Collections : généralités et listes Polytech Marseille

Séverine Dubuisson, Simon Vilmin severine.dubuisson@univ-amu.fr, simon.vilmin@univ-amu.fr

2024 - 2025





Plan

Généralités

Séquences, tableaux associatifs, ensembles Éléments de comparaison Résumé

Listes: les bases

Définition et syntaxe Parcours, accès, recherche Modification, ajout, suppression Opérations entre listes Résumé

Listes : aspects plus complexes Définition en compréhension Copies de listes Modifications et for Résumé

Généralités

Généralités

Séquences, tableaux associatifs, ensembles Éléments de comparaison Résumé

Listes : les bases

Listes : aspects plus complexes

Exercice

Exercice : écrire un programme qui saisit 4 nombres et les affiche dans l'ordre inverse de leur saisie

```
# ==== Exemple
Entrez nombre 1 : 2
Entrez nombre 2 : 4
Entrez nombre 3 : 6
Entrez nombre 4 : 8
8 6 4 2
```

Attention : interdit d'utiliser la concaténation de chaînes de caractères

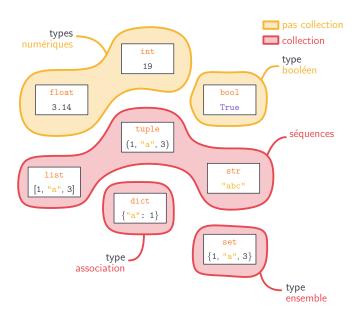
Exercice : en fait je me suis trompé, je voulais dire 8 nombres. Désolé.

Collections

- Problème : on va pas créer des nouvelles variables à chaque fois ...
- Value : il faudrait mettre ces valeurs dans une seule collection d'objets
- **Question**: ça tombe bien, Python propose *plusieurs types de collections*, mais ... *laquelle utiliser* du coup?

```
liste = [2, 4, 6, 8]  # type list?
uplet = (2, 4, 6, 8)  # type tuple?
ensemble = {2, 4, 6, 8}  # type set?
dico = {"v1": 2, "v2": 4, "v3": 6, "v4": 8} # type dict?
```

Galaxie (partielle) des types Python



Séquences

Définition: une séquence est une collection ordonnée d'éléments indexés par un entier non-négatif (partant de 0).

- Remarque : dans une séquence
- l'indexation associe des indices aux éléments
 - seq[i] # element d'indice i de seq
- le *slicing* permet de sélectionner une partie des éléments
 - seq[start:stop:step] # de start a stop de step en step

séquences : str, tuple, list

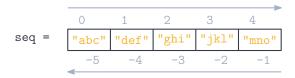
Séquences : indexation

Remarque : En Python, l'indexation d'une séquence seq est bidirectionnelle

```
1. de 0 à len(seq) - 1
```

2. de -1 à -len(seq)

```
>>> seq = ["abc", "def", "ghi", "jkl", "mno"]
>>> seq[1]
"def"
>>> seq[-3]
"ghi"
```



Séquences : slicing



Syntaxe : le slicing permet de sélectionner une partie d'une séquence

```
seq[start:stop] # de start a stop de 1 en 1
seq[start:stop:step] # de start a stop de step en step
```



Astuce : le slicing ressemble beaucoup à un range

- Remarque:
- par défaut, start=0, stop=len(seq) 1, step=1
- tous les paramètres sont donc facultatifs
- possible d'utiliser l'indexation négative
- 🚹 Attention : si start + step « s'éloigne » de stop, le slicing renvoie la séquence vide

Séquences : slicing

```
>>> seq = ["un", "deux", "trois", "quatre", "cinq", "six"]
>>> seq[1:3]
['deux', 'trois']
>>> seq[-3]
'quatre'
>>> seq[1:5:2]
['deux', 'quatre']
>>>  seq[-2:-5:-1]
['cinq', 'quatre', 'trois']
>>> seq[-1:1:-1]
['six', 'cinq', 'quatre', 'trois']
>>> seq[2:-2]
['trois', 'quatre']
```

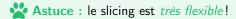


Tableau associatif: dictionnaire

Un tableau associatif (ou mapping) est une structure abstraite qui associe des valeurs à des clés. À une clé est associée au plus une valeur.

