

S:  $A \cup B = \Omega$  y  $B \subset A$  ind. ca que:

$$A \cap B = B$$

$$A \cup B = A; \Omega$$

$$B - A = \emptyset$$

$$A \cup B^c = A$$



Busca F si el enunciado es false y V si es verdadero para cada una de las proposiciones.

$$Z^+ \subset \mathbb{Q} \quad V$$

$$\mathbb{Z} \subset \mathbb{N} \quad F$$

$$\mathbb{Q} \cap \mathbb{Q}' = \mathbb{R} \quad F$$

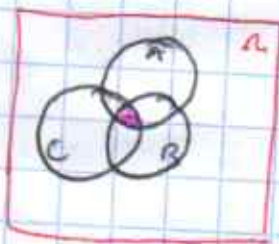
$$\mathbb{Q} \cup \mathbb{Q}' = \mathbb{W} \quad F$$

$$\{\emptyset\} \cup \mathbb{N} = \mathbb{W} \quad V$$

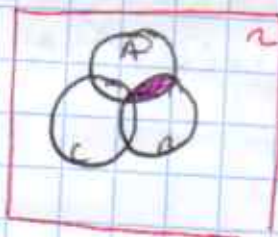
$$\{-1, \sqrt{2}, \pi, e\} \subset \mathbb{Q}' \quad F \quad \mathbb{W} \cup \mathbb{Z}^+ = \mathbb{W} \quad V$$

$$\{\emptyset\} = \emptyset \quad F$$

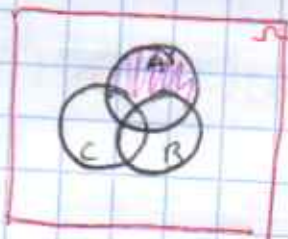
Expresión en lenguaje de conjuntos que indique la región sombreada en los siguientes diagramas de Venn.



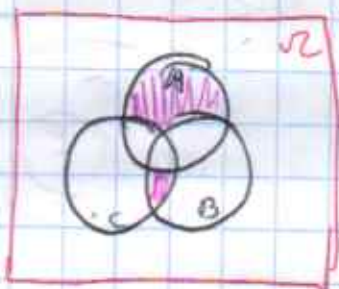
$$A \cap B \cap C$$



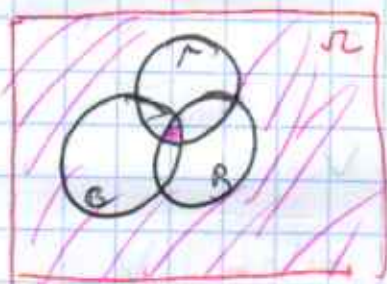
$$A \cap B$$



$$A - (B \cup C)$$

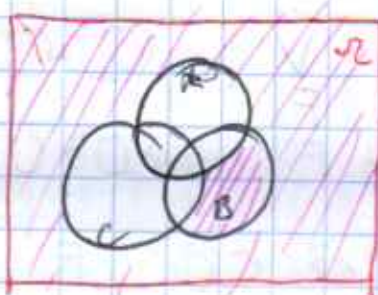


$$[A - (B \cup C) \cup [(C \cap B) - A]]$$



$$[\sim (A \cup B \cup C) \cup [A \cap B \cap C]]$$

$$(A \cup B \cup C)' \cup [A \cap B \cap C]$$

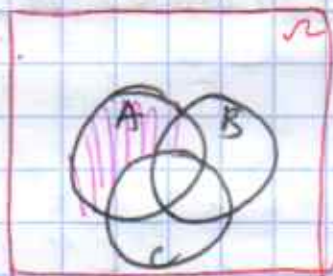


$$\sim (A \cup C)$$

$$(A \cup C)'$$

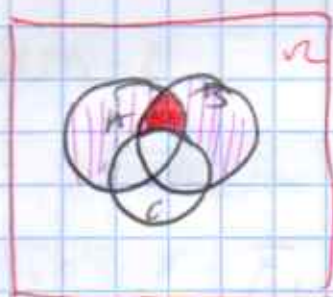


Sean 3 eventos, A, B, C, representados como:  
ilumíne la color y elabore en lenguaje cada  
una de las proposiciones



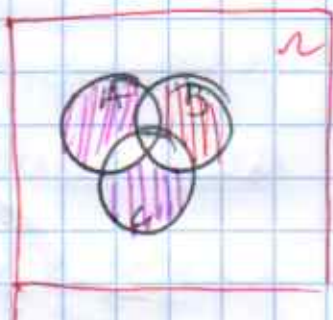
"Ocurre solo A"

$$A - (B \cup C)$$



"Ocurre A y B pero no C"

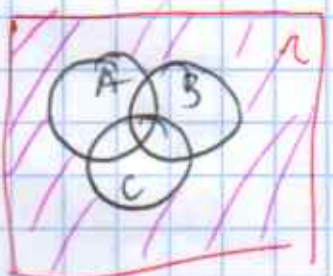
$$(A \cap B) - C$$



"Solo en evento ocurre"

$$A \cup B \cup C$$

$$A \cup B \cup C - [(A \cap B) \cup (A \cap C) \cup (B \cap C)]$$



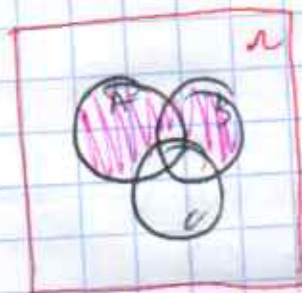
"No ocurre ninguno de los tres"

$$\Omega - (A \cup B \cup C)$$



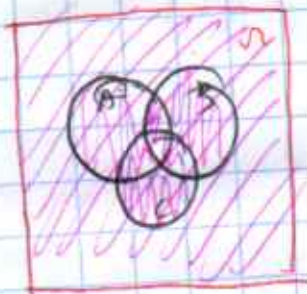
"Solo los eventos ocurren"

$$[(A \cap B) - C] \cup [(A \cap C) - B] \cup [(B \cap C) - A]$$



"Ocurren A o B pero no C"

$$(A \cup B) - C$$





## LEYES DEL ALGEBRA DE CONJUNTOS

Una colección, o complemento, cumple con ciertas leyes o propiedades. Una rama de las matemáticas que estudia a la teoría de conjuntos con el estudio de <sup>propiedades</sup> ~~propiedades~~ que se deducen de otras leyes. Entonces estas leyes y sus consecuencias constituyen el álgebra de conjuntos. La resta jamás es conmutativa.

