# Corso di Laurea Magistrale in

# Ingegneria Biomedica

Esame di

# Robotica Medica

*Lezione del 26/10/23* 

# $Inversione \ della$ $cinematica \ differenziale \ III$

ESERCITAZIONE 5



Anno Accademico 2022/2023

#### Traccia

Estendere i risultati precedenti per una struttura a 3D, ad esempio uno Jaco<sup>2</sup> a 7 DOFs Una possibile implementazione è disponibile nel file esercizio05.zip

Figura 1: Traccia

Nella scorsa esercitazione (la quarta) è stato aggiunto il quaternione unitario come rappresentazione dell'orientamento. Adesso, si vuole implementare sempre un algoritmo per l'inversione della cinematica differenziale ma ci si vuole spostare su una struttura a 7 gradi di libertà (DOFs), quindi ridondante. Il manipolatore considerato è infatti un *Kinova Jaco 2* a 7 gradi di libertà. Non ci si trova più ad affrontare un problema di tipo planare, ma tridimensionale, ed in più anche ridondante.

## Background teorico



Braccio	$a_i$	$\alpha_i$	$d_i$	$\theta_i$
1	0	$\pi/2$	0.2755	$\theta_1$
2	0	$\pi/2$	0	$\theta_2$
3	0	$\pi/2$	-0.41	$\theta_3$
4	0	$\pi/2$	-0.0098	$\theta_4$
5	0	$\pi/2$	-0.3072	$\theta_5$
6	0	$\pi/2$	0	$\theta_6$
7	0	0	0.25	$\theta_7$
		16		

Figura 2: Kinova Jaco 2

Il Kinova Jaco2 è un manipolatore progettato per applicazioni di servizio e assistenza. Dal punto di vista delle caratteristiche del manipolatore, è noto per avere 7 gradi di libertà, il che significa che può muoversi in sette direzioni indipendenti. Ogni giunto rappresenta un DoF e contribuisce alla flessibilità del manipolatore. La modifica della tavola Denavit-Hartenberg (DH) indica un cambiamento nella convenzione di rappresentazione geometrica dei giunti e dei link del robot. In particolare, le variabili ai nella tavola DH non rappresentano più i bracci del manipolatore ma assumono un significato diverso. Questa modifica è probabilmente correlata alla necessità di adattare la tavola DH alle specifiche cinematiche del Kinova Jaco2, considerando i sette bracci del manipolatore. In termini di movimenti, il robot può eseguire una varietà di task grazie ai suoi 7 gradi di libertà. Questo gli consente di raggiungere posizioni e orientamenti specifici nello spazio tridimensionale. I movimenti possono essere combinati in modo coordinato per eseguire operazioni complesse come la presa e il posizionamento di oggetti, operazioni di montaggio e molte altre attività.

# Progettazione dello script

Ad una maggiore complessità del caso analizzato viene fatta corrispondere una necessaria ottimizzazione del codice Matlab di implementazione dell'algoritmo di inversione cinematica. In questa esercitazione, infatti, vengono riservati l'inizializzazione delle variabili e i vari plottaggi al file 'main' mentre il processo di inversione cinematica viene affidato completamente alla funzione 'inverseKinematics'.

La stessa funzione 'inverseKinematics' presenta una prima parte di inizializzazione delle variabili, una seconda di implementazione vera e propria dell'algoritmo di inversione cinematica ed un'ultima parte in cui sono presenti funzioni ausiliarie utile alla parte centrale di inversione.

```
function [q, dq, positionErrors, orientationErrors, spacePath, DHS] = inverseKinematics( ...
    setPoint, ...
    desiredOrientation, ...
    startConfiguration, ...
    simulationTime, ...
    positionGain, ...
    orientationGain, ...
    algorithmType)
```