Remarque : En Python, le type qui implémente le tableau associatif est le dictionnaire (dict)

Définition : un dictionnaire (dict) est une collection de paires

cle: valeur

la *clé* doit être *hashable*, la *valeur* peut être *quelconque*. Toutes les clés d'un dictionnaire sont *uniques*

```
>>> d = {"k": "v", "b": 2, 54: "pouet"}
>>> d["k"] # on veut la valeur associee a la cle "k"
'v'
```

Tableau associatif: pourquoi faire?

Astuce : un dictionnaire est pratique quand on veut accéder très rapidement à des données caractérisées par des identifiants uniques.

Quelques idées d'usages :

- informations sur des livres (valeurs) identifiés par leurs ISBN (clé)
- mots (clés) et leurs définitions (valeurs)
- informations sur des gens (valeurs) identifiés par leurs numéro de sécu (clé)

Remarque : teaser du cours sur les dictionnaires

Notion de hash : quoi?

Définition: une fonction de hash associe un nombre à un objet à partir de sa valeur. Un objet est hashable s'il a une fonction de hash :



- en Python, la méthode de hash est hash
- le hash est calculé à partir de la valeur d'un objet
- il ne change pas au cours de la vie de l'objet

Notion de hash : types prédéfinis

- hashable: int, float, bool, str, tuple
- non-hashable : dict, list, tuple

Le cas de tuple dépend : hashable s'il ne contient que des éléments hashable, non-hashable sinon

```
>>> t1 = (1, 2, "pouet")
>>> hash(t1)
5038968233157651535
>>> t2 = (1, [2, 3], "bonjour")
>>> hash(t2)
TypeError: unhashable type: 'list'
```

Notion de hash : pourquoi?

Réponse : intuitivement, les dictionnaires sont une « surcouche » aux listes : la fonction de hash *transforme une clé en un index d'une liste* dans laquelle sont stockées les valeurs

```
>>> d = {}
>>> d["a"] = 5
>>> d[[1, 2]] = "essai liste"
TypeError: unhashable type: 'list'
```

Remarque: teaser du cours sur les dictionnaires

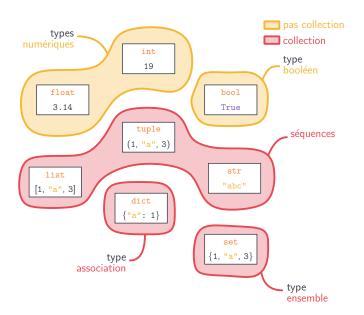
Ensembles

Définition : un ensemble (type set) est une collection non-ordonnée d'objets hashables distincts.

```
>>> ens = {1, 2, "a"}
>>> ens.add(3)
>>> ens
{1, 2, "a", 3}
```

- ightharpoonup Astuce : set \simeq dict sans valeurs (que des clés)
- Remarque: teaser du cours sur les ensembles

Galaxie : le retour



Quelques éléments de comparaison

Remarque : toutes les collections sont *itérables*, i.e. on peut les parcourir directement avec un for

Les éléments que l'on va considérer ici :

- l'indexation : la position des éléments est-elle définie et importante ?
- la mutabilité : est-ce qu'on peut changer le contenu de la collection ?
- ce qu'on peut stocker : la collection peut-elle contenir tout type d'objet ?

