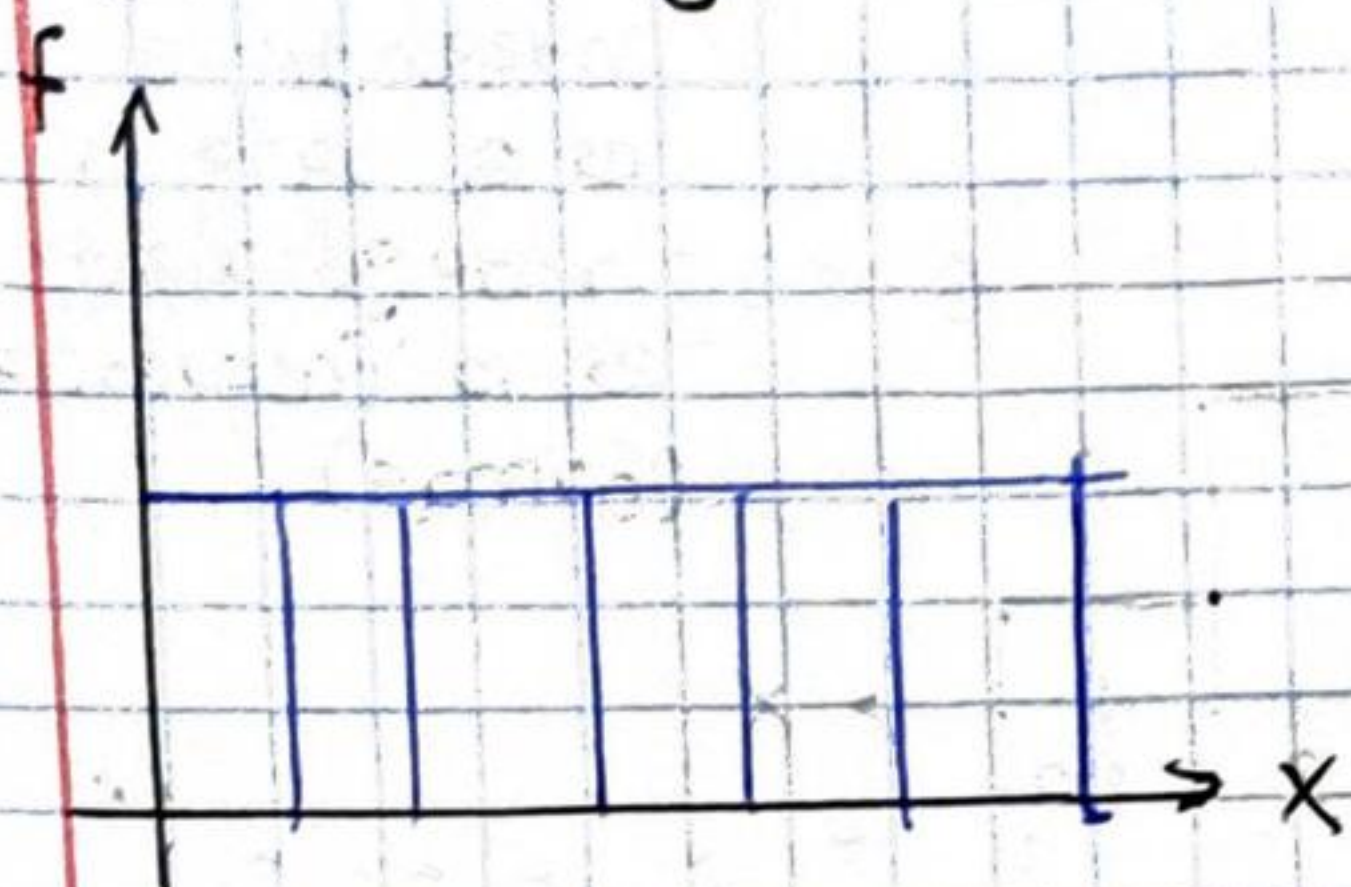