Figura 3: Funzione inverseKinematics

Questa funzione calcola i valori delle variabili di giunzione che devono essere assegnati per ottenere il set point desiderato con un determinato orientamento. Questa funzione è ottimizzata per il manipolatore Kinova Jaco2 7-DOF. Di seguito vengono raffigurati le variabili di input da darle in pasto insieme agli output che restituisce:

```
% OUTPUT
% INPUT
                                                                        %
%
                                                                              - q : Matrix containing the values of the joint variables for each
%
     setPoint : 3x1 array in format [x,y,z]
                                                                        %
                                                                                   iteration.
%
%
     - desiredOrientation : 3x1 array with ZYZ convention
                                                                              - dq : Matrix containing the values of angular velocity for each
                                                                        %
                                                                        %
                                                                                     iteration.
%
                                                                        %
%
     - startConfiguration : 7x1 array (Theta angles of Jaco2 spherical
                                                                        %
                                                                             - positionErrors : Matrix containing the position error. Each
%
                            joint)
                                                                        %
                                                                                                column of the matrix is formed
%
                                                                        %
                                                                                                 as [ex, ey, ez, t].
%
     - simulationTime : Scalar value in seconds, default 60 s.
                                                                        %
%
                                                                        %
                                                                             - orientationErrors : Matrix containing the orientation error.
                                                                                                    Each column of the matrix is formed as
%
     - positionGain : Scalar value for position gain matrix, default 5.
                                                                                                    [e_phi, e_theta, e_psi, t].
%
                                                                        %
%
     - orientationGain : Scalar value for orientation gain matrix,
                                                                        %
                                                                             - spacePath : Matrix containing the trajectory on the operative
%
                         default 5
                                                                        %
                                                                                           space. Each column of the matrix is formed
%
                                                                        %
                                                                                           as [x, y, z].
%
     - algorithmType : String between "pinv" or "transp", default
                                                                        %
                                                                             - DHS: 7x4x2 tensor with start and ending DH table.
%
                       "pinv".
```

Variabili di input della inverseKinematics

Variabili di output della inverseKinematics

Figura 4

# Implementazione

#### inverseKinematics

Il codice della *inverseKinematics* inizia quindi a preparare l'ambiente e le variabili necessarie per la funzione di cinematica inversa, garantendo che le variabili opzionali siano gestite correttamente e che tutte le strutture dati siano inizializzate in modo appropriato per l'esecuzione della cinematica inversa nel seguito del codice.

```
% Checking optional variables
if ~exist('simulationTime', 'var')
   simulationTime = 60;
                                                                         % Output variables
                                                                         q = zeros(7, nPoints);
if ~exist('positionGain', 'var')
                                                                         dq = zeros(7, nPoints);
  positionGain = 5;
                                                                          orientationErrors = zeros(4, nPoints);
                                                                         orientationErrors(4,:) = t;
if ~exist('orientationGain', 'var')
   orientationGain = 5;
                                                                         positionErrors = zeros(4, nPoints);
                                                                         positionErrors(4,:) = t;
if ~exist('algorithmType', 'var') || (algorithmType ~= "pinv" && ...
    algorithmType ~= "transp")
                                                                          spacePath = zeros(3, nPoints);
   algorithmType = "pinv";
                                                                         DHS = zeros(7, 4, 2);
% Denavit-Hartenberg table
                                                                         % Set point parameters
alfa = zeros(7,1);
                                                                          pD = setPoint;
alfa(1:6) = pi/2;
                                                                         RD = zyz2rot( ...
d = [0.2755 0 -0.41 |-0.0098 -0.3072 0 0.25]';
                                                                               desiredOrientation(1), ...
startConfiguration = checkDimension(startConfiguration);
                                                                               desiredOrientation(2), ...
DH = [a alfa d startConfiguration];
                                                                               desiredOrientation(3));
                                                                         QD = rot2quat(RD);
samplingTime = 0.01;
t = 0 : samplingTime : simulationTime:
nPoints = length(t);
                                                                         DHS(:,:,1) = DH;
% Gain matrices
KP = diag(positionGain*ones(1,3));
KO = diag(orientationGain*ones(1,3));
```

Figura 5: Inizializzazione delle variabili nella funzione inverseKinematics

#### VERIFICA DELLE VARIABILI OPZIONALI:

- simulationTime: Controlla se la variabile simulationTime esiste; se non esiste, le assegna un valore predefinito di 60 secondi.
- positionGain: Controlla se la variabile positionGain esiste; se non esiste, le assegna un valore predefinito di 5.
- orientationGain: Controlla se la variabile orientationGain esiste; se non esiste, le assegna un valore predefinito di 5.
- algorithmType: Controlla se la variabile algorithmType esiste o se è diversa da "pinv" e "transp"; in caso affermativo, le assegna "pinv" come valore predefinito.