Séquences vs. les autres : indexation

Séquences :

```
>>> liste = [1, "deux", 3, "quatre", 5]
>>> liste[0]
1
>>> chaine = "attention ! Un bernard l'hermite !"
>>> chaine[-8:9:-1]
"eh'l dranreb nU !"
```

Ensembles et dictionnaires

```
>>> ensemble = {"a", "b", "c", "d", "e"} # set
>>> ensemble[0]
TypeError: 'set' object is not subscriptable
>>> dico = {"a": 7, "b": 3.14}
>>> dico[0]
KeyError: 0
```

Séquences vs. les autres : égalité

Séquences:

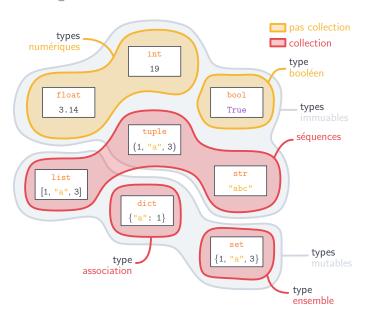
```
>>> [1, 2, 3] == [3, 2, 1] # list
False
>>> (1, 2, 3) == (2, 1, 3) # tuple
False
>>> "abc" == "bca" # str
False
```

Ensembles et dictionnaires :

```
>>> {1, 2, 3} == {2, 1, 3} # set
True
>>> {"a": 1, "b": 2} == {"b": 2, "a": 1} # dict
True
```

- Remarque : en bref
 - séquences égales : mêmes éléments, même ordre (indexation)
- dictionnaires/ensembles égaux : mêmes éléments

Galaxie : la vengeance



Mutable vs. immuable : définitions

Définition :

- un objet est (de type) immuable si on ne peut pas changer sa valeur (« l'écraser ») directement à son emplacement mémoire
- un objet est (de type) mutable si, au contraire, on peut changer sa valeur directement à son emplacement mémoire.

Astuce:

- en clair, un objet est *mutable* si on peut le modifier, *immuable* sinon
- à part tuple les types hashables sont les types immuables

- mutable: list, dict, set
- immuable: str, tuple, int, float, bool

Mutable vs. immuable : exemple

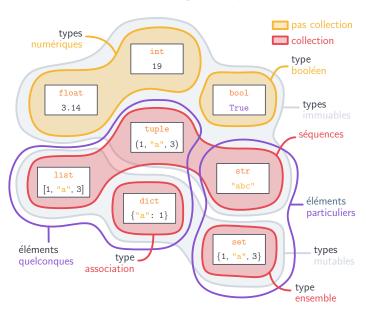
Objets mutables:

```
>>> liste = [1, 2, 3]
>>> liste[0] = 7
>>> liste
[7, 2, 3]
>>> ens = {1, 2, 3}
>>> ens.add(4)
>>> ens
{1, 2, 3, 4}
```

Objets immuables:

```
>>> chaine = "bonjour"
>>> chaine[0] = "B"
TypeError: 'str' object does not support item assignment
>>> uplet = (1, 2, 3)
>>> uplet[0] = 7
TypeError: 'tuple' object does not support item assignment
```

Galaxie : le retour de la vengeance qui tue



Collectionner quoi?

- **Question**: peut-on stocker n'importe quoi dans une collection?
- Réponse : ça dépend ...

```
>>> l = [[1, 2], "tulipe", 3.14, {"a", "b"}]  # list ok

>>> t = ([1, 2], "tulipe", 3.14, {"a", "b"})  # tuple ok

>>> s = {[1, 2], "tulipe", 3.14, {"a", "b"}}

TypeError: unhashable type: 'list' # ah! set pas ok
```

Astuce : en résumé

- le hash est la représentation sous forme d'entier d'un objet.
- le fait qu'un objet soit hashable est important pour pouvoir le stocker dans certaines collections

Bon, du coup qui stocke quoi?