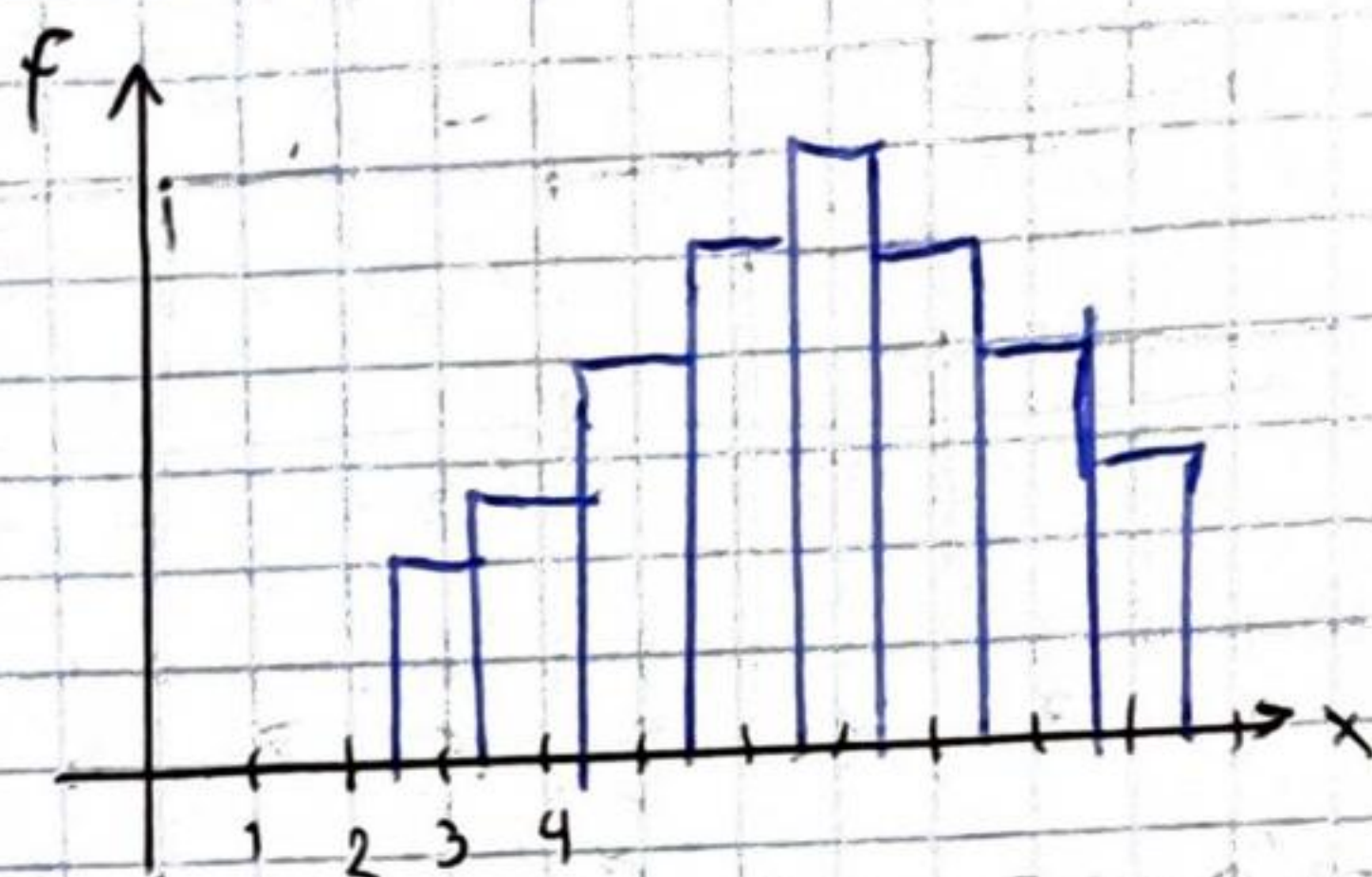