DEFINIZIONE DELLA TAVOLA DENAVIT-HARTENBERG (DH): Inizializza le variabili a, alfa, e d utilizzate per la tavola DH;

Imposta valori specifici per alfa nel range da 1 a 6;

Definisce la colonna d con valori specifici;

Esegue un controllo delle dimensioni per startConfiguration utilizzando la funzione checkDimension; Crea la tavola DH (DH) concatenando le variabili a, alfa, d, e startConfiguration.

PARAMETRI TEMPORALI: Imposta il samplingTime a 0.01 secondi;

Genera un vettore t da 0 a simulationTime con incrementi di samplingTime;

Calcola il numero di punti temporali (nPoints);

MATRICI DI GUADAGNO: Crea le matrici di guadagno KP e KO utilizzando valori diagonali basati su positionGain e orientationGain, rispettivamente.

VARIABILI DI OUTPUT INIZIALIZZATE: Inizializza vettori e matrici (q, dq, orientationErrors, positionErrors spacePath, DHS) con dimensioni appropriate.

PARAMETRI DEL SET POINT: Definisce pD come il punto fisso;

Calcola la matrice di rotazione RD e il quaternion corrispondente QD a partire dalla desiredOrientation; parte della matrice DHS con i valori della tavola DH;

```
for i = 1 : nPoints
   T = DirectKinematics(DH);
                                                               if algorithmType == "pinv"
   T = T(:,:,end);
                                                                   pinvJ = pinv_damped(J);
    pE = T(1:3, 4);
                                                                   dqi = pinvJ*amplifiedErrors;
    spacePath(:,i) = pE;
                                                               else
    RE = T(1:3, 1:3);
    QE = rot2quat(RE);
                                                                   transpJ = J';
                                                                   dqi = transpJ*amplifiedErrors;
    ePi = pD - pE;
    eOi = quatError(QE, QD);
    positionErrors(1:3,i) = ePi;
    orientationErrors(1:3,i) = e0i;
                                                               dq(:,i) = dqi;
                                                               qNext = q(:,i) + samplingTime*dqi;
    q(:,i) = DH(:,4);
                                                               DH(:,4) = qNext;
    amplifiedErrors = [KP*ePi; KO*eOi];
    J = Jacobian(DH);
                                                           DHS(:,:,end) = DH;
```

Figura 6: Algoritmo di inversione cinematica implementato dalla funzione inverseKinematics

L'algoritmo di inversione della cinematica diretta effettua le stesse operazioni svolte nelle esercitazioni precedenti ma si trova a lavorare con variabili più onerose. In particolare la posizione desiderata pE prende tutte e 3 le sue componenti, così come anche il quaternione QE per l'orientamento. Inoltre anche per lo Jacobiano è necessario prendere tutte le sue componenti.

#### ITERAZIONE ATTRAVERSO I PUNTI TEMPORALI:

Utilizza un ciclo for da 1 a nPoints.

#### CALCOLO DELLA CINEMATICA DIRETTA:

Utilizza la funzione DirectKinematics per ottenere la trasformazione T.; Estrae la matrice T corrispondente all'ultimo elemento della terza dimensione.

### CALCOLO DEGLI ERRORI DI POSIZIONE E ORIENTAMENTO:

Estrae la posizione pE e la matrice di rotazione RE da T;

Calcola il quaternione corrispondente QE da RE;

Calcola gli errori di posizione ePi e orientamento eOi;

Aggiorna i vettori di errori di posizione e orientamento;

#### Calcolo degli amplificatori di errore:

Calcola gli errori amplificati (amplifiedErrors) moltiplicando gli errori per le matrici di guadagno KP e KO.

#### CALCOLO DEL JACOBIANO:

Utilizza la funzione Jacobian per ottenere il Jacobiano J.

## SCELTA DELL'ALGORITMO DI CALCOLO:

Se algorithmType è "pinv", utilizza la pseudoinversa ammorbidita (pinv\_damped) del Jacobiano per calcolare dqi; Altrimenti, utilizza la trasposta del Jacobiano per calcolare dqi.

#### AGGIORNAMENTO DELLE VARIABILI DI STATO:

Calcola la prossima configurazione delle giunture (qNext) e aggiorna la tavola DH;

Alla fine dello script della funzione MATLAB *inverseKinematics* altre funzioni sono state definite all'interno dello stesso script per facilitare la comprensione e l'utilizzo del codice. Ogni funzione svolge un ruolo specifico nella manipolazione e nell'analisi di dati legati alla cinematica di un robot manipolatore.

