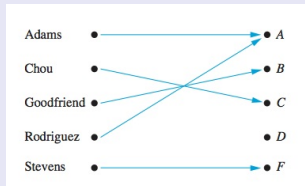
¿Qué es el rango o imagen de  $f$ ?

## Definición

*El rango o imagen de  $f$  es el conjunto de todas las imágenes de elementos de  $A$ .*

## Ejemplo

Sea  $G$  la función que asigna una letra a una persona.



*El dominio de  $G$  es el conjunto  $\{Adams, Chou, Goodfriend, Rodríguez, Stevens\}$*

*El codominio de  $G$  es el conjunto  $\{A, B, C, D, F\}$*

*La imagen de  $G$  es el conjunto  $\{A, B, C, F\}$*



Dos funciones con valores reales con el mismo dominio se pueden sumar y multiplicar.

Dos funciones con valores reales con el mismo dominio se pueden sumar y multiplicar.

## Definición

*Sean  $f_1$  y  $f_2$  funciones de  $A$  en  $\mathbb{R}$ . Entonces  $f_1 + f_2$  y  $f_1 f_2$  son también funciones de  $A$  en  $\mathbb{R}$  definidas por*

Dos funciones con valores reales con el mismo dominio se pueden sumar y multiplicar.

## Definición

*Sean  $f_1$  y  $f_2$  funciones de  $A$  en  $\mathbb{R}$ . Entonces  $f_1 + f_2$  y  $f_1 f_2$  son también funciones de  $A$  en  $\mathbb{R}$  definidas por*

$$(f_1 + f_2)(x) = f_1(x) + f_2(x),$$

Dos funciones con valores reales con el mismo dominio se pueden sumar y multiplicar.

## Definición

*Sean  $f_1$  y  $f_2$  funciones de  $A$  en  $\mathbb{R}$ . Entonces  $f_1 + f_2$  y  $f_1 f_2$  son también funciones de  $A$  en  $\mathbb{R}$  definidas por*

$$\begin{aligned}(f_1 + f_2)(x) &= f_1(x) + f_2(x), \\ (f_1 f_2)(x) &= f_1(x)f_2(x).\end{aligned}$$

Dos funciones con valores reales con el mismo dominio se pueden sumar y multiplicar.

Dos funciones con valores reales con el mismo dominio se pueden sumar y multiplicar.

## Ejemplo

*Sean  $f_1$  y  $f_2$  funciones de  $\mathbb{R}$  en  $\mathbb{R}$  tales que  $f_1(x) = x^2$  y  $f_2(x) = x - x^2$ .  
¿Cuáles son las funciones  $f_1 + f_2$  y  $f_1 f_2$ ?*

Dos funciones con valores reales con el mismo dominio se pueden sumar y multiplicar.

## Ejemplo

Sean  $f_1$  y  $f_2$  funciones de  $\mathbb{R}$  en  $\mathbb{R}$  tales que  $f_1(x) = x^2$  y  $f_2(x) = x - x^2$ .  
¿Cuáles son las funciones  $f_1 + f_2$  y  $f_1 f_2$ ?

## Solución

$$(f_1 + f_2)(x) = f_1(x) + f_2(x) = x^2 + (x - x^2) = x$$

Dos funciones con valores reales con el mismo dominio se pueden sumar y multiplicar.

## Ejemplo

Sean  $f_1$  y  $f_2$  funciones de  $\mathbb{R}$  en  $\mathbb{R}$  tales que  $f_1(x) = x^2$  y  $f_2(x) = x - x^2$ .  
¿Cuáles son las funciones  $f_1 + f_2$  y  $f_1 f_2$ ?

## Solución

$$\begin{aligned}(f_1 + f_2)(x) &= f_1(x) + f_2(x) = x^2 + (x - x^2) = x \\ (f_1 f_2)(x) &= f_1(x)f_2(x) = x^2(x - x^2) = x^3 - x^4.\end{aligned}$$



Cuando  $f$  es una función de un conjunto  $A$  en un conjunto  $B$ , también se puede definir la imagen de un subconjunto de  $A$ .

Cuando  $f$  es una función de un conjunto  $A$  en un conjunto  $B$ , también se puede definir la imagen de un subconjunto de  $A$ .

## Definición

*Sean  $f$  una función de un conjunto  $A$  en un conjunto  $B$  y sea  $S$  un subconjunto de  $A$ . La imagen de  $S$  es el subconjunto de  $B$  formado por todas las imágenes de los elementos de  $S$ . Denotamos por  $f(S)$  a la imagen de  $S$  de tal forma que*

Cuando  $f$  es una función de un conjunto  $A$  en un conjunto  $B$ , también se puede definir la imagen de un subconjunto de  $A$ .

## Definición

*Sean  $f$  una función de un conjunto  $A$  en un conjunto  $B$  y sea  $S$  un subconjunto de  $A$ . La imagen de  $S$  es el subconjunto de  $B$  formado por todas las imágenes de los elementos de  $S$ . Denotamos por  $f(S)$  a la imagen de  $S$  de tal forma que*

$$f(S) = \{f(s) \mid s \in S\}.$$

## Ejemplo

Sean  $A = \{a, b, c, d, e\}$  y  $B = \{1, 2, 3, 4\}$  con  
 $f(a) = 2$ ,  $f(b) = 1$ ,  $f(c) = 4$ ,  $f(d) = 1$  y  $f(e) = 1$ . ¿Cuál es la imagen  
del subconjunto  $S = \{b, c, d\}$

## Ejemplo

Sean  $A = \{a, b, c, d, e\}$  y  $B = \{1, 2, 3, 4\}$  con  $f(a) = 2$ ,  $f(b) = 1$ ,  $f(c) = 4$ ,  $f(d) = 1$  y  $f(e) = 1$ . ¿Cuál es la imagen del subconjunto  $S = \{b, c, d\}$

## Solución

$$f(S) = \{1, 4\}.$$