Tipos de distribución de frecuencias

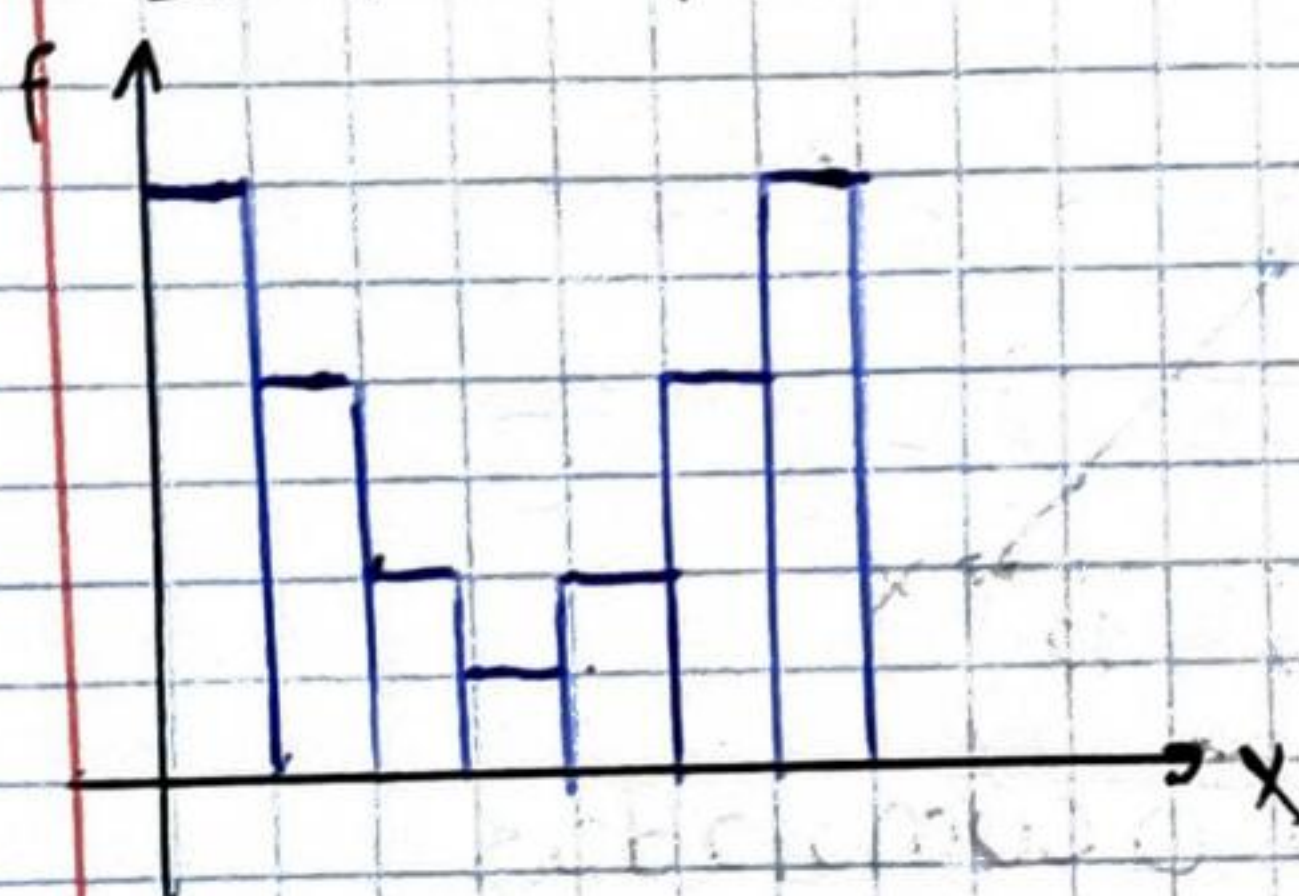
Uniforme



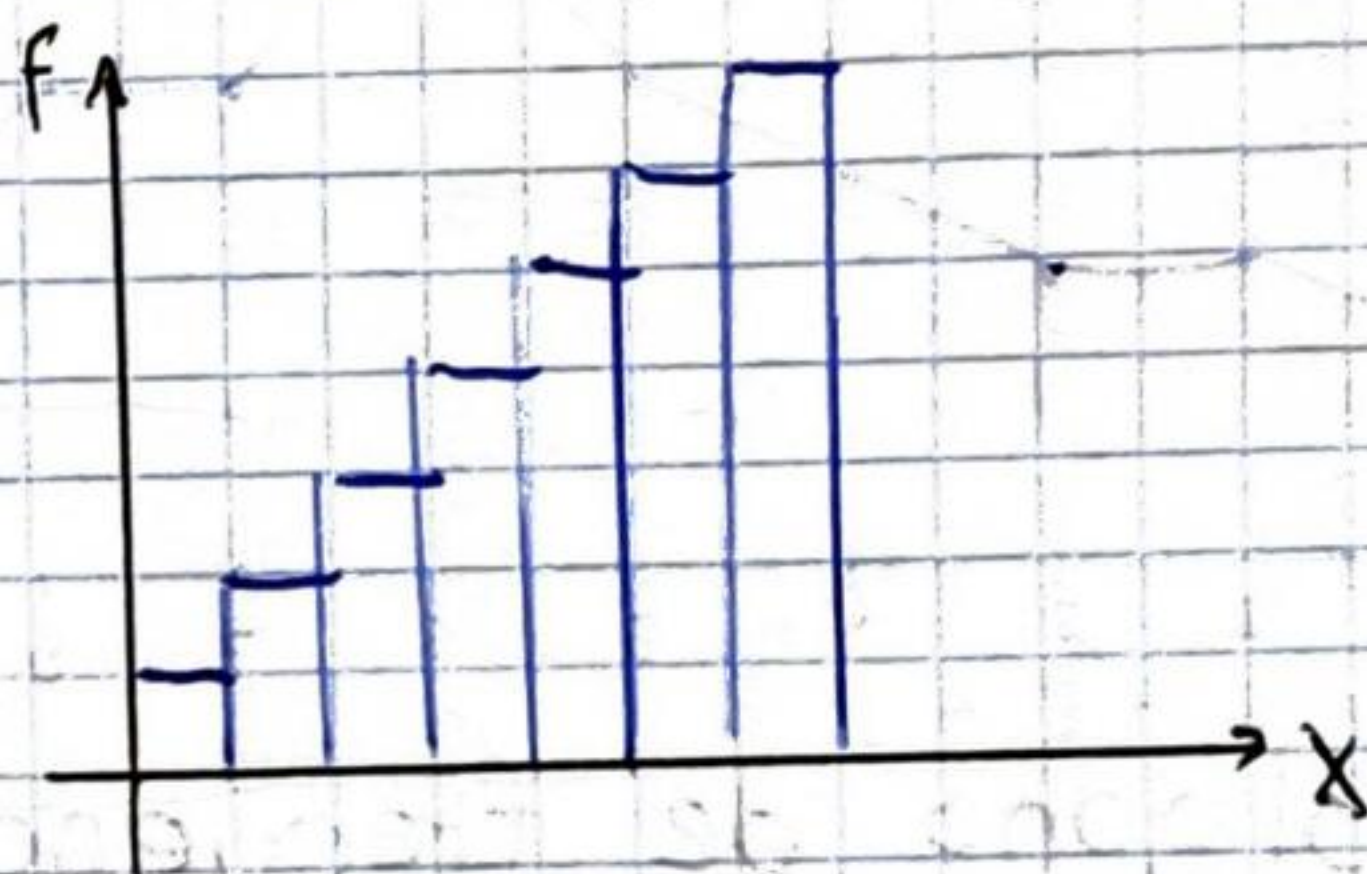
Normal o simétrica



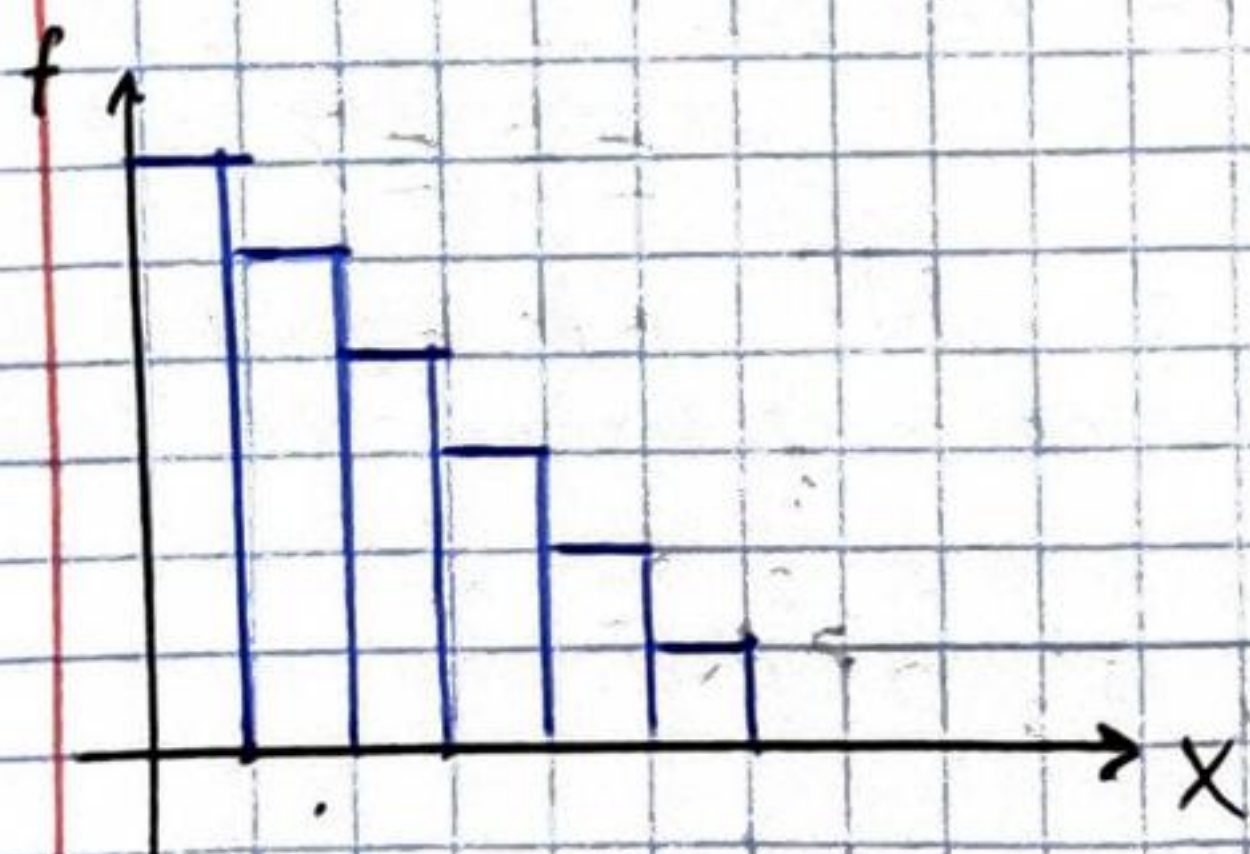
En forma de U



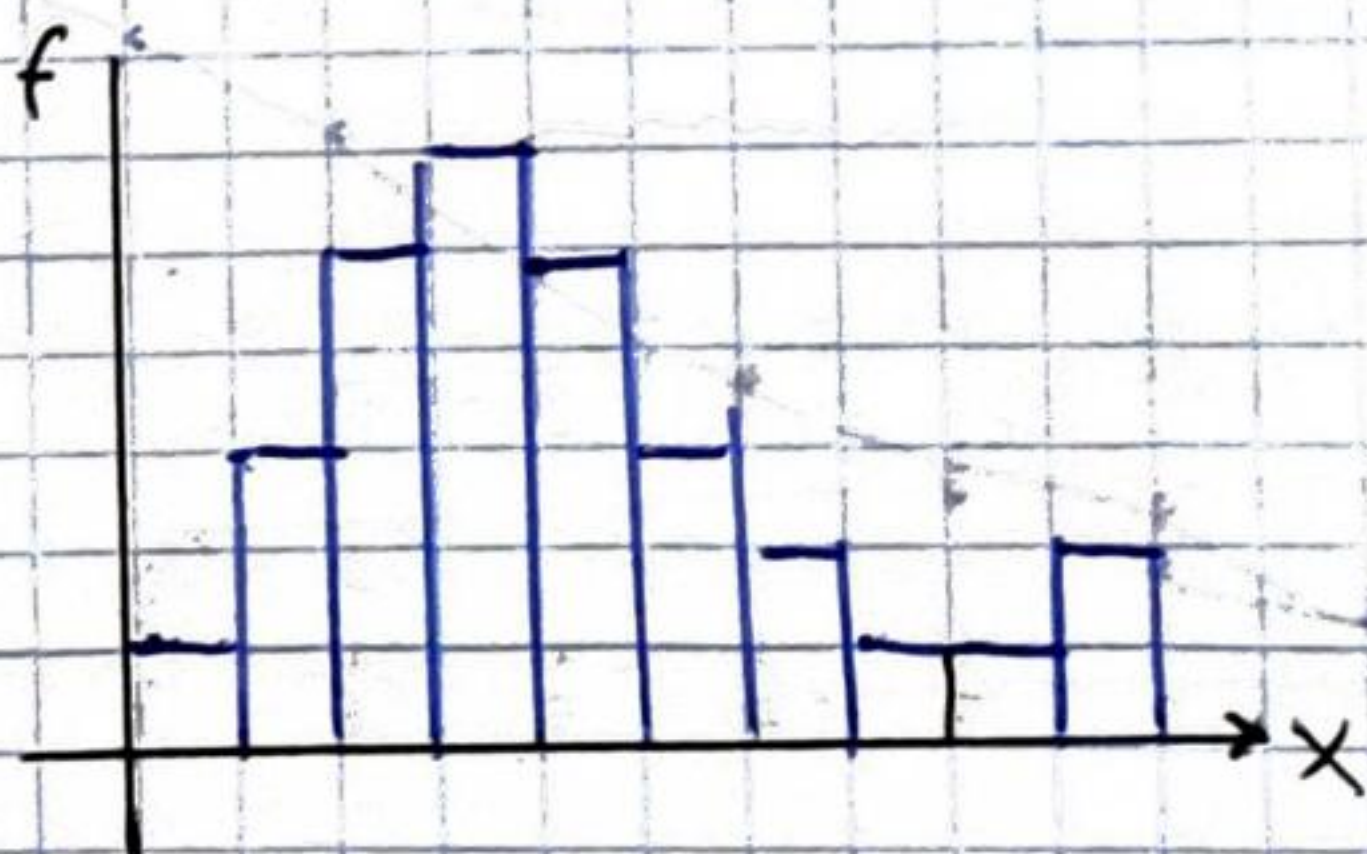
En forma de J



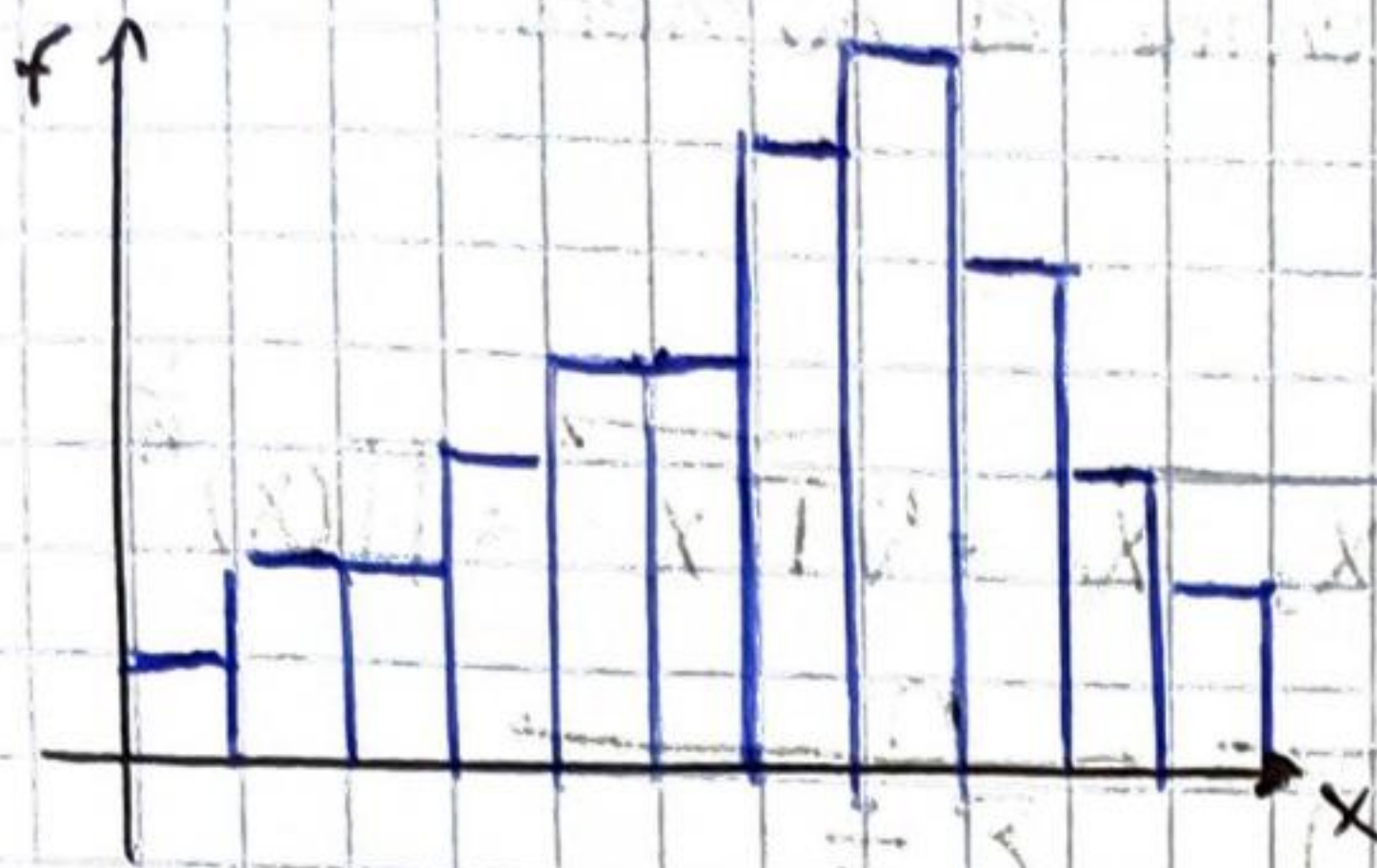
"J" Invertida



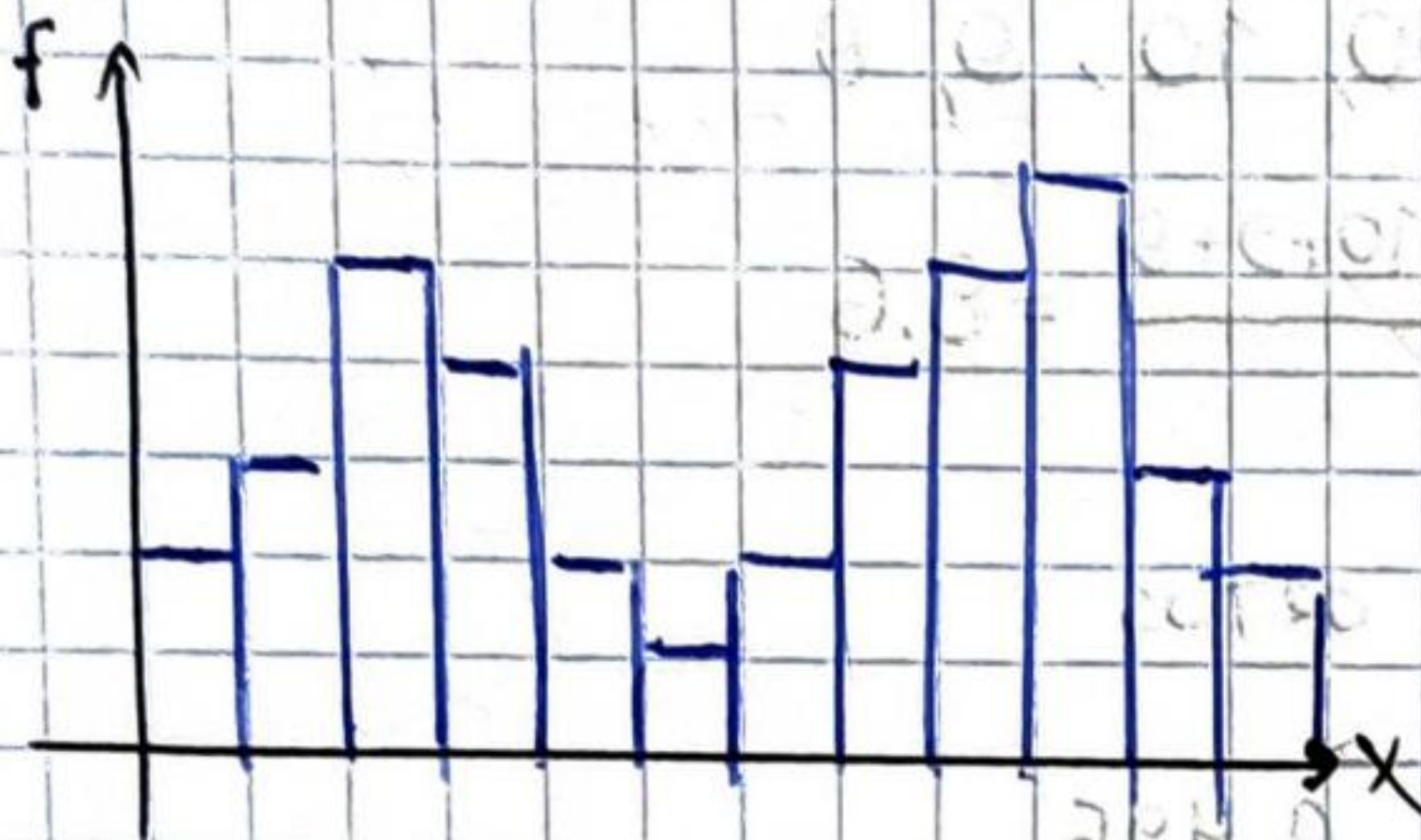
Sesgado a la derecha



Sesgada a la izquierda