Stocker des valeurs dans une collection :

- str : caractères uniquement (en fait des points de code unicode)
- list : tout type d'éléments
- tuple : tout type d'éléments, mais parfois au prix du hash
- dict : clés hashables, tout type d'éléments,
- set : éléments hashables uniquement

Résumé



- les collections permettent de stocker plusieurs éléments
- Python propose plusieurs collections aux comportements différents!

collection	indexée	mutable	éléments stockés
str	✓	Х	caractères
list	✓	✓	quelconques
tuple	✓	X	quelconques
dict	X	✓	quelconques (mais clés hashables!)
set	X	1	hashables

Listes: les bases

Généralités

Listes: les bases

Définition et syntaxe Parcours, accès, recherche Modification, ajout, suppression Opérations entre listes Résumé

Listes: aspects plus complexes

Remarque: on fait seulement un tour d'horizon des opérations de base sur les listes. Il faut aller dans la doc pour plus de détails!

Définition et syntaxe

Définition : une liste (type list) est une séquence mutable d'objets de tout types.

 \blacksquare Syntaxe : une liste est définie avec des crochets « [] », on y sépare les éléments par des virgules « , »

```
liste = [elt1, elt2, ...]
```

```
L = [] # liste vide
L = [1, 2, ["c", "du", ["flan"]]] # listes imbriquees
matrice = [[1, 2, 0], [-7, 4, 10], [5, 2, 1]]
```

Accès, parcours basique

les listes sont des séquences : ses éléments sont indexés par des entiers.

```
>>> L = ["une", "liste", "de", 5, "elements"]
>>> L[2] # element d'indice 2
'de'
>>> L[1:3] # slicing, liste des elements d'indices 1 a 2
['liste', 'de']
```

En utilisant la fonction len, on peut parcourir tous les éléments d'une liste

```
>>> L = ["une", "liste", "de", 5, "elements"]
>>> for i in range(0, len(L)):
    print(L[i], end=" ")
une liste de 5 elements
```

Attention: souvent parcourir les indices n'est pas le plus pertinent

Itérables

Value : il vaut mieux utiliser le fait que les listes sont *itérables*

1 Remarque : les listes, comme *toutes les collections*, sont *itérables*, i.e. on peut parcourir ses éléments directement avec un for

```
>>> phrase = ["messire,", "les", "anglois",
    "nous", "envahissent", "!"]
>>> for mot in phrase:
    print(mot, end=" ")
messire, les anglois nous envahissent !"
```

Énumération

Valeurs (avec in) ... mais on peut aussi parcourir les deux à la fois!

Remarque : la fonction enumerate permet de parcourir à la fois les indices d'une liste et ses éléments

```
>>> L = [ True, False, 0, 1, None ]
>>> for (indice, valeur) in enumerate(L):
    print(f"valeur a l'indice {indice} : {valeur}")
valeur a l'indice 0 : True
valeur a l'indice 1 : False
valeur a l'indice 2 : 0
valeur a l'indice 3 : 1
valeur a l'indice 4 : None
```

Qui fait quoi?

```
L = ["tu", "es", "un", "hibou"]
for i in range(len(L)):
 print(i, end=" ")
# ==== resultat
0 1 2 3
L = ["tu", "es", "un", "hibou"]
for i in range(len(L)):
 print(L[i], end=" ")
# ==== resultat
tu es un hibou
L = ["tu", "es", "un", "hibou"]
for i, j in enumerate(L):
 print(f"({i}, {j})", end=" ")
# ==== resultat
(0, tu) (1, es) (2, un) (3, hibou)
```

```
L = ["tu", "es", "un", "hibou"]
for i in L:
 print(i, end=" ")
# ==== resultat
tu es un hibou
L = ["tu", "es", "un", "hibou"]
for i in L:
 print(L[i], end=" ")
# ==== resultat
TypeError: list indices must
be integers or slices, not str
```

Recherche

On peut tester la présence d'un élément dans une liste grâce à in

```
>>> 4 in [2, 8, 6, 7]
False
>>> 9 in [1, 3, 5, 7, 9]
True
```

On peut également :

- obtenir la position de la première occurrence d'un élément avec index
- compter le nombre d'occurrences d'un élément avec count

```
>>> L = [3, "perruches", "avec", 3, "tongues"]
>>> L.index("perruches")
1
>>> L.count(3)
2
```