- checkDimension(vector): Questa funzione è progettata per verificare e, se necessario, correggere le dimensioni di un vettore. Questo è cruciale per garantire che i dati in ingresso siano nel formato corretto per le operazioni successive nel codice.
- zyz2rot(phi, theta, psi): Trasforma gli angoli di Roll-Pitch-Yaw in una matrice di rotazione 3x3, un passo fondamentale nella descrizione dell'orientamento di un oggetto nello spazio tridimensionale.
- rot2quat(R): Converte una matrice di rotazione in un quaternione, una rappresentazione alternativa dell'orientamento utile in molte applicazioni di robotica e grafica computerizzata.
- quaterror(QE, QD): Calcola l'errore tra due quaternioni, particolarmente utile per il controllo di robot che devono seguire una traiettoria specifica.
- Homogeneous(DH\_row): Calcola la matrice di trasformazione omogenea 4x4 per un link nella tavola Denavit-Hartenberg. Questo è essenziale per la cinematica diretta di un robot.
- DirectKinematics(DH): Calcola la cinematica diretta per una catena cinematica basata sulla tavola Denavit-Hartenberg. Fornisce una serie di matrici di trasformazione che descrivono la posizione e l'orientamento di ciascun link rispetto alla base.
- Jacobian(DH, jointConfiguration): Calcola il Jacobiano geometrico per una catena cinematica. Questo è fondamentale per comprendere la relazione tra le velocità delle articolazioni e le velocità del manipolatore.
- pinv\_damped(J): Calcola la pseudo-inversa di una matrice Jacobiana utilizzando una tecnica di damping. Questo è spesso utilizzato nella risoluzione numerica della cinematica inversa.
- cosRialzato(sigma, lambda, threshold): Applica una regolarizzazione cosenoidale a un valore, contribuendo a mantenere la stabilità numerica durante alcune operazioni.

## main

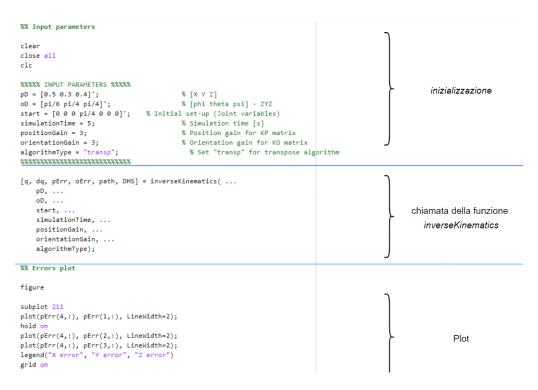


Figura 7: Struttura del file main

Nel file main nella parte iniziale vengono inizializzate le variabili per la funzione inverseKinematics e viene richiamata tale funzione. Successivamente vengono eseguiti i vari plot: in questa esercitazione è possibile plottare tutte e tre le componenti (x, y, z) dell'errore di posizione, così come anche per quello di orientamento  $(\phi, \theta, \psi)$ .

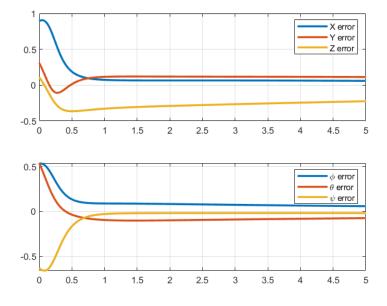


Figura 8: Plot degli errori



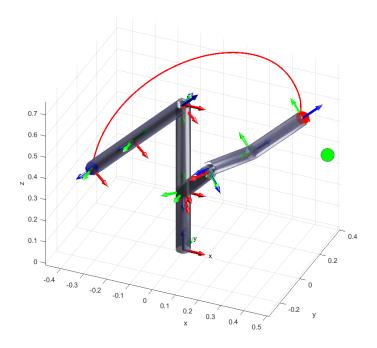


Figura 9: Visualizzazione tramite la funzione DrawRobot delle configurazioni iniziali e finali e della traiettoria del manipolatore a 7 bracci imponendo come posizione desiderata pD =  $[0.5 \ 0.3 \ 0.4]$ ', come orientamento desiderato oD =  $[pi/6 \ pi/4 \ pi/4]$ ' e come configurazione iniziale ai giunti start =  $[0 \ 0 \ pi/4 \ 0 \ 0]$ '.