Bimodal



Grupos

- E. descriptiva {
- Medidas de tendencia central (MTC)
 - Medidas de posición
 - Medidas de dispersión

MTC para datos no agrupados

Un conjunto de datos es no agrupado cuando estos son individuales o se repiten de forma frecuente, pero no se clasifican en subintervalos o subconjuntos.

Las medidas de tendencia central son valores numéricos que tienden a localizar o representar de cierta forma la parte central de un conjunto de datos; a menudo el término "promedio" se asocia a un tipo particular de estas mediciones. En este curso se contemplan las siguientes medidas de tendencia central:

i) Media aritmética: \bar{X} , se define como la suma de cada uno de los datos individuales entre el número de datos

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n} = \frac{\sum X}{n}$$

ii) Media geométrica: $G = \sqrt[n]{X_1 X_2 X_3 \dots X_n} = \sqrt[n]{\prod X} = \prod (X)^{\frac{1}{n}}$

iii) Media armónica: $H = \frac{1}{\frac{1}{n}(\frac{1}{X_1} + \frac{1}{X_2} + \dots + \frac{1}{X_n})} = \frac{n}{\sum \frac{1}{X}}$

Ejemplo: 6, 7, 9, 10, 9, 8, 10, 10, 9, 8

$$\bar{X} = \frac{6+7+9+10+9+8+10+10+9+8}{10} = 8.6$$

↑

Representa el conjunto de datos

$$G = \sqrt[10]{6 \cdot 7 \cdot 9 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 9 \cdot 8} = 8.496$$

$$H = \frac{10}{\frac{1}{6} + \frac{1}{7} + \frac{1}{9} + \frac{1}{10} + \frac{1}{9} + \frac{1}{8} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{9} + \frac{1}{8}} = 8.38$$

Para un conjunto de datos positivos en valor se tiene que $\bar{X} \geq G \geq H$

iv) Mediana: M_d , la mediana de una colección de datos ordenados en magnitud es el punto que divide al 50% de los datos.