Exercices

Exercice : écrivez une fonction verif_ordre qui prend en entrée une liste et qui vérifie que les nombres qui s'y trouvent sont triés par ordre croissant. Par exemple pour

```
L1 = ["oui", 1, "non", True, False, 2, "jsp", 12]
L2 = ["que", 2, "ne", 1, "fusse-je", "offusque", 3]
```

La fonction doit renvoyer True pour L1 et False pour L2

Exercice : Écrivez une fonction extraire_voyelle qui prend en entrée une liste de mots et qui renvoie la chaîne de caractères contenant toutes les voyelles des mots de la liste. Par exemple pour

```
["tu", "m'as", "roule", "dans", "la", "frangipane"]
```

La fonction doit renvoyer

```
"u a oue a a aiae"
```

Exercices

Exercice : Écrivez une fonction epeler qui prend en paramètre un nombre flottant et qui renvoie la chaîne de caractères épelant chacun des chiffres de ce nombre. Par exemple pour

14.27

La fonction doit renvoyer

"un quatre virgule deux sept"

Exercice : Écrivez une fonction récursive tri_fusion qui prend en paramètres une liste et qui trie la liste avec l'algorithme de fusion.

Modification

Value : puisque les listes sont *mutables*, on peut *modifier*, *ajouter* ou supprimer des éléments

modifications : on utilise l'indexation et le slicing

```
>>> L = [1, 2, 3, 4, 5]
>>> L[0] = "um"
>>> L[2:4] = ["trois", "quatre"]
>>> L
["un", 2, "trois", "quatre", 5]
```

Ajout

- append ajoute un élément à la fin de la liste
- insert insère un élément ou une liste d'éléments avant une position donnée
- extend ajoute une liste à la fin de la liste

```
>>> L = ["a", "b", "c", "d", "e"]
>>> L.append("f")
>>> L
["a", "b", "c", "d", "e", "f"]
>>> L.insert(0, "alphabet")
>>> L
["alphabet", "a", "b", "c", "d", "e", "f"]
>>> L.extend(["g, h, i"])
>>> L
["alphabet", "a", "b", "c", "d", "e", "f", "g", "h", "i"]
```

Suppression

- pop supprime et renvoie un élément à une position donnée
- remove supprime la première occurrence d'une valeur
- del permet de supprimer des éléments ou des intervalles via leur position
- clear vide la liste

```
>>> L = ["a", "b", "a", "c", "d", "e", "f"]
>>> b = L.pop(1)
>>> L. b
["a", "a", "c", "d", "e", "f"], "b"
>>> L.remove("a")
>>> T.
["a", "c", "d", "e", "f"]
>>> del L[2:4]
>>> T.
["a", "c", "f"]
>>> L.clear()
>>> T.
```

Quelques opérations entre listes

Remarque: comme pour str, on peut multiplier une liste par un entier et ajouter des listes (les concaténer)

```
>>> L1 = ["lun", "mar", "mer", "jeu", "ven"]
>>> L2 = ["sam", "dim"]
>>> L3 = 2 * (L1 + L2)
>>> L3
["lun", "mar", "mer", "jeu", "ven", "sam", "dim",
"lun", "mar", "mer", "jeu", "ven", "sam", "dim"]
```

Attention: au contraire des opérations de modifications comme append, pop, ..., les opérations + et * renvoient une nouvelle liste!

Quelques opérations entre listes

 \blacksquare Attention: par contre, *= et += modifient effectivement la liste initiale!

```
>>> L1 = [1, 2, 3]
>>> L2 = L1
>>> L2 = 2 * L2
>>> L2 is L1 # L2 et L1 pointent sur la meme zone?
False
>>> L3 = L1
>>> L3 *= 2
>>> L3 is L1 # L3 et L1 pointent sur la meme zone?
True
```

Exercices

Exercice : Écrivez une fonction qui demande à l'utilisateur.ice de saisir une série de n prénoms, et qui les affiche dans l'ordre alphabétique :

```
# ==== Exemple
nombre de prenoms : 3
1 : Athenais
2 : Clementine
3 : Azrael
Athenais Azrael Clementine
```