Leyes de Idempotencia

Unión

Intersección

$$A \cup A = A$$

$$A \cap A = A$$

Leyes Asociativas

$$(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$$

$$(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$$

Leyes conmutativas

$$A \cup B = B \cup A$$

$$A \cap B = B \cap A$$

Leyes distributivas

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

Leyes de identidad (el conjunto universal es  $\Omega$ )

$$A \cup \emptyset = A$$

$$A \cap \Omega = A$$

$$A \cup \Omega = \Omega$$

$$A \cap \emptyset = \emptyset$$

Unión

Leyes de complemento

$$A \cup A^c = \Omega$$

$$(A^c)^c = A$$

$$A \cap A^c = \emptyset$$

$$\Omega^c = \emptyset$$

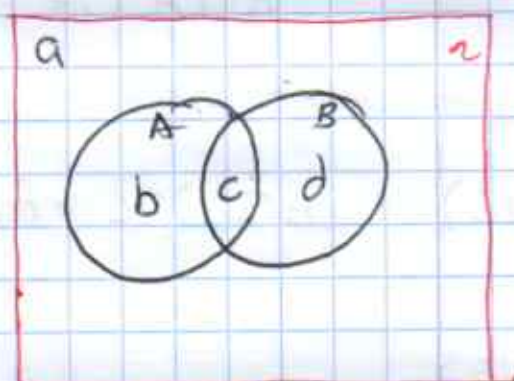
$$\emptyset^c = \Omega$$

Leyes de Morgan

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$$

### LEYES DE MORGAN



$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$\Omega = \{a, b, c, d\}$$

$$B = \{c, d\}$$

$$B^c = \{a, b\}$$

$$A = \{b, c\}$$

$$A \cap B = \{c\}$$

$$A \cap B = \{c\}$$

$$A \cup B = \{b, c, d\}$$

$$A^c \cap B^c = \{a\}$$

$$(A \cup B)^c = \{a\}$$

$$A^c = \{a, d\}$$

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$

$$\{a\} = \{a\}$$



$$(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$$

$$A^c = \{a, d\}$$

$$B^c = \{a, b\}$$

$$A^c \cup B^c = \{a, b, d\}$$

$$A \cap B = \{c\}$$

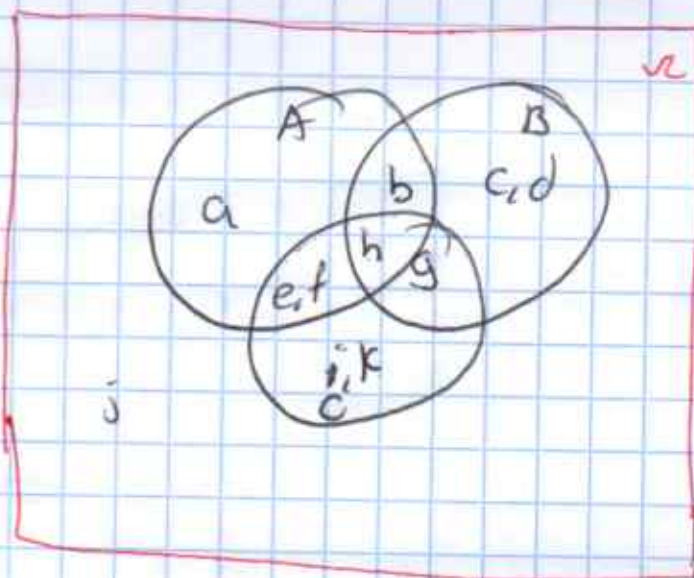
$$(A \cap B)^c = \{a, b, d\}$$

$$(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$$

$$\{a, b, d\} = \{a, b, d\}$$

Ejercicio 9.10

Encuentra  $A, B, C, \mathcal{U}$ ; calcula lo que se solicita



$$F - G = F \cap G^c$$

$$A = \{a, b, h, e, f\}$$

$$B = \{c, d, b, h, g\}$$

$$C = \{i, k, e, f, h, g\}$$

$$\mathcal{U} = \{a, b, c, d, e, f, g, h, i, k\}$$

$$B - A = \{c, d, g\} = B \cap A^c$$

$$A \Delta B = \{a, c, d, e, f, g\}$$

$$(C \cap B^c) - B = \{e, f, i, k\}$$

$$(A \cap B) - C = \{b\}$$

$$(A^c \cap B^c)^c = [(A \cup B)^c]^c = A \cup B = \{a, b, c, d, e, f, h, g\}$$

$$[(C-B) \cup (B \cap A^c)]^c = \{a, b, h, j\}$$

↓

$$C-B = \{c, l, i, k\}$$

$$B \cap A^c = B-A = \{c, d, g\}$$

$$(C-B) \cup (B \cap A^c) = \{c, d, e, l, g, i, k\}$$

$$[(C-B) \cap (B \cap A^c)]^c = \emptyset$$

$$C-B = \{c, l, i, k\}$$

$$B-A = \{c, d, g\}$$

$$(C-B) \cap (B-A) = \emptyset$$