Ej: $\begin{matrix} 1^\circ & 2^\circ & 3^\circ & 4^\circ & 5^\circ & 6^\circ & 7^\circ & 8^\circ & 9^\circ & 10^\circ \\ 6 & 7 & 8 & 8 & 9 & 9 & 9 & 10 & 10 & 10 \end{matrix}$

$$M_{d\text{posición}} = M_{d\text{pos}} = \frac{n+1}{2} = \frac{10+1}{2} = 5.5 \rightarrow \text{entre } 5^\circ \text{ y } 6^\circ$$

Ej: $\begin{matrix} 1^\circ & 2^\circ & 3^\circ & 4^\circ & 5^\circ & 6^\circ & 7^\circ \\ 6 & 7 & 9 & 10 & 14 & 21 & 22 \end{matrix}$

$$M_{d\text{pos}} = \frac{7+1}{2} = 4 \therefore M_d = 10$$

Ej: 3, 6, 7, 8, 9, 10, 14, 21, 22, ~~23~~

$$M_{dps} = \frac{8+1}{2} = 4.5 \quad \therefore M_{d} = \frac{9+10}{2} = 9.5$$

v) Moda: M_o , es el dato que con más frecuencia aparece. "La moda para una colección de valores es el dato que se presenta con la mayor frecuencia; es decir, es el valor más común", la moda puede no existir e incluso puede no ser única. Una distribución que contiene una sola moda se denomina unimodal, si tiene dos bimodal, si tiene más de dos multimodal y si carece de moda a modal".

Datos individuales

$$\bar{X} = \frac{\sum X}{n}$$

$$G = (\prod(X))^{\frac{1}{n}}$$

$$H = \frac{n}{\sum \frac{1}{X}}$$

Datos frecuenciales

$$\bar{X} = \frac{\sum fX}{n}$$

$$G = (\prod(X))^{\frac{f}{n}}$$

$$H = \frac{n}{\sum \frac{f}{X}}$$

Por ejemplo: Calcule las 5 medidas de tendencia central para el siguiente conjunto de datos frecuenciales.

| X | f | F | f·X | $X^{\frac{f}{n}}$ | $\frac{f}{X}$ |
|----|---|----|------------|---------------------|----------------|
| 1 | 4 | 4 | 4 | $1^{\frac{4}{40}}$ | $\frac{4}{1}$ |
| 2 | 3 | 7 | 6 | $2^{\frac{3}{40}}$ | $\frac{3}{2}$ |
| 3 | 3 | 10 | 9 | $3^{\frac{3}{40}}$ | $\frac{3}{3}$ |
| 4 | 4 | 14 | 16 | $4^{\frac{4}{40}}$ | $\frac{4}{4}$ |
| 5 | 5 | 19 | 25 | $5^{\frac{5}{40}}$ | $\frac{5}{5}$ |
| 6 | 7 | 26 | 42 | $6^{\frac{7}{40}}$ | $\frac{7}{6}$ |
| 7 | 5 | 31 | 35 | $7^{\frac{5}{40}}$ | $\frac{5}{7}$ |
| 8 | 5 | 36 | 40 | $8^{\frac{5}{40}}$ | $\frac{5}{8}$ |
| 9 | 3 | 39 | 27 | $9^{\frac{3}{40}}$ | $\frac{3}{9}$ |
| 10 | 1 | 40 | 10 | $10^{\frac{1}{40}}$ | $\frac{1}{10}$ |
| | | | <u>214</u> | | <u>11.44</u> |

$$\frac{214}{40} = 5.35$$

$$\bar{X} = 5.35$$

$$G = 4.54$$

$$H = 3.49$$

La mediana la obtendremos con ayuda de la frecuencia acumulada

$$M_{dps} = \frac{40+1}{2} = 20.5 \rightarrow 20^{\circ}$$

$$20^{\circ} = 6 \quad 21^{\circ} = 6 \quad \therefore M_d = 5$$