Exercice : Écrivez une fonction qui prend en paramètres une matrice carrée composée de lettres, et qui vérifie que toutes les lignes, les colonnes et les diagonales sont des palindromes. Par exemple pour

```
m = ["cbc", "ada", "cba"]]
```

La fonction doit renvoyer False

Résumé

```
Rappel:
```

- une liste est une séquence mutable d'objets quelconques
- on les utilise avec des crochets, « [] »
- on peut parcourir les éléments d'une liste directement via for
- Attention: append, +=, *=, ... modifient la liste alors que + et * non

```
L = [0, [], "biscuit", [0, [], "biscotte"]]
for element in L:
    print(element)
```

Listes: aspects plus complexes

Généralités

Listes: les bases

Listes : aspects plus complexes
Définition en compréhension
Copies de listes
Modifications et for
Résumé

Définition d'ensembles

- **Définition**: en mathématiques, il existe deux grandes manières de décrire les éléments d'un ensemble *E*
 - en extension : on liste explicitement tous les éléments de E
 - en compréhension : on donne une propriété (un prédicat) qui caractérise les éléments de E

Exemple

L'ensemble des nombres entiers impairs entre 1 et 30

- en extension, {1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21, 23, 25, 27, 29}
- en *compréhension*, $\{n : n, k \in \mathbb{N}, 1 \le n \le 30, n = 2k + 1\}$

L'ensemble 2^U des parties de l'ensemble $U = \{1, 2, 3\}$:

- en extension, $2^U = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{3\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}, \{1, 2, 3\}\}$
- en compréhension, $2^U = \{X : X \subseteq U\}$

Attention: on parle d'ensembles au sens maths, pas des set Python!

Définition de listes en compréhension

Syntaxe: Python permet de définir des listes en compréhension, à l'image des ensembles en mathématiques, avec for (voir doc)

liste = [expression for item in iterable if condition]

- **1** Remarque :
- expression est une expression qui *peut dépendre* de item
- un itérable est un objet que l'on peut parcourir (avec un for) : pour nous, range ou les collections (str, list, set, ...)
- if condition filtre les éléments à sélectionner dans l'itérable

Astuce : l'écriture en compréhension est souvent plus *rapide et efficace* qu'un bloc for

Exemple

```
>>> L1 = [x for x in range(5)]
>>> L1
[0, 1, 2, 3, 4]
>>> L2 = [x**2 \text{ for } x \text{ in range}(5)]
>>> L2
[0, 1, 4, 9, 16]
>>> L3 = [2 * c for c in "arg"]
>>> L3
["aa", "rr", "gg"]
>>> L4 = [x for x in L2 if x % 2 == 0] # condition de filtrage
>>> L4
[0, 4, 16]
>>> L5 = [2 * [x] for x in L3]
>>> L5
[["aa", "aa"], ["rr", "rr"], ["gg", "gg"]]
```

Exercice

- Exercice : utiliser la compréhension pour chacun des cas suivants :
- 1. étant donnée une liste L d'entiers, construire la liste Lf des paires (x, f(x)) où $f(x) = 3x^2 x + 1$, pour tout x de L
- 2. étant donnée une liste L, construire la liste des éléments de L de type str
- étant données deux listes L1, L2, trouver les éléments de L1 qui ne sont pas dans L2
- étant données deux listes L1, L2, construire la différence symétrique de L1 et L2
- étant donné un entier n, construire une liste de n listes où la ième liste est la liste des entiers de 1 à i

Exercice

- Exercice : en utilisant les comprehension list, écrivez :
 - une fonction trouve_espace qui prend en paramètre une phrase p et qui renvoie les indices auxquels se trouve des espaces dans p
 - une fonction trouve_mots qui prend en paramètre une phrase p et qui renvoie la liste de mots de p

Par exemple pour

```
p = "une moquette en mimolette"
```

Les fonctions espace et mots renvoient respectivement

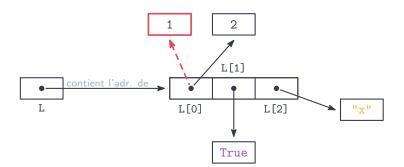
```
[3, 12, 15]
["une", "moquette", "en", "mimolette"]
```



- on suppose que p ne contient pas plusieurs espaces à la suite, et qu'elle commence et termine par une lettre
- pour la question 2, réutilisez la question 1.

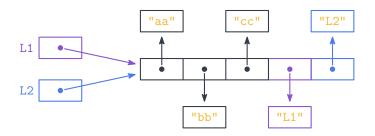
Représentation des listes en mémoire

• Attention : en fait, les listes sont proches des *tableaux contigus* et pas des *listes chaînées* ...



Assignement de listes

```
L1 = [c for c in "abc"]
L2 = L1
L1.append("L1")
L2.append("L2")
```

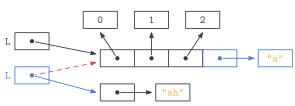


• Attention : quand on fait L2 = L1 on copie juste l'adresse de L1 et pas les éléments de la liste!

Listes et portée des variables

```
def bidouille(L):
   L.append("a")
   L = ["ah"]

# ==== Programme
# principal
L = [0, 1, 2]
bidouille(L)
```



Attention:

- quand on passe une liste en arguments, on passe une copie de son adresse, modifier la liste modifie donc la liste principale
- par contre, ré-affecter la liste crée une variable locale

Copie de listes

Pour éviter de modifier par inadvertance une liste, il faut *copier tous ses* éléments dans une nouvelle liste :

• si la liste *ne contient pas* de sous-collections (mutables)

```
L_copie = L[:] # slicing
```

• si la liste *contient* des sous-collections (mutables)

```
from copy import deepcopy
L_copie = deepcopy(L) # fonction de copie profonde recursive
```

- **?** Question: pourquoi aller chercher deepcopy?
- Réponse : si une liste contient une sous-liste, le slicing va juste copier l'adresse de la sous-liste, et on aura les mêmes problèmes qu'avant !

Question

Question: que se passe-t-il quand on ajoute/supprime des éléments d'une liste pendant qu'on la parcourt?



1 Attention : éviter d'ajouter/retirer les items d'une liste qu'on parcourt

Exercices

Exercice: Écrivez une fonction display qui prend en paramètres une matrice M d'entiers positifs (liste de listes) et une chaîne de caractère s et qui affiche le dessin représenté par M et s en faisant correspondre à un élément m de la matrice le m-ème caractère de s. Par exemple, on aura

```
>>> M = [[0, 0, 1, 2, 0, 0],
[0, 1, 3, 3, 2, 0],
[1, 0, 0, 0, 0, 2]]
>>> s = " /-\ "
>>> display(M, s)
/\
/--\
```



Exercices

Exercice: Écrivez une fonction qui prend en paramètres deux entiers n et m (n < m) et qui, en une ligne, renvoie le nombre de multiples de 7 entre n et m

Exercice : Écrivez une fonction copie_profonde qui prend en entrée une liste L et qui renvoie une copie profonde de L.

Remarque: Pour simplifier, on ne considère que des listes contenant des listes ou des entiers, et *ne contenant pas* d'autoréférences, i.e. L ne contient pas L (pointeur), mais peut contenir une sous-liste avec exactement les mêmes éléments que L.

Résumé

Rappel:

- on peut définir une liste en compréhension
- on peut copier les éléments d'une liste avec le slicing et deepcopy

Attention:

- L2 = L1 crée un « pointeur » vers L1
- éviter de *modifier* une liste pendant qu'on la *parcourt*

```
L1 = [x for i in range(0, 10, 2)]
L2 = [x for x in [3.14, 7.0, -8.3, 2.5, 1.0] if x.is_integer